

Movimento uniforme (M.U.)

Objetivo

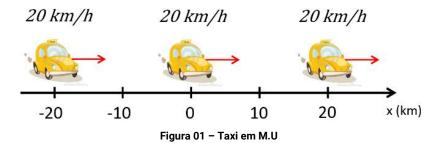
Aprender a respeito do movimento retilíneo e uniforme.

Curiosidade

O Movimento Uniforme é um dos assuntos mais cobrados nos diversos vestibulares do país e é muito importante para os demais assuntos que iremos aprender no futuro

Teoria

Imagina que você está em casa e pede um taxi para ir até a casa de um amigo. Durante todo trajeto, o taxista permanece a uma velocidade de 20 km/h. Eu sei que você estaria bem nervoso dentro desse carro, mas vamos tentar entender o movimento que o taxista fez.



Se um carro percorre distâncias iguais em intervalos de tempo iguais, o seu movimento é chamado de **movimento uniforme** (M.U.) Sendo um movimento uniforme, então podemos dizer que ele apresenta uma velocidade média constante (valor fixo) e esse valor pode ser calculado como:

$$V_m = \frac{\Delta S}{\Delta t}$$

Sendo:

- V_m = velocidade escalar média
- ΔS = deslocamento (variação de posição)
- Δt = intervalor de tempo (variação de tempo)

Note que, na fórmula, temos um Δ . Esse termo chamasse *delta* e a função dele é calcular a variação da grandeza que ele está atrelado. Logo:

$$\Delta S = posição\ final - posição\ inicial = S - S_0$$

$$\Delta t = tempo\ final - tempo\ inicial = t - t_0$$



Principais conversões de unidades

Aqui no Brasil, é comum trabalharmos com velocidade em km/h por conta dos contadores de velocidade dos automóveis. Mas esse não é a unidade padrão para Física. Lembre-se que, para o Sistema Internacional (SI) utilizamos:

- [V] = metro por segundo (m/s)
- $[\Delta t]$ = segundo (s)
- $[\Delta s]$ = metro (m)

Por conta disso, precisamos aprender a fazer determinadas conversões.

- 1 km = 1000 m
- 1 hora = 60 min = 3600 s
- 1 m/s = 3,6 km/h

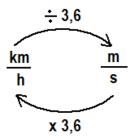


Figura 02 - Conversão de km/h para m/s

Função horária da posição

Além dessa fórmula de velocidade escalar média, podemos descrever esse movimento através de uma função. A função que relaciona a posição *S* com o tempo *t* é denominada *função horária da posição* dada por:

$$S = S_0 + vt$$

Gráfico S x t

Ao olhar para a função horária da posição, podemos notar que ela é bem semelhante à função geral do primeiro grau, estudada nas aulas de matemática.

$$y = ax + b$$

Logo, se o gráfico da função do primeiro grau é descrito por uma reta, a função horária da posição também será, sendo esse gráfico um gráfico da posição em função do tempo (Sxt).

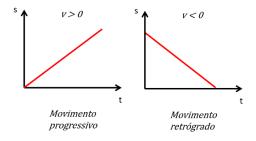


Figura 03 - Gráfico S x t

Como apresentado na figura 03, o gráfico pode apresentar duas formas: a reta crescente e a reta crescente.

- Caso a reta seja crescente, temos um movimento que apresenta velocidade positiva (v > 0), e chamamos esse movimento de movimento progressivo.
- Caso a reta seja decrescente, temos um movimento que apresenta velocidade negativa (v < 0), e chamamos esse movimento de movimento retrógrado.



Gráfico V x t

Além do gráfico de posição em função do tempo, o movimento uniforme (M.U.) também pode descrever um gráfico V x t, ou seja, um gráfico de velocidade em função do tempo. Esse gráfico, por conta da velocidade constante (valor fixo) durante toda a trajetória, precisa ser um gráfico de uma reta paralela ao eixo x (tempo).

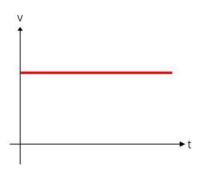


Figura 04 - Gráfico V x t

Esse gráfico ganha um valor importante no nosso estudo, já que sua Área representa o deslocamento que o corpo produziu no movimento.

