

4.6.1 浮点加减运算

设两个非0的规格化浮点数分别为

$$A=M_A\times 2^{E_A}$$

$$B=M_B\times 2^{E_B}$$

$$A \pm B = (M_A, E_A) \pm (M_B, E_B) =$$

$$(M_A \pm M_B \times 2^{-(E_A - E_B)}, E_A)$$
 $E_A > E_B$
 $(M_A \times 2^{-(E_B - E_A)} \pm M_B, E_B)$ $E_A < E_B$

1. 浮点数加减运算步骤 (1)对阶

两个浮点数相加或相减,首先要把小数点的位置对齐,而浮点数的小数点的实际位置取决于阶码的大小。因此,对齐两数的小数点,就是使两数的阶码相等,这个过程称为对阶。

要对阶,首先应求出两数阶码 E_A 和 E_B 之差,即: $\Delta E = E_A - E_B$

对阶的规则是:小阶向大阶看齐。

采用这一规则的原因是当阶码小的数的尾数右移并相应增加阶码时,舍去的仅是尾数低位部分,误差比较小。要使小阶的阶码增大,则相应的尾数右移,直到两数的阶码相等为止。对于r=2,每右移一位,阶码加1。

(2)尾数加/减

对阶之后,就可以进行尾数加/减,即

$$M_A \pm M_B \rightarrow M_C$$

(3)尾数结果规格化

尾数加/减运算之后得到的数可能不是规格化数,为了增加有效数字的位数,提高运算精度,必须进行结果规格化操作。

规格化的尾数M应满足: $1/2 \le |M| < 1$

设尾数用双符号位补码表示,经过加/减运算 之后,可能出现以下六种情况:

- ① $00.1 \times x \dots \times$
- 2 11.0 x x ... x
- 3 00.0 x x ... x
- **4 11.1 x x** ... **x**
- **5 01.**x x x ... x
- 6 10.x x x ... x

第①、②种情况,已是规格化数。

- ③ **00.0** x x ... x
- 4 11.1 x x ... x

第③、④种情况需要使尾数左移以实现规格化

,这个过程称为左规。

尾数每左移一位,阶码相应减1(E_{C} -1 $\rightarrow E_{C}$),直至成为规格化数为止。(左规可能需进行多次)只要满足下列条件:

左规=
$$\overline{C}_{s1}\overline{C}_{s2}\overline{C}_1+C_{s1}C_{s2}C_1$$

- **5 01.** x x x ... x
- 6 10.x x x ... x

第⑤、⑥种情况应将尾数右移以实现规格化。这个过程称为右规。尾数每右移一位,阶码相应加1 $(E_C+1\to E_C)$ 。(右规最多进行一次)右规的条件如下:

(4)舍入

由于受到硬件的限制,在对阶和右规处理之后有可能将尾数的低位丢失,这会引起一些误差。舍入方法已在前面做过介绍,这里不再赘述。

(5)溢出判断

浮点数的溢出情况由阶码的符号决定,若阶码也用双符号位补码表示,当:

 $[E_C]_{i}=01$, $x \times x \dots x$,表示上溢。此时,浮点数真正溢出,机器需停止运算,做溢出中断处理。

 $[E_C]_{i}=10, x x x ... x$,表示下溢。浮点数值趋于零,机器不做溢出处理,而是按机器零处理。

2. 浮点数加减运算举例

有两浮点数为:

 $A=0.101110\times 2^{-01}$

 $B=-(0.101011)\times 2^{-10}$

假设这两数的格式: 阶码4位, 用移码表示(偏置值为2³); 尾数8位, 用补码表示, 包含一位符号位, 即

E m_s m

 $[A]_{\cancel{P}} = 0111; 0.1011100$

 $[B]_{\cancel{P}} = 0110; 1.0101010$

(1)对阶

 $\Delta E=1$,表示 $E_A>E_B$ 。按对阶规则,将 M_B 右移一位,其阶码加1,得:

