

Анализ графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути

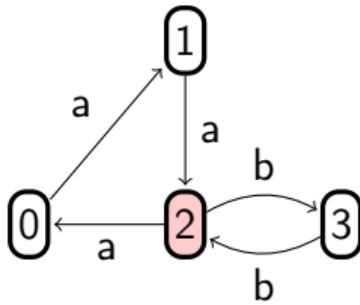
Заготовки для докторской диссертации

Семён Григорьев

Санкт-Петербургский Государственный Университет

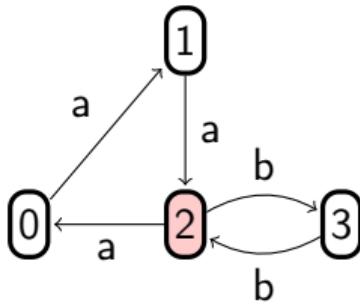
!!! !!! 2026

Формальные языки и ограничения на пути в графе



- $G = \langle V, E, L \rangle$ — (ориентированный) граф с метками на рёбрах
- Путь π задаёт слово: $\omega(2\pi_1) = \omega(2 \xrightarrow{a} 0 \xrightarrow{a} 1) = aa$
- Ищем пути, задающие слова определённого вида
 - ▶ Например, слова вида a^*b
- Множество слов — язык \mathcal{L} над алфавитом Σ
 - ▶ Для удобства будем считать, что $\Sigma \cap L \neq \emptyset$

Формальные языки и ограничения на пути в графе

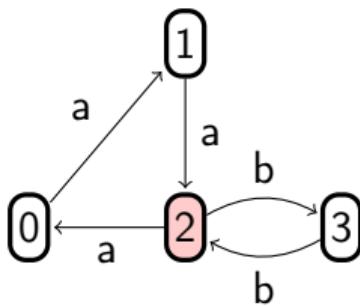


- $G = \langle V, E, L \rangle$ — (ориентированный) граф с метками на рёбрах
- Путь π задаёт слово: $\omega(2\pi_1) = \omega(2 \xrightarrow{a} 0 \xrightarrow{a} 1) = aa$
- Ищем пути, задающие слова определённого вида
 - ▶ Например, слова вида a^*b
- Множество слов — язык \mathcal{L} над алфавитом Σ
 - ▶ Для удобства будем считать, что $\Sigma \cap L \neq \emptyset$

Варианты задач Formal Language Constrained Path Quering (FLPQ)

Для данного графа G , стартовых вершин $V_s \in V$ и финальных вершин $V_f \in V$, языка \mathcal{L}

Формальные языки и ограничения на пути в графе



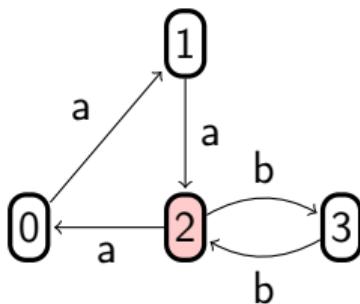
- $G = \langle V, E, L \rangle$ — (ориентированный) граф с метками на рёбрах
- Путь π задаёт слово: $\omega(2\pi_1) = \omega(2 \xrightarrow{a} 0 \xrightarrow{a} 1) = aa$
- Ищем пути, задающие слова определённого вида
 - ▶ Например, слова вида a^*b
- Множество слов — язык \mathcal{L} над алфавитом Σ
 - ▶ Для удобства будем считать, что $\Sigma \cap L \neq \emptyset$

Варианты задач Formal Language Constrained Path Quering (FLPQ)

Для данного графа G , стартовых вершин $V_s \in V$ и финальных вершин $V_f \in V$, языка \mathcal{L}

- Задача достижимости: $R = \{(u, v) \mid \omega(u\pi_v) \in \mathcal{L}, u \in V_s, v \in V_f\}$

Формальные языки и ограничения на пути в графе



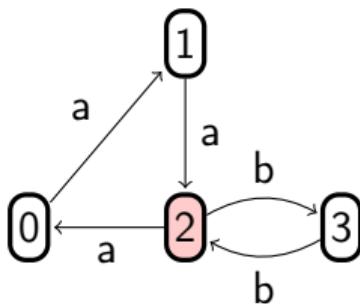
- $G = \langle V, E, L \rangle$ — (ориентированный) граф с метками на рёбрах
- Путь π задаёт слово: $\omega(\pi_1) = \omega(2 \xrightarrow{a} 0 \xrightarrow{a} 1) = aa$
- Ищем пути, задающие слова определённого вида
 - ▶ Например, слова вида a^*b
- Множество слов — язык \mathcal{L} над алфавитом Σ
 - ▶ Для удобства будем считать, что $\Sigma \cap L \neq \emptyset$

Варианты задач Formal Language Constrained Path Quering (FLPQ)

Для данного графа G , стартовых вершин $V_s \in V$ и финальных вершин $V_f \in V$, языка \mathcal{L}

