

# 再生産関係の推定・管理基準値計算・将来予測シミュレーションに関する技術ノート

(令和 4 年度)

資源評価高度化作業部会

2022 年 7 月 11 日

## 1 令和 3 年度版からの変更・追加点

- HS を仮定するときに尤度が同じパラメータ範囲が存在するときの対処について追記 (3.3)
- Shepherd, Cushing の再生産関係について追記 (2)
- 1B ルールのときに用いる生物学的管理基準値や経験的な管理基準値について追記 (4.3)

## 2 基本的な式と記号の説明

本資料で使われる主要な数式記号の定義 (表 1), ホッケー・スティック (HS)[1], ベバートン・ホルト (BH)[2], リッカー (RI)[4] 型の再生産関係式, 個体群動態の基本的な式を以下に示した。

ホッケー・スティック型再生産関係 (HS)

$$R(SB_t|a, b) = \begin{cases} aSB_{t-S_{\min}} & (SB_{t-S_{\min}} < b) \\ ab & (SB_{t-S_{\min}} \geq b) \end{cases} \quad (1)$$

ただし, 親魚量と加入量が線形関係の場合には過去最大親魚量を HS の折れ点と仮定する。一方, 観察された親魚量の範囲で加入がほぼ一定となる場合には, HS の折れ点を過去最小親魚量とする。結果として HS の折れ点 ( $b$ ) が過去最小親魚量または過去最大親魚量となった場合,  $b$  は仮定値をあてていることになるが,  $b$  を過去最小親魚量から過去最大親魚量の範囲で探索した結果としての推定結果であると考え, とみなし, AIC などの情報量基準はどのような場合でも  $a, b$  については 2 パラメータ分が推定されているものとして計算した。

ベバートン・ホルト型再生産関係 (BH)

$$R(SB_t|a, b) = \frac{aSB_{t-S_{\min}}}{1 + bSB_{t-S_{\min}}} \quad (2)$$

リッカー型再生産関係 (RI)

$$R(SB_t|a, b) = aSB_{t-S_{\min}} \exp(-bSB_{t-S_{\min}}) \quad (3)$$

その他の再生産関係式

その他の再生産関係式についても使用についての十分な科学的根拠と合意があれば使用できる。たとえば、Shepherd (引用, 式 4)、Cusing (引用, 式 5) などの再生産関係式がある。

$$R(SB_t|a, b, \gamma) = \frac{aSB_{t-S_{\min}}}{1 + b(SB_{t-S_{\min}})^\gamma} \quad (4)$$

$$R(SB_t|a, b) = aSB_{t-S_{\min}}^b \quad (5)$$

また、Hockey-Stick 型の再生産関係は折れ点の部分で微分不可能であるため、パラメータの最尤推定が難しい場合がある。それを解決するために、連続的な Hockey-Stick 型の再生産関係として Mesnil (引用, 式 6) も提案されている。この場合のパラメータ  $\gamma$  の推定は難しいため、適当な値を固定して与えるのが一般的である。

$$R(SB_t|a, b, \gamma) = 0.5a(SB_{t-S_{\min}} + \sqrt{b^2 + 0.25\gamma^2} - \sqrt{(SB_{t-S_{\min}} - b)^2 + 0.25\gamma^2}) \quad (6)$$

個体群動態の式

個体群動態の決定論的な基本式は以下のような年齢構造モデルで表す。

$$N_{s,t} = \begin{cases} R(SB_t|a, b) & s = S_{\min} \\ N_{s-1,t-1} \exp(-M_{s-1,t-1} - F_{s-1,t-1}) & S_{\min} < s < S_{\max} \\ N_{s-1,t-1} \exp(-M_{s-1,t-1} - F_{s-1,t-1}) + N_{s,t-1} \exp(-M_{s,t-1} - F_{s,t-1}) & s = S_{\max} \end{cases} \quad (7)$$

また、プラスグループを考慮しない場合は

$$N_{s,t} = \begin{cases} R(SB_t|a, b) & s = S_{\min} \\ N_{s-1,t-1} \exp(-M_{s-1,t-1} - F_{s-1,t-1}) & S_{\min} < s \leq S_{\max} \end{cases} \quad (8)$$

となる。

### 3 再生産関係式のパラメータ推定

まず，残差の自己相関を考慮せずにパラメータ  $a, b$  を推定する (3.1 節)．このときは最小二乗法または最小絶対値法を使用する．さらに，残差の自己相関も考慮するかどうかを検討する。

#### 3.1 パラメータ $a, b$ の推定

観測値と再生産関係式からの予測値との残差  $\varepsilon_t$  ( $T_1 \leq t \leq T_2$ ) を

$$\varepsilon_t = \log(N_{S_{\min},t}^{\text{obs}}) - \log R(SB_{t-S_{\min}}^{\text{obs}} | a, b) \quad (9)$$

と定義し，最小二乗法の場合には

$$\sum_{t=T_1}^{T_2} \varepsilon_t^2 \quad (10)$$

最小絶対値法の場合には

$$\sum_{t=T_1}^{T_2} |\varepsilon_t| \quad (11)$$

を最小化することで，パラメータ  $a, b$  を推定する．最小絶対値法の方が，外れ値の影響を受けにくく，頑健な推定値が得られやすい．AIC 等の情報量規準で使用される対数尤度は，最小二乗法の場合は正規分布，最小絶対値法の場合はラプラス分布を用いて計算される．どちらの最適化法を用いた場合でも，残差の標準偏差  $\sigma$  は

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{T_2 - T_1 + 1} \sum_{t=T_1}^{T_2} \varepsilon_t^2} \quad (12)$$

と定義する．

#### 3.2 残差の自己相関の有無を判断する

推定された再生産パラメータ  $a, b$  のもとで，加入の予測値に対する観測値の残差  $\varepsilon_t$  に自己相関があるかどうかを検討する．自己相関を導入したほうがよいかどうかは， $\rho$  が統計的に有意かどうかや AIC 等を用いて判断する．また，簡便には R[7] で実装されている関数 `acf` で出力される図で示される 95% 信頼区間等からも判断できる．