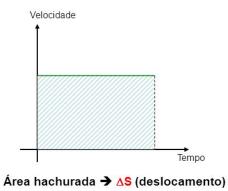


Figura 05 - Área do gráfico V x t

De forma matemática, podemos dizer então que:

 $\Delta S =$ área do gráfixo S x t



Velocidade Relativa

Imagine o movimento de dois carros, A e B, que se deslocam com as velocidades de 10 m/s e 3 m/s, respectivamente.



Figura 06 - Velocidade relativa (mesmo sentido)

Na figura 06 é possível notar que os vetores velocidades apresentam mesma direção e sentido. A velocidade relativa é o valor único de velocidade que representa o movimento relativo entre dois móveis. Isso significa que a velocidade relativa entre o carro A e B é o valor de velocidade em que o carro A se aproxima do carro B. Paa móveis que apresentam as velocidades na mesma direção e sentido, podemos calcular a velocidade relativa da seguinte forma:

$$v_{rel} = v_a - v_b$$

No nosso exemplo da figura 06, a velocidade relativa entre os carros é de 7 m/s. Isso significa que o carro A se aproximar do carro B com uma velocidade de 7 m/s.

Além dessa situação, também temos a situação onde temos dois móveis que apresentam velocidades de mesma direção e sentidos opostos.



Figura 07 - Velocidades relativa (sentido opostos)

Para uma situação como a da figura 07, temos dois carros que estão se aproximando um do outro. Para essa situação, temos a velocidade relativa calculada e outra forma:

$$v_{rel} = v_a + v_b$$

Digamos que v2=10 m/s e v1=3 m/s. A velocidade relativa seria 13 m/s. Isso significa que o carro 2 se aproxima do carro 1 com uma velocidade de 13 m/s.



Exercícios de Fixação

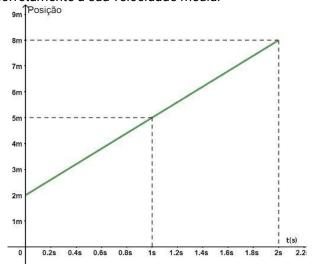
- 1. Com relação a um corpo que descreve um movimento retilíneo e uniforme, assinale a alternativa correta.
 - a) Um corpo em MU percorre espaços cada vez maiores a cada intervalo de tempo posterior.
 - b) Um corpo em MU percorre distâncias iguais em intervalos de tempos iguais.
 - c) Um corpo em MU move-se com aceleração constante.
 - d) Um corpo em MU permanece em uma posição constante em todos os instantes de tempo.
- **2.** Alonso decidiu passear pelas cidades próximas da região onde mora. Para conhecer os locais, ele gastou 2 horas percorrendo uma distância de 120 km. Que velocidade Alonso estava em seu passeio?
 - a) 70 km/h
 - **b)** 80 km/h
 - c) 60 km/h
 - d) 90 km/h
- **3.** A posição de um móvel, em movimento uniforme, varia com o tempo conforme a tabela que segue.

_	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		•				
	s(m)	25	21	17	13	9	5
Ī	t(s)	0	1	2	3	4	5

A equação horária desse movimento é:

- a) s = 4 25.t
- **b)** s = 25 4.t
- c) s = 25 + 4.t
- **d)** s = -4 + 25.t

4. O gráfico a seguir relaciona a posição de um móvel, em metros, com o tempo, em segundos. Assinale a alternativa que indica corretamente a sua velocidade média.



- a) 3 m/s
- **b)** 2 m/s
- **c)** 4 m/s
- **d)** 30 m/s
- **e)** 10 m/s
- **5.** Um barco com motor a toda potência "sobe" um rio à velocidade de 8 m/s e "desce" o mesmo à velocidade de 12 m/s, ambas em relação à margem. Qual a velocidade da água do rio em relação à margem?

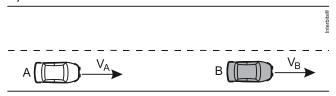


Exercícios de vestibulares

1. (Uerj 2014) Em um longo trecho retilíneo de uma estrada, um automóvel se desloca a 80 km/h e um caminhão a 60 km/h, ambos no mesmo sentido e em movimento uniforme. Em determinado instante, o automóvel encontra-se 60 km atrás do caminhão.