- Задача достижимости: $R = \{(u, v) \mid \omega(_u\pi_v) \in \mathcal{L}, u \in V_s, v \in V_f\}$
- Задача поиска всех путей: $P = \{\pi \mid \omega(_u\pi_v) \in \mathcal{L}, u \in V_s, v \in V_f\}$

Формальные языки и ограничения на пути в графе



- $G = \langle V, E, L \rangle$ — (ориентированный) граф с метками на рёбрах
- Путь π задаёт слово: $\omega(\pi_1) = \omega(2 \xrightarrow{a} 0 \xrightarrow{a} 1) = aa$
- Ищем пути, задающие слова определённого вида
 - ▶ Например, слова вида a^*b
- Множество слов — язык \mathcal{L} над алфавитом Σ
 - ▶ Для удобства будем считать, что $\Sigma \cap L \neq \emptyset$

Варианты задач Formal Language Constrained Path Quering (FLPQ)

Для данного графа G , стартовых вершин $V_s \in V$ и финальных вершин $V_f \in V$, языка \mathcal{L}

- Задача достижимости: $R = \{(u, v) \mid \omega(u\pi_v) \in \mathcal{L}, u \in V_s, v \in V_f\}$
- Задача поиска всех путей: $P = \{\pi \mid \omega(u\pi_v) \in \mathcal{L}, u \in V_s, v \in V_f\}$
- Задача поиска одного пути
- Задача проверки наличия достижимых пар

Теория графов

- Классические варианты известных задач
 - ▶ Достигимость
 - ▶ Поиск путей
 - ▶ Между всем парами вершин
 - ▶ От заданных вершин
 - ▶ ...
- Способы представления графов
- Разновидности графов:
 - ▶ С циклами
 - ▶ Без циклов
 - ▶ ...

Задача на стыке областей

Теория графов

- Классические варианты известных задач
 - ▶ Достигимость
 - ▶ Поиск путей
 - ▶ Между всем парами вершин
 - ▶ От заданных вершин
 - ▶ ...
- Способы представления графов
- Разновидности графов:
 - ▶ С циклами
 - ▶ Без циклов
 - ▶ ...

Теория формальных языков

- Способы задания ограничений
 - ▶ Автоматы
 - ▶ Грамматики
 - ▶ ...
- Разрешимость
 - ▶ Проверка пустоты пересечения языков
 - ▶ Замкнутость относительно пересечения с регулярными языками
 - ▶ ...
- Представление результата
 - ▶ Пересечение языков — язык
 - ▶ Способы задания языков
 - ▶ ...

Области применения

- Регулярные языки
 - ▶ **Графовые базы данных** (Regular Path Queries, RPQ)
 - ★ Поддерживается (частично) в ряде существующих языков запросов (типа Cypher)

Области применения

- Регулярные языки
 - ▶ Графовые базы данных (Regular Path Queries, RPQ)
 - ★ Поддерживается (частично) в ряде существующих языков запросов (типа Cypher)
- Контекстно-свободные языки
 - ▶ Статический анализ кода (Context-Free Language Reachability, CFL-r)
 - ★ Анализ потока данных (межпроцедурный анализ указателей), разрешение имён, унификация, ...
 - ▶ Графовые базы данных (Context-Free Path Querying, CFPQ)
 - ★ Биоинформатика, анализ происхождения данных, анализ иерархий (в RDF), ...

Области применения

- Регулярные языки
 - ▶ Графовые базы данных (Regular Path Queries, RPQ)
 - ★ Поддерживается (частично) в ряде существующих языков запросов (типа Cypher)
- Контекстно-свободные языки
 - ▶ Статический анализ кода (Context-Free Language Reachability, CFL-r)
 - ★ Анализ потока данных (межпроцедурный анализ указателей), разрешение имён, унификация, ...
 - ▶ Графовые базы данных (Context-Free Path Querying, CFPQ)
 - ★ Биоинформатика, анализ происхождения данных, анализ иерархий (в RDF), ...
- За пределами контекстно-свободных языков
 - ▶ Многокомпонентные контекстно-свободные (MCFL): статический анализ кода
 - ▶ Линейные конъюнктивные (Linear Conjunctive): статический анализ кода

Запросы с ограничениями в виде регулярных языков

- Хорошо изучены

- Впервые введены в работе A. O. Mendelzon and P. T. Wood. 1989. Finding regular simple paths in graph databases.
- Большое количество прикладных и теоретических работ

Запросы с ограничениями в виде регулярных языков

- Хорошо изучены
 - ▶ Впервые введены в работе A. O. Mendelzon and P. T. Wood. 1989. Finding regular simple paths in graph databases.
 - ▶ Большое количество прикладных и теоретических работ
- Часть стандартов ISO языков запросов
 - ▶ ISO/IEC 9075-16:2023 Information technology — Database languages — SQL Part 16: **Property Graph Queries (SQL/PGQ)**
 - ▶ ISO/IEC 39075:2024 Information technology — Database languages — **GQL**

