

val tree

Problem 1 AVL Tree Insertion (AVL 樹插入)

實作一個 **AVL Tree**，並完成以下功能：

- `insert(key)`：將鍵值插入 AVL 樹中
- 樹在每次插入後都必須維持平衡 (LL、RR、LR、RL)

Problem 2 — AVL Tree Deletion (AVL 樹刪除)

延續上一題已建立好的 AVL Tree，實作：

- `delete(key)`：刪除一個節點
- 刪除後必須保持 AVL 平衡
- 若刪除的節點有兩個子樹 → 使用右子樹中最小值替代

範例code

```
class Node:  
    def __init__(self, key):  
        self.key = key  
        self.left = None  
        self.right = None  
        self.height = 1  
  
class AVLTree:  
    def get_height(self, root):  
        pass  
  
    def get_balance(self, root):  
        pass  
  
    # Right rotation
```

```
def right_rotate(self, z):
    pass

# Left rotation
def left_rotate(self, z):
    pass

# Insert key
def insert(self, root, key):
    pass

# Delete key
def delete(self, root, key):
    pass

# Traversals
def preorder(self, root):
    if not root:
        return
    print(root.key, end=" ")
    self.preorder(root.left)
    self.preorder(root.right)

def inorder(self, root):
    if not root:
        return
    self.inorder(root.left)
    print(root.key, end=" ")
    self.inorder(root.right)

def postorder(self, root):
    if not root:
        return
    self.postorder(root.left)
```

```
self.postorder(root.right)
print(root.key, end=" ")
```

左右旋示意圖

右旋 (Right Rotate)

原本：

```
z
/
y
 \
T3
```

右旋後：

```
y
/ \
? z
 /
T3
```

(? 是 y 原本的左子樹，照樣保持不變)

左旋 (Left Rotate)

原本：

```
z
\
y
/
T2
```

左旋後：

```
y  
/\  
z ?  
\  
T2
```