

# Movimento retilíneo uniformemente variado (M.U.V.) – aceleração média e equação da velocidade

## **Teoria**

## Movimento retilíneo uniformemente variado (M.U.V.)



Figura 1 - Velocímetro

A figura 1 é uma imagem clássica de filmes de ação, como *Velozes e Furiosos*, que demonstram um momento de ação! A função do velocímetro é medir a velocidade do carro durante a trajetória e mostrar como essa velocidade pode mudar ou não. O movimento retilíneo uniformemente variado (M.U.V.) descreve um corpo que apresenta um movimento com aceleração constante (a = cte), ou seja, esse corpo apresenta variações de velocidade com o passar do tempo.

#### Aceleração

Antes de começarmos a mostrar as fórmulas, precisamos definir o que é aceleração. Para a Física, aceleração é a mudança do valor da velocidade de um corpo em função do tempo. Logo, podemos escrevê-la da seguinte forma:

$$a = \frac{\Delta V}{\Delta t}$$

Com essa definição, já somos capazes de desenvolver as fórmulas do M.U.V.

#### Função horária da velocidade

A função horária da velocidade é uma expressão matemática que descreve como a velocidade de um corpo pode ser alterada em função do tempo. Essa função é feita a partir da fórmula da aceleração, da seguinte forma:

$$V = V_0 + at$$



#### Função horária da posição

A função horária da posição é uma expressão matemática que descreve a posição de um corpo em função do tempo. Ela apresenta a seguinte forma:

$$S = S_0 + V_0 t + \frac{at^2}{2}$$

Podemos modificar essa função para que ela não dê a posição final do corpo, mas sim o deslocamento dele por completo. Com o objetivo de encontrar o deslocamento, podemos utilizar a função horária da posição do sequinte modo:

$$\Delta S = V_0 t + \frac{at^2}{2}$$

#### Equação de Torricelli

A equação de Torricelli é a única equação do M.U.V. que não utiliza a grandeza tempo para descrever a trajetória, ela é um trunfo para quando você não tiver o tempo como dado do seu problema. Essa equação apresenta a seguinte forma:

$$V^2 = V_0^2 + 2a\Delta S$$

Com essas três equações, a dúvida sempre aparece durante as questões: qual dessas fórmulas eu devo usar? Para responder a essa pergunta, você precisa separar todos os dados que a questão forneceu e analisá-los. Os dados definem qual fórmula você deve utilizar.

#### Classificação do movimento

Assim como foi feito em M.U., podemos classificar o movimento de um corpo em M.U.V. a partir da direção e sentido da aceleração em relação à trajetória. O seu movimento será:

- Acelerado: caso a aceleração apresente a mesma direção e sentido da trajetória.
- **Retardado**: caso a aceleração apresente a mesma direção, mas sentido oposto à trajetória.

Como podemos ver, a classificação do M.U.V. pode ser feita junto da classificação do M.U. Então, para facilitar a sua vida, montamos uma tabela para você entender como classificar o movimento.

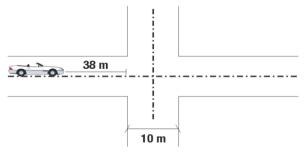
Velocidade	Aceleração	Movimento
Positiva	Positiva	Progressivo acelerado
Positiva	Negativa	Progressivo retardado
Negativa	Positiva	Retrógrado retardado
Negativa	Negativa	Retrógrado acelerado

Tabela 1 - classificação do movimento



## **Exercícios**

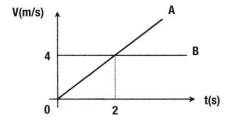
- 1. (UFRJ Não-específica) Numa competição automobilística, um carro se aproxima de uma curva em grande velocidade. O piloto, então pisa o freio durante 4s e consegue reduzir a velocidade do carro para 30m/s. Durante a freada o carro percorre 160m.
  - Supondo que os freios imprimam ao carro uma aceleração retardadora constante, calcule a velocidade do carro no instante em que o piloto pisou o freio.
- 2. (UFRJ Específica) Um carro está se movendo a 72km/h (20m/s). No instante em que ele se encontra a 38m de um cruzamento, acende o sinal amarelo, cuja duração é 2,0s. Nesta velocidade, o carro tem uma capacidade máxima de aceleração de 2,0m/s² e pode frear, no máximo a razão de 3,0m/s². O cruzamento tem 10m de largura, como mostra a figura a seguir.