自己相関を推定する方法としては，再生産関係式のパラメータ  $a, b$  を推定してから，残差についての自己回帰モデル (式 13) で自己相関係数  $\rho$  を推定する二段階の手法 (二段階推定) が簡便である。

$$\varepsilon_t = \rho \varepsilon_{t-1} + \xi_t \quad (13)$$

ここで  $\xi_t$  は

$$\xi_t \sim \text{Normal}(0, (1 - \rho^2)\sigma^2) \quad (14)$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n} \left[ \varepsilon_{T_1}^2 + \frac{1}{1 - \rho^2} \sum_{t=T_1+1}^{T_2} (\varepsilon_t - \rho\varepsilon_{t-1})^2 \right]} \quad (15)$$

二段階推定は安定的なパラメータ推定が得られる場合が多い。

一方、 $a, b, \rho$  を含む正確尤度 (exact likelihood, 式 [?]) を最小化することで、 $a, b, \rho$  を同時に推定する方法 (同時推定) もある。同時推定によるパラメータ推定は、最尤推定値を得ることが難しい、推定値にバイアスが生じる、推定値が不安定になるなどの問題点が指摘されている [6]。特に、HS を用いた時に局所解が複数存在し、推定値がさらに不安定になる現象も確認されている (未発表)。

$\rho$  の推定手法として 2 段階推定を使うか、同時推定を使うかは、パラメータの安定性や局所解の存在、ブートストラップ等、一連のモデル診断を通じて判断する。ただし、マアジ太平洋系群を模したシミュレーションの結果では、自己相関係数が非常に大きい場合、二段階推定は真の自己相関係数を過小推定する傾向が見られた ([8])。そのため、自己相関が非常に大きいと思われ、それが加入変動に大きく影響を与える可能性がある場合、同時推定を用いたほうが加入変動の不確実性をより正確に捉えられると考えられる。ただし、その場合でも、推定パラメータの安定性を十分確認したり、MSE などを用いて誤りに対する影響を評価する必要がある。

自己相関の影響を除いたときの加入の残差の分散は  $(1 - \rho^2)\sigma^2$  で、自己相関でも説明しきれなかったランダムな加入変動の大きさを示す。平成 31 年度研究機関会議で SD として示されている数値は  $\sqrt{(1 - \rho^2)\sigma^2}$  に対応する。

### 3.3 HS を用いるときの注意点

連続的に変化しない HS 再生産関係においては  $a, b$  のパラメータ推定の際、初期値の値によって異なるパラメータが推定され、また、その目的関数の値がほとんど同じとなるような状況が見られることがある (図 1)。特に HS で最小絶対値法を用いる場合に生じやすい。このような状況の場合、推定パラメータが初期値に依存し、単独の推定では頑健で再現性のあるパラメータ推定値を得られない問題点がある。このような状況が生じた場合には、図 1 のように初期値を変えた解析を実施し、推定されたパラメータの中央値に最も近いパラメータを得る初期値を利用して推定したパラメータ推定結果を用いることにする。

## 4 管理基準値の推定

管理基準値は、推定された再生産関係パラメータと確率的な加入変動等のもとで、漁獲係数を一定にした場合の確率的な平衡状態 (時系列的に平均値が一定) となるとき漁獲量や資源量の平均

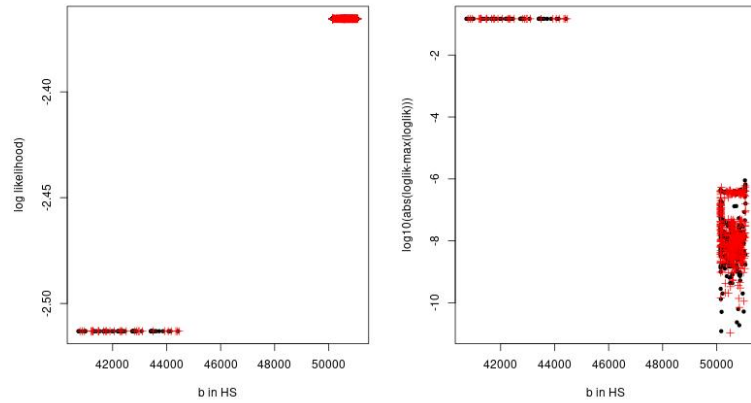


図1 HS に解の不安定性がある場合の例。最尤推定値と思われる値周辺にランダムに初期値を設定してパラメータ推定したときに推定された HS のパラメータ  $b$ (x 軸) とそのときの対数尤度 (y 軸、左) 試行した中で得られた最大の対数尤度と個々の推定で得られた対数尤度との差の絶対値の対数 ( $\log_{10}$ ) をとったもの (y 軸、右)。右図の y 軸は差の  $\log_{10}$  をとったものなので、-3 は最大対数尤度との差が 0.001 であることを示す。図の黒点と赤点は、異なる乱数のシードからランダムに初期値を変えてそれぞれ 500 回繰り返し計算を行った場合の結果。左図で示すように尤度が高い  $b=5$  万トン付近では尤度の値がほとんど変わらないパラメータの範囲が存在する。右図で、尤度の差の対数をとると  $10^{-6}$  以下の差で尤度の違いが見られるが、尤度の傾向はスムーズではなく、高い初期値依存性を示唆する。

値などを使って推定する。通常は、近年の代表的な年齢別漁獲係数  $F_{\text{current},s}$  に対して、選択率を保ったまま一律に漁獲圧を削減または増加させるような漁獲係数一定のシナリオを想定する。この場合の将来の漁獲係数は  $F_{\text{current},s}$  に特定の乗数  $\alpha$  を乗じた  $\alpha F_{\text{current},s}$  となる。ここで  $1 - \alpha$  は、例えば  $\alpha < 1$  の場合、目的とする管理基準値を得るために削減すべき漁獲努力量の削減率と解釈される。年齢別漁獲係数  $F_{\text{current},s}$  は、通常、資源評価最終年を含む直近  $l$  年分の年齢別漁獲係数の平均値が用いられ、以下のように計算される。

$$F_{\text{current},s} = \sum_{t=T_3-l+1}^{T_3} \frac{F_{s,t}}{l} \quad (16)$$

確率的シミュレーションにおける加入尾数は、再生産関係式から計算される加入尾数にランダムな誤差  $\exp(\varepsilon_t^k)$  を乗じたものとして計算される。 $\varepsilon_t^k$  は、対数正規分布の誤差を仮定する場合には

$$\varepsilon_t^k \sim \begin{cases} \text{Normal}(0, \sigma^2) & \rho = 0 \\ \text{Normal}(\rho \varepsilon_{t-1}^k, (1 - \rho^2)\sigma^2) & \rho > 0 \end{cases} \quad (17)$$