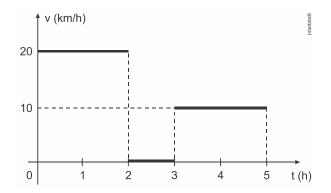
O intervalo de tempo, em horas, necessário para que o automóvel alcance o caminhão é cerca de:

- **a)** 1
- **b)** 2
- **c)** 3
- **d)** 4
- **2.** (Ifsp 2012) Em um trecho retilíneo de estrada, dois veículos, A e B, mantêm velocidades constantes $V_A = 14 \text{ m/s}$ e $V_B = 54 \text{ km/h}$.



Sobre os movimentos desses veículos, pode-se afirmar que

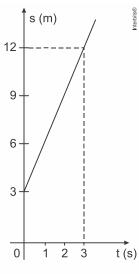
- a) ambos apresentam a mesma velocidade escalar.
- b) mantidas essas velocidades, A não conseguirá ultrapassar B.
- c) A está mais rápido do que B.
- d) a cada segundo que passa, A fica dois metros mais distante de B.
- e) depois de 40 s A terá ultrapassado B.
- 3. (Mackenzie 2018)



Uma pessoa realiza uma viagem de carro em uma estrada retilínea, parando para um lanche, de acordo com gráfico acima. A velocidade média nas primeiras 5 horas deste movimento é

- **a)** $10 \ km/h$.
- **b)** 12 km/h.
- c) $15 \, km/h$.
- **d)** $30 \ km/h$.
- **e)** 60 km/h.

4. (Espcex (Aman) 2020) Considere um objeto que se desloca em movimento retilíneo uniforme durante 10 s. O desenho abaixo representa o gráfico do espaço em função do tempo.

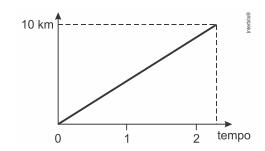


Desenho ilustrativo - fora de escala

O espaço do objeto no instante $t=10\,$ s, em metros, é

- **a)** 25 m.
- **b)** 30 m.
- **c)** 33 m.
- **d)** 36 m.
- **e)** 40 m.

5. (Enem 2008) O gráfico a seguir modela a distância percorrida, em km, por uma pessoa em certo período de tempo. A escala de tempo a ser adotada para o eixo das abscissas depende da maneira como essa pessoa se desloca.



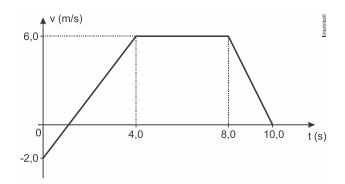
Qual é a opção que apresenta a melhor associação entre meio ou forma de locomoção e unidade de tempo, quando são percorridos 10 km?

- a) carroça semana
- **b)** carro dia
- c) caminhada hora
- d) bicicleta minuto
- e) avião segundo



- **6.** (Cps 2010) Considere que Roberto, em suas caminhadas de 2 000 m para manter o seu condicionamento físico, desenvolva uma velocidade média de 5 km/h.

 O tempo gasto para percorrer esta distância é de
 - a) 12 min.
 - **b)** 20 min.
 - c) 24 min.
 - d) 36 min.
 - **e)** 40 min.
- **7.** (Mackenzie 2017)



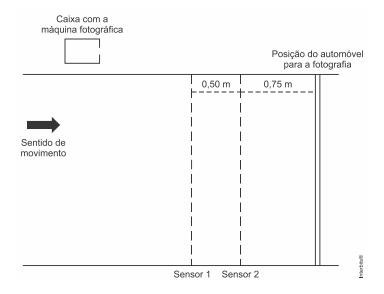
Um móvel varia sua velocidade escalar de acordo com o diagrama acima. A velocidade escalar média e a aceleração escalar média nos $10,0\ s$ iniciais são, respectivamente,

- a) $3.8 \text{ m/s} = 0.20 \text{ m/s}^2$
- **b)** $3.4 \text{ } m/s = 0.40 \text{ } m/s^2$
- **c)** 3,0 $m/s = 2,0 m/s^2$
- **d)** 3,4 $m/s = 2,0 m/s^2$
- **e)** $4.0 \text{ } m/s \text{ } \text{ } \text{ } 0.60 \text{ } m/s^2$



8. (Enem (Libras) 2017) No Brasil, a quantidade de mortes decorrentes de acidentes por excesso de velocidade já é tratada como uma epidemia. Uma forma de profilaxia é a instalação de aparelhos que medem a velocidade dos automóveis e registram, por meio de fotografias, os veículos que trafegam acima do limite de velocidade permitido. O princípio de funcionamento desses aparelhos consiste na instalação de dois sensores no solo, de forma a registrar os instantes em que o veículo passa e, em caso de excesso de velocidade, fotografar o veículo quando ele passar sobre uma marca no solo, após o segundo sensor.