Запросы с ограничениями в виде регулярных языков

- Хорошо изучены
 - ▶ Впервые введены в работе A. O. Mendelzon and P. T. Wood. 1989. Finding regular simple paths in graph databases.
 - ▶ Большое количество прикладных и теоретических работ
- Часть стандартов ISO языков запросов
 - ▶ ISO/IEC 9075-16:2023 Information technology — Database languages — SQL Part 16: **Property Graph Queries (SQL/PGQ)**
 - ▶ ISO/IEC 39075:2024 Information technology — Database languages — **GQL**
- ! Проблемы с производительностью
 - ▶ Angela Bonifati, George Fletcher, Hannes Voigt, and Nikolay Yakovets. 2018. Querying Graphs
 - ▶ Diego Arroyuelo, et al. 2023. Optimizing RPQs over a compact graph representation

Запросы с ограничениями в виде контексто-свободных языков

- Активно изучаются

- ▶ Родоначальники: Томас Репс и Михалис Яннакакис
 - ★ Thomas Reps. 1997. Program analysis via graph reachability
 - ★ Mihalis Yannakakis. 1990. Graph-theoretic methods in database theory
- ▶ Большое количество прикладных и теоретических работ
- ▶ Известные открытые вопросы
 - ★ Существование истинно субкубического алгоритма для задачи достижимости

Запросы с ограничениями в виде контексто-свободных языков

- Активно изучаются
 - ▶ Родоначальники: Томас Репс и Михалис Яннакакис
 - ★ Thomas Reps. 1997. Program analysis via graph reachability
 - ★ Mihalis Yannakakis. 1990. Graph-theoretic methods in database theory
 - ▶ Большое количество прикладных и теоретических работ
 - ▶ Известные открытые вопросы
 - ★ Существование истинно субкубического алгоритма для задачи достижимости
- Существуют инструменты (академические прототипы) анализа кода на основе CFL-р
 - ▶ POCR, PEARL, GASPAK, GIGASCALE, ...

Запросы с ограничениями в виде контекстно-свободных языков

- Активно изучаются
 - ▶ Родоначальники: Томас Репс и Михалис Яннакакис
 - ★ Thomas Reps. 1997. Program analysis via graph reachability
 - ★ Mihalis Yannakakis. 1990. Graph-theoretic methods in database theory
 - ▶ Большое количество прикладных и теоретических работ
 - ▶ Известные открытые вопросы
 - ★ Существование истинно субкубического алгоритма для задачи достижимости
- Существуют инструменты (академические прототипы) анализа кода на основе CFL-р
 - ▶ POCR, PEARL, GASPAR, GIGASCALE, ...
- Попытки интегрировать в графовые базы данных
 - ▶ Предложение о расширении Cypher
 - ▶ Arseniy Terekhov et al. 2021. Multiple-Source Context-Free Path Querying in Terms of Linear Algebra

Запросы с ограничениями в виде контекстно-свободных языков

- Активно изучаются
 - ▶ Родоначальники: Томас Репс и Михалис Яннакакис
 - ★ Thomas Reps. 1997. Program analysis via graph reachability
 - ★ Mihalis Yannakakis. 1990. Graph-theoretic methods in database theory
 - ▶ Большое количество прикладных и теоретических работ
 - ▶ Известные открытые вопросы
 - ★ Существование истинно субкубического алгоритма для задачи достижимости
- Существуют инструменты (академические прототипы) анализа кода на основе CFL-р
 - ▶ POCR, PEARL, GASPAR, GIGASCALE, ...
- Попытки интегрировать в графовые базы данных
 - ▶ Предложение о расширении Cypher
 - ▶ Arseniy Terekhov et al. 2021. Multiple-Source Context-Free Path Querying in Terms of Linear Algebra
- ! Проблемы с производительностью
 - ▶ Jochem Kuijpers, George Fletcher, Nikolay Yakovets, and Tobias Lindaaker. 2019. An Experimental Study of Context-Free Path Query Evaluation Methods
 - ▶ Chenghang Shi, et al. 2024. Pearl: A Multi-Derivation Approach to Efficient CFL-Reachability Solving

Более широкие классы языков в качестве ограничений на пути

- Перспективны
 - ▶ Позволяют улучшить «точность» некоторых видов анализа кода

Более широкие классы языков в качестве ограничений на пути

- Перспективны

- ▶ Позволяют улучшить «точность» некоторых видов анализа кода

- ! Изучены слабо

- ▶ Qirun Zhang and Zhendong Su. 2017. Context-sensitive data-dependence analysis via linear conjunctive language reachability
 - ▶ Giovanna Kobus Conrado, Adam Husted Kjelstrøm, Jaco van de Pol, and Andreas Pavlogiannis. 2025. Program Analysis via Multiple Context Free Language Reachability
 - ▶ Epelbaum I.V., Azimov R.Sh., Grigorev S.V. 2023. Multiple context-free path querying by matrix multiplication

Высокопроизводительный анализ графов

- Обобщённая разреженная линейная алгебра — один из перспективных путей к высокопроизводительному анализу графов
 - ▶ «Естественная» параллельность — возможность использовать современное аппаратное обеспечение, в том числе GPGPU
 - ▶ Выразительность — алгоритмы для достаточно широкий спектра задач выражимы в терминах линейной алгебры
 - ★ Транзитивное замыкание, поиск кратчайших путей
 - ★ Обход в ширину, построение минимального остовного дерева
 - ★ Подсчёт треугольников, ...

