

Mn-Verunreinigungen in Graphen: Eine Tight Binding Modellierung

Yanick Kind

8. August 2022

AG Anders Fakultät Physik



Übersicht

Einleitung

Motivation

Struktur von Graphen und der Störstelle

Eigenschaften von Graphen

Theoretische Grundlagen

Greensche Funktionen

Tight Binding Modell

Slater-Koster-Integrale

Ergebnisse

Slater-Koster-Integrale

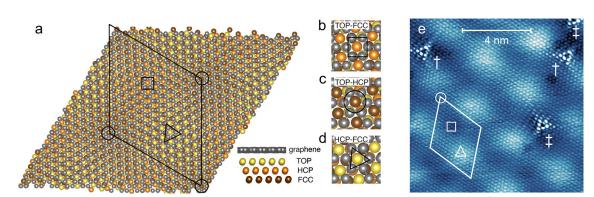
Hybridisierungsfunktion mittels Basistransformation

Einfluss der Höhe des Mn

Zusammenfassung und Ausblick

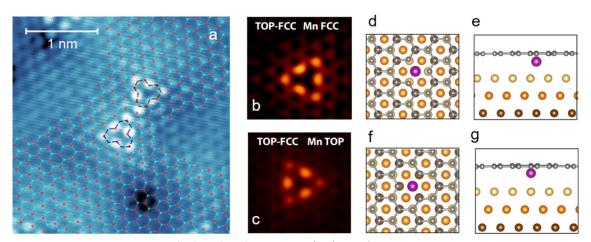
Y. Kind | 8. August 2022

Motivation



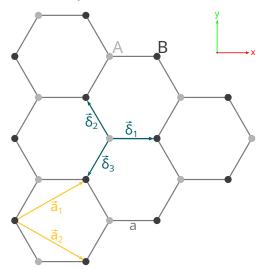
Pin-Cheng Lin et al., ACS Nano 15.3 (2021), 10.1021/acsnano.1c00139.

Motivation



Pin-Cheng Lin et al., ACS Nano 15.3 (2021), 10.1021/acsnano.1c00139.

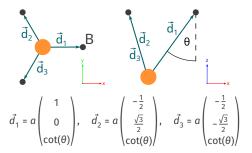
Struktur von Graphen und der Störstelle



- Unterteilung in zwei Untergitter (A und B)
 - zweidimensionales, hexagonales
 Bravais-Gitter
- typische Honigwabenstruktur
- nächste-Nachbar Abstandsvektoren:

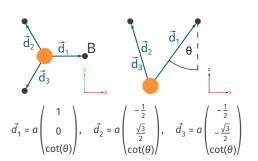
$$\vec{\delta}_1 = a \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \quad \vec{\delta}_2 = a \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}, \quad \vec{\delta}_3 = a \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$$

Struktur von Graphen und der Störstelle

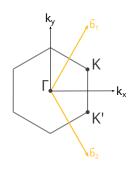


- Annahme: Mn mittig von den drei umliegenden C
- spiegelsymmetrisch um Graphenebene
 - -> irrelevant, ob negative oder positive z-Komponente
- Höhe des Mn variabel

Struktur von Graphen und der Störstelle



- Annahme: Mn mittig von den drei umliegenden C
- spiegelsymmetrisch um Graphenebene
 - -> irrelevant, ob negative oder positive z-Komponente
- Höhe des Mn variabel



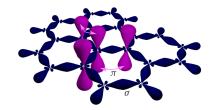
- reziprokes Gitter = um 90° gedrehtes hexagonales Gitter
- Dirac-Punkte bei

$$\vec{K} = \frac{2\pi}{3\sqrt{3}a} \begin{pmatrix} \sqrt{3} \\ 1 \end{pmatrix}, \quad \vec{K}' = \frac{2\pi}{3\sqrt{3}a} \begin{pmatrix} \sqrt{3} \\ -1 \end{pmatrix}$$



