# 板子—滑动窗口与双指针专题

# 一、定长滑动窗口

【板子题】1343. 大小为 K 且平均值大于等于阈值的子数组数目

```
给你一个整数数组 arr 和两个整数 k 和 threshold 。
请你返回长度为 k 且平均值大于等于 threshold 的子数组数目。
```

```
class Solution {
public:
   int numOfSubarrays(vector<int>& arr, int k, int threshold) {
       int n=arr.size();
       int res=0;
       int sum=0;
       int thresholdSum = threshold*k;
       for(int i=0;i<n;i++)</pre>
       {
           //1、inset
           sum+=arr[i];//假设k是3个 inset步骤 从2加到3
           if(i<k-1)continue;//判断下标是否小于2(是否小于3个元素) 是的话就continue
           //2、update
           if(sum≥thresholdSum)res+=1;//判断一下总的sum,因为现在是3个元素
           //3, delete
           sum-=arr[i-k+1]; //扣掉一个元素 回到2个元素
       }
       return res;
};
```

#### 重点是下面这段:

```
for(int i=0;i<n;i++)
{
    //1、inset
    sum+=arr[i];//假设k是3个 inset步骤 从2加到3
    if(i<k-1)continue;//判断下标是否小于2(是否小于3个元素) 是的话就continue
    //2、update
    if(sum≥thresholdSum)res+=1;//判断一下总的sum,因为现在是3个元素
    //3、delete
    sum-=arr[i-k+1];//扣掉一个元素 回到2个元素
}
```

以下整理一些比较值得注意的题目,和对应的思路。

# 1.重点题目和思路

### (1) 爱生气的书店老板

抽象版:数组中有一些正数,同时有一个mask数组(由0,1组成,1表示选,0表示不选),你可以将mask数组连续k个数改成1(有一次机会,意味着将长度为k的窗口内本来不可选的变为可选),问此时数组的最大和是多少(只能选允许选的数)?

customers[i] 是在第 i 分钟开始时进入商店的顾客数量,所有这些顾客在第 i 分钟结束后离开。

在某些分钟内,书店老板会生气。 如果书店老板在第 i 分钟生气,那么 grumpy[i] = 1,否则 grumpy[i] = 0。 当老板生气时,那一分钟的顾客就会不满意,否则如果老板不生气则顾客满意。

现在,老板可以让自己**连续minutes分钟不生气,只能使用一次**。请问**一天下来,最多多少顾客能感到满意?** 

```
输入: customers = [1,0,1,2,1,1,7,5], grumpy = [0,1,0,1,0,1,0,1], minutes = 3 输出: 16 老板在最后三分钟保持冷静即可。
```

```
class Solution {
public:
   int maxSatisfied(vector<int>& customers, vector<int>& grumpy, int minutes) {
        //记录minutes分钟内不生气带来的增量收益
       int temp = 0;
       int resMax = 0;
       int normal=0;
       for(int r=0;r<customers.size();r++)</pre>
       {
           //计算正常收益
           if(grumpy[r]=0)
               normal += customers[r];
               temp += customers[r]; //能挽救多少顾客 (不生气可以新增窗口内多少满意顾客)
           if(r<minutes-1)continue;</pre>
           //update
           resMax = max(resMax, temp);
           if(qrumpy[r-minutes+1]=1) temp-=customers[r-minutes+1];
       return normal+resMax;
   }
};
```

### (2) 从数组两侧取k个数的最大值—转换为n-k的滑动窗口的和最小值

• (务必注意窗口大小为0的情况,有可能的话可以特判。)以下给出不特判的问题:

### (3) 另一种针对窗口内求和的定长滑动窗口写法——次更新两端

```
class Solution {
public:
   int maxScore(vector<int>& cardPoints, int k) {
       //用求和函数加快计算
       int n = cardPoints.size();
       int sum = accumulate(cardPoints.begin(), cardPoints.end(), 0); //别忘了最后一个参数
       if(n=k) return sum; //注意特殊情况判断
       int tmpSum = accumulate(cardPoints.begin(), cardPoints.begin()+n-k, 0); //前n-k个值
之和
       int res = tmpSum;
       // 求解窗口大小为n-k的最小点数, 重点看下面的逻辑
       for(int i=n-k;i<n;i++){</pre>
           tmpSum += (cardPoints[i] - cardPoints[i-(n-k)]); //一次更新两端
           res = min(res, tmpSum);
       return sum - res;
   }
};
```