Высокопроизводительный анализ графов

- Обобщённая разреженная линейная алгебра — один из перспективных путей к высокопроизводительному анализу графов
 - ▶ «Естественная» параллельность — возможность использовать современное аппаратное обеспечение, в том числе GPGPU
 - ▶ Выразительность — алгоритмы для достаточно широкий спектра задач выражимы в терминах линейной алгебры
 - ★ Транзитивное замыкание, поиск кратчайших путей
 - ★ Обход в ширину, построение минимального остовного дерева
 - ★ Подсчёт треугольников, ...
- GraphBLAS API — стандарт, декларирующий базовые примитивы линейной алгебры и операции над ними
 - ▶ Предложена качественная референсная реализация: SuiteSparse:GraphBLAS
 - ▶ Разрабатывается библиотеки прикладных алгоритмов LAGraph

Высокопроизводительный анализ графов

- Обобщённая разреженная линейная алгебра — один из перспективных путей к высокопроизводительному анализу графов
 - ▶ «Естественная» параллельность — возможность использовать современное аппаратное обеспечение, в том числе GPGPU
 - ▶ Выразительность — алгоритмы для достаточно широкий спектра задач выражимы в терминах линейной алгебры
 - ★ Транзитивное замыкание, поиск кратчайших путей
 - ★ Обход в ширину, построение минимального остовного дерева
 - ★ Подсчёт треугольников, ...
 - GraphBLAS API — стандарт, декларирующий базовые примитивы линейной алгебры и операции над ними
 - ▶ Предложена качественная референсная реализация: SuiteSparse:GraphBLAS
 - ▶ Разрабатывается библиотеки прикладных алгоритмов LAGraph
- ! Не все алгоритмы естественным образом выражимы в терминах линейной алгебры
- ! Эффективное использование GPGPU — нетривиальная задача

Обучение

- Существуют курсы, затрагивающие те или иные аспекты решения задач анализа графов с использованием формальных языков
 - ▶ Анализ данных, базы данных
 - ▶ Статический анализ кода

Обучение

- Существуют курсы, затрагивающие те или иные аспекты решения задач анализа графов с использованием формальных языков
 - ▶ Анализ данных, базы данных
 - ▶ Статический анализ кода
- Курсы затрагивают отдельные аспекты
 - ▶ Фундаментальные: алгебра, теория графов, ...
 - ▶ Прикладные: анализ данных, базы данных, построение компиляторов, ...

Обучение

- Существуют курсы, затрагивающие те или иные аспекты решения задач анализа графов с использованием формальных языков
 - ▶ Анализ данных, базы данных
 - ▶ Статический анализ кода
 - Курсы затрагивают отдельные аспекты
 - ▶ Фундаментальные: алгебра, теория графов, ...
 - ▶ Прикладные: анализ данных, базы данных, построение компиляторов, ...
- ! Целостность картины
- ▶ Разные прикладные области используют общий фундамент

Обучение

- Существуют курсы, затрагивающие те или иные аспекты решения задач анализа графов с использованием формальных языков
 - ▶ Анализ данных, базы данных
 - ▶ Статический анализ кода
- Курсы затрагивают отдельные аспекты
 - ▶ Фундаментальные: алгебра, теория графов, ...
 - ▶ Прикладные: анализ данных, базы данных, построение компиляторов, ...

! Целостность картины

- ▶ Разные прикладные области используют общий фундамент

! Преподавание фундаментальных дисциплин для инженеров-программистов

- ▶ Связь теории и практики
- ▶ Применимость в конкретных областях
 - ★ Теория формальных языков — синтаксический анализ (языков программирования)
 - ★ А что, если я не собираюсь заниматься компиляторами?