図2 将来予測における誤差分布の仮定の違い．(左) 対数正規分布の誤差を仮定した場合．(右) 残差のリサンプリングによる誤差を仮定した場合

となる．また，残差リサンプリングによるシミュレーションを実施する場合には

$$\varepsilon_t^k \sim (\text{random draw from } \varepsilon_{t=T_1, \dots, T_2}) \quad (18)$$

となる．

以上より，管理基準値計算のために実施する確率的シミュレーションにおける個体群動態式は以下となる．

$$N_{s,t}^k = \begin{cases} R(SB_t^k | a, b) \exp(\varepsilon_t^k + \kappa) & s = S_{\min} \\ N_{s-1,t-1}^k \exp(-M_{s-1,t-1} - \alpha F_{\text{current},s-1}) & S_{\min} < s < S_{\max} \\ N_{s-1,t-1}^k \exp(-M_{s-1,t-1} - \alpha F_{\text{current},s-1}) + N_{s,t-1}^k \exp(-M_{s,t-1} - \alpha F_{\text{current},s}) & s = S_{\max} \end{cases} \quad (19)$$

また，プラスグループを考慮しない場合には、

$$N_{s,t}^k = \begin{cases} R(SB_t^k | a, b) \exp(\varepsilon_t^k + \kappa) & s = S_{\min} \\ N_{s-1,t-1}^k \exp(-M_{s-1,t-1} - \alpha F_{\text{current},s}) & S_{\min} < s \leq S_{\max} \end{cases} \quad (20)$$

となる．ここでは  $t \geq T_3$  で， $t = T_3$  のとき  $N_t^k = N_t^{\text{obs}}$ ， $F_t^k = F_t^{\text{obs}}$  とする． $\kappa$  は漁獲なしのときの親魚量（初期資源量） $SB_0$  の決定論的な値（式7または8）と，確率的予測値（式19または20）の平均を一致させるためのバイアス補正項で，対数正規分布を仮定する場合には  $\kappa = -0.5\sigma^2$ ，残差リサンプリングをおこなう場合には  $-\log\left(\frac{\sum_{t=T_1}^{T_2} \exp(\varepsilon_t)}{n}\right)$  となる．

管理基準値は， $\alpha$  を様々に変え，十分平衡状態に達したと判断される  $T_4$  年における状態から推定する．経験的には， $T_4 = T_3 + 20G$  であれば十分平衡状態に達するようだが，系群によって平衡状態に十分達したと判断される年数を用いる．

#### 4.1 MSY 管理基準値

MSY 管理基準値は， $K$  回シミュレーションを実施した場合の  $T_4$  年における漁獲量  $C_{T_4}^k$  の平均値  $\left(\frac{\sum_{k=1}^K C_{T_4}^k}{K}\right)$  が最大になるような  $\alpha$  を探索的に求め，推定する． $C_{T_4}^k$  は，資源量推定に Baranov

の漁獲方程式を使っている場合，

$$C_{T_4}^k = \sum_{s=S_{\min}}^{S_{\max}} \frac{\alpha F_{\text{current},s}}{\alpha F_{\text{current},s} + M_{s,T_4}} \exp(-\alpha F_{\text{current},s} - M_{s,T_4}) N_{s,T_4}^k v_{s,T_4} \quad (21)$$

Pope の近似式を使っている場合

$$C_{T_4}^k = \sum_{s=S_{\min}}^{S_{\max}} (1 - \exp(-\alpha F_{\text{current},s})) \exp(-\frac{M_{s,T_4}}{2}) N_{s,T_4}^k v_{s,T_4} \quad (22)$$

で計算される．このときの平均漁獲量を  $MSY$ ， $\alpha F_{\text{current},s}$  を  $F_{\text{msy},s}(F_{\text{msy}})$  と定義する．また， $F_{s,t}^k = F_{\text{msy},s}$  で  $K$  回シミュレーションを行ったときの  $t = T_4$  における親魚資源量の平均 ( $\sum_{k=1}^K SB_{T_4}^k / K$ ) が  $SB_{\text{msy}}$ ， $MSY / \sum_{k=1}^K B_{T_4}^k K^{-1}$  を  $MSY$  を与える漁獲率 ( $U_{\text{msy}}$ ) とする． $K$  は乱数の違いによって推定値が大きく変わらないくらい十分に大きい数を用いる（自己相関なしの場合は最低 2000 回，ありの場合は 1 万回以上が望ましい）．

$F_{\text{msy},s}$  は年齢別の漁獲係数のベクトルとして与えられ，特定の選択率を前提する．そのため，神戸プロットなどのために，過去に見られた年齢別漁獲係数  $F_{t,s}^{\text{obs}}$  が  $F_{\text{msy},s}$  に比べてどの程度大きかった・小さかったか ( $F/F_{\text{msy}}$ ) を計算するためには， $MSY$  計算で前提とされた選択率と過去の選択率の違いを考慮する必要がある．具体的には  $F_{\text{msy},s}$  のときの  $SPR$  に一致するような  $x F_{t,s}^{\text{obs}}$  を求め， $1/x = F/F_{\text{msy}}$  と定義する．

## 4.2 その他の管理基準値

その他，平衡状態において特定の平均漁獲量（たとえば，限界管理基準値の標準値となる  $MSY$  の 60% や，禁漁水準を与える  $MSY$  の 10% など）や平均親魚量（たとえば  $SB_0$  の 30% など）を達成するような管理基準値を計算する場合も同様に， $t = T_4$  において平均漁獲量または親魚量が目的とする値と一致するような  $\alpha$  を探索的に求め，得られた漁獲係数のもとで平衡状態に達したときの平均親魚量を資源量の管理基準値として用いる．

## 4.3 再生産関係に基づかない生物学的管理基準値

再生産関係の不確実性が高い場合には % $SPR$  や  $YPR$  など，再生産関係の仮定を用いなくても計算できる生物学的管理基準値から管理基準値の提案をすることもできる（1B ルール）．% $SPR$  と  $YPR$  は加入 1 尾あたりが生涯に期待される個体数 ( $N_s$ , numbers per recruit, NPR) から，加入 1 尾あたりの親魚量 (Spawning per recruit, SPR) や漁獲量 (yield per recruit, YPR) を計算することで定義される。 $NPR(N_s)$  は漁獲係数  $F_s$ 、自然死亡係数  $M_s$  のもとで、

$$N_s = \begin{cases} 1 & s = S_{\min} \\ N_{s-1} \exp(-M_{s-1} - F_{s-1}) & S_{\min} < s < \infty \end{cases} \quad (23)$$