(2)尾数求和

00.1011100

+ 11.1010101

00.0110001

(3)尾数结果规格化

由于结果的尾数是非规格化的数,故应左规。 尾数每左移一位,阶码减1,直至尾数成为规格化 数为止。

$$[A+B]_{\mathbb{R}_{h}}=00.0110001$$

$$[A+B]_{\mathbb{R}^{3}}$$
' =00.1100010×2⁻⁰¹

最后结果为

$$[A+B]_{\cancel{2}}$$
' =0110; 0.1100010

$$A+B=(0.110001)\times 2^{-10}$$

无需舍入、不溢出

4.6.2 浮点乘除运算

设两个非0的规格化浮点数分别为

$$A=M_A\times 2^{E_A}$$

$$B=M_B\times 2^{E_B}$$

则浮点乘法和除法为

$$A \times B = (M_A \times M_B) \times 2^{(E_A + E_B)}$$

$$A \div B = (M_A \div M_B) \times 2^{(E_A - E_B)}$$

- 1.乘法步骤
- (1)阶码相加

两个浮点数的阶码相加,当阶码用移码表示的时候,应注意要减去一个偏置值2n。

(2)尾数相乘

与定点小数乘法算法相同。

(3)尾数结果规格化

因为 $1/2 < |M_A| < 1$, $1/2 < |M_B| < 1$,所以 $1/4 < |M_A \times M_B| < 1$ 。

- 2.除法步骤
- (1)尾数调整

首先须要检测 $|M_A| < |M_B|$ 。如果不小于,则 M_A 右移一位, $E_A+1 \rightarrow E_A$,称为尾数调整。因为A、B都是规格化数,所以最多调整一次。

(2)阶码相减

两浮点数的阶码相减,当阶码用移码表示时, 应注意要加上一个偏置值2n。

(3)尾数相除

与定点小数除法算法相同。



4.7.1 一位十进制加法运算

1.8421码加法运算

因为一位8421码用四位二进制数表示,所以8421码十位数的"1"是个位数的进位。按四位二进制数而言,这个进位的值是16,而不是8421码的10。因此,必须+6校正,才能使该进位正确。8421码的加法规则:

- ①两个8421码相加时, "逢二进一";
- ②当和≤9, 无需校正;
- ③当和>9,则+6校正;
- ④在做+6校正的同时,将产生向上一位的进位。

十进制数	8421码 C4S4S3S2S1	校正前的二进制数 C4'S4'S3'S2'S1'	校正与否
0 9	0 0000 0 1001	0 0000 0 1001	不校正
10 11 12 13	1 0000 1 0001 1 0010 1 0011	0 1010 0 1011 0 1100 0 1101	
14 15 16 17	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{ccccc} 0 & 1110 \\ 0 & 1111 \\ 1 & 0000 \\ 1 & 0001 \end{array}$	+6校正
17 18 6校正逐	1 1000 1 1001	1 0001 1 0010 1 0011 2S3'+S4'S2'	

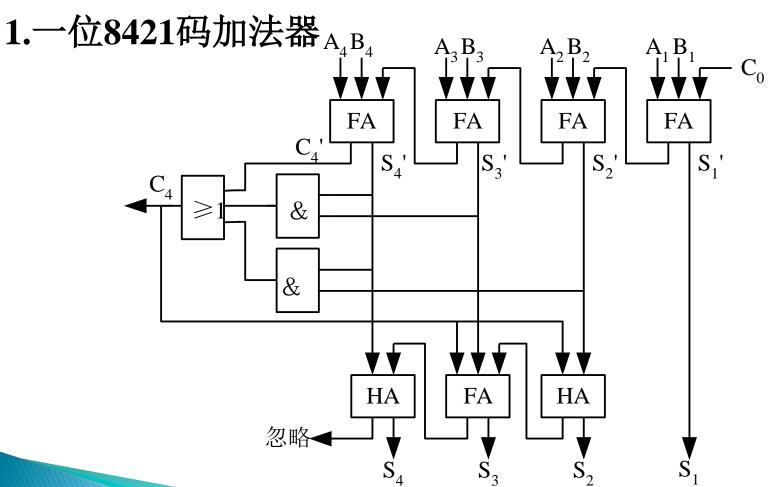
- 2.余3码加法运算
 - 十进制余3码加法规则:
 - ①两个余3码相加,"逢二进一";
 - ②若其和没有进位,则减3(即+1101)校正;
 - ③若其和有进位,则加3(即+0011)校正。

十进制数	余3码	余3码 校正前的二进制数	
	C4S4S3S2S1	C4'S4'S3'S2'S1'	
0	0 0011	0 0110	
1	0 0100	0 0111	
	l	I	-3校正
8	0 1011	0 1110	
9	0 1100	0 1111	
10	1 0011	1 0000	
11	1 0100	1 0001	
			+3校正
18	1 1011	1 1000	
19	1 1100	1 1001	

-3校正函数=C4'

+3校正函数=C4'