Выводы

- Анализ графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути — активно развивающаяся область, имеющая прикладное значение

Выводы

- Анализ графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути — активно развивающаяся область, имеющая прикладное значение
- Междисциплинарность: теория графов, теория формальных языков,
линейная алгебра, статический анализ кода, графовые базы данных,
параллельные вычисления

Выводы

- Анализ графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути — активно развивающаяся область, имеющая прикладное значение
- Междисциплинарность: теория графов, теория формальных языков, линейная алгебра, статический анализ кода, графовые базы данных, параллельные вычисления
- ! Отсутствие системности в исследованиях
 - ▶ Выстраивание междисциплинарных связей
 - ▶ Переиспользование методов, инструментов, терминологии, . . .
 - ▶ Сопоставление результатов

Выводы

- Анализ графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути — активно развивающаяся область, имеющая прикладное значение
- Междисциплинарность: теория графов, теория формальных языков, линейная алгебра, статический анализ кода, графовые базы данных, параллельные вычисления
- ! Отсутствие системности в исследованиях
 - ▶ Выстраивание междисциплинарных связей
 - ▶ Переиспользование методов, инструментов, терминологии, . . .
 - ▶ Сопоставление результатов
- ! Проблемы с прикладными алгоритмами
 - ▶ Точечные решения вместо методов решения классов задач
 - ▶ Плохая производительность
 - ▶ Слабая база для экспериментальных исследований

Выводы

- Анализ графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути — активно развивающаяся область, имеющая прикладное значение
- Междисциплинарность: теория графов, теория формальных языков, линейная алгебра, статический анализ кода, графовые базы данных, параллельные вычисления
- ! Отсутствие системности в исследованиях
 - ▶ Выстраивание междисциплинарных связей
 - ▶ Переиспользование методов, инструментов, терминологии, . . .
 - ▶ Сопоставление результатов
- ! Проблемы с прикладными алгоритмами
 - ▶ Точечные решения вместо методов решения классов задач
 - ▶ Плохая производительность
 - ▶ Слабая база для экспериментальных исследований
- ! Отсутствие системности в подготовке специалистов
 - ▶ Выстраивание междисциплинарных связей
 - ▶ формирование целостной картины

Цель работы

Целью данной работы является создание методологии анализа графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути

- Нацеленную на получение практически значимых результатов
- Позволяющую !!!

Положения, выносимые на защиту

- ① Создана методология анализа графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути, нацеленная на конструирование алгоритмов FLPQ

Положения, выносимые на защиту

- ① Создана методология анализа графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути, нацеленная на конструирование алгоритмов FLPQ
- ② Разработаны методы конструирования алгоритмов решения FLPQ

Положения, выносимые на защиту

- ① Создана методология анализа графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути, нацеленная на конструирование алгоритмов FLPQ
- ② Разработаны методы конструирования алгоритмов решения FLPQ
 - ▶ Использующих операции линейной алгебры

Положения, выносимые на защиту

- ① Создана методология анализа графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути, нацеленная на конструирование алгоритмов FLPQ
- ② Разработаны методы конструирования алгоритмов решения FLPQ
 - ▶ Использующих операции линейной алгебры
 - ▶ Основанных на классических алгоритмах синтаксического анализа

Положения, выносимые на защиту

- ① Создана методология анализа графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути, нацеленная на конструирование алгоритмов FLPQ
- ② Разработаны методы конструирования алгоритмов решения FLPQ
 - ▶ Использующих операции линейной алгебры
 - ▶ Основанных на классических алгоритмах синтаксического анализа
- ③ Разработана методика проведения экспериментальных исследований решений FLPQ

Положения, выносимые на защиту

- ① Создана методология анализа графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути, нацеленная на конструирование алгоритмов FLPQ
- ② Разработаны методы конструирования алгоритмов решения FLPQ
 - ▶ Использующих операции линейной алгебры
 - ▶ Основанных на классических алгоритмах синтаксического анализа
- ③ Разработана методика проведения экспериментальных исследований решений FLPQ
- ④ Спроектированы и реализованы библиотеки разреженной линейной алгебры, использующие графические ускорители для решения FLPQ

Положения, выносимые на защиту

- ① Создана методология анализа графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути, нацеленная на конструирование алгоритмов FLPQ
- ② Разработаны методы конструирования алгоритмов решения FLPQ
 - ▶ Использующих операции линейной алгебры
 - ▶ Основанных на классических алгоритмах синтаксического анализа
- ③ Разработана методика проведения экспериментальных исследований решений FLPQ
- ④ Спроектированы и реализованы библиотеки разреженной линейной алгебры, использующие графические ускорители для решения FLPQ
- ⑤ Создан набор данных для экспериментального исследования решений FLPQ

Положения, выносимые на защиту

- ① Создана методология анализа графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути, нацеленная на конструирование алгоритмов FLPQ
- ② Разработаны методы конструирования алгоритмов решения FLPQ
 - ▶ Использующих операции линейной алгебры
 - ▶ Основанных на классических алгоритмах синтаксического анализа
- ③ Разработана методика проведения экспериментальных исследований решений FLPQ
- ④ Спроектированы и реализованы библиотеки разреженной линейной алгебры, использующие графические ускорители для решения FLPQ
- ⑤ Создан набор данных для экспериментального исследования решений FLPQ
- ⑥ Разработаны, реализованы, интегрированы в пользовательские библиотеки и инструменты алгоритмы решения различных вариантов FLPQ