### (4) 滑动窗口—针对循环数组

要点: 取余,并且自己可以画图确定一下索引,同时务必注意负数取余的问题,比如: i-k+1<0,那么就得是:

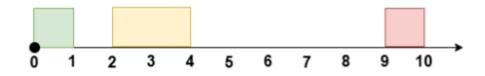
```
nums[(i-k+1 + n)%n] //务必注意这里的负数取余的+n问题
```

### (5)维护"至多k个"的和的最大值,定长滑动窗口怎么写比较好?(都是正数)

相当于窗口内最多k个元素是合法的,少于k个元素也是合法的,此时res的update逻辑位置需要发生变化,类似于:

### (6) 如果发现可以尝试定长滑动窗口(有个固定的k值在),可以尝试以下预处理思路:

- (a) **排序后滑动窗口**: 比如原数组选k个数,使得这k个数的最大值与最小值的差最小,则对原数组从小到大排序后做滑动窗口(有点贪心意思在里面);
- (b) **转换维护的内容**:比如3439. 重新安排会议得到最多空余时间 I,这道题,可以重新安排 **至多 k** 个会议,安排 的规则是将会议时间平移,且保持原来的 会议时长 ,你的目的是移动会议后 最大化 相邻两个会议之间的 最长 连续空余时间。



- 题目要求会议之间的相对顺序需要保持不变,这意味着我们只能合并相邻的空余时间段,所以重新安排至多 *k* 个会议等价于如下问题:
  - 给你 n +1 个空余时间段,合并其中 k +1 个连续的空余时间段,得到的最大长度是多少?

# (7) 给你一个 二进制环形 数组 nums (数组中只有0和1) ,返回在 任意位置 将数组中的所有 1 聚集在一起需要的最少交换次数。

要点:先计算整个数组中有几个1(假设为m),那么所有1聚集在一起的结果就一定有m个1,因此维护一个长度为m的窗口,里面的1越多,那么需要通过交换换过来的1就越少,因此只要求长度为m的窗口内最多有几个1即可。

```
class Solution {
public:
    int minSwaps(vector<int>& nums) {
        //环形数组,先看看有多少1
        int cnt = 0;
        for(int num: nums)
        {
            if(num=1) cnt++;
        }
```

```
int k = cnt; //窗口大小,要看窗口里的1最多,即0最少
       int n = nums.size();
       int countZero = 0;
       int ans = k; //要最少的0
       for(int i=0;i<n+k;i++) //用环形数组来做
       {
           //1.inset
           countZero += (nums[i%n]=0);
           //2.update
           if(i<k-1) continue;
           ans = min(ans, countZero);
           //3.delete
           countZero -= (nums[(i-k+1+n)%n]=0); //环形数组, 务必小心负数取余的问题
       return ans;
   }
};
```

# 二、不定长滑动窗口

个人理解,做题目的时候需要考虑好数组中数的范围,比如是否有负数,有0,这种情况下单纯的while(sum≥target)可能会失效,有时需要加上while(sum≥target && l≤r)做进一步判断。

(想象一下缩左指针,结果窗口内有负数,越缩sum越大,有可能会越界。)

有负数务必小心,注意看1.(4)的那道题

# 1. 求最长/最大

- 一般题目都有「至多」的要求。
  - 与定长滑动窗口套路是类似的,在外层 for 循环中维护r指针,如果不满足要求则移动 l 指针直到满足要求为止。

#### 板子题—无重复字符的最长子串:

```
return res;
}
```

### (1) 1493. 删掉一个元素以后全为 1 的最长子数组

给你一个二进制数组 nums (nums中只会有0或者1) ,你需要从中删掉一个元素。请你在删掉元素的结果数组中,返回最长的且只包含 1 的非空子数组的长度。如果不存在这样的子数组,请返回 0 。

