# Partial Annotation based CRF

#### 朱运

#### April 16, 2018

## 1 符号定义

 $\mathcal{D} = \{S^j, Y^j\}_{j=1}^N$ : 表示一个数据集,包含 N 个句子和对应的 N 个人工标注的分词序列。

 $S^j = w_1^j ... w_i^j ... w_{n_i}^j$ :表示第 j 个句子,由  $n_i$  个汉字组成。

 $Y^j = y_1^j ... y_i^j ... y_{n_i}^j$ : 表示第 j 个句子对应的标签序列。

T: 表示标签集合, 即隐状态的所有可能取值,  $y_i^j \in T$ 。

## 2 概念定义

我们以汉语分词任务为例,讲解基于 CRF 如何实现局部标注,从而得到用于模型更新的 loss。汉语分词任务中,我们采用四标签集  $\{B, M, E, S\}$  来表示每个字的分词结果,其中,B、M、E分别代表一个词的开始、中间、结尾,S 表示单字成词的字。那么, $T=\{B,M,E,S\}$ 。

全标注是指句子中的每个字都给出了人工标注的分词标签,即  $|Y^j| = |S^j|$ 。以句子"我是中国人。"为例,我们知道句子的分词答案是"我 是 中国人。",那么全标注对应的 tag 序列是  $Y = (\{S\},\{S\},\{B\},\{M\},\{E\},\{S\})$ ,如图 1 所示。

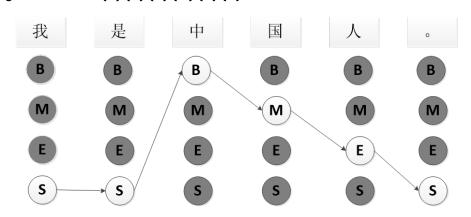


图 1: "我是中国人"的全标注示例

部分标注是指句子中只有部分字的分词标签给出,而其余字的标签没有给出。我们可以将全标注作为局部标注的一种特殊情形。假设在句子"我是中国人"中,"中国人"是一个词,其余字的分词信息未知,那么"中国人"对应的 tag 序列是(B,M,E),句子中的其他字,我们认为它的标签可能是 T 中的每个标签,那么句子的标签序列可以表示为({B、M、E、S},{B、M、E、S},{B},{M},{E},{B、M、E、S}),如图 2 所示。

模糊标注是指: 句子中, 每个字或者某些字的标签不是唯一的, 即我们允许一个字可以有多个标签。句子"我是中国人。", 按照不同粒度, "中国人"可以看做一个整体,

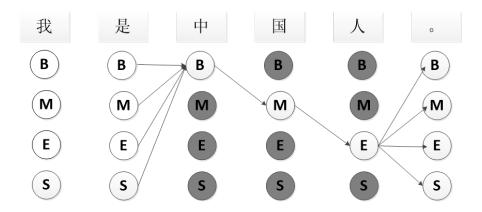


图 2: "我是中国人"的局部标注示例,其中,"中国人"是已知的分词信息

也可以切分为: "中国"和"人"。对于句子中的其他字,因为缺少其具体的分词信息,我们认为它的标签可能是T中的每个标签,那么句子的标签序列为( $\{B, M, E, S\}$ ,  $\{B, M, E, M, E\}$ ,

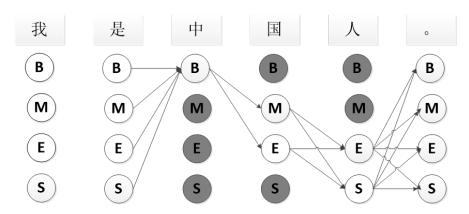


图 3: "我是中国人"的模糊标注示例

## 3 公式推导

我们采用 CRF 模型来处理分词的序列标注问题。给定一个输入的字序列,模型的作用是计算序列中每个字赋予每个标签的概率。

全标注中,假设给定的一个句子  $S = w_1...w_n$ ,其对应的正确分词序列  $Y = y_1...y_n$ 。那么,CRF 定义句子 S 标注为序列 Y 的概率为:

$$p(Y|S) = \frac{e^{\operatorname{Score}(S,Y)}}{Z(S)} \tag{1}$$

其中,

$$Z(S) = \sum_{Y' \in \mathcal{T}^n} e^{\operatorname{Score}(S, Y')}$$
 (2)

部分模糊标注,如图 3 所示,句子中,只有部分词语给定了某个或者某些 tag,其余位置标签完全不确定,那么符合图 3 情况的序列集合: $Y^p = (\{B, M, E, S\}, \{B, M, E, S\}, \{B, M, E, S\}, \{B, M, E, S\}, \{B, M, E, S\}$ 

E、S}, {B}, {M、E}, {E、S}, {B、M、E、S}), 集合  $Y^p$  里面一共 4\*4\*1\*2\*2\*4 = 256 种情况。其中  $Y^p$  表示所有可能的序列集合,那么  $Y^p$  的边缘概率可以表示为

$$p(Y^p|S) = \sum_{y \in Y^p} \frac{e^{\operatorname{Score}(S,y)}}{Z(S)} \tag{3}$$

我们定义  $Z^P$  为:

$$Z_{Y^p} = \sum_{u \in Y^p} e^{Score(S,y)} \tag{4}$$

那么局部模糊标注  $Y^p$  的边缘概率就可以归一化为:

$$p(Y^p|S) = \frac{Z_{Y^p}}{Z(S)} \tag{5}$$

根据全标注的 CRF 似然函数

$$LL(\mathcal{D}; \mathbf{w}) = \sum_{j=1}^{N} \left[ \mathbf{Score}(S^{j}, Y^{j}) - \log Z(S^{j}) \right] \tag{6}$$

我们可以得到对应的局部模糊标注的似然函数:

$$LL(\mathcal{D}; \mathbf{w}) = \sum_{j=1}^{N} \left[ \log Z_{Y^p}(S^j) - \log Z(S^j) \right]$$
 (7)

根据 CRF 似然函数求解:

$$\frac{\partial \text{log}Z(S^j)}{\partial \mathbf{w}} = \sum_{Y' \in \mathcal{T}^n} p(Y'|S) \cdot \mathbf{f}(S^j, Y') \tag{8}$$

可以得到:

$$\frac{\partial \text{log} Z_{Y^p}(S^j)}{\partial \mathbf{w}} = \sum_{Y' \in Y^p} p(Y'|S) \cdot \mathbf{f}(S^j, Y') \tag{9}$$

 $Z_{YP}$  和 Z 的形式以及计算梯度方式很相似,区别在于,在局部模糊标注情况下,我们在计算前向 alpha 和后向 beta 的过程中需要加一些约束,将不符合已有标注的情形禁止掉即可。

$$\alpha^{p}(k,t) = \begin{cases} \sum_{(t) \in Y_{k}^{p}} e^{\operatorname{Score}(S,k,t',t)} \cdot \alpha(k-1,t') & t \in Y_{k}^{p} \\ 0 & t \notin Y_{k}^{p} \end{cases}$$
(10)

$$\beta^{p}(k,t) = \begin{cases} \sum_{(t,t') \in Y_k^p} e^{\operatorname{Score}(S,k+1,t,t')} \cdot \beta(k+1,t') & t \in Y_k^p \\ 0 & t \notin Y_k^p \end{cases}$$
(11)

其中, $Y_k^p$ 表示,在局部模糊标注中,第k个字对应的所有分词标签。

#### 4 说明

全标注,局部标注及模糊标注在训练时,不需要考虑分词标签之间的约束关系(如:B之后只能接E或M.而不能接S).只有在测试解码时才考虑标签之间的约束关系。