Положения, выносимые на защиту

- ① Создана методология анализа графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути, нацеленная на конструирование алгоритмов FLPQ
- ② Разработаны методы конструирования алгоритмов решения FLPQ
 - ▶ Использующих операции линейной алгебры
 - ▶ Основанных на классических алгоритмах синтаксического анализа
- ③ Разработана методика проведения экспериментальных исследований решений FLPQ
- ④ Спроектированы и реализованы библиотеки разреженной линейной алгебры, использующие графические ускорители для решения FLPQ
- ⑤ Создан набор данных для экспериментального исследования решений FLPQ
- ⑥ Разработаны, реализованы, интегрированы в пользовательские библиотеки и инструменты алгоритмы решения различных вариантов FLPQ
- ⑦ Разработаны методические рекомендации по выстраиванию междисциплинарных связей, улучшающих понимание областей применения и алгоритмов решения FLPQ

Положения, выносимые на защиту

- ① Создана методология анализа графов с использованием формальных языков в качестве ограничений на пути, нацеленная на конструирование алгоритмов FLPQ
- ② Разработаны методы конструирования алгоритмов решения FLPQ
 - ▶ Использующих операции линейной алгебры
 - ▶ Основанных на классических алгоритмах синтаксического анализа
- ③ Разработана методика проведения экспериментальных исследований решений FLPQ
- ④ Спроектированы и реализованы библиотеки разреженной линейной алгебры, использующие графические ускорители для решения FLPQ
- ⑤ Создан набор данных для экспериментального исследования решений FLPQ
- ⑥ Разработаны, реализованы, интегрированы в пользовательские библиотеки и инструменты алгоритмы решения различных вариантов FLPQ
- ⑦ Разработаны методические рекомендации по выстраиванию междисциплинарных связей, улучшающих понимание областей применения и алгоритмов решения FLPQ
- ⑧ Разработан курс для программных инженеров, выстраивающий изучение основ теории формальных языков вокруг различных вариантов FLPQ

Методология анализа графов с использованием формальных языков
в качестве ограничителей на пути

Методика преподавания

Методика создания алгоритмов

Методика проведения экспериментального исследования

Методология анализа графов с использованием формальных языков
в качестве ограничителей на пути

Методика преподавания

Методика создания алгоритмов

Методика проведения экспериментального исследования

Методология анализа графов с использованием формальных языков
в качестве ограничителей на пути

Методика преподавания

Методика создания алгоритмов

Методика проведения экспериментального исследования

Методология анализа графов с использованием формальных языков
в качестве ограничителей на пути

Методика преподавания

Методика создания алгоритмов

Методика проведения экспериментального исследования

Метод конструирования алгоритмов FLPQ, основанных на линейной алгебре

1 !!!

Алгоритмы FLPQ, основанные на линейной алгебре

- Новые алгоритмы анализа графов с использованием следующих классов языков
 - ▶ Регулярные языки (RPQ)
 - ▶ Контекстно-свободные языки (CFPQ)
 - ▶ Булевы и конъюнктивные языки
 - ▶ Многокомпонентные контекстно-свободные языки

Алгоритмы FLPQ, основанные на линейной алгебре

- Новые алгоритмы анализа графов с использованием следующих классов языков
 - ▶ Регулярные языки (RPQ)
 - ▶ Контекстно-свободные языки (CFPQ)
 - ▶ Булевы и конъюнктивные языки
 - ▶ Многокомпонентные контекстно-свободные языки
- Решаются различные варианты задач FLPQ
 - ▶ Достигимость
 - ▶ Поиск путей
 - ▶ Между всеми парами вершин
 - ▶ От заданного множества вершин

Алгоритмы FLPQ, основанные на линейной алгебре

- Новые алгоритмы анализа графов с использованием следующих классов языков
 - ▶ Регулярные языки (RPQ)
 - ▶ Контекстно-свободные языки (CFPQ)
 - ▶ Булевы и конъюнктивные языки
 - ▶ Многокомпонентные контекстно-свободные языки
- Решаются различные варианты задач FLPQ
 - ▶ Достигимость
 - ▶ Поиск путей
 - ▶ Между всеми парами вершин
 - ▶ От заданного множества вершин
- Используются разнообразные операции линейной алгебры
 - ▶ Поэлементные операции над матрицами и векторами
 - ▶ Умножение матриц и матрицы на вектор в различных полукольцах
 - ▶ Произведение Кронекера