本题可以转换为维护窗口内"最多有一个0"的最长子数组。

#### 代码如下:

```
class Solution {
public:
   int longestSubarray(vector<int>& nums) {
       //其实就是最多包含1个0的最长数组长度
       int zeroCnt = 0;
       int n = nums.size();
       int left = 0;
       int ans = 1;
       for(int right = 0;right<n;right++)</pre>
           zeroCnt += (nums[right] = 0);
           while(zeroCnt > 1)
               zeroCnt -= (nums[left] = 0);
               left++;
           ans = max(ans, right - left + 1);
       }
       return ans - 1; //删掉一个元素之后的最长长度
   }
};
```

# (2) 维护窗口里最多有一对相邻相等数的最长窗口长度

```
给你一个下标从 0 开始的字符串 s ,这个字符串只包含 0 到 9 的数字字符。
如果一个字符串 t 中至多有一对相邻字符是相等的,那么称这个字符串 t 是 半重复的 。例如,"0010"、"002020"、"0123"、"2002"和 "54944"是半重复字符串,而 "00101022" (相邻的相同数字对是 00和 22)和 "1101234883" (相邻的相同数字对是 11和 88)不是半重复字符串。
请你返回 s 中最长 半重复 子字符串 的长度。
```

可以记录每次重复的位置下标,还有一种比较好写代码的方式是维护一个isSame值,表示窗口内现在有几对相邻相等的数对,如果isSame=2,则移动左指针直到 nums[left]—nums[left-1],那么此时right-left+1即为所求,同时更新isSame=1。

代码如下:

```
class Solution {
public:
    int longestSemiRepetitiveSubstring(string s) {
        int ans = 1, same = 0, left = 0;
        for (int right = 1; right < s.length(); right++) {</pre>
            if (s[right] = s[right - 1]) {
                same++;
            }
            if (same > 1) { // same = 2
                left++;
                while (s[left] \neq s[left - 1]) {
                    left++;
                }
                same = 1;
            ans = max(ans, right - left + 1);
        }
        return ans;
    }
};
```

### (3) 可能要预处理—比如排序

以下是一道例题:

```
给你一个下标从 0 开始的整数数组 nums 和一个 非负 整数 k 。在一步操作中,你可以执行下述指令:
    在范围 [0, nums.length - 1] 中选择一个 此前没有选过 的下标 i 。
    将 nums[i] 替换为范围 [nums[i] - k, nums[i] + k] 内的任一整数。
数组的 美丽值 定义为数组中由相等元素组成的最长子序列的长度。
对数组 nums 执行上述操作任意次后,返回数组可能取得的 最大 美丽值。
注意: 你 只 能对每个下标执行 一次 此操作。
```

这道题目会有一些思维上的难度。对于笔试题来说为了快速尝试能否通过这道题,可以大胆对数组进行预处理,比如排序(排序也就nlogn,别担心复杂度)。

```
class Solution {
public:
    int maximumBeauty(vector<int>& nums, int k) {
        //排序后,维护窗口内元素差≤2*k的最大长度,此时才能保持这一部分都变成同一个值
        sort(nums.begin(), nums.end());
        int l=0;
```

# (4) 与定长滑动窗口类似,务必注意为负数的情况! 注意下面的例题

```
给你一个整数数组 nums 和一个整数 x 。每一次操作时,你应当移除数组 nums 最左边或最右边的元素,然后从 x 中减去该元素的值。请注意,需要 修改 数组以供接下来的操作使用。 如果可以将 x 恰好 减到 0 ,返回 最小操作数 ;否则,返回 -1 。
```