Considere o carro como uma partícula e a reação do motorista instantânea.

Verifique se, acelerando ou freando, o motorista consegue evitar que o carro se encontre no cruzamento com o sinal fechado. Justifique a sua resposta.

**3.** (UFRJ – Específica) Duas partículas se deslocam ao longo de uma mesma trajetória. A figura abaixo representa, em gráfico cartesiano, como suas velocidades variam em função do tempo.



Suponha que no instante em que se iniciaram as observações (t = 0) elas se encontravam na mesma posição.

- a) Determine o instante em que elas voltam a se encontrar.
- **b)** Calcule a maior distância entre elas, desde o instante em que se iniciaram as observações até o instante em que voltam a se encontrar.



- **4.** (UFPA) Um ponto material parte do repouso em movimento uniformemente variado e, após percorrer 12 m, está animado de uma velocidade escalar de 6,0 m/s. A aceleração escalar do ponto material, em m/s, vale:
  - **a)** 1,5
  - **b)** 1,0
  - **c)** 2,5
  - d) Nenhuma das alternativas anteriores.
- **5.** Durante um trecho da corrida, um carro de fórmula 1 aumenta sua velocidade de 100 Km/h para 260 Km/h, fazendo isso em 4 segundos. Qual a sua aceleração média neste trecho?
  - **a)** a = 11,11  $m/s^2$
  - **b)** a =  $13.31 \, m/s^2$
  - **c)** a =  $14,21 m/s^2$
  - **d)** a = 15,11  $m/s^2$
- **6.** Um veículo de passeio consegue acelerar de 0 a 100 km/h em cerca de 11 s. Determine sua aceleração média em m/s² e assinale a alternativa correspondente
  - a) 15,0 m/s<sup>2</sup>
  - **b)**  $2,0 \text{ m/s}^2$
  - c)  $2,5 \text{ m/s}^2$
  - **d)** 5,0 ms<sup>2</sup>
- 7. Um móvel tem a sua velocidade alterada de 36 km/h para 54 km/h, em um intervalo de tempo de 2,5 s. Calcule o módulo de sua aceleração média.
  - a) 10,0 m/s<sup>2</sup>
  - **b)**  $2,0 \text{ m/s}^2$
  - c)  $3.5 \text{ m/s}^2$
  - **d)** 5,0 ms<sup>2</sup>
- **8.** Um móvel parte do repouso e acelera a 3 m/s² durante um intervalo de tempo de 8 s. Determine a velocidade desse móvel ao final desse intervalo de tempo.
  - a) 24 m/s
  - **b)** 20 m/s
  - **c)** 18 m/s
  - **d)** 12m/s
- **9.** (FUVEST) Um veículo parte do repouso em movimento retilíneo e acelera com aceleração escalar constante e igual a 2,0 m/s². Pode-se dizer que sua velocidade escalar e a distância percorrida após 3,0 segundos, valem, respectivamente:
  - **a)** 6,0 m/s e 9,0 m;
  - **b)** 6,0 m/s e 18 m;
  - c) 3,0 m/s e 12 m;
  - d) 12 m/s e 35 m;
  - e) 2,0 m/s e 12 m.