Eigenschaften von Graphen

- **s** p^2 -Hybridorbitale -> σ -Bindung
- p-Orbtiale -> π -Bindung



wikipedia.org

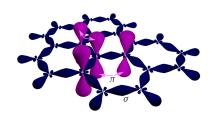


Eigenschaften von Graphen

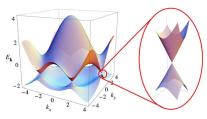
- sp^2 -Hybridorbitale -> σ -Bindung
- p-Orbtiale -> π -Bindung

$$= \varepsilon_{\vec{k}} \propto \pm \sqrt{3 + 2\cos\left(\sqrt{3}ak_y\right) + 2\cos\left(\frac{3}{2}ak_x + \frac{\sqrt{3}}{2}ak_y\right) + 2\cos\left(\frac{3}{2}ak_x - \frac{\sqrt{3}}{2}ak_y\right)}$$

- Dispersionsrelation um Dirac-Punkte entwickeln
 - -> $\varepsilon_{\vec{b}} \propto \pm |\vec{k}|$



wikipedia.org



A. H. Castro Neto et al., Rev. Mod. Phys. 81

Greensche Funktionen

- zwei Operatoren mit zeitl. Entwicklung $A(\tau) = e^{H\tau}A_S e^{-H\tau}$ und $B(\tau') = e^{H\tau'}B_S e^{-H\tau'}$
- Greensche Funktion $G_{A,B}(\tau,\tau') = -\langle T_s(A(\tau)B(\tau'))\rangle = -\langle (A(\tau)B(\tau'))\Theta(\tau-\tau') + s\langle B(\tau')A(\tau)\rangle\Theta(\tau'-\tau)\rangle$
- Bewegungsgleichung $\frac{\partial}{\partial \tau}G_{A,B}(\tau,\tau') = G_{[H,A],B}(\tau,\tau') \langle \{A,B\} \rangle \delta(\tau-\tau')$
- \blacksquare Fourier-transformierte Bewegungsgleichung $zG_{A,B}(z)=\langle\{A,B\}\rangle-G_{[H,A],B}(z)$

Tight Binding Modell

- Ausgang: stark gebundene, lokalisierte Elektronen mit Wellenfunktionen $\Psi_{lm}(\vec{r} \vec{l}_i \vec{R}_a)$
- Betrachtung des Hamiltonians für ein Elektron $H = \frac{\vec{p}^2}{2M} + \sum_{j\alpha} v(\vec{r} \vec{l}_j \vec{R}_\alpha) = \frac{\vec{p}^2}{2M} + v_{\vec{R}}(\vec{r})$
- Dreizentren-Beiträge vernachlässigen, da Elektronen stark lokalisiert sind

$$- > \boxed{ t_{lm,l'm'}^{j\alpha,j'\alpha'} = - \int \mathsf{d}^3 r \, \overline{\Psi}_{lm} \Big(\vec{r} - \vec{l}_j - \vec{R}_\alpha \Big) \, v \Big(\vec{r} - \vec{l}_j - \vec{R}_\alpha \Big) \, \Psi_{l'm'} \Big(\vec{r} - \vec{l}_{j'} - \vec{R}_{\alpha'} \Big) }$$

 $\blacksquare \text{ Tight Binding Hamiltonian in zweiter Quantisierung } H = -\sum_{jj'} \sum_{\alpha\alpha'} \sum_{ll'} \sum_{mm'} t_{lm,l'm'}^{j\alpha,j'\alpha'} c_{jlm\alpha}^{\dagger} c_{j'l'm'\alpha'}$

Slater-Koster-Integrale

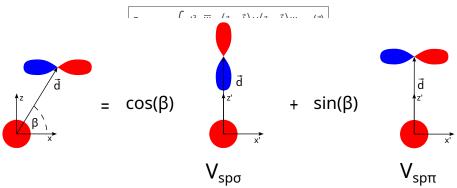
$$E_{lm,l'm'} = \int d^3r \, \overline{\Psi}_{lm} \left(\vec{r} - \vec{d} \right) V \left(\vec{r} - \vec{d} \right) \Psi_{l'm'} \left(\vec{r} \right)$$

