GEOMETRIA ESPACIAL DE POSIÇÃO



AULA 1 - CONCEITOS PRIMITIVOS

Ponto: Adimensional.

Reta: Possui pontos infinitos.

Semirreta: Um ponto divide uma reta em duas semirretas.

Segmento de reta: Dois pontos distintos são extremos de

um segmento de reta.

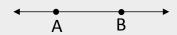
Plano: Possui infinitos pontos e retas

Postulado da existência

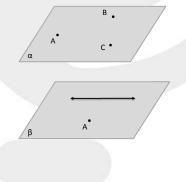
- Em uma reta existem infinitos pontos, dentro e fora dela.
- Em um plano existem infinitos pontos, dentro e fora dele.

Postulado da determinação

 Dois pontos distintos determinam uma única reta que passa por eles.



 Três pontos não colineares ou uma reta e um ponto fora dela, determinam um único plano que passa por eles.



AULA 2 - POSIÇÃO RELATIVA ENTRE RETAS

Considere duas retas distintas.

Coplanares: pertencem ao mesmo plano.

- Concorrentes: possuem um único ponto em comum.
 - Perpendiculares: formam ângulos retos entre si.

 Oblíquas: não formam ângulos retos entre si.

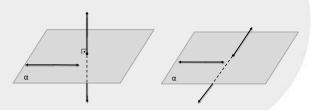


- Paralelas:
 - Distintas: não possuem pontos em comum.
 - Coincidentes: possuem todos os pontos em comum.



Reversas: não pertencem ao mesmo plano.

- Ortogonais: formam ângulos retos entre si.
- Não ortogonais: não formam ângulos retos entre si



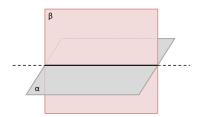
*Ângulo de duas retas: Tem vértice arbitrário e seus lados tem sentidos respectivamente concordantes com os sentidos das retas.

AULA 3 - POSIÇÃO RELATIVA ENTRE PLANOS

Considere dois planos distintos.

Secantes: possuem uma única reta em comum.

 Perpendiculares: baseia-se em uma única reta perpendicular a um plano.



GEOMETRIA ESPACIAL DE POSIÇÃO

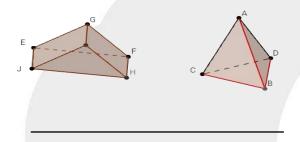


Paralelos:

- Distintos: não possuem pontos em comum.
- Coincidentes: possuem todos os pontos em comum.



<u>Teorema</u>: Se três planos distintos são, dois a dois secantes, segundo três retas, ou essas retas são paralelas duas a duas ou passam por um mesmo ponto.



AULA 4 – POSIÇÃO RELATIVA ENTRE RETA E PLANO

Considere uma reta e um plano.

Paralelos: não possuem nenhum ponto em comum.



Secantes: possuem um único ponto em comum.

- Perpendiculares: a reta forma ângulos retos com quaisquer retas contidas no plano.
- Oblíguas: não são perpendiculares.

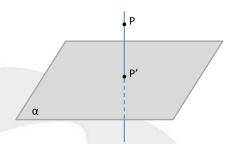


Contida: todos os pontos da reta estão contidos no plano.

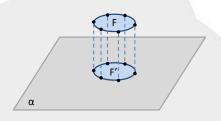


AULA 5 - PROJEÇÃO ORTOGONAL SOBRE PLANO

Projeção de um ponto

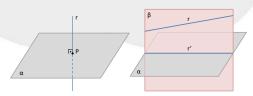


Projeção de uma figura



Projeção de Reta

- Perpendicular
- Não perpendicular



Projeção de um segmento

- Paralelo
- Oblíquo

