- 1. Материальная точка массой m=1 движется по оси Ox под действием силы  $f\left( x\right) =\sin x$  .
  - а) Написать уравнение движения.
  - b) Найти интеграл энергии.
  - с) Нарисовать график потенциальной энергии.
  - d) Нарисовать фазовый портрет.
- 2. Материальная точка массой m=1 движется в центральном поле по кривой  $r=\sin \varphi$ . В наиболее удаленной от центра силы точке траектории скорость равна v=1. Найти силу, действующую на точку, как функцию полярного радиуса.
- 3. Неоднородный стержень длины  $\frac{\pi}{2}$  имеет функцию распределения плотности массы  $\mu(x) = \sin x$  , где x координата вдоль стержня. Найти  $I_{y}$  .



4. Материальная точка массой m движется по кривой  $y = \sin x$  под действием силы тяжести. Найти лагранжиан и составить уравнения Лагранжа 2-го рода.