- SK-Integrale als Bestimmung der Hüpfmatrixelemente
- hängen nur vom Abstand ab
- lacktriangle Unterteilung in SK-Integrale zu den zugehörigen Symmetrien $V_{ll'n}$
- lacktriangleright im Allgemeinen Aufteilung der SK-Integrale in die einzelnen Integrale $V_{ll'n}$ mit Richtungskosinus als Vorfaktoren

$$l = \frac{\vec{d} \cdot \hat{x}}{\left| \vec{d} \right|} \; , \quad m = \frac{\vec{d} \cdot \hat{y}}{\left| \vec{d} \right|} \; , \quad n = \frac{\vec{d} \cdot \hat{z}}{\left| \vec{d} \right|}$$

Beispiel:
$$E_{z,x^2-y^2}=\frac{\sqrt{3}}{2}n(l^2-m^2)V_{pd\sigma}-n(l^2-m^2)V_{pd\pi}$$

Slater-Koster-Integrale



Beispiel: $E_{z,x^2-y^2}=\frac{\sqrt{3}}{2}n(l^2-m^2)V_{pd\sigma}-n(l^2-m^2)V_{pd\pi}$

$$H = H_0 + H_{Def} + H_{Kop}$$

$$H = H_0 + H_{Def} + H_{Kop}$$

$$H = \underbrace{-t\sum_{i=1}^{N}\sum_{j=1}^{3}\left(c_{\mathbb{A},\vec{l}_{i}}^{\dagger}c_{\mathbb{B},\vec{l}_{i}},\hat{\delta_{j}}^{\dagger} + c_{\mathbb{B},\vec{l}_{i}}^{\dagger},\hat{\delta_{j}}^{\dagger}c_{\mathbb{A},\vec{l}_{i}}\right)}_{H_{0}}$$

$$H = H_0 + H_{Def} + H_{Kop}$$

$$H = \underbrace{-t \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{3} \left(c_{\mathbb{A}, \vec{l}_{i}}^{\dagger} c_{\mathbb{B}, \vec{l}_{i} + \vec{\delta}_{j}} + c_{\mathbb{B}, \vec{l}_{i} + \vec{\delta}_{j}}^{\dagger} c_{\mathbb{A}, \vec{l}_{i}} \right)}_{H_{0}} + \underbrace{\sum_{m=1}^{5} \varepsilon_{m} d_{m}^{\dagger} d_{m}}_{H_{Def}}$$

$$H = H_0 + H_{Def} + H_{Kop}$$

$$H = \underbrace{-t\sum_{i=1}^{N}\sum_{j=1}^{3}\left(c_{\mathbb{A},\vec{l}_{i}}^{\dagger}c_{\mathbb{B},\vec{l}_{i}+\vec{\delta}_{j}} + c_{\mathbb{B},\vec{l}_{i}+\vec{\delta}_{j}}^{\dagger}c_{\mathbb{A},\vec{l}_{i}}\right)}_{H_{\mathsf{Def}}} + \underbrace{\sum_{m=1}^{5}\varepsilon_{m}d_{m}^{\dagger}d_{m}}_{H_{\mathsf{Def}}} + \underbrace{\sum_{m=1}^{5}\sum_{j=1}^{3}\left(V_{mj}d_{m}^{\dagger}c_{\mathbb{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{j}} + \overline{V}_{mj}c_{\mathbb{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{j}}^{\dagger}d_{m}\right)}_{H_{\mathsf{Kop}}}$$

12 / 24

Slater-Koster-Integrale

	j−tes C		
	1	2	3
E _{z,xy}	0	$-\frac{3}{4}bV_{pd\sigma} + \frac{\sqrt{3}}{2}bV_{pd\pi}$	$\frac{3}{4}bV_{pd\sigma} - \frac{\sqrt{3}}{2}bV_{pd\pi}$
$E_{z,xz}$	$\sqrt{3}fV_{pd\sigma} + hV_{pd\pi}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}fV_{pd\sigma}-\frac{1}{2}hV_{pd\pi}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}fV_{pd\sigma}-\frac{1}{2}hV_{pd\pi}$
$E_{z,zy}$	0	$\frac{3}{2}fV_{pd\sigma} + \frac{\sqrt{3}}{2}hV_{pd\pi}$	$-\frac{3}{2}fV_{pd\sigma}-\frac{\sqrt{3}}{2}hV_{pd\pi}$
$E_{z,3z^2-r^2}$	$qV_{pd\sigma}+\sqrt{3}bV_{pd\pi}$	$qV_{pd\sigma} + \sqrt{3}bV_{pd\pi}$	$qV_{pd\sigma} + \sqrt{3}bV_{pd\pi}$
E_{z,x^2-y^2}	$\frac{\sqrt{3}}{2}bV_{pd\sigma}-bV_{pd\pi}$	$-\frac{\sqrt{3}}{4}bV_{pd\sigma}+\frac{1}{2}bV_{pd\pi}$	$-\frac{\sqrt{3}}{4}bV_{pd\sigma} + \frac{1}{2}bV_{pd\pi}$
$b \coloneqq -\sin^2(\theta)\cos(\theta) \qquad \qquad f \coloneqq -\cos^2(\theta)\sin(\theta)$			
$h \coloneqq -\sin(\theta)(1-2\cos^2(\theta)) \qquad q \coloneqq -\cos^3(\theta) + \frac{1}{2}\sin^2(\theta)\cos(\theta)$			