Алгоритмы FLPQ, основанные на линейной алгебре

- Новые алгоритмы анализа графов с использованием следующих классов языков
 - ▶ Регулярные языки (RPQ)
 - ▶ Контекстно-свободные языки (CFPQ)
 - ▶ Булевы и конъюнктивные языки
 - ▶ Многокомпонентные контекстно-свободные языки
- Решаются различные варианты задач FLPQ
 - ▶ Достигимость
 - ▶ Поиск путей
 - ▶ Между всеми парами вершин
 - ▶ От заданного множества вершин
- Используются разнообразные операции линейной алгебры
 - ▶ Поэлементные операции над матрицами и векторами
 - ▶ Умножение матриц и матрицы на вектор в различных полукольцах
 - ▶ Произведение Кронекера
- Сформулированы и доказаны теоремы о корректности полученных алгоритмов
- Получены оценки сложности для предложенных алгоритмов

Метод конструирования алгоритмов FLPQ, основанных на классических алгоритмах синтаксического анализа

- ① Обобщённый синтаксический анализ
- ② Понятие shift-shift конфликта

Алгоритмы CFPQ, основанные на классических алгоритмах синтаксического анализа

- Новые алгоритмы анализа графов с использованием контекстно-свободных языков

Алгоритмы CFPQ, основанные на классических алгоритмах синтаксического анализа

- Новые алгоритмы анализа графов с использованием контекстно-свободных языков
- Используются различные методы и алгоритмы синтаксического анализа
 - ▶ Генеративный на основе обобщённого LR (Generalized LR, GLR)
 - ▶ Генеративный на основе обобщённого LL (Generalized LL, GLL)
 - ▶ Комбинаторы парсеров (Parser combinator)
 - ▶ Комбинаторы грамматик (Grammar combinator)

Алгоритмы CFPQ, основанные на классических алгоритмах синтаксического анализа

- Новые алгоритмы анализа графов с использованием контекстно-свободных языков
- Используются различные методы и алгоритмы синтаксического анализа
 - ▶ Генеративный на основе обобщённого LR (Generalized LR, GLR)
 - ▶ Генеративный на основе обобщённого LL (Generalized LL, GLL)
 - ▶ Комбинаторы парсеров (Parser combinator)
 - ▶ Комбинаторы грамматик (Grammar combinator)
- Решаются различные варианты задач FLPQ
 - ▶ Достигимость
 - ▶ Поиск путей
 - ▶ Между всеми парами вершин
 - ▶ От заданного множества вершин

Алгоритмы CFPQ, основанные на классических алгоритмах синтаксического анализа

- Новые алгоритмы анализа графов с использованием контекстно-свободных языков
- Используются различные методы и алгоритмы синтаксического анализа
 - ▶ Генеративный на основе обобщённого LR (Generalized LR, GLR)
 - ▶ Генеративный на основе обобщённого LL (Generalized LL, GLL)
 - ▶ Комбинаторы парсеров (Parser combinator)
 - ▶ Комбинаторы грамматик (Grammar combinator)
- Решаются различные варианты задач FLPQ
 - ▶ Достигимость
 - ▶ Поиск путей
 - ▶ Между всеми парами вершин
 - ▶ От заданного множества вершин
- Сформулированы и доказаны теоремы о корректности полученных алгоритмов
- Получены оценки сложности для предложенных алгоритмов

① Набор данных

Инженерные решения на основе разработанных алгоритмов

- Разработаны универсальные решатели
 - ▶ Решатели UCFS, CFPQ_py_algo, FSharp GLL

¹Коллекция алгоритмов анализа графов на основе линейной алгебры

Инженерные решения на основе разработанных алгоритмов

- Разработаны универсальные решатели
 - ▶ Решатели UCFS, CFPQ_py_algo, FSharp GLL
- Статический анализ кода
 - ▶ !!!
 - ▶ !!!

¹Коллекция алгоритмов анализа графов на основе линейной алгебры

Инженерные решения на основе разработанных алгоритмов

- Разработаны универсальные решатели
 - ▶ Решатели UCFS, CFPQ_py_algo, FSharp GLL
- Статический анализ кода
 - ▶ !!!
 - ▶ !!!
- Интеграция в графовые базы данных
 - ▶ Первая полноценная поддержка запросов с ограничениями в виде КС языков
 - ★ От языка запросов (Cypher) до алгоритма выполнения в инфраструктуре БД
 - ★ На основе RedisGraph
 - ▶ Neo4j

¹Коллекция алгоритмов анализа графов на основе линейной алгебры

Инженерные решения на основе разработанных алгоритмов

- Разработаны универсальные решатели
 - ▶ Решатели UCFS, CFPQ_py_algo, FSharp GLL
- Статический анализ кода
 - ▶ !!!
 - ▶ !!!
- Интеграция в графовые базы данных
 - ▶ Первая полноценная поддержка запросов с ограничениями в виде КС языков
 - ★ От языка запросов (Cypher) до алгоритма выполнения в инфраструктуре БД
 - ★ На основе RedisGraph
 - ▶ Neo4j
- Часть алгоритмов интегрирована в библиотеку LAGraph¹
 - ▶ Регулярные
 - ▶ Контекстно-свободные