- **10.** Um móvel que se afasta de um referencial, mas tem a sua velocidade reduzida a cada segundo de maneira constante executa um movimento do tipo
  - a) regressivo e retardado.
  - b) progressivo e retardado.
  - c) progressivo e acelerado.
  - d) uniforme e retilíneo.
- 11. Um móvel realiza um movimento retardado com desaceleração constante de 2 m/s². Sabendo que a sua velocidade era inicialmente de 20 m/s, determine em qual instante de tempo o móvel inverterá o sentido do seu movimento.
  - **a)** 1,0 s
  - **b)** 5,0 s
  - **c)** 10,0 s
  - **d)** 3,0 s
- **12.** Ao avistar um obstáculo, um motorista pisa no freio e diminui sua velocidade a uma taxa de 2 m/s a cada segundo. Determine o intervalo de tempo necessário até que o veículo pare completamente, sabendo que a sua velocidade ao início da frenagem era de 30 m/s.
  - **a)** 1,0 s
  - **b)** 5,0 s
  - **c)** 10,0 s
  - **d)** 15,0 s
- **13.** Ao avistar um obstáculo, um motorista pisa no freio e diminui sua velocidade a uma taxa de 5 m/s a cada segundo. Determine o intervalo de tempo necessário até que o veículo pare completamente, sabendo que a sua velocidade ao início da frenagem era de 90km/h.
  - **a)** 1,0 s
  - **b)** 5,0 s
  - **c)** 10,0 s
  - **d)** 3,0 s

Se liga!

Sua específica é exatas e quer continuar treinando esse conteúdo? Clique <u>aqui</u> para fazer uma lista extra de exercícios.



## **Gabaritos**

1. Para conseguirmos resolver esta questão teremos que usar duas equaçãos do MUV:

$$S = S_o + v_o t + \frac{at^2}{2} \Rightarrow \Delta S = v_o t + \frac{at^2}{2}$$
 (i)

De acordo com as informações do enunciado, temos que:

v=30~m/s, t=4s,  $\Delta S=160~m$ , precisamos encontrar os valores da aceleração e velocidade inicial, para isso:

$$v = v_o + at$$

$$30 = v_o + 4a$$

$$v_o = 30 - 4a$$
 (iii)

 $v = v_o + at$  (ii)

Agora utilizando a equação (i):

$$160 = v_o.4 + \frac{a(4)^2}{2}$$
$$160 = 4v_o + 8a$$

Substituindo pela igualdade (iii):

$$160 = 4(30 - 4a) + 8a$$

$$160 = 120 - 16a + 8a$$

$$160 - 120 = -8a$$

$$-8a = 40$$

$$a = -5 \text{ m/s}^2$$

Com essa informação, podemos encontrar o valor da velocidade inicial a partir da equação (ii):

$$v_o = 30 - 4. (-5)$$
  
 $v_o = 30 + 20 = 50 \text{ m/s}$ 

2. Considerando que o carro irá acelerar, podemos descobrir o valor que teria de ter para a aceleração a fim de percorrer S = 48 m, dessa forma:

$$S = S_o + v_o t + \frac{at^2}{2}$$

$$\Delta S = v_o t + \frac{at^2}{2}$$

$$48 = 20 \cdot 2 + \frac{a \cdot 2^2}{2}$$

$$8 = 2a$$

$$a = 4 m/s^2$$

Ou seja, o valor de 2 m/s² não será suficiente para o carro atravessar completamente.

Ou calculando o quanto que o móvel percorreu com  $a = 2 m/s^2$ :

$$\Delta S = 20 \cdot 2 + \frac{2 \cdot 2^2}{2}$$
  
 $\Delta S = 40 + 4 = 44 m$ 



Agora, partimos para a situação de frear, podemos calcular o quanto que ele percorreria com  $a=-2\ m/s^2$  em um intervalo de tempo de 2 s, temos que:

$$\Delta S = v_o t + \frac{at^2}{2}$$
$$\Delta S = 20 \cdot 2 + \frac{(-3) \cdot 2^2}{2}$$

$$\Delta S = 34 m$$

Ou seja, o carro para antes do sinal.

### 3. a) 4 segundos

b) a maior distância é de 4 metros.

Observando o gráfico temos um movimento uniforme e um movimento uniformemente variado.

