

模板

基础算法

高精度计算

```
bool cmp(vector<int> &A, vector<int> &B) { // 比较函数
    if (A.size() != B.size()) return A.size() > B.size();
    for (int i = A.size() - 1; i >= 0; --i) {
        if (A[i] < B[i]) return false;
    }
    return true;
}

vector<int> add(vector<int> &A, vector<int> &B) { // 高精度加法
    if (A.size() < B.size()) return add(B, A);
    vector<int> C;
    int t = 0;
    for (int i = 0; i < A.size(); ++i) {
        t += A[i];
        if (i < B.size()) t += B[i];
        C.push_back(t % 10);
        t /= 10;
    }
    if (t) C.push_back(1);
    return C;
}

vector<int> sub(vector<int> &A, vector<int> &B) { // 高精度减法
    if (!cmp(A, B)) return sub(B, A);
    vector<int> C;
    int t = 0;
    for (int i = 0; i < A.size(); ++i) {
        t = A[i] - t;
        if (i < B.size()) t -= B[i];
        C.push_back((t + 10) % 10);
        if (t < 0) t = 1;
        else t = 0;
    }
    while (C.size() > 1 && !C.back() == 0) C.pop_back();
    return C;
}

vector<int> mul(vector<int> &A, int b) { // 高精度乘低精度
    vector<int> C;
    int t = 0;
    for (int i = 0; i < A.size() || t; ++i) {
        if (i < A.size()) t = A[i] * b;
        C.push_back(t % 10);
        t /= 10;
    }
    return C;
}
```

```
vector<int> div(vector<int> &A, int b) { // 高精度除以低精度
    vector<int> C;
    int t = 0;
    for (int i= A.size(); i >= 0; --i) {
        t = t * 10 + A[i] / b;
        C.push_back(t);
        t %= b;
    }
    reverse(C.begin(), C.end());
    while (C.size() > 1 && !C.back()) C.pop_back();
    return C;
}
```

二分浮点数

```
bool check(double x) { /* ... */ } // 检查x是否满足某种性质

double bsearch_3(double l, double r) {
    const double eps = 1e-6; // eps 表示精度, 取决于题目对精度的要求
    while (r - l > eps) {
        double mid = (l + r) / 2;
        if (check(mid))
            r = mid;
        else
            l = mid;
    }
    return l;
}
```

数据结构

单链表

```
int head, // head存储链表头, e[]存储节点的值, ne[]存储节点的next指针, idx表示当前用到了
哪个节点
e[N], ne[N], idx;
void init() { head = -1, idx = 0; } // 初始化
void insert(int a) { e[idx] = a, ne[idx] = head, head = idx++; } // 在链表头插入一个数a
void remove() { head = ne[head]; } // 将头结点删除, 需要保证头结点存在
```

双链表

```
int e[N], // e[]表示节点的值, l[]表示节点的左指针, r[]表示节点的右指针, idx表示当前用到了
哪个节点
```

```

l[N], r[N], idx;
void init() { // 初始化 0是左端点, 1是右端点
    r[0] = 1, l[1] = 0;
    idx = 2;
}
void insert(int a, int x) { // 在节点a的右边插入一个数x
    e[idx] = x;
    l[idx] = a, r[idx] = r[a];
    l[r[a]] = idx, r[a] = idx++;
}
void remove(int a) { l[r[a]] = l[a], r[l[a]] = r[a]; } // 删除节点a

```

滑动数组

```

void huadongmin(int a[], int n, int k) {
    deque<int> q;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        while (!q.empty() && a[i] < q.back()) q.pop_back();
        q.push_back(a[i]);
        if (i >= k + 1)
            if (q.front() == a[i - k]) q.pop_front();
        if (i >= k) cout << q.front() << " ";
    }
    q.clear();
}
void huadongmax(int a[], int n, int k) {
    deque<int> q;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        while (!q.empty() && a[i] > q.back()) q.pop_back();
        q.push_back(a[i]);
        if (i >= k + 1)
            if (q.front() == a[i - k]) q.pop_front();
        if (i >= k) cout << q.front() << " ";
    }
    q.clear();
}

```

滚动前缀和 某一节点的加减

```

int lowbit(int x) { return x & -x; }

void init() {
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        c[i] = pre[i] - pre[i - lowbit(i)];
    }
}
void add(int x, int y) {
    for (; x <= N; x += lowbit(x)) {

```

```

        c[x] += y;
    }
}
int ask(int x) { // 查询a序列的 [1,x] 中所有数的和
    int ans = 0;
    for (; x; x -= lowbit(x)) {
        ans += c[x];
    }
    return ans;
}

```

数学知识

线性筛法求素数

```

int primes[N], cnt; // primes[]存储所有素数
bool st[N];         // st[x]存储x是否被筛掉
void get_primes(int n) {
    for (int i = 2; i <= n; i++) {
        if (!st[i]) primes[cnt++] = i;
        for (int j = 0; primes[j] <= n / i; j++) {
            st[primes[j] * i] = true;
            if (i % primes[j] == 0) break;
        }
    }
}