$$\longrightarrow H = -t \sum_{i\vec{k}} \left(\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\mathbb{A},\vec{k}}^\dagger c_{\mathbb{B},\vec{k}} + \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\mathbb{B},\vec{k}}^\dagger c_{\mathbb{A},\vec{k}} \right) + \sum_m \varepsilon_m d_m^\dagger d_m + \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{mi\vec{k}} \left(V_{mj} \mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} d_m^\dagger c_{\mathbb{B},\vec{k}} + V_{mj} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} c_{\mathbb{B},\vec{k}}^\dagger d_m \right)$$

$$\longrightarrow H = -t \sum_{j\vec{k}} \left(\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\mathbb{A},\vec{k}}^\dagger c_{\mathbb{B},\vec{k}} + \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\mathbb{B},\vec{k}}^\dagger c_{\mathbb{A},\vec{k}} \right) + \sum_m \varepsilon_m d_m^\dagger d_m + \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{mj\vec{k}} \left(V_{mj} \mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} d_m^\dagger c_{\mathbb{B},\vec{k}} + V_{mj} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} c_{\mathbb{B},\vec{k}}^\dagger d_m \right)$$

Damit ergibt sich folgende Greensche Funktion

$$\left(z-\varepsilon_m\right)G_{d_m,d_{m'}^\dagger}=\delta_{mm'}+\frac{1}{\sqrt{N}}\sum_{\vec{i}\vec{k}}V_{m\vec{j}}\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_{\vec{j}})}G_{c_{\mathbb{B},\vec{k}},d_{m'}^\dagger}$$

$$\longrightarrow H = -t\sum_{i\vec{k}} \left(\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\mathrm{A},\vec{k}}^\dagger c_{\mathrm{B},\vec{k}} + \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\mathrm{B},\vec{k}}^\dagger c_{\mathrm{A},\vec{k}} \right) + \sum_m \varepsilon_m d_m^\dagger d_m + \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{mi\vec{k}} \left(V_{mj} \mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} d_m^\dagger c_{\mathrm{B},\vec{k}} + V_{mj} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} c_{\mathrm{B},\vec{k}}^\dagger d_m \right)$$

Damit ergibt sich folgende Greensche Funktion

$$\left(z-\varepsilon_m\right)G_{d_m,d_{m'}^\dagger}=\delta_{mm'}+\frac{1}{\sqrt{N}}\sum_{j\vec{k}}V_{mj}\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)}G_{c_{\mathbb{B},\vec{k}},d_{m'}^\dagger}$$

$$G_{c_{B,\vec{k}},d_{m'}^{\dagger}} = \frac{1}{z} \left(-t \sum_{j} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_{j}} G_{c_{A,\vec{k}},d_{m'}^{\dagger}} + \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{mj} V_{mj} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l} + \vec{\delta}_{j})} G_{d_{m},d_{m'}^{\dagger}} \right)$$

13 / 24

Hybridisierungsfunktion mittels Bewegungsleichungen

$$\longrightarrow H = -t \sum_{i\vec{k}} \left(\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\mathrm{A},\vec{k}}^\dagger c_{\mathrm{B},\vec{k}} + \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\mathrm{B},\vec{k}}^\dagger c_{\mathrm{A},\vec{k}} \right) + \sum_m \varepsilon_m d_m^\dagger d_m + \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{m|\vec{k}} \left(V_{mj} \mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} d_m^\dagger c_{\mathrm{B},\vec{k}} + V_{mj} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} c_{\mathrm{B},\vec{k}}^\dagger d_m \right)$$