**必须注意的是,本题转换为求窗口内和为totalSum-x的最大窗口长度后**,需要注意totalSum-x可能会<0的情况。代码如下:

```
class Solution {
public:
   int minOperations(vector<int>& nums, int x)
       //转换为 和恰好为 totalSum-x 的最长子字符串
       int target = reduce(nums.begin(), nums.end())-x;
       if(target<0)return -1; //如果不写这句的话, target<0的时候在while循环里l指针会一直往右走, 超
过r指针,造成错误的结果,最好的方式就是在这里做一下特判
       int l=0;
       int n=nums.size();
       int tempsum=0;
       int maxLen=-1;
       for(int r=0;r<n;r++)</pre>
           //in
           tempsum+=nums[r];
           //out
           while(tempsum>target)
           {
               tempsum-=nums[l];
               l++;
           }
           //update
           if(tempsum=target)
               maxLen = max(maxLen, r-l+1);
           }
       }
```

```
return ( (maxLen=(-1))? (-1):(n-maxLen) );
};
```

### (5) 1838. 最高频元素的频数

元素的 频数 是该元素在一个数组中出现的次数。

给你一个整数数组 nums 和一个整数 k 。在一步操作中,你可以选择 nums 的一个下标,并将该下标对应元素的值增加 1 。

执行最多 k 次操作后,返回数组中最高频元素的 最大可能频数 。

#### 注意: 本题需要考虑long long的范围问题

```
class Solution {
public:
    int maxFrequency(vector<int>& nums, int k) {
        sort(nums.begin(), nums.end());
        long long cost = k;
        int l=0;
        int n=nums.size();
        int res = 1; //记录最终的结果
        int size = 1; //窗口里最开始有1个元素
        for(int r=1;r<n;r++){</pre>
            cost -= (long long)((long long)size * (nums[r]-nums[r-1]));
            while(cost<0){
                cost += (nums[r]-nums[l]);
                l++;
            }
            size = r-l+1; //窗口里现在的元素数量
            res = \max(\text{res}, \text{r-l+1});
        return res;
    }
};
```

#### 具体思路的描述:

你的思路可以总结为以下步骤,便于日后回顾:

- 1. 排序数组: 首先将数组排序,这样可以确保相邻元素之间的调整操作次数最小,便于后续使用滑动窗口。
- 2. 滑动窗口维护:使用双指针 l 和 r 定义一个窗口,表示当前考虑将窗口内所有元素调整为 nums[r] 的情况。目标是找到满足总操作次数不超过 k 的最大窗口长度。
- 3. 操作次数计算:
  - **扩展右边界**:每次右移 r 时,计算将窗口内所有元素从之前的最大值 nums[r-1] 提升到当前 nums[r] 所需的额外操作次数。这部分操作为 size \* (nums[r] nums[r-1]),其中 size 是当前窗口元素数量。
  - 。 **调整左边界**:若总操作次数超过 k,则逐步右移左指针 l,并恢复移出元素对应的操作次数(即 nums[r] nums[l]),直到总操作次数合法。

4. 更新最大频数: 每次窗口调整后,记录当前窗口长度作为候选结果,最终取最大值。

#### 关键点:

- 排序后,最优目标值必定是窗口右端点的值,因为调整到更大的值需要更多操作次数。
- 维护窗口内的总操作数不超过 k,通过动态调整窗口大小确保高效性。

这种方法的复杂度为排序的 O(nlogn)加上滑动窗口遍历的 O(n), 高效适用于大规模数据。

# 2.求最短/最小

一般题目都有「至少」的要求。

### (1) 模板---长度最小的子数组

209. 长度最小的子数组

```
给定一个含有 n 个正整数的数组和一个正整数 target 。
找出该数组中满足其总和大于等于 target 的长度最小的 子数组 [numsl, numsl+1, ..., numsr-1, numsr]
,并返回其长度。如果不存在符合条件的子数组,返回 0 。
```

对于本题来说,窗口内的值的情况是合法的,可以把ans的更新放到while逻辑的里面,代码如下:

```
class Solution {
public:
    int minSubArrayLen(int target, vector<int>& nums) {
        int left = 0;
        int ans = INT_MAX;
        int n = nums.size();
        int sum = 0;
        for(int right=0;right<n;right++)</pre>
            sum += nums[right];
            while(sum ≥ target)
                ans = min(ans, right-left+1); //把更新写到这里,因为窗口内是合法的
                sum -= nums[left];
                left++:
            }
        if(ans=INT_MAX) return 0;
        return ans;
    }
};
```