Assim, teremos as seguintes funções horárias:

Para o movimento uniforme:

$$V = \Delta S/\Delta t$$

$$4 = S1 - 0/t$$

Para o movimento uniformemente variado:

$$A = \Delta V / \Delta t$$

$$A = 4/2 = 2m/s^2$$

$$S2 = So + Vot + 1/2^{a2}$$

$$S2 = \frac{1}{2}(2)^2$$

$$S2 = t^2$$

No momento em que eles se encontram: S2 = S1

$$T^2 = 4t$$

$$T^2 - 4t = 0$$

$$T = 4$$

A distância entre as partículas é a diferença entre as suas posições: D = t2 - 4t

Temos uma equação do 2º grau, e a distância será máxima em: D = -b² + 4ac/4ª

$$D = -4^2 + 4(-1)(0)/4(-1)$$

#### 4. A

Para calcular a aceleração com esses dados, devemos utilizar a equação de Torricelli:

$$v^2 = v_0^2 + 2a\Delta S$$

$$6^2 = 0^2 + 2 * a * 12$$

$$36 = 24a$$

$$a = 1.5 \, m/s^2$$

#### 5. A

$$Vi = 100 \, Km/h = 27.8 \, m/s$$



$$Vf = 260 \, Km/h = 72.2 \, m/s$$

$$ti = 0 \, s$$

$$tf = 4 \, s$$

$$a = \frac{\Delta V}{\Delta t}$$

$$a = (72.2 - 27.8) / (4 - 0)$$

$$a = 44.4 / 4$$

$$a = 11.11 \, m/s^2$$

#### 6. C

Para resolvermos esse exercício, devemos usar a fórmula da velocidade média; além disso, também é necessário converter a velocidade que está em quilômetros por hora para metros por segundo. Para tanto, devemos dividir a velocidade pelo fator 3,6. Observe os cálculos:

$$v = 100km/h \rightarrow v = 27.7 m/s$$

$$a = \frac{27.7 - 0}{11} = 2.5 m/s^2$$

$$v = 54km/h \rightarrow v = 15 \text{ m/s}$$

$$v = 36km/h \rightarrow v = 10 \text{ m/s}$$

$$a = \frac{15 - 10}{2.5} = 2 \text{ m/s}^2$$

$$v =?$$

$$v_0 = 0km/h$$

$$a = 3m/s^2$$

$$\Delta t = 8s$$

$$a = \frac{v - v_0}{\Delta t} \rightarrow 3 = \frac{v - 0}{8}$$

$$v = 3.8 = 24 \, m/s$$

Utilizamos a equação> 
$$v = v_o + at$$
  
 $v = 2 + 2 * 3 = 6 m/s$ 

Também utilizamos a função horária do espaço para o movimento uniformemente variado:

$$S = S_o + v_o t + \frac{at^2}{2}$$

Como  $S_o$  e  $v_o$  são iguais a zero, reescrevemos a fórmula da seguinte forma:

$$S = \frac{at^2}{2}$$

$$S = \frac{2 \cdot 3^2}{2} = 9m$$



10. B

Como o móvel afasta-se do referencial, o seu movimento é progressivo. Além disso, pelo fato de sua velocidade diminuir com o tempo, dizemos que o seu movimento é retardado. Portanto, o movimento em questão é progressivo e retardado.

11. C

Utilizaremos a fórmula da aceleração média para resolver esse exercício:

$$a = \frac{\Delta V}{\Delta t}$$

Para resolver esse exercício, é necessário perceber que, como o seu movimento é retardado, a sua aceleração é negativa (-2 m/s²). E, como o exercício pede que determinemos o instante em que o sentido do movimento é invertido, esse instante corresponderá àquele em que a velocidade do móvel se tornará nula; além disso, consideraremos o instante inicial do movimento como 0. Observe o cálculo:

$$a = \frac{30 - 0}{5} = 6m/s^2$$

De acordo com o resultado encontrado, o tempo necessário para o móvel inverter o seu sentido de movimento é de 10 s

12. D

$$v = 0$$

$$v_0 = 30m/s$$

$$a = -2m/s^2$$

$$\Delta t = ?$$

$$a = \frac{v - v_0}{\Delta t} \longrightarrow -2 = \frac{0 - 30}{\Delta t}$$

$$\Delta t = 15s$$

13. B

$$v = 0$$

$$v_0 = 90km/h = 25m/s$$

$$a = -5m/s^2$$

$$\Lambda t = ?$$

$$a = \frac{v - v_0}{\Delta t} \longrightarrow -5 = \frac{0 - 25}{\Delta t}$$

$$\Delta t = 5 s$$