Damit ergibt sich folgende Greensche Funktion

$$\left(z-\varepsilon_m\right)G_{d_m,d_m^\dagger,}=\delta_{mm^\prime}+\frac{1}{\sqrt{N}}\sum_{j\vec{k}}V_{mj}\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)}G_{c_{B,\vec{k}},d_m^\dagger,}$$

$$G_{c_{B,\vec{h}},d_{m'}^{\dagger}} = \frac{1}{z} \left(-t \sum_{i} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_{j}} G_{c_{A,\vec{h}},d_{m'}^{\dagger}} + \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{mi} V_{mj} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_{j})} G_{d_{m},d_{m'}^{\dagger}} \right), \qquad \qquad G_{c_{A,\vec{h}},d_{m'}^{\dagger}} = -\frac{t \sum_{j} \mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_{j}} G_{c_{B,\vec{h}},d_{m'}^{\dagger}}}{z}$$

$$\left(\underline{\underline{G}}^{-1}\right)_{mn} = \left(z - \varepsilon_m\right) \delta_{mn} - \frac{z}{N} \sum_{\vec{k}} \frac{\sum_j V_{mj} e^{ik\delta_j} \sum_{j'} V_{nj'} e^{-ik\delta_{j'}}}{z^2 - \varepsilon_{\vec{k}}^2}$$

Struktur von \underline{G}^{-1}

$$\underline{G}^{-1} = \underline{Z} - \underline{E} - \underline{\Delta}$$

Die gesuchte Hybridisierungsfunktion ist gegeben durch

$$\left(\underline{\underline{\Delta}}\right)_{mn} = \frac{z}{N} \sum_{\vec{k}} \frac{\sum_{j} V_{mj} \mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_{j}} \sum_{j'} V_{nj'} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_{j'}}}{z^{2} - \varepsilon_{\vec{k}}^{2}}$$

Basistransformation

$$\begin{split} \tilde{C}_{0} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \left(c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{1}} + c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{2}} + c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{3}} \right) \\ \tilde{C}_{1} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \left(c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{1}} + e^{i\frac{2\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{2}} + e^{i\frac{4\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{3}} \right) \\ \tilde{C}_{2} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \left(c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{1}} + e^{i\frac{4\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{2}} + e^{i\frac{2\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{3}} \right) \\ \tilde{C}_{2} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \left(c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{1}} + e^{i\frac{4\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{2}} + e^{i\frac{2\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{3}} \right) \\ \tilde{C}_{2} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \left(c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{1}} + e^{i\frac{4\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{2}} + e^{i\frac{2\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{3}} \right) \end{split}$$

$$H_{\text{Kop}} = \sum_{m=1}^{5} \sum_{j=1}^{3} \left(V_{mj} d_{m}^{\dagger} c_{B,\vec{l} + \vec{\delta}_{j}} + \overline{V}_{mj} c_{B,\vec{l} + \vec{\delta}_{j}}^{\dagger} d_{m} \right)$$

