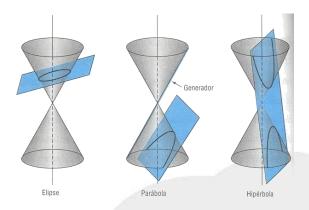
# **CÔNICAS**



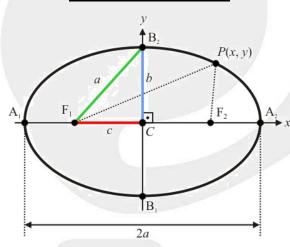
## **AULA 1 – VISÃO GERAL DAS CÔNICAS**



#### Fonte:

https://sites.google.com/site/dibujotecnicoclm/\_/rsrc/13226 58948830/u/bloque-i-geometria-plana/curvasconicas/conicas2.jpg

#### **AULA 2 - ELIPSE: CONCEITO**



Fonte:

http://3.bp.blogspot.com/\_Qmjqb2Gk9no/TDMMYeqCVSI/ AAAAAAAAI24/FJ2\_FrHUpZo/image4\_thumb%5B1%5D.p ng?imgmax=800

# **Elementos**

- $\overline{A_1A_2}$ : distância do eixo maior
- $\overline{B_1B_2}$ : distância do eixo menor
- $\overline{F_1F_2}$ : distância focal
- $F_1, F_2$ : focos
- C: centro da elipse
- $\overline{A_1C} = \overline{CA_2} = a$ : semi eixo maior
- $\overline{B_1C} = \overline{CB_2} = \text{b: semi eixo menor}$   $\overline{F_1C} = \overline{CF_2} = \text{c: semidistância focal}$

#### Relação fundamental

$$a^2 = b^2 + c^2$$

#### Excentricidade (e)

$$e = \frac{c}{a}$$
 (0

Elipse

Seja:

 $P_{(x,y)}$ : um ponto qualquer da elipse

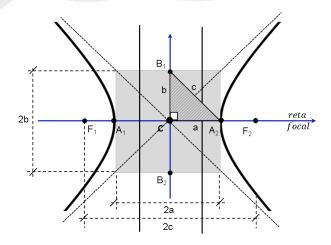
Temos que:

$$\overline{PF_1} + \overline{PF_2} = 2a$$

## AULA 3 - ELIPSE: DEDUÇÃO DA EQUAÇÃO GERAL

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

# **AULA 4 – HIPÉRBOLE: CONCEITO**



#### Fonte:

http://www.adesc.blog.br/4\_22\_20elementos\_20da\_20hip\_ C3\_A9rbole0.png?v=280shk1usvuopo

### **Elementos**

- $\overline{A_1A_2}$ : distância do eixo real
- $\overline{B_1B_2}$ : distância do eixo imaginário
- $A_1, A_2$ : vértices

# **CÔNICAS**



- $F_1, F_2$ : focos
- $\overline{F_1F_2}$ : distância focal
- C: centro da elipse
- $\overline{A_1C} = \overline{CA_2} = a$ : semi eixo real
- $\overline{B_1C} = \overline{CB_2} = b$ : semi eixo imaginário
- $\overline{F_1C} = \overline{CF_2} = c$ : semidistância focal

#### Relação fundamental

$$c^2 = a^2 + b^2$$

#### Excentricidade (e)

$$e = \frac{c}{a}$$

- Quanto maior a e, mais abertos serão os ramos da hipérbole
- Se a=b, teremos a hipérbole equilátera

### **Hipérbole**

Seja:

•  $P_{(x,y)}$ : um ponto qualquer da hipérbole

Temos que:

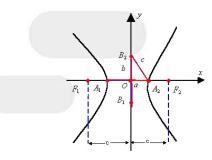
$$|\overline{PF} - \overline{PF_2}| = 2a$$

## AULA 5 - HIPÉRBOLE: DEDUÇÃO DA EQUAÇÃO GERAL

## 1º Caso

Eixo real paralelo ao eixo da abscissa.

$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$$



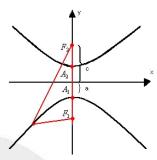
Fonte:

http://www.brasilescola.com/matematica/hiperbole.htm

# 2º Caso

Eixo real paralelo ao eixo da ordenada.

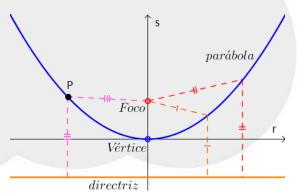
$$\frac{y^2}{a^2} - \frac{x^2}{b^2} = 1$$



Fonte:

http://www.brasilescola.com/matematica/hiperbole.htm

# **AULA 6 – PARÁBOLA: CONCEITO**



Fonte:

http://sitios.usac.edu.gt/seccionesconicas/imagenes/ParLug.png

## **Elementos**

- Reta r: diretriz
- Reta s: eixo da parábola
- F: foco
- V: vértice

# <u>Parábola</u>

Seja:

- $P_{(x,y)}$ : um ponto qualquer da parábola
- d: distância

Temos que:

$$\overline{PF} = d(P, r)$$

# **CÔNICAS**



# AULA 7 - PARÁBOLA: DEDUÇÃO DA EQUAÇÃO GERAL

# 1º Caso

Eixo da parábola paralelo ao eixo da ordenada.

Seja:

- $p = 2.\overline{VF}$
- V(h,k) = ponto vértice da parábola

Temos que:

$$(x-h)^2 = 2p(y-k)$$



# 2º Caso

Eixo da parábola paralelo ao eixo da abscissa.

$$(y-k)^2 = 2p(x-h)$$