¹Коллекция алгоритмов анализа графов на основе линейной алгебры

Библиотеки разреженной линейной алгебры

- Спроектированы и реализованы библиотеки разреженной линейной алгебры, использующие возможности GPGPU
 - ▶ Специализированные для булевой алгебры: CuBool (Nvidia Cuda), Spbla (OpenCL)
 - ▶ Обобщённые: Spla (OpenCL), Brahma.FSharp + GraphBLAS# (F# + OpenCL)

Библиотеки разреженной линейной алгебры

- Спроектированы и реализованы библиотеки разреженной линейной алгебры, использующие возможности GPGPU
 - ▶ Специализированные для булевой алгебры: CuBool (Nvidia Cuda), Spbla (OpenCL)
 - ▶ Обобщённые: Spla (OpenCL), Brahma.FSharp + GraphBLAS# (F# + OpenCL)
- Показана применимость разработанных библиотек для решения задач анализа графов
 - ▶ В том числе, некоторых задач FLPQ

Библиотеки разреженной линейной алгебры

- Спроектированы и реализованы библиотеки разреженной линейной алгебры, использующие возможности GPGPU
 - ▶ Специализированные для булевой алгебры: CuBool (Nvidia Cuda), Spbla (OpenCL)
 - ▶ Обобщённые: Spla (OpenCL), Brahma.FSharp + GraphBLAS# (F# + OpenCL)
- Показана применимость разработанных библиотек для решения задач анализа графов
 - ▶ В том числе, некоторых задач FLPQ
- Сформулированы рекомендации и ограничения
 - ▶ Выделение булевых операций для улучшения производительности
 - ▶ Баланс между трансфером данных и вычислениями (в контексте FLPQ)
 - ▶ Востребованность операций и их модификаций: Kronecker с маской и фильтрами
 - ▶ Использование возможностей функциональных языков программирования (полукольца, Option для матриц смежности)

Задачи FLPQ в обучении

- ① Междисциплинарность
- ② Прикладное значение
- ③ Алгоритмы
- ④ Теория, которая важна на практике
- ⑤ Курсы, успехи студентов

Ограничения

- Прикладная направленность: основной фокус на получении алгоритмов, имеющих практическую ценность
 - ▶ Возможно ли улучшить оценки сложности для задачи или класса задач?

Ограничения

- Прикладная направленность: основной фокус на получении алгоритмов, имеющих практическую ценность
 - ▶ Возможно ли улучшить оценки сложности для задачи или класса задач?
- Не обсуждаются частные/крайние случаи
 - ▶ Что делать, если известно, что граф — дерево?
 - ▶ Можно ли улучшить решение, если известно, что язык принадлежит специальному узкому классу?

Ограничения

- Прикладная направленность: основной фокус на получении алгоритмов, имеющих практическую ценность
 - ▶ Возможно ли улучшить оценки сложности для задачи или класса задач?
- Не обсуждаются частные/крайние случаи
 - ▶ Что делать, если известно, что граф — дерево?
 - ▶ Можно ли улучшить решение, если известно, что язык принадлежит специальному узкому классу?
- Не обсуждаются некоторые особенности прикладных областей
 - ▶ Реализуем ли мы статический анализ для IDE или же для компилятора
 - ▶ Разрабатываем мы алгоритм для графовой базы данных с OLAP нагрузкой или же с OLTP

Ограничения

- Прикладная направленность: основной фокус на получении алгоритмов, имеющих практическую ценность
 - ▶ Возможно ли улучшить оценки сложности для задачи или класса задач?
- Не обсуждаются частные/крайние случаи
 - ▶ Что делать, если известно, что граф — дерево?
 - ▶ Можно ли улучшить решение, если известно, что язык принадлежит специальному узкому классу?
- Не обсуждаются некоторые особенности прикладных областей
 - ▶ Реализуем ли мы статический анализ для IDE или же для компилятора
 - ▶ Разрабатываем мы алгоритм для графовой базы данных с OLAP нагрузкой или же с OLTP
- Не обсуждается удобство для прикладного пользователя
 - ▶ Как естественным образом встраивать рассматриваемые ограничения в язык запросов к графикам?
 - ▶ Возможно ли создание унифицированного решателя задач FLPQ?
 - ★ По аналогии с SAT или SMT

Результаты

1 !!!

Соответствие паспорту специальности 2.3.5

- Пункту 1: модели, методы и алгоритмы проектирования, анализа, трансформации, верификации и тестирования программ и программных систем
- Пункту 4: интеллектуальные системы машинного обучения, управления базами данных и знаний, инструментальные средства разработки цифровых продуктов
- Пункту 8: модели и методы создания программ и программных систем для параллельной и распределенной обработки данных, языки и инструментальные средства параллельного программирования
- Пункту 10: оценка качества, стандартизация и сопровождение программных систем

Основные публикации

1 !!!

2 !!!

3 !!!

4 !!!

Конференции и семинары

- 1 !!!
- 2 !!!
- 3 !!!
- 4 !!!