另一种写法在里层的while循环中判断是否能减,退出while循环后自然left会指向最后一个符合要求的值。代码如下:

```
class Solution {
public:
   int minSubArrayLen(int target, vector<int>& nums) {
```

```
int left = 0;
       int ans = INT_MAX;
       int n = nums.size();
       int sum = 0;
       for(int right=0;right<n;right++)</pre>
           sum += nums[right];
           while(sum-nums[left] ≥ target)
           {
               sum -= nums[left];
               left++;
           }
           //sum-nums[left]<target,不能再收缩窗口了
           if(sum≥target) //务必要写这一句,试想:如果上面的while循环根本没进来呢?也得保证sum是
≥target的才符合题意
           {
               ans = min(ans, right-left+1);
           }
       }
       if(ans=INT_MAX) return 0;
       return ans;
};
```

# (2) 维护滑动窗口外的某些值——换位思考

下面这道题比较经典:

```
有一个只含有 'Q', 'W', 'E', 'R' 四种字符,且长度为 n 的字符串。假如在该字符串中,这四个字符都恰好出现 n/4 次,那么它就是一个「平衡字符串」。

给你一个这样的字符串 s,请通过「替换一个子串」的方式,使原字符串 s 变成一个「平衡字符串」。

你可以用和「待替换子串」长度相同的 任何 其他字符串来完成替换。
请返回待替换子串的最小可能长度。
如果原字符串自身就是一个平衡字符串,则返回 0。
```

```
class Solution {
public:
    int balancedString(string s) {
        int n = s.size();
        array<int, 'Z'> cnt{}; //用数组代替哈希,可能会快一些,'Z'的ASCII码也不会太大,牺牲一点空间,但

时间快

    for(char c: s)
        {
            cnt[c]++;
        }
}
```

```
int left = 0;
       int target = n / 4;
       if(cnt['Q']=target && cnt['W']=target && cnt['E']=target && cnt['R']=target)
return 0:
      int ans = INT_MAX; // 待替换子串的最小可能长度
       //窗口外QWER任意元素的出现次数>n/4,则不合法,需要增加窗口大小,让窗口内元素更多,窗口外的元素更少;
换言之,如果窗口内的QWER元素数量都≤n/4,则符合要求,移动left指针直到不符合要求,**本题的难点在于虽然移动逻
辑是窗口的双指针移动逻辑,但本质上要维护的是窗口外的值,因此注意下面for循环中的++和--是反过来的,因为维护的
是窗口外的**
      for(int right = 0;right<n;right++)</pre>
      {
          cnt[s[right]]--; //窗口外的元素减少了一格
          while (cnt['Q'] \le target \&\& cnt['W'] \le target \&\& cnt['E'] \le target \&\& cnt['R']
≤target)
          {
             ans = min(ans, right - left + 1); //此时窗口里面的是合法的情况
             cnt[s[left]]++; //窗口外元素增多
             left++;
          }
       }
       return ans;
   }
};
```

# 3. 求子数组个数

### (1)越长越合法

一般要写 ans += left。

内层循环结束后,[left,right] 这个子数组是不满足题目要求的,但在退出循环之前的最后一轮循环,[left-1,right] 是满足题目要求的。由于子数组越长,越能满足题目要求,所以除了 [left-1,right],还有 [left-2,right],[left-3,right],…,[0,right] 都是满足要求的。也就是说,当右端点固定在 right 时,左端点在 0,1,2,…,left-1 的所有子数组都是满足要求的,这一共有 left 个。