として計算される．このときの  $SPR(F_s)$  は  $\sum_{s=s_{\min}}^{\infty} N_s w_s m_s$  となる．また，漁獲がない場合の  $SPR$  ( $SPR(0)$ ) に対する割合（% $SPR(F_s) = \frac{SPR(F_s)}{SPR(0)} \times 100$  が  $x\%$  となるような  $F_s$  を  $F_{x\%SPR}$

と呼ぶ。同様に、 $F_s$  のもとでの  $\text{YPR}(F_s)$  は、Baranov の漁獲方程式を用いる場合には

$$\sum_{s=S_{\min}}^{\infty} \frac{F_s}{F_s + M_s} \exp(-F_s - M_s) N_s \quad (24)$$

Pope の近似式を使っている場合には

$$\sum_{s=S_{\min}}^{\infty} (1 - \exp(-F_s)) \exp(-\frac{M_s}{2}) N_s \quad (25)$$

から計算される。 $F_{\max}$  は  $\text{YPR}(F_s)$  を最大にするような  $F_s$  として定義される。 $F_{0.1}$  は  $\text{YPR}(F_s)$  関数の傾きが原点における  $\text{YPR}(F_s)$  の傾きの  $1/10$  となるときの  $F_s$  として定義される。これらの漁獲係数をもとにした管理基準値が、1B ルールで  $F_{\text{msy}}$  の代替値として提案される。また、上の  $\text{SPR}$ ,  $\text{YPR}$  の定義式における  $F_s, w_s, M_s$  はすべて時間の次元  $t$  が省略されているが、 $F_s, w_s, M_s$  が時間によって変化する場合には、適宜適切なパラメータを用いることとする。

また、1B ルールのもとでの将来予測では、再生産関係が不明なため、親が減ると子が減るような親子関係が仮定されず、将来の加入尾数が親魚量によらず一定になるような加入で将来予測が実施される。ただし、加入の確率的な変動を表現するため、加入の確率分布としては過去に観測された加入尾数のリサンプリングや対数正規分布などが仮定される。将来予測における加入の平均尾数が  $\bar{N}_{S_{\min}}$  で、 $F_{x\% \text{SPR}}$  が  $F_{\text{msy}}$  の代替値であるとき、 $SB_{\text{msy}}$  の代替値を  $\text{SPR}(F_{x\% \text{SPR}}) \times \bar{N}_{S_{\min}}$  と定義する。また、漁獲がない場合の親魚資源量  $SB_0$  の代替値は  $\text{SPR}(0) \times \bar{R}$  となる。

限界管理基準値の代替値は  $SB_{\min}$  (過去最小親魚量) または  $SB_0$  の代替値の 10% 程度の値が用いられる。ここで、 $SB_{\min} = \min_{t=1, \dots, T_3} SB_t$  である。

## 5 ABC 算定や目標達成確率計算のための将来予測

漁獲管理規則のもとでの中長期的な将来予測でも、加入誤差については、基本的に式 17, 18 などから計算された  $\varepsilon_t^k$  を用いて計算する。一方、将来の漁獲係数は漁獲管理規則に従って毎年異なる値  $F_{s,t}^k$  を用いる。したがって、短期予測のための将来予測の個体群動態式は

$$N_{s,t}^k = \begin{cases} R(SB_t^k | a, b) \exp(\varepsilon_t^k + \kappa) & s = S_{\min} \\ N_{s-1,t-1}^k \exp(-M_{s-1,t-1} - F_{s-1,t-1}^k) & S_{\min} < s < S_{\max} \\ N_{s-1,t-1}^k \exp(-M_{s-1,t-1} - F_{s-1,t-1}^k) + N_{s,t-1}^k \exp(-M_{s,t-1} - F_{s,t-1}^k) & s = S_{\max} \end{cases} \quad (26)$$

となる。また、プラスグループを考慮しない場合は

$$N_{s,t}^k = \begin{cases} R(SB_t^k | a, b) \exp(\varepsilon_t^k + \kappa) & s = S_{\min} \\ N_{s-1,t-1}^k \exp(-M_{s-1,t-1} - F_{s-1,t-1}^k) & S_{\min} < s \leq S_{\max} \end{cases} \quad (27)$$

となる。 $F_{s,t}^k$  は、通常、管理の開始を  $T_3 + 2$  年目からと想定し、

$$F_{s,t}^k = \begin{cases} F_{\text{current},s} & t = T_3 + 1 \\ \beta\gamma F_{\text{msy},s} = \alpha\beta\gamma F_{\text{current},s} & t > T_3 + 1 \end{cases} \quad (28)$$



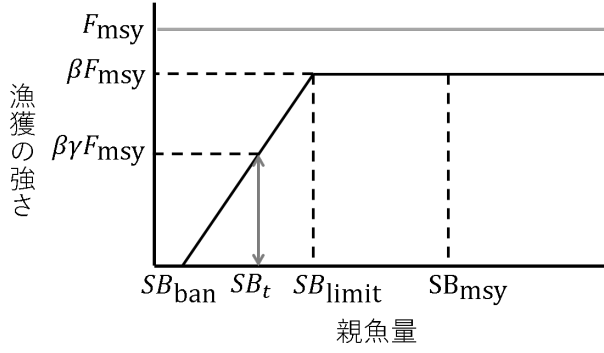


図 3 1 系資源の漁獲制御ルールの様式図

と仮定する． $t = T_3 + 1$  年目の  $F_{s,t}^k$  については必ずしも  $F_{\text{current},s}$  を用いる必要はなく， $T_3 + 1$  年目の漁獲状況を最もよく代表していると判断される漁獲係数をあてる． $t > T_3 + 1$  では，漁獲管理規則から計算される  $\beta, \gamma$  を  $F_{\text{msy},s}$  に乗じる．漁獲管理規則における  $\beta$  は 1 以下の安全係数で一定値をとり， $\gamma$  は図 3 に示された漁獲管理規則に従って以下のように計算される．

$$\gamma = \begin{cases} 1 & SB_{\text{limit}} < SB_t^k \\ \frac{SB_t^k - SB_{\text{ban}}}{SB_{\text{limit}} - SB_{\text{ban}}} & SB_{\text{ban}} < SB_t^k \leq SB_{\text{limit}} \\ 0 & SB_t^k \leq SB_{\text{ban}} \end{cases} \quad (29)$$

