I) Найти неопределенные интегралы:

a)
$$\int \frac{x^3 dx}{\sqrt[3]{x^4 + 1}}$$
; **6)** $\int (3x - 1)\sin 2x dx$; **B)** $\int \frac{x dx}{(x + 5)^2 (x + 4)}$

II)

- а) Для данного множества D записать интеграл $\iint_D f(x,y) dx dy$ в виде повторных интегралов с разными порядками интегрирования, если D четырехугольник, ограниченный прямыми y = 0, y = 2, x + y = 0, x + y = 4. Сделать чертёж области интегрирования.
- **б)** Вычислить определенный интеграл: $\int_{0}^{1} x arctgx dx$
- в) Исследовать на сходимость несобственный интеграл и вычислить его, если он сходится: $\int\limits_{0}^{\sqrt{\frac{2}{\pi}}}\cos(\frac{1}{x^2})\frac{dx}{x^3}$

III)

- **а)** Вычисление работы силового поля. Физический смысл криволинейного интеграла по координатам. Формула Грина.
- **б)** Используя формулу Грина, найти работу поля $\mathbf{F} = (2xy, -y)$ вдоль дуги кривой Γ , если Γ : $\mathbf{x}^2 + \mathbf{y}^2 = 25$.
- в) Проверить результат непосредственным вычислением

IV)

- а) Пространственный контур Γ задан системой $\{x^2 + y^2 = 9; z = x + 1\}$. Сделать чертеж, вычислить rot **a**, если **a** = yz**i** x**j** + y**k**.
- **б)** Теорема Стокса. Найти циркуляцию векторного поля **a** по контуру Γ , применяя эту теорему, если $\mathbf{a} = yz\mathbf{i} x\mathbf{j} + y\mathbf{k}, \ \Gamma = \left\{x^2 + y^2 = 9, \ z = x + 1\right\}$.

в) Проверить результат непосредственным вычислением линейного интеграла векторного поля по замкнутому контуру Г.