```

试除法求所有约数

```

vector<int> get_divisors(int x) {
    vector<int> res;
    for (int i = 1; i <= x / i; i++)
        if (x % i == 0) {
            res.push_back(i);
            if (i != x / i) res.push_back(x / i);
        }
    sort(res.begin(), res.end());
    return res;
}

```

欧几里得算法

```

int gcd(int a, int b) { return b ? gcd(b, a % b) : a; }

```

快速幂

```
int qmi(int m, int k, int p) { // 求  $m^k \bmod p$ , 时间复杂度  $O(\log k)$ 。
    int res = 1 % p, t = m;
    while (k) {
        if (k & 1) res = res * t % p;
        t = t * t % p;
        k >>= 1;
    }
    return res;
}
```

点积 $\alpha\beta = |\alpha||\beta|\cos\theta$

```
struct Point {
    double x, y;
    Point(double x = 0, double y = 0) : x(x), y(y) {} // 构造函数
} Vector[100];
double Dot(Vector A, Vector B) { return A.x * B.x + A.y * B.y; }
/*
 $\alpha \times \beta$ 
若  $\beta$  在  $\alpha$  的逆时针方向, 则为正值、顺时针则为负值、两向量共线则为 0
*/
double Cross(Vector A, Vector B) { return A.x * B.y - B.x * A.y; }
// 取模 (求长度) (Length)
double Length(Vector A) { return sqrt(Dot(A, A)); }
// 计算两向量夹角 (Angle)
double Angle(Vector A, Vector B) {
    return acos(Dot(A, B) / Length(A) / Length(B));
}
// 计算两向量构成的平行四边形有向面积 (Area2)
double Area2(Point A, Point B, Point C) { return Cross(B - A, C - A); }
// 计算向量逆时针旋转后的向量 (Rotate)
Vector Rotate(Vector A, double rad) {
    return Vector(A.x * cos(rad) - A.y * sin(rad),
                  A.x * sin(rad) + A.y * cos(rad));
}
```

海伦公式

```
p = (a + b + c) / 2;
s = sqrt(p * (p - a) * (p - b) * (p - c));
```

C++ STL

vector

size() 返回元素个数
 empty() 返回是否为空
 clear() 清空
 front()/back()
 push_back()/pop_back()
 begin()/end()

FAQ: 支持比较运算, 按字典序

pair<int, int>

first, 第一个元素
 second, 第二个元素
 支持比较运算, 以first为第一关键字, 以second为第二关键字 (字典序)

string

size()/length() 返回字符串长度
 empty()
 clear()
 substr(起始下标, (子串长度)) 返回子串
 c_str() 返回字符串所在字符数组的起始地址
 push_back() 尾插
 pop_back() 尾删

queue

size()
 empty()
 push() 向队尾插入一个元素
 front() 返回队头元素
 back() 返回队尾元素
 pop() 弹出队头元素

priority_queue, 优先队列, 默认是大根堆

size()
 empty()
 push() 插入一个元素

top() 返回堆顶元素
pop() 弹出堆顶元素

FAQ: 默认是大根堆

定义成小根堆的方式: `priority_queue<int, vector<int>, greater<int>> q;`

stack

size()
empty()
push() 向栈顶插入一个元素
top() 返回栈顶元素
pop() 弹出栈顶元素

deque

size()
empty()
clear()
front()/back()
push_back()/pop_back()
push_front()/pop_front()
begin()/end()

set, map, multiset, multimap, 基于平衡二叉树（红黑树），动态维护有序序列

size()
empty()
clear()
begin()/end()
FAQ: ++, -- 返回前驱和后继，时间复杂度 $O(\log n)$

set/multiset

insert() 插入一个数
find() 查找一个数
count() 返回某一个数的个数
erase()
 (1) 输入是一个数x, 删除所有x $O(k + \log n)$!
 (2) 输入一个迭代器, 删除这个迭代器
lower_bound()/upper_bound()

`lower_bound(x)` 返回大于等于x的最小的数的迭代器
`upper_bound(x)` 返回大于x的最小的数的迭代器

map/multimap

`insert()` 插入的数是一个pair
`erase()` 输入的参数是pair或者迭代器
`find()`

FAQ: 注意multimap不支持此操作。 时间复杂度是 $O(\log n)$
`lower_bound()/upper_bound()`

unordered ~

不支持 `lower_bound()/upper_bound()`, 迭代器的++, --

bitset, 压位

```
bitset<10000> s;
~, &, |, ^
>>, <<
==, !=
```

`count()` 返回有多少个1
`any()` 判断是否至少有一个1
`none()` 判断是否全为0
`set()` 把所有位置成1
`set(k, v)` 将第k位变成v
`reset()` 把所有位变成0
`flip()` 等价于~
`flip(k)` 把第k位取反