$$\begin{split} H_{\text{Kop}} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \Biggl(\Biggl(\Bigl(-\frac{3}{4} \sqrt{3} i b V_{pd\sigma} + \frac{3}{2} i b V_{pd\pi} \Bigr) \widetilde{c}_{1}^{\dagger} + \Bigl(\frac{3}{4} \sqrt{3} i b V_{pd\sigma} - \frac{3}{2} i b V_{pd\pi} \Bigr) \widetilde{c}_{2}^{\dagger} \Bigr) d_{1} \\ &\quad + \Bigl(\Bigl(\frac{3}{2} \sqrt{3} f V_{pd\sigma} + \frac{3}{2} h V_{pd\pi} \Bigr) \widetilde{c}_{1}^{\dagger} + \Bigl(\frac{3}{2} \sqrt{3} f V_{pd\sigma} + \frac{3}{2} h V_{pd\pi} \Bigr) \widetilde{c}_{2}^{\dagger} \Bigr) d_{2} \\ &\quad + \Bigl(\Bigl(\frac{3}{2} \sqrt{3} i f V_{pd\sigma} + \frac{3}{2} i h V_{pd\pi} \Bigr) \widetilde{c}_{1}^{\dagger} + \Bigl(-\frac{3}{2} \sqrt{3} i f V_{pd\sigma} - \frac{3}{2} i h V_{pd\pi} \Bigr) \widetilde{c}_{2}^{\dagger} \Bigr) d_{3} \\ &\quad + \Bigl(3 q V_{pd\sigma} + 3 \sqrt{3} b V_{pd\pi} \Bigr) \widetilde{c}_{1}^{\dagger} + \Bigl(\frac{3}{4} \sqrt{3} b V_{pd\sigma} - \frac{3}{2} b V_{pd\pi} \Bigr) \widetilde{c}_{2}^{\dagger} \Bigr) d_{5} \Biggr) \\ &\quad + \Bigl(\Bigl(\frac{3}{4} \sqrt{3} b V_{pd\sigma} - \frac{3}{2} b V_{pd\pi} \Bigr) \widetilde{c}_{1}^{\dagger} + \Bigl(\frac{3}{4} \sqrt{3} b V_{pd\sigma} - \frac{3}{2} b V_{pd\pi} \Bigr) \widetilde{c}_{2}^{\dagger} \Bigr) d_{5} \Biggr) \\ &\quad + \text{h.c.} \end{split}$$

$$\tilde{d}_{0} = \frac{1}{\sqrt{2}}(d_{5} - id_{1}) \qquad d_{x^{2}-y^{2}}, d_{xy} \qquad \tilde{d}_{2} = \frac{1}{\sqrt{2}}(d_{5} + id_{1})$$

$$\tilde{d}_{1} = \frac{1}{\sqrt{2}}(d_{2} + id_{3}) \qquad d_{xz}, d_{zy} \qquad \tilde{d}_{3} = \frac{1}{\sqrt{2}}(d_{2} - id_{3})$$



$$\text{Erinnerung: } H_{\text{Kop}} = \sum_{m=1}^{5} \sum_{j=1}^{3} \left(V_{mj} d_m^{\dagger} c_{\text{B}, \vec{l} + \vec{\delta}_j} + \overline{V}_{mj} c_{\text{B}, \vec{l} + \vec{\delta}_j}^{\dagger} d_m \right)$$

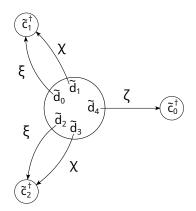
$$\begin{split} H_{\text{Kop}} &= \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \bigg(\bigg(\frac{3}{4} \sqrt{3} b V_{pd\sigma} - \frac{3}{2} b V_{pd\pi} \bigg) \bigg(\tilde{d}_0^\dagger \tilde{c}_1 + \tilde{d}_2^\dagger \tilde{c}_2 \bigg) \\ &\quad + \bigg(\frac{3}{2} \sqrt{3} f V_{pd\sigma} + \frac{3}{2} h V_{pd\pi} \bigg) \bigg(\tilde{d}_1^\dagger \tilde{c}_1 + \tilde{d}_3^\dagger \tilde{c}_2 \bigg) \\ &\quad + \bigg(\frac{3}{\sqrt{2}} q V_{pd\sigma} + 3 \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} b V_{pd\pi} \bigg) \tilde{d}_4^\dagger \tilde{c}_0 \bigg) + \text{h.c.} \end{split}$$

Effektives Drei-Bänder Modell

$$H = -t \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{3} \left(c_{\mathbb{A}, \vec{l}_{i}}^{\dagger} c_{\mathbb{B}, \vec{l}_{i} + \vec{\delta}_{j}} + c_{\mathbb{B}, \vec{l}_{i} + \vec{\delta}_{j}}^{\dagger} c_{\mathbb{A}, \vec{l}_{i}} \right) + \varepsilon \sum_{m=0}^{4} \tilde{d}_{m}^{\dagger} \tilde{d}_{m} + \sum_{m=0}^{4} \sum_{l=0}^{2} \left(\gamma_{ml} \tilde{d}_{m}^{\dagger} \tilde{c}_{l} + \gamma_{ml} \tilde{c}_{l}^