Минобрнауки РФ МГТУ МИРЭА	Экзаменационный билет 5 по курсу Дискретная математика 1 семестр (лектор И.В.Артамкин)	Утверждаю (зав.кафедрой) 2021 г.
---------------------------------	--	--

 $\overline{\rm B}$ задачах билета используются числа a,b и c, которые находятся следующим образом: a— это число букв в Вашем имени, b — это число букв в Вашей фамилии, c — это наименьшее число, большее и a и b и не имеющее общих делителей с a.

- 1)Докажите методом математической индукции:
- 1) Докажите методом математи теской индукции. $\frac{1}{3^0} + \frac{1}{3^1} + \frac{1}{3^2} + \ldots + \frac{1}{3^n} = \frac{3^{n+1}-1}{2\cdot 3^n}.$ 2) Укажите на действительной прямой такие отрезки X и Y (разные для каждого из трех заданий ниже), что формула $f(x) = x^2 - 2ax + b$ определяет отображение из X в Y, такое что
- a) f инъективно, но не сюръективно;
- б) f сюръективно, но не инъективно;
- \mathbf{B}) f биекция.
- 3) Вычислите произведение перестановок $\alpha\beta$, где $\alpha = (13246)$ и $\beta = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 1 & 6 & 5 & 4 & 3 & 2 \end{pmatrix}$. Найдите порядок и четность полученной перестановки.
- 4) Расставьте недостающие цифры в перестановке $\alpha = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 7 & & & & 1 & & \end{pmatrix}$, чтобы порядок перестановки α был равен 14. Найдите четность полученной перестановки.
- 5) Сколькими способами можно подарить три неразличимые между собой шоколадки пяти девушкам? (Одной девушке можно подарить и несколько шоколадок.)
- 6) Сколько четных перестановок порядка 10 имеется в S_9 ? Перечислите все возможные разложения в произведение независимых циклов.
- 7) Рассмотрим множество функций $f:W\to\{0,1\}$, где $W=\{1,2,3,4,5,6\}$. Каких характеристических функций больше: тех, сумма значений которых равна 3, или тех, носитель которых содержит множество $\{2,3\}$?