#### (a)板子题

1358. 包含所有三种字符的子字符串数目

```
给你一个字符串 s ,它只包含三种字符 a,b 和 c 。
请你返回 a,b 和 c 都 至少 出现过一次的子字符串数目。
```

```
class Solution {
public:
   int numberOfSubstrings(string s) {
     int ans = 0;
```

```
int n = s.size();
       int left = 0;
       array<int, 3> cnts{};
       for(int right=0;right<n;right++)</pre>
       {
          cnts[s[right]-'a']++;
          while(cnts[0] && cnts[1] && cnts[2]) //窗口是合法的,且窗口内元素越多越合法,即越长越合
法,思考:右指针移动完左指针往右移动,移动到不合法的位置之后0~left-1依旧都是合法的(因为越长越合法),所以不会
有问题
          {
              cnts[s[left]-'a']--;
              left++;
          }
          ans += left; //left指到第一个不合法的,左侧的都是合法的
       return ans;
   }
};
```

#### (b) 2537. 统计好子数组的数目

子数组 是原数组中一段连续 非空 的元素序列。

```
给你一个整数数组 nums 和一个整数 k ,请你返回 nums 中 好 子数组的数目。
一个子数组 arr 如果有 至少 k 对下标 (i, j) 满足 i < j 且 arr[i] = arr[j] ,那么称它是一个 好
子数组。
```

```
class Solution {
public:
   long long countGood(vector<int>& nums, int k) {
       unordered_map<int, int> umap;
       int l=0;
       long long pair = 0; //记录对数
       long long cnt = 0; //记录好子数组的数目
       for(int r=0;r<nums.size();r++){</pre>
           pair += umap[nums[r]]; //增加现有的nums[r]这么多对 pair,因为此时跟左侧所有的相同数都构
成arr[i] = arr[j]
           umap[nums[r]]++;
           while(pair ≥ k){
               umap[nums[l]]--;
               pair-=umap[nums[1]]; //本来假设5个值一样,去掉左边的1个值,相当于少了4个一样的数对
           }
           cnt+=l;
       return cnt;
   }
};
```

# 分组循环

适用场景:按照题目要求,数组会被分割成若干组,每一组的判断/处理逻辑是相同的。

#### 核心思想:

- 外层循环负责遍历组之前的准备工作(记录开始位置),和遍历组之后的统计工作(更新答案最大值)。
- 内层循环负责遍历组,找出这一组最远在哪结束。

# 1. 板子题—2760. 最长奇偶子数组

给你一个下标从 0 开始的整数数组 nums 和一个整数 threshold 。

请你从 nums 的子数组中找出以下标 l 开头、下标 r 结尾  $(0 \le l \le r < nums.length)$  且满足以下条件 的 **最长子数组**:

```
• nums[1] % 2 = 0
```

- 对于范围 [l, r 1] 内的所有下标 i , nums[i] % 2 ≠ nums[i + 1] % 2
- 对于范围 [l, r] 内的所有下标 i , nums[i] ≤ threshold

以整数形式返回满足题目要求的最长子数组的长度。

注意:子数组 是数组中的一个连续非空元素序列。

#### 分组循环

• 适用场景:按照题目要求,数组会被分割成若干组,且每一组的判断/处理逻辑是一样的。

#### 核心思想:

- 外层循环负责遍历组之前的准备工作(记录开始位置),和遍历组之后的统计工作(更新答案最大值)。
- 内层循环负责遍历组,找出这一组最远在哪结束。

这个写法的好处是,各个逻辑块分工明确,也不需要特判最后一组(易错点)。以我的经验,这个写法是所有写法中最不容易出 bug 的,推荐大家记住。

#### 因此,本题代码如下:

```
class Solution {
public:
    int longestAlternatingSubarray(vector<int>& nums, int threshold) {
        int i = 0; //目前在序列中的索引
        int ans = 0; //记录最长子数组的长度
        int n = nums.size();
        while(i < n)
        {
            if(nums[i]%2 || nums[i]>threshold) //不合法的开始值,跟双指针专题一样,为了怕写错,while里面就别写while了
        {
            i++;
```

```
continue;
}
int start = i;
i++; //从后一个数开始判断
while(i<n && nums[i] ≤ threshold && nums[i]%2 ≠ nums[i-1]%2)
{
    i++; //继续往后走,直到不符合题意,i=n或者序列不符合,i指向不符合的位置
}
    ans = max(ans, i-start); //更新ans的值
}
return ans;
}
};
```