ここで  $SB_{\text{limit}}$  は限界管理基準値， $SB_{\text{ban}}$  は禁漁水準である．

ABC は通常  $T_3 + 2$  年目の漁獲量の平均値として算出される．資源量推定に Baranov の漁獲方程式を使っている場合には

$$C_{T_3+2}^k = \sum_{s=S_{\min}}^{S_{\max}} \frac{F_{s,T_3+2}^k}{F_{s,T_3+2}^k + M_{s,T_3+2}} \exp(-F_{s,T_3+2}^k - M_{s,T_3+2}) N_{s,T_3+2}^k v_{s,T_3+2} \quad (30)$$

Pope の近似式を使っている場合には

$$C_{T_3+2}^k = \sum_{s=S_{\min}}^{S_{\max}} (1 - \exp(-F_{s,T_3+2}^k)) \exp(-\frac{M_{s,T_3+2}}{2}) N_{s,T_3+2}^k v_{s,T_3+2} \quad (31)$$

より計算された漁獲量  $C_{T_3+2}^k$  の平均値  $\sum_{k=1}^K \frac{C_{T_3+2}^k}{K}$  が  $ABC_{T_3+2}$  として提案される．

## 6 その他

### 6.1 再生産関係の誤りによる ABC の推定誤差を考慮した簡易 MSE

ABC は式 30 式 31 により、資源評価最終年  $T_3$  年の 2 年後  $T_3 + 2$  年の漁獲量の平均値として与えられる。この値は、(資源評価の誤差がないと仮定すると) 既知である  $T_3$  年までの資源状態から、 $T_3 + 1$  年と  $T_3 + 2$  年分将来予測実施した結果を利用している。したがって ABC を計算するさいには、 $T_3 + 1$  年と  $T_3 + 2$  年の加入尾数・年齢別体重・自然死亡係数・成熟率、また、 $T_3 + 1$  年の年齢別漁獲係数、さらに、HCR を用いて漁獲量を計算する  $T_3 + 2$  年には HCR のパラメータとして  $SB_{\text{limit}} \cdot SB_{\text{ban}} \cdot F_{\text{msy},s}$  が必要となる。

資源評価の誤差がない理想的な条件においても、再生産関係を一つに決定するための十分な情報が得られない場合がある。また、選択した再生産関係とは異なる再生産関係がもし真であった場合、バイアスのある再生産関係から管理基準値や ABC がバイアスする恐れがある。そこで、再生産関係の選択のミスから生じる管理基準値や ABC のリスクを評価するため、再生産関係の選択のミスがあるような状況を想定したシミュレーションを実施する。

資源量推定や管理誤差の不確実性を考慮したシミュレーションは一般に管理戦略評価 (Management Strategy Evaluation, MSE) と呼ばれているが ([3])、本シミュレーションでは不確実性を考慮する範囲が狭いため、あくまで簡易的な MSE である。本 MSE で正しいと仮定する数値と考慮する不確実性を以下にまとめた。ここでは、将来予測の任意の年  $T_6$  年における漁獲量を決定する場合である。

- 正しく知っているとするもの:  $T_6 - 1$  年と  $T_6$  年の年齢別体重・自然死亡係数・成熟率、 $T_6 - 1$  年の年齢別漁獲係数
- 間違った再生産関係を用いた場合に間違う値:  $T_6 - 1$  年と  $T_6$  年の加入尾数 ( $N_{S_{\min}, T_6-1}, N_{S_{\min}, T_6}$ )、 $SB_{\text{limit}} \cdot SB_{\text{ban}}$  (つまり  $\gamma$ )  $\cdot F_{\text{msy}, s}$ 、ひいては  $T_6 - 1$  年  $ABC(ABC_{T_6-1})$ 。真の値に対して、将来予測による推定値を  $N'_{S_{\min}, T_6-1}, N'_{S_{\min}, T_6}$ 、 $SB'_{\text{limit}} \cdot SB'_{\text{ban}} \cdot F'_{\text{msy}, s} \cdot \gamma' \cdot ABC'_{T_6}$  とする。

シミュレーションでは上記の方法によって推定された  $ABC(ABC'_{T_6})$  が  $T_6$  年の TAC として与えられ、 $ABC'_{T_6}$  通りの漁獲が行われるとする。つまり、 $T_6$  年の漁獲量は

$$C'^k_{T_6} = ABC'^k_{T_6} = \sum_{s=S_{\min}}^{S_{\max}} \frac{F'^k_{s, T_6}}{F'^k_{s, T_6} + M_{s, T_6}} \exp(-F'^k_{s, T_6} - M_{s, T_6}) N^k_{s, T_6} v_{s, T_6} \quad (32)$$

Pope の近似式を使っている場合には

$$C'^k_{T_6} = ABC'^k_{T_6} = \sum_{s=S_{\min}}^{S_{\max}} (1 - \exp(-F'^k_{s, T_6})) \exp(-\frac{M_{s, T_6}}{2}) N^k_{s, T_6} v_{s, T_6} \quad (33)$$

となる。ここで、 $F'^k_{s, T_6}$  は、右辺と左辺が一致するような  $c\beta\gamma'F_{\text{msy}, s}$  な定数  $c$  を探索的に求め、そのときの漁獲係数 ( $c\beta\gamma'F_{\text{msy}, s}$ ) に相当する。真の個体群動態は式またはの  $F^k_{s, T_6}$  を  $F'^k_{s, T_6}$  で置き換えたものを用いる。

ここで、簡易 MSE の中で ABC 計算のさいに推定された加入尾数や ABC の相対誤差 (Relative error) を評価するため、以下のような相対誤差の指標を計算する。加入尾数の推定誤差は

$$RE_{\text{rec}} = \frac{(R_{T_6} - R'_{T_6})}{R_{T_6}} \quad (34)$$

とした。また、ABC の相対誤差は

$$RE_{\text{ABC-true}} = \frac{(ABC_{T_6} - ABC'_{T_6})}{ABC_{T_6}} \quad (35)$$

と

$$RE_{ABC-pseudo} = \frac{(ABC_{T_6,pseudo} - ABC'_{T_6})}{ABC_{T_6}} \quad (36)$$