4.7.2十进制加法器





4.8 逻辑运算与实现

逻辑运算比算术运算要简单得多,这是因为逻辑运算是按位进行的,位与位之间没有进位/借位的关系。

1.逻辑非

逻辑非又称求反操作,它对某个寄存器或主存单元中各位代码按位取反。

2.逻辑乘 ■

逻辑乘就是将两个寄存器或主存单元中的每一相应位的代码进行"与"操作。

4.8 逻辑运算与实现

3.逻辑加 ■

逻辑加就是将两个寄存器或主存单元中的每一相应位的代码进行"或"操作。

4.按位异或

按位异或是计算机中一个特定的逻辑操作,它对寄存器或主存单元中各位的代码求模2和,又称模2加或半加,也叫异或。

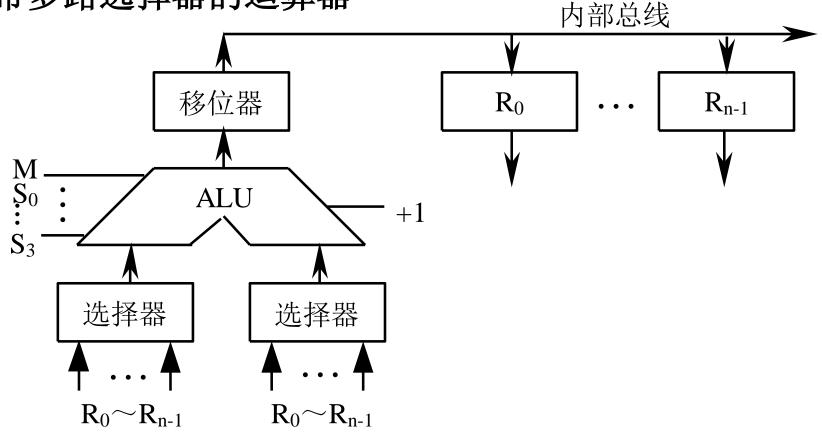


运算器是在控制器的控制下实现其功能的,运 算器不仅可以完成数据信息的算逻运算,还可以作 为数据信息的传送通路。

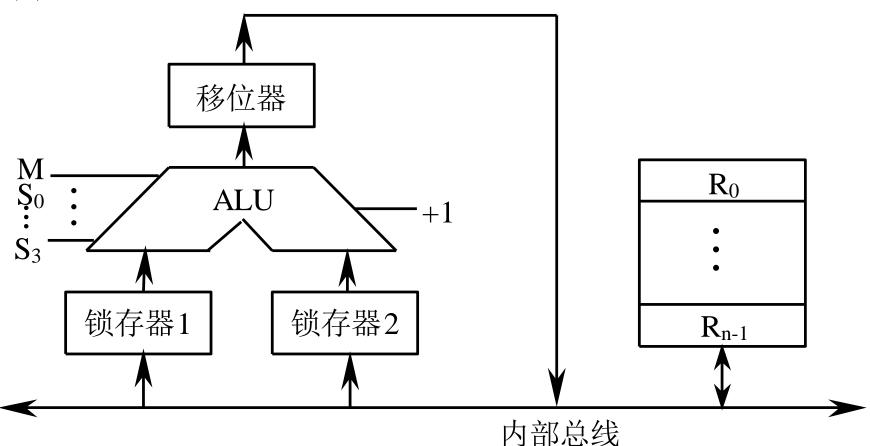
5.9.1 运算器结构

- 1.运算器的基本组成
- 基本的运算器包含以下几个部分:
- > 实现基本算术、逻辑运算功能的ALU,
- 提供操作数与暂存结果的寄存器组,
- 有关的判别逻辑和控制电路等。

