

1. จงเขียน Function insert() ตามตัวอย่างการใช้งานและ Prototype ที่กำหนดด้านล่างนี้ ซึ่ง Function insert() จะทำหน้าที่แทรกค่าที่กำหนดในตำแหน่งที่ต้องการ 1 ค่า แล้วเก็บผลลัทธ์ ไว้ในตัวแปรตัวใหม่

Source Code

```
#include <iostream>
using namespace std;
template <typename Type>
void insert(const Type [], Type [], int, Type, int);
int main(){
      int N = 4;
      int x[N] = \{1, 4, 9, 7\}, y[N+1], z[N+1];
       insert(x, y, N, 69, 2); //insert value 69 at index 2
      insert(x,z,N,77,0); //insert value 77 at index 0
      cout << "x = ";
      for(int i = 0; i < N;i++) cout << x[i] << " ";
      cout << "\ny = ";
      for(int i = 0; i < N+1;i++) cout << y[i] << " ";
       cout << "\nz = ";
       for(int i = 0; i < N+1; i++) cout << z[i] << " ";
    return 0;
//write function insert() here
```

ผลลัพธ์ที่แสดงออกมา

```
x = 1 \ 4 \ 9 \ 7
y = 1 \ 4 \ 69 \ 9 \ 7
z = 77 \ 1 \ 4 \ 9 \ 7
```

2. Source Code ด้านล่างนี้เป็นโปรแกรมที่ใช้ในการดัดแปลงข้อความของตัวแปรประเภท String (C++ string object) ให้ นศ. ทำความเข้าใจ Source Code นี้ พร้อมทั้งเขียนผลลัพธ์ที่จะแสดงผลออกมา (โดยให้คิดมือ ห้ามลองไป Run ดู)

Source Code

ผลลัพธ์ที่แสดงออกมา

- 3. [Challenging Problem] จงเขียนโปรแกรมเพื่อคำนวณ Determinant ของเมตริกซ์จัตุรัสใด ๆ โดยที่ให้ผู้ใช้ ป้อนขนาดและค่าของสมาชิกของเมตริกซ์ที่ต้องการเข้ามา ดังแสดงในตัวอย่างการใช้งานด้านล่าง โดยการ คำนวณ Determinant ให้ใช้การเขียน Recursion ดังนี้
 - [Base case] หากเมตริกซ์ A มีขนาดเท่ากับ 1x1 จะได้ $\det(A) = A[0][0]$
 - ullet [Recursive Relation] หากเมตริกซ์ A มีขนาด 2x2 ขึ้นไป สมมุติ A มีขนาด $N\! imes\!N$

$$\begin{split} \det(A) &= \sum_{i=0}^{N-1} \left(A[0][i] \times (-1)^i \times \det(A_i) \right) \\ \det(A) &= A[0][0] \times \det(A_0) - A[0][1] \times \det(A_1) + A[0][2] \times \det(A_2) - \dots \\ A[0][N-1] \times \det(A_{N-1}) \end{split}$$

เมื่อกำหนดให้ A_i คือ เมตริกซ์ A ที่ลบแถวที่ 0 และหลักที่ i ออกไปทำให้เมตริกซ์ A_i เหลือขนาดเพียง $(N-1)\times(N-1)$ เท่านั้น ยกตัวอย่างเช่น การหา Determinant ของเมตริกซ์ขนาด 3×3 สามารถหาได้จาก Determinant ของเมตริกซ์ขนาด 2×2 3 ค่ารวมกัน และ Determinant ของเมตริกซ์ขนาด 2×2 สามารถหาได้จาก Determinant ของเมตริกซ์ขนาด 1×1 2 ค่ารวมกัน

```
Please input matrix size: \underline{1}
Input elements of row 1: \underline{69}
Determinant of your matrix is 69
```

```
Please input matrix size: 2
Input elements of row 1: 1 2
Input elements of row 2: 3 4
Determinant of your matrix is -2
```

```
Please input matrix size: \underline{3}
Input elements of row 1: \underline{1\ 0\ 5}
Input elements of row 2: \underline{-1\ 4\ 7}
Input elements of row 3: \underline{1.2\ 0\ 4.5}
Determinant of your matrix is -6
```

```
Please input matrix size: \underline{5}
Input elements of row 1: \underline{1.1} 2.2 3.3 0 7.5
Input elements of row 2: \underline{4} 2 0 0 \underline{1}
Input elements of row 3: \underline{12} -6.9 \underline{4}.3 0 2.1
Input elements of row 4: \underline{-1} -2 \underline{-3} -4 \underline{-5}
Input elements of row 5: \underline{7} 7 7 6 \underline{9}
Determinant of your matrix is \underline{-4250.12}
```