Considere que o dispositivo representado na figura esteja instalado em uma via com velocidade máxima permitida de $60 \frac{km}{h}$.



No caso de um automóvel que trafega na velocidade máxima permitida, o tempo, em milissegundos, medido pelo dispositivo, é

- **a)** 8,3.
- **b)** 12,5.
- **c)** 30,0.
- **d)** 45,0.
- **e)** 75,0.
- **9.** (Famema 2020) De dentro do ônibus, que ainda fazia manobras para estacionar no ponto de parada, o rapaz, atrasado para o encontro com a namorada, a vê indo embora pela calçada. Quando finalmente o ônibus para e o rapaz desce, a distância que o separa da namorada é de 180 *m*.

Sabendo que a namorada do rapaz se movimenta com velocidade constante de $0.5 \frac{m}{s}$ e que o rapaz pode correr com velocidade constante de $5 \frac{m}{s}$, o tempo mínimo para que ele consiga alcançá-la é de

- **a)** 10 s.
- **b)** 45 s.
- **c)** 25 s.
- **d)** 50 s.
- **e)** 40 s.



10. (Unesp 2016) Em uma viagem de carro com sua família, um garoto colocou em prática o que havia aprendido nas aulas de física. Quando seu pai ultrapassou um caminhão em um trecho reto da estrada, ele calculou a velocidade do caminhão ultrapassado utilizando um cronômetro.



(http://jiper.es. Adaptado.)

O garoto acionou o cronômetro quando seu pai alinhou a frente do carro com a traseira do caminhão e o desligou no instante em que a ultrapassagem terminou, com a traseira do carro alinhada com a frente do caminhão, obtendo $8,5\,s$ para o tempo de ultrapassagem.

Em seguida, considerando a informação contida na figura e sabendo que o comprimento do carro era 4m e que a velocidade do carro permaneceu constante e igual a $30\,m/s$, ele calculou a velocidade média do caminhão, durante a ultrapassagem, obtendo corretamente o valor

- a) $24 \ m/s$.
- **b)** $21 \ m/s$.
- **c)** 22 m/s.
- **d)** 26 m/s.
- **e)** 28 m/s.

Se liga!

Sua específica é naturezas e quer continuar treinando esse conteúdo? Clique <u>aqui</u> para fazer uma listra extra sobre o tema



Gabaritos

Exercícios de fixação

1. B

Quando um corpo descreve um movimento uniforme, dizemos que ele percorre espaços iguais para intervalos de tempos iguais. Sendo assim, a alternativa correta é a **letra B**.

2. C

$$v = \frac{\Delta S}{\Delta t}$$

$$v = \frac{120}{2} = 60 \text{ km/h}$$

3. E

1º - Vamos calcular a velocidade, não esquecendo que a velocidade média será igual a instantânea.

$$V = \Delta s \div \Delta t$$

 $V = (5 - 25) \div (5 - 0)$
 $V = -20 \div 5$
 $V = -4 m/s$

2º - Agora vamos substituir os valores na equação.

$$S = 25 - 4.t$$

4. A

Em $\Delta S = S_f - S_0$, S_f é a posição final, e S_0 , a posição inicial do movimento. Analisando o gráfico, é fácil perceber que a posição inicial (S_0), ou seja, a posição no instante t = 0 s, é igual a 2 m. A posição final (S_f) pode ser qualquer uma escolhida, uma vez que, como o gráfico é uma reta, a velocidade é constante. Vamos escolher a posição correspondente ao tempo t = 2 s, $S_f = 8$ m.

Para calcular a velocidade média, basta calcular a razão entre ΔS e Δt .

$$V_{\rm m} = \frac{6}{2} = 3 \text{ m/s}.$$

5. A questão mostra que o barco apresenta duas velocidade diferentes, uma para a subida e outra para a descida. Durante essa movimentação do barco, temos a composição de duas velocidade: a velocidade que o motor do barco consegue gerar e a velocidade que a correnteza aplica no barco.