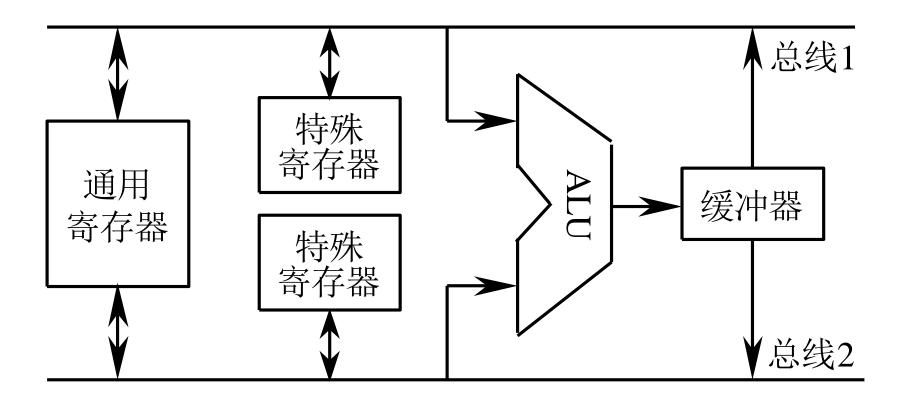
(1)带多路选择器的运算器



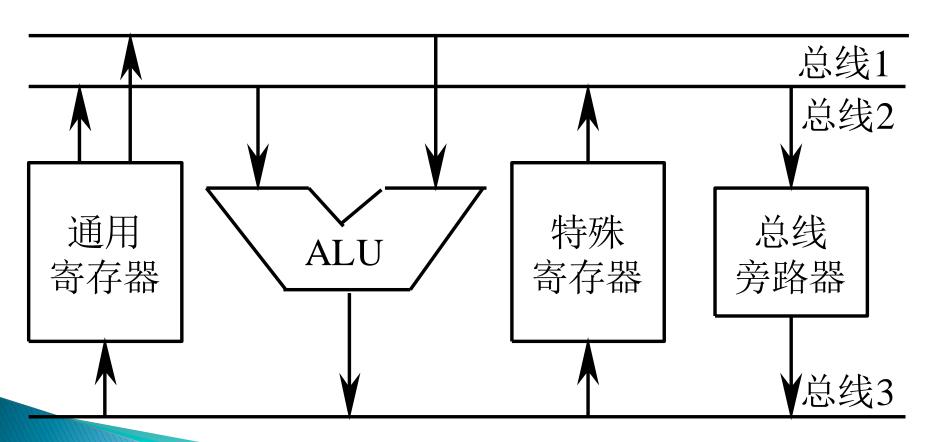
(2)带输入锁存器的运算器



- 2.运算器的内部总线结构
- (1)单总线结构运算器 运算器实现一次双操作数的运算需要分成三步。
- (2)双总线结构运算器 运算器实现一次双操作数的运算需要两步。



(3)三总线结构运算器 实现一次双操作数的运算仅需要一步。



4.9.2 ALU举例

1. ALU电路

ALU即算术逻辑单元,它是既能完成算术运算又能完成逻辑运算的部件。无论是加、减、乘、除运算,最终都能归结为加法运算。

因此,ALU的核心首先应当是一个并行加法器,同时也能执行像"与"、"或"、"非"、"异或"这样的逻辑运算。由于ALU能完成多种功能,所以ALU又称多功能函数发生器。

2.4位ALU芯片

74181是四位算术逻辑运算部件(ALU),又称多功能函数发生器,能执行16种算术运算和16种逻辑运算。

A0、B0~A3、B3: 操作数输入端;

F0~F3: 输出端;

 C_n ': 进位输入端;

C_{n+4}':进位输出端;

G*: 组进位产生函数输出端;

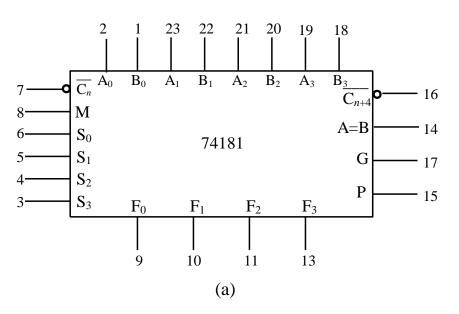
P*: 组进位传递函数输出端;

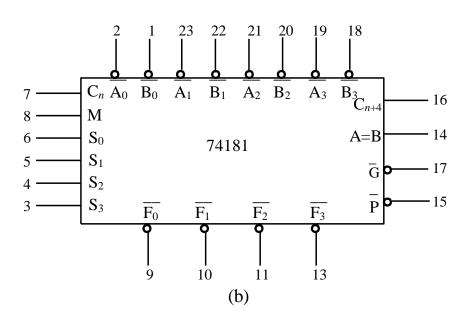
M: 工作方式, M=0为算术操作, M=1为逻辑操作;

