### 贝叶斯分类器

杜逆索

### 1.基本概念

#### 1.1 主观概率

贝叶斯方法是一种研究不确定性的推理方法,不确定性常用贝叶斯概率表示,它是一种主观概率,是人的认识,是个人主观的估计,随个人的主观认识的变化而变化。对它的估计取决于先验知识的正确和后验知识的丰富和准确,因此贝叶斯概率常常可能随个人掌握信息的不同而发生变化,基于后验知识的一种判断,取决于对各种信息的掌握。

### 1.基本概念

### 1.2 贝叶斯定理

- 1.基础知识
- (1) 已知事件A发生的条件下,事件B发生的概率,叫做事件B在事件A发生下的条件概率,记为P(B|A),其中P(A)叫做先验概率,P(B|A)+做后验概率,计算条件概率的公式为:

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$$

条件概率公式通过变形得到乘法公式:

$$P(A \cap B) = P(B|A)P(A)$$

- 1.基本概念
  - 1.2 贝叶斯定理
    - 1.基础知识
- (2) 设A,B为两个随机事件,如果有P(AB) = P(A)P(B)成立,则称事件 A和B相互独立。此时有P(A|B) = P(A),P(AB) = P(A)P(B)成立。

#### 1.基本概念

### 1.2 贝叶斯定理

- 1.基础知识
- (3) 设  $B_1, B_2, \dots, B_n$  为 互 不相 容 事件,  $P(B_i) > 0, i = 1, 2, \dots, n$ , 且  $\bigcup_{i=1}^n B_i = \Omega$  , 对 任意的事件  $A \subset \bigcup_{i=1}^n B_i$  ,计算事件A概率的公式为:  $P(A) = \sum_{i=1}^n P(B_i) P(A|B_i)$

设P(A)>0,则在事件A发生的条件下,事件 $B_i$ 发生的概率为:

$$P(B_i|A) = \frac{P(B_iA)}{P(A)} = \frac{P(B_i)P(A|B_i)}{\sum_{i=1}^{n} P(B_i)P(A|B_i)}$$

称该公式为贝叶斯公式。

- 1.基本概念
  - 1.2 贝叶斯定理
- 2. 贝叶斯决策准则 如果对于任意  $i \neq j$ ,都有 $P(C_i|X)>P(C_j|X)$ 成立,则样本模式X被判定为 类别  $C_i$ 。

### 1.基本概念

- 1.2 贝叶斯定理
  - 3. 极大后验假设

根据贝叶斯公式可得到一种计算后验概率的方法:在一定假设的条件下,根据先验概率和统计样本数据得到的概率,可以得到后验概率。

令P(c)是假设c的先验概率,它表示c是正确假设的概率,P(X)表示的是训练样本X的先验概率,P(X|c)表示在假设c正确的条件下样本X发生或出现的概率,根据贝叶斯公式可以得到后验概率的计算公式:

$$P(c|X) = \frac{P(X|c)P(c)}{P(X)}$$

### 1.基本概念

- 1.2 贝叶斯定理
  - 3. 极大后验假设

设 C 为类别集合也就是待选假设集合,在给定未知类别标号样本X时,通过计算找到可能性最大的假设  $c \in C$ ,具有最大可能性的假设或类别被称为极大后验假设(maximum a posteriori),记作:

$$c_{map} = \underset{c \in C}{\operatorname{arg max}} P(c|X) = \underset{c \in C}{\operatorname{arg max}} \frac{P(X|c)P(c)}{P(X)}$$

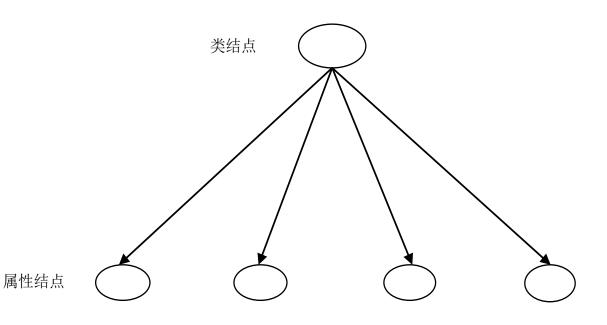
- 2.贝叶斯分类算法原理
  - 2.1朴素贝叶斯分类模型

朴素贝叶斯分类模型: 算法逻辑简单、运算速度快、分类耗时短、精度 高。

以属性的类条件独立性假设为前提,即在给定类别状态条件下,属性之间是相互独立的。

- 2.贝叶斯分类算法原理
  - 2.1朴素贝叶斯分类模型

朴素贝叶斯分类器的结构示意图如下图所示:



### 2.贝叶斯分类算法原理

### 2.1朴素贝叶斯分类模型

朴素贝叶斯分类模型的算法描述如下:

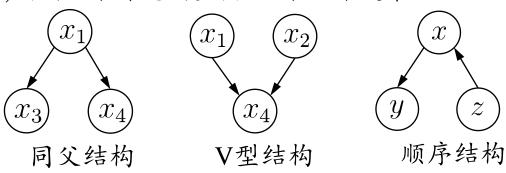
- (1) 对训练样本数据集和测试样本数据集进行离散化处理和缺失值处理;
- (2) 扫描训练样本数据集,分别统计训练集中类别 $C_i$  的个数 $d_i$ 和属于类别 $C_i$  的样本中属性 $A_k$  取值为 $x_k$ 的实例样本个数 $d_{ik}$ ,构成统计表;
  - (3) 计算先验概率和条件概率  $P(A_k = x_k | C_i) = d_{ik}/d_i$ , 构成概率表;
  - (4) 构建分类模型  $V(X) = \arg \max_{i} P(C_i) P(X|C_i)$
- (5) 扫描待分类的样本数据集,调用已得到的统计表、概率表以及构建好的分类准则,得出分类结果。

- 2.贝叶斯分类算法原理
  - 2.2 贝叶斯信念网
    - 1. 模型表示

贝叶斯信念网络,简称贝叶斯网络,用图形表示一组随机变量之间的概率 关系。

贝叶斯网络有两个主要成分:

- (1) 一个有向无环图,表示变量之间的依赖关系。
- (2) 一个概率表,把各结点和它的直接父结点关联起来。



### 2.贝叶斯分类算法原理

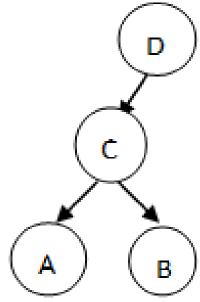
### 2.2 贝叶斯信念网

### 1. 模型表示

考虑三个随机变量A、B和C,A和B相互独立,都直接影响变量C。三个之间的关系可以用图中的有向无环图概括。图中每个结点表示一个变量,每条弧表示变量之间的依赖关系。

- 2.贝叶斯分类算法原理 2.2 贝叶斯信念网
  - 1. 模型表示

A是D的后代, D是B的祖先。给定变量C,A条件独立于B和D,因为B和D都是A的非后代结点。

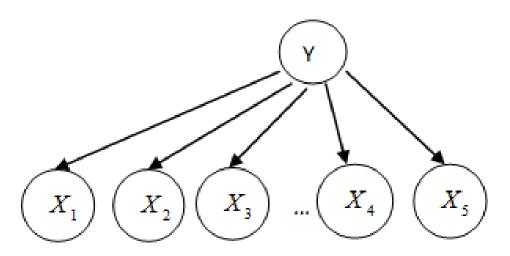


### 2.贝叶斯分类算法原理

### 2.2 贝叶斯信念网

#### 1. 模型表示

也可以用贝叶斯网络来表示,如图所示,其中y是目标类, $\{X_1, X_2, ..., X_d\}$ 是属性集。



### 2.贝叶斯分类算法原理 2.2 贝叶斯信念网

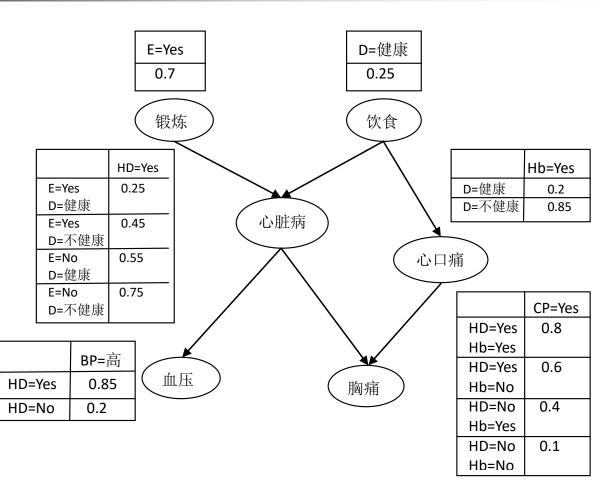
#### 1. 模型表示

在贝叶斯信念网中,每个结点还关联一个概率表。如果结点X没有父母结点,则表中只包含先验概率P(X),如果结点X只有一个父母结点Y,则表中包含条件概率P(X|Y),如果结点X有多个父母结点 $\{Y_1,Y_2,\cdots,Y_k\}$ ,则表中包含条件概率 $P(X|Y_1,Y_2,\cdots,Y_k)$ 。

2.贝叶斯分类算法原理 2.2 贝叶斯信念网

1. 模型表示

概率表:



- 2.贝叶斯分类算法原理
  - 2.2 贝叶斯信念网
    - 1. 模型建立

贝叶斯网络的建模包括两个步骤:

- (1) 创建网络结构
- (2) 估计每一个结点在概率表中的概率值

- 3.贝叶斯算法特点及应用
  - 3.1 朴素贝叶斯分类算法
    - 1. 朴素贝叶斯算法特点

优点: (1) 逻辑简单、易于实现、分类过程中算法的时间空间开销比较小;

(2) 算法比较稳定、具有比较好的健壮性

<u>缺点</u>:有属性间类条件独立的这个假定,而很多实际问题中这个独立性假设并不成立,如果在属性间存在相关性的实际问题中忽视这一点,会导致分类效果下降。

- 3.贝叶斯算法特点及应用
  - 3.1 朴素贝叶斯分类算法
    - 2. 朴素贝叶斯算法应用
  - (1) 贝叶斯方法在中医证候和症状描述中的应用。
  - (2) 贝叶斯方法在玉米叶部病害图像识别中的应用。

- 3.贝叶斯算法特点及应用
  - 3.2 贝叶斯信念网
    - 1. 贝叶斯信念网特点
  - (1) BBN提供了一种用图形模型来捕获特定领域的先验知识的方法。
  - (2) 网络结构确定,添加新变量就十分容易。
  - (3) 贝叶斯网络很适合处理不完整的数据。
  - (4) 对模型的过分拟合问题是非常鲁棒的。

- 3.贝叶斯算法特点及应用 3.2 贝叶斯信念网
  - 贝叶斯信念网应用
    可以用于网络流量分类与识别研究

### 4.小结

本章介绍了贝叶斯分类算法的原理,简明介绍了它的特点和应用,并且对贝叶斯信念网做了介绍。