Na descida:

$$\begin{aligned} V_{barco} &= V_{motor} + V_{correnteza} \\ 12 &= V_{motor} + V_{correnteza} \end{aligned}$$

Na subida:

$$V_{\mathrm{barco}} = V_{\mathrm{motor}} - V_{\mathrm{correnteza}}$$

 $8 = V_{\mathrm{motor}} - V_{\mathrm{correnteza}}$

Com isso, conseguimos montar um sistema, onde podemos subtrair a expressão achada para a subida com a da descida:

$$\begin{aligned} &12 - 8 = V_{motor} + V_{correnteza} - (V_{motor} - V_{correnteza}) \\ &4 = 2.\,V_{correnteza} \\ &V_{correnteza} = 2 \text{ m/s} \end{aligned}$$



Exercícios de vestibulares

1. C

Como se deslocam no mesmo sentido, a velocidade relativa entre eles é:

$$v_{rel} = v_A - v_C = 80 - 60 = 20 \ km/h.$$

Sendo a distância relativa, $\Delta S_{rel}=60km$, o tempo necessário para o alcance é:

$$\Delta t = \frac{\Delta S_{rel}}{v_{rel}} = \frac{60}{20} \implies \Delta t = 3 \ h.$$

2. B

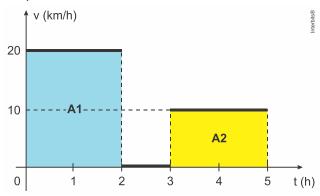
Dados: $V_A = 14 \text{ m/s}$; $V_B = 54 \text{ km/h} = 15 \text{ m/s}$.

Como a velocidade de A é menor que a de B, A não conseguirá ultrapassar B.

3. E

A velocidade média (v_m) é dada pela razão entre a distância percorrida (Δs) e o tempo total gasto em percorrê-la (Δt) .

Cálculo da distância percorrida: A distância percorrida equivale à área sob a curva da velocidade pelo tempo.



$$A_1 = 20 \ \frac{km}{h} \cdot 2 \ \boldsymbol{h} \ \therefore A_1 = 40 \ km$$

$$A_2 = 10 \frac{km}{h} \cdot 2 \ h \therefore A_2 = 20 \ km$$

$$\Delta s = A_1 + A_2 \Rightarrow \Delta s = 40 \ km + 20 \ km : \Delta s = 60 \ km$$

Logo a velocidade média será:

$$v_m = \frac{\Delta s}{\Delta t} \Rightarrow v_m = \frac{60 \text{ km}}{5 \text{ h}} : v_m = 12 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$



4. (

Cálculo da velocidade do objeto:

$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{12 - 3}{3 - 0} \Rightarrow v = 3 \frac{m}{s}$$

Equação horária do espaço:

$$s(t) = s_0 + vt \Rightarrow s(t) = 3 + 3t$$

Portanto:

$$s(10) = 3 + 3 \cdot 10$$

$$\therefore s(10) = 33 \ m$$

5. C

Uma carroça pode se locomover como uma pessoa andando, 3 km/h ou 4 km/h. Neste caso 10 km são percorridos em menos de 4 horas e não em uma semana.

Um carro pode se locomover a 60 km/h ou mais. A 60 km/h a distância de 10 km é realizada em 10 minutos e não em um dia.

Uma caminhada a 4 km/h precisa de 2 horas e meia para 10 km. E desta forma o diagrama é compatível com esta situação.

Para uma bicicleta realizar 10 km em 2,5 minutos sua velocidade deveria ser de 4 km/min = 240 km/h. Fórmula 1 tudo bem, bicicleta não.

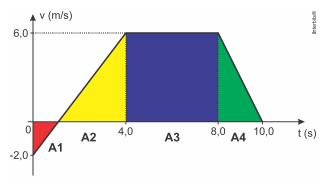
10 km em 2,5 segundos corresponde a 4 km/s = 14400 km/h. Um avião comercial viaja próximo de 1000 km/h.