の2通りを計算した。 $ABC_{T_6}$  は全てのパラメータを真の値で計算したときの ABC、 $ABC_{T_6,pseudo}$  は ABC 計算のさいに  $T_6 - 1$  年と  $T_6$  年の加入尾数 ( $N_{S_{min},T_6-1}, N_{S_{min},T_6}$ ) だけ真の値を用いて計算した ABC (管理基準値のみ間違っている) である。簡易 MSE の適用例と結果の解釈については市野川 (2020, FRA-SA2020-BRP01-07) で詳述している。

## 6.2 過去にさかのぼって管理をおこなった場合のシミュレーション

過去に実際に見られた加入のパターンのもとで、もし MSY 管理基準値に基づいた HCR に従って漁獲を調整していたら過去の資源量はどのように変化していたかをシミュレーションする。本シミュレーションでは、過去の任意の年 ( $T_5$  年) の年齢別資源尾数  $N_{s,T_5}$  から資源評価最終年  $T_3$  まで、式 6.1 または式 6.1 に従った前進計算をおこなう。そのさいの生物パラメータ ( $M_{s,t}$ 、 $m_{s,t}$ 、 $w_{s,t}$ 、 $v_{s,t}$ ) は過去に見られた実際の値 (VPA への入力値) を用いる。 $T_5 \leq t \leq T_3$  の期間の漁獲係数  $F_{s,t}$  は、式 28 における  $t > T_3 + 1$  の場合の条件の場合の式を用いる。これはつまり、 $T_5$  年から HCR に従って漁獲係数を調整した場合を想定している。

$T_5 + 1$  年からは、過去の再生産関係から推定された再生産関数とパラメータ ( $R(SB_T^k|a, b)$ ) を期待値とした加入が発生すると考える。毎年の加入の残差は、過去に見られた残差をそのまま使った場合 (シナリオ 1) に加えて、残差を確率分布で発生させる場合 (シナリオ 2) も計算した。シナリオ 1 もシナリオ 2 も、HCR を用いて漁獲係数を調整したことにより、親魚量が過去に実現されたものとは異なってくるため、過去の加入尾数の期待値も変化する。シナリオ 1 では、実際の加入尾数の期待値からの確率的なずれを、(環境の良し悪しには漁獲のコントロールが影響しないと考えて) 過去に見られた残差の値をそのまま用いる。シナリオ 2 では、対数残差が正規分布に従うと考えて確率的に値を発生させるシミュレーションを繰り返す ( $t$  年 ( $T_5 \leq t \leq T_3$ ) の時点で、将来の生物パラメータを既知として将来予測を実施することに相当する)。シナリオ 1 の結果は、シナリオ 2 のうちの一つの実現値にあたる。

- 1. 3 節で推定された再生産関係のパラメータ  $a, b, rho$  に従って過去の  $T$  年 ( $T_5 \leq t \leq T_3$ ) の加入尾数の期待値  $R(SB_T|a, b)$  を計算し、その予測値に過去に実現された加入尾数の残差  $\varepsilon_T$  を指数変換したものを乗じる ( $N_{S_{min},t} = R(SB_t|a, b) \exp(\varepsilon_T)$ )。
- 2.  $T$  年の加入尾数の期待値シナリオ 1 と同じ方法で計算するが、加入の残差は  $\varepsilon_T^k \sim \text{Normal}(\rho\varepsilon_{T-1}^k, (1 - \rho^2)\sigma^2)$  とする。

また、マイワシ対馬暖流系群のように、年によって再生産関係のパラメータが異なると仮定されている場合、本シミュレーションで仮定される過去の再生産関係は、パラメータ推定のさいに仮定した同じ年に再生産関係が切り替わるとしている。図 4 は対馬暖流系群で過去にさかのぼったシミュレーションを実施したときの例。

### 6.3 将来予測において漁獲量一定方策を取る場合

将来予測においてある一定期間、 $F$  でなく漁獲量を一定と仮定して漁獲を行うシミュレーションが必要になる場合がある。たとえば将来予測年の  $t$  年目に一定漁獲量  $GC_t$  (given catch) で漁獲するとする。その場合、式 30, 31 に変わって、以下の式を満たすような係数  $x$  を探索的に求め、 $xF_{s,t}^k$  を  $T_t$  年の漁獲係数として個体群動態式の中で用いる。

$$GC_t = \sum_{s=S_{\min}}^{S_{\max}} \frac{xF_{s,t}^k}{xF_{s,t}^k + M_{s,t}} \exp(-xF_{s,t}^k - M_{s,t}) N_{s,t}^k v_{s,t} \quad (37)$$

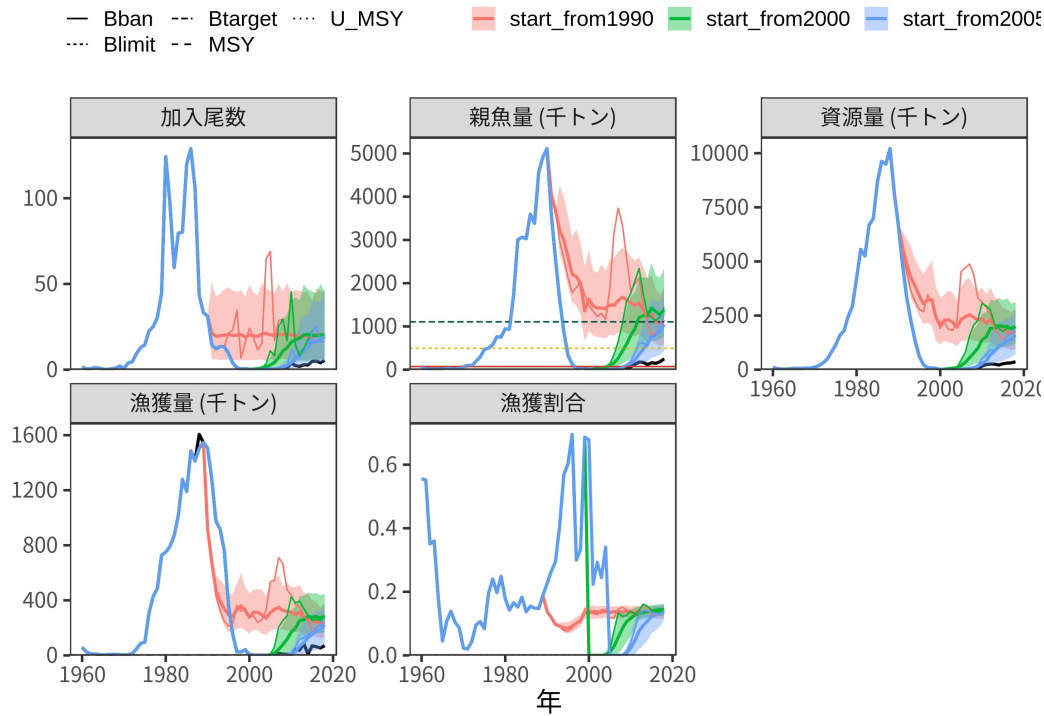


図 4 マイワシ対馬暖流系群で過去にさかのぼった場合のシミュレーションを実施した例。1990 年 (start\_from1990)、2000 年 (start\_from2000)、2005 年 (start\_from2005) から、通常レジームの管理基準値を使って管理を開始した 3 通りの結果の比較。細い実線は過去に見られた残差をそのまま用いたもの (シナリオ 1)、塗りの範囲は過去の残差を確率分布からランダムに発生させたシミュレーションの 90 % 信頼区間、太い実線はシミュレーションの結果の平均値。親魚量が禁漁水準を割っている 2000 年、2005 年では、管理開始当初の漁獲量はゼロになったのち、親魚量が回復したのちに漁獲が再開している。

Pope の近似式を使っている場合には

$$GC_t = \sum_{s=S_{\min}}^{S_{\max}} (1 - \exp(-x F_{s,t}^k)) \exp(-\frac{M_{s,t}}{2}) N_{s,t}^k v_{s,t} \quad (38)$$

また、資源量が少なくなりすぎて目的とする漁獲量  $GC_t$  まで漁獲できない場合には、式 37, 38 において  $F_{s,t}^k = \exp(100)$  とした場合の漁獲量  $GC_{t,F=100}$  の 99 % まで漁獲をおこなうような  $x$  を探索的に求めることとする。この割合は暫定的に 99 % としているが、目的や漁業の実態に応じて適当な値を設定することも可能である。

#### 6.4 TAC の持ち越しを許容する場合

実際の漁業現場では、与えられた ABC を目一杯まで漁獲することではなく、毎年、何割かの ABC が未消化のままとなる状況がよく見られる。そこで、未消化分の ABC を翌年のに付け替えるような ABC の運用の仕方が提案されることがある。ここでは、そのような ABC の持ち越しがどの程度まで可能かを検討するためのシミュレーションを以下のようにして実行する。(ここでは暗黙に  $ABC=TAC$  として考えるものとする。)

シミュレーション内で想定されている毎年の  $ABC(ABC_t^k)$  は、取り残しを考えない場合  $C_t^k$  と一致する。通常の将来予測シミュレーションの場合、式 30 または 31、簡易 MSE の場合、式 32 または 33 から計算される。しかし、取り残しがあってそれが持ち越される場合、毎年の ABC は本来の  $ABC(ABC_t^k)$  に加えて、持ち越し分が足された  $ABC+_t^k$  となる。その上で、 $t$  年の取り残し率 (reserve rate) を  $RR_t$  と定義すると、 $t$  年に取り残す漁獲量は  $RR_t \times ABC+_t^k$  となる。その場合、 $t$  年の実際の漁獲量は  $(1 - RR_t) \times ABC+_t^k$  となる。そこで、 $t$  年の漁獲圧  $x F_{s,t}^k$  は 6.3 節における  $GC_t$  を  $(1 - RR_t) \times ABC+_t^k$  とすることで、式 37 または 38 から求められる。

上の段落から計算された  $t$  年の取り残し量は  $RR_t \times ABC+_t^k$  であるが、翌年に持ち越せる ABC は次のルールから計算される持ち越し量のうち、小さいほうの値とする。

- ABC の持ち越し分は、 $t$  年にそれが消化されなかったとしても、その分は翌年には持ち越せない。この条件から計算される ABC の持ち越し分は  $ABC_t^k - GC_t = ABC_t^k - (1 - Reserve_t) \times ABC+_t^k$  となる。ただし、マイナス値になる場合には 0 に置き換えられる。
- 持ち越せる漁獲量の上限はもともとの  $ABC_t^k$  に対して一定率 (carry rate) ( $CR_t$ ) までである。この条件から計算される ABC の持ち越し分は  $ABC_t^k \times CR_t$  である。

以上のルールに従って将来予測をおこなった場合の例が図 5 である（取り残し率、持ち越し率をともに 0.3 とした場合）。2021 年の管理開始年には繰越分が存在しないため、もとの ABC（赤）ともとの ABC + 繰越分（緑）は一致し、実漁獲（青）が 3 割小さくなっている。2 年目以降は、もとの ABC + 繰越分が ABC を常に上回っているが、実漁獲は ABC + 繰越分の 3 割を取り残しているため、実質的にもとの ABC よりも小さい漁獲が実現され、それが翌年に繰り越されている。

## 参考文献

- [1] Clark CW, Charles AT, Beddington JR, Mangel M (1985) Optimal capacity decisions in a developing fishery. *Marine Resource Economics* 2:25–53.
- [2] Beverton RJH, Holt SJ (1957) *On the Dynamics of Exploited Fish Populations*. Her Majesty's Stationary Office, London.
- [3] Punt et al (2016) Management strategy evaluation: Best practices. *Fish and Fisheries*. 17:303–334.
- [4] Ricker WE (1954) Stock and recruitment. *Journal of Fisheries Research Board of Canada* 11:559–623.
- [5] Thorson JT, Jensen OP, Zipkin EF (2014) How variable is recruitment for exploited marine fishes? *Can J Fish Aquat Sci* 71:973–983

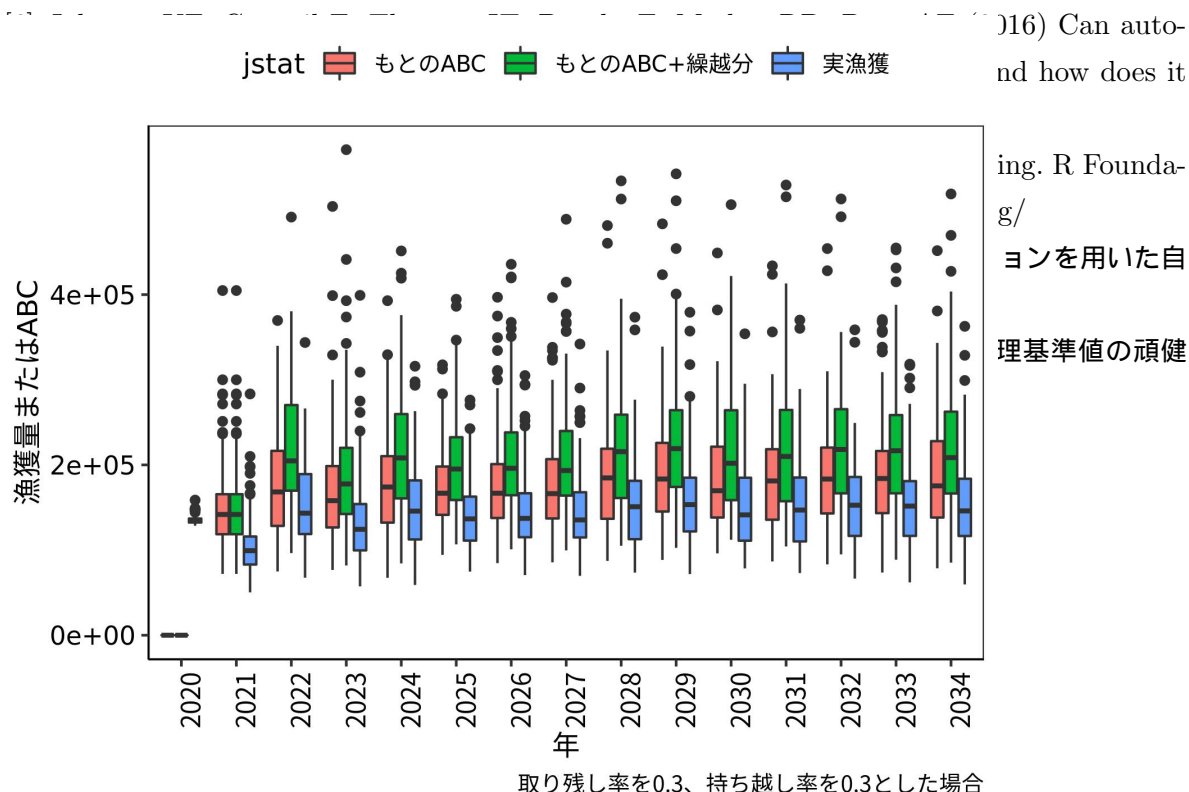


図 5 ABC の持ち越しを許容する場合の結果の図

表 1 本資料で用いられる数式の記号の定義

記号	説明
$t$	時間 (time) の次元を表す添え字．通常は年なので，ここでは $t$ 年といった表記を使用する．資源評価開始年を $t = 1$ ，資源評価最終年を $t = T_3$ とする．将来予測開始年は $t = T_3 + 1$ ，一定の漁獲圧で漁獲して平衡状態に達したときの年を $T_4$ とする．また，再生産関係の推定のためにデータを用いる最初の加入年を $T_1$ ，最後の加入年を $T_2$ とする．通常は， $1 \leq T_1 < T_2 \leq T_3 \ll T_4$ ．
$s$	成長段階 (stage) を表す添え字．通常は年齢なので，ここでは $s$ 歳といった表記を使用する． $s = S_{\min}, \dots, S_{\max}$ で， $S_{\min}$ は加入年齢， $S_{\max}$ は $S_{\max}$ 歳以上をひとまとめにしたグループ (プラスグループ)．
$N_{s,t}$	$s$ 歳 $t$ 年の資源尾数．たとえば加入尾数は $N_{S_{\min},t}$ となる．
$F_{s,t}$	$s$ 歳 $t$ 年における漁獲死亡係数
$M_{s,t}$	$s$ 歳 $t$ 年における自然死亡係数
$m_{s,t}$	$s$ 歳 $t$ 年における成熟率
$w_{s,t}$	親魚量を計算するときの $s$ 歳 $t$ 年の個体あたりの体重
$v_{s,t}$	漁獲量を計算するときの $s$ 歳 $t$ 年の個体あたりの体重
$SB_t$	$t$ 年の親魚資源量． $SB_t = \sum_{s=S_{\min}}^{S_{\max}} N_{s,t} w_{s,t} m_{s,t}$ ．
$B_t$	$t$ 年の総資源量． $B_t = \sum_{s=S_{\min}}^{S_{\max}} N_{s,t} w_{s,t}$ ．
$k$	確率的な将来予測シミュレーションにおける各試行に対する添字．将来予測の期間で各パラメータの右上につけて各試行ごとの値を示す．例えば，将来予測における加入尾数の場合は $N_{S_{\min},t}^k$ ，親魚量の場合は $SB_t^k$ のように使用する． $k = 1, \dots, K$ ．
obs	資源評価モデルにより得られた過去の資源評価値に対する添字．再生産関係を推定する際には観測値 (observation) として取り扱うため，obs と表記した．例えば過去の加入尾数は $N_{S_{\min},t}^{\text{obs}}$ となる．
$G$	世代時間 (年)． $\sum_{s=0}^{\infty} (s \exp(-\sum_s M_{s,t}) m_{s,t}) / (\exp(-\sum_s M_{s,t}) m_{s,t})$ と定義する．
$n$	再生産関係推定に用いるデータの数． $n = T_2 - T_1 + 1$ ．
$\varepsilon_t$	$t$ 年の再生産関係からの加入尾数の予測値と観測値の対数残差
$\sigma$	再生産関係からの加入尾数の予測値と観測値の対数残差における標準偏差
$\rho$	加入の対数値の残差の自己相関係数
$\kappa$	将来予測における加入尾数のバイアス補正のための係数
$a, b$	再生産関係で推定されるパラメータ
$R(SB_t a, b)$	パラメータ $a, b$ と親魚資源量 $SB_t$ を持つ再生産関係式，またはそこから計算される加入尾数の期待値
Reserve <sub><math>t</math></sub>	TAC の取り残し率