FUNÇÃO EXPONENCIAL



AULA 1 - EQUAÇÕES EXPONENCIAIS - PARTE 1

Equações exponenciais

São equações que apresentam a incógnita como expoente.

Resolução

Para solucionar uma equação exponencial busca-se chegar a uma igualdade de potências de mesma base para então igualar os expoentes.

Revisão das propriedades das potências

$$a^m.a^n = a^{m+n}$$

$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

$$(a^m)^n = a^{m.n}$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m}$$

$$(a.b)^m = a^m.b^m$$

$$a^{\left(\frac{k}{p}\right)} = \sqrt[p]{a^k}$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$$
, com n positivo

AULA 2 - EQUAÇÕES EXPONENCIAIS - PARTE 2

Alguns tipos de equações exponenciais exigem uma manipulação algébrica para que se chegue a esta mesma igualdade, colocando, por exemplo, fatores em evidência ou fazendo aparecer na equação quadrados perfeitos.

AULA 3 - FUNÇÃO EXPONENCIAL - DEFINIÇÃO E GRÁFICOS

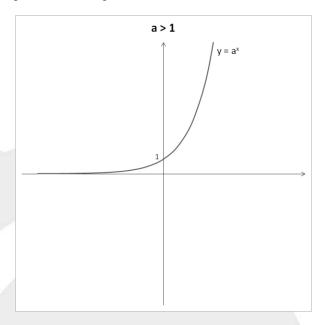
Funções exponenciais são todas as funções do tipo:

$$f(x) = a^x, com \ a > 0 \ e \ a \neq 1.$$

Os gráficos das funções exponenciais são de 2 tipos: crescente ou decrescente, dependendo da base "a".

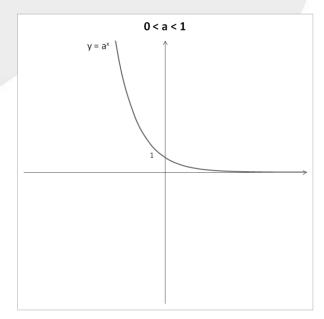
a > 1

Funções exponenciais com a>1 são <u>crescentes</u>, e têm gráficos com o seguinte formato:



0 < a < 1

Funções exponenciais com 0 < a < 1 são <u>decrescentes</u>, e têm gráficos com o seguinte formato:



AULA 4 - FUNÇÃO EXPONENCIAL - INEQUAÇÕES EXPONENCIAIS

FUNÇÃO EXPONENCIAL



As inequações exponenciais devem ser resolvidas buscando-se uma igualdade de bases dos dois lados da inequação e em seguida analisando-se simplesmente a base das funções, conforme a regra abaixo:

Se a > 1:

$$a^{x_1} < a^{x_2} \Leftrightarrow x_1 < x_2$$

$$a^{x_1} > a^{x_2} \Leftrightarrow x_1 > x_2$$

Ou seja, $\underline{\text{se a base \'e maior que 1, a desigualdade se }}$ $\underline{\text{mant\'em}}.$

Se 0 < a < 1:

$$a^{x_1} < a^{x_2} \Leftrightarrow x_1 > x_2$$

$$a^{x_1} > a^{x_2} \Leftrightarrow x_1 < x_2$$

Ou seja, <u>se a base está entre 0 e 1, a desigualdade se inverte.</u>