6. (

Dados: v = 5 km/h; $\Delta S = 2.000 \text{ m} = 2 \text{ km}$.

$$v = \frac{\Delta S}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{\Delta S}{v} = \frac{2}{5} = 0.4 \text{h} \Rightarrow \Delta t = 0.4 (60) \Rightarrow \Delta t = 24 \text{ min.}$$

7. A



$$t = 0 \ s \ \text{até} \ t = 4.0 \ s$$

$$a = \frac{\Delta V}{\Delta t} \Rightarrow a = \frac{6 - (-2)}{4 - 0} \Rightarrow a = 2 \frac{m}{s^2}$$

Dessa forma achamos o valor de t:



$$V = V_0 + at$$

$$0 = -2 + 2t$$

$$t = 1 s$$

$$t = 0$$
 s até $t = 1$ s

$$\Delta S_1 = \frac{b \cdot h}{2} \Rightarrow \Delta S_1 = \frac{1 \cdot 2}{2} \Rightarrow \Delta S_1 = 1 \ m$$

$$t = 1 s$$
 até $t = 4 s$

$$\Delta S_2 = \frac{b \cdot h}{2} \Rightarrow \Delta S_2 = \frac{3 \cdot 6}{2} \Rightarrow \Delta S_1 = 9 \ m$$

$$t = 4 s$$
 até $t = 8 s$

$$\Delta S_3 = 4 \cdot 6 \Rightarrow \Delta S_3 = 24 \ m$$

$$t = 8 s$$
 até $t = 10 s$

$$\Delta S_4 = \frac{bh}{2} \Rightarrow \Delta S_4 = \frac{2 \cdot 6}{2} \Rightarrow \Delta S_4 = 6 \ m$$

Para acharmos a área total basta somar cada fragmento.

$$\Delta S_{total} = -\Delta S_1 + \Delta S_2 + \Delta S_3 + \Delta S_4 =$$

$$\Delta S_{total} = -1 + 9 + 24 + 6$$

$$\Delta S_{total} = 38 \ m$$

$$V_m = \frac{\Delta S_{total}}{\Delta t} \Rightarrow V_m = \frac{38}{10} \Rightarrow V_m = 3.8 \frac{m}{s}$$

$$a_m = \frac{\Delta V}{\Delta t} \Rightarrow a_m = \frac{0 - (-2)}{10} \Rightarrow a_m = 0.2 \frac{m}{s^2}$$

8. (

O tempo medido pelo dispositivo é o que o veículo gasta para ir de um sensor ao outro, no caso, para percorrer 0.5m.

Dados:
$$\Delta S = 0.5m$$
; $v = 60 \frac{km}{h} = \frac{60}{3.6} \frac{m}{s} = \frac{50}{3} \frac{m}{s}$.

$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{\Delta s}{v} = \frac{0.5}{\frac{50}{2}} = \frac{1.5}{50} = 0.03s \Rightarrow \Delta t = 30ms.$$

9. E

Considerando a namorada e o namorado como móveis A e B respectivamente, ambos efetuando um movimento retilíneo uniforme, podemos definir as equações das suas posições (s) com relação ao tempo (t) usando as grandezas no Sistema Internacional de Unidades:

$$s_A = 180 + 0.5t$$

$$s_B = 5t$$

Quando houver o encontro dos dois, suas posições são as mesmas, portanto:

$$s_A = s_B$$

$$180 + 0.5t = 5t$$



Assim, isolando o tempo temos o tempo de encontro.

$$180 = 5t - 0.5t$$
$$4.5t = 180$$
$$180$$

$$t = \frac{180}{4,5}$$

$$\therefore t = 40 \ s$$

10. D

Dados: $v_A = 30 \text{ m/s}$; $\Delta t = 8s$; $L_A = 4m$; $L_B = 30m$.

Em relação ao caminhão, a velocidade do carro (v_{rel}) e o deslocamento relativo durante a ultrapassagem (ΔS_{rel}) , são:

$$\begin{cases} v_{rel} = v_A - v_C \Rightarrow v_{rel} = 30 - v_C. \\ \Delta S_{rel} = L_A + L_C = 30 + 4 \Rightarrow \Delta S_{rel} = 34m. \end{cases} \Rightarrow v_{rel} = \frac{\Delta S_{rel}}{\Delta t} \Rightarrow 30 - v_C = \frac{34}{8.5} \Rightarrow 30 - v_C = \frac{34}{$$

$$v_C = 30 - 4 \Rightarrow v_C = 26 \text{m/s}.$$