 $S_0 \sim S_3$: 功能选择线。

74181的4位作为一个小组,组间既可以采用串行进位,也可以采用并行进位。

当采用组间串行进位时,只要把前片的 C_{n+4} 与下一片的 C_n 相连即可。

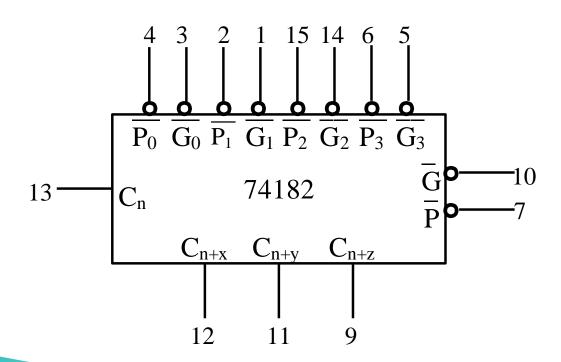




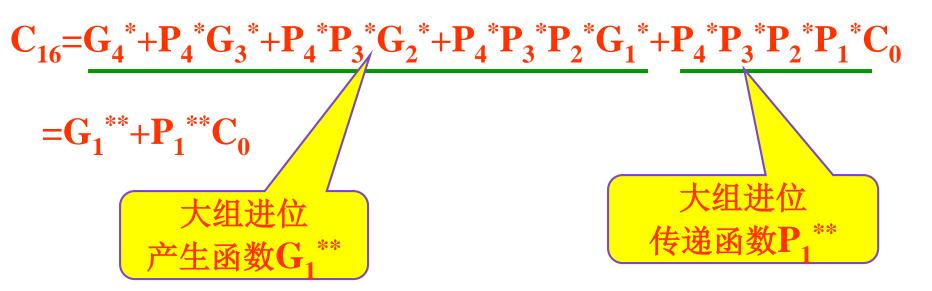
工作选择	负逻辑		正逻辑			
$S_3S_2S_1S_0$	逻辑运算	算术运算(M=0)	算术运算 (M=0)	逻辑运算	算术运算(M=0)	算术运算 (M=0)
	(M=1)	C _m =0 (无进位)	C _n =1 (无进位)	(M=1)		C _m =0 (无进位)
0000	$F=\overline{A}$	F=A 減 1	F=A	$F = \overline{A}$	F=A	F=A加 1
0001	F= AB	F=AB减1	F=AB	$F = \overline{A + B}$	F=A+B	F=(A+B)加 1
0010	$F = \overline{A} + B$	F=AB减1	F=A B	$F = \overline{A} B$	F=A+ B	F=(A+B)加1
0011	F=1	F=减 1	F=0	F=0	F=減 1	F=0
0100	$F = \overline{A + B}$	F=A加(A+Ē)	F=A加(A+B)加1	F= AB	F=A加 AĒ	F=A加AB加1
0101	F=B	F=AB加(A+Ē)	F=AB加(A+Ē)加1	$F=\overline{B}$	F=(A+B)加 A B	F=(A+B)加 A B 加 1
0110	F= A ⊕B	F=A減B減1	F=A减B	F=A⊕B	F=A減B減1	F=A減B
0111	F=A+ B	F=A+ B	F=(A+B)加1	F=A B	F=AB减1	F=AB
1000	F=ĀB	F=A加(A+B)	F=A加(A+B)加 1	F=Ā+B	F=A加 AB	F=A加 AB加1
1001	F= A ⊕ B	F=A加 B	F=A加B加1	F= A⊕B	F=A加 B	F=A加B加1
1010	F=B	F=A B 加(A+B)	F=A B 加(A+B)加 1	F=B	F=(A+B)加 AB	F=(A+B)加 AB 加 1
1011	F=A+B	F=A+B	F=(A+B)加 1	F=AB	F=AB 减 1	F=AB
1100	F=0	F=A加 A*	F=A加A加1	F=1	F=A加 A*	F=A加A加1
1101	F=A B	F=AB加A	F=AB加A加1	F=A+ B	F=(A+B)加 A	F≒(A+B)加 A 加 1
1110	F=AB	F=AB加A	F=AB加A加1	F=A+B	F=(A+Ē)加 A	F=(A+Ē)加 A加 1
1111	F=A	F=A	F=A加1	F=A	F=A減1	F=A

3. ALU的应用

当采用组间并行进位时,需要增加一片先行进位部件(74182)。



74182可以产生三个进位信号 C_{n+x} 、 C_{n+y} 、 C_{n+z} ,并且还产生大组进位产生函数 G^{**} 和大组进位传递函数 P^{**} ,可供组成位数更长的多级先行进位ALU时用。



- 4.1 基本运算的实现
- 加法器 串行加法器与并行加法器
- 进位的产生和传递
- 并行加法器快速进位

- 4.2 定点加减运算
- 补码加法运算
- ▶ 补码减法运算 已知[Y]_补求[-Y]_补的方法
- 补码的溢出判断与检测方法
 - 一位符号位,进位位,双符号位补码

- 4.3 带符号数的移位运算和舍入操作
- 补码的移位运算
- 含入操作
- 4.4 定点乘法运算
- 原码一位乘法
- **补码一位乘法**

- 4.5 定点除法运算
- > 原码加减交替除法
- 补码加减交替除法
- 4.6 规格化浮点运算算法
- > 浮点加减运算
- > 浮点乘除运算

- 4.7 十进制整数的加减运算
- 十进制加法运算的校正
- 4.8 逻辑运算与实现
- 4.9 运算器的基本组成与实例
- 运算器的基本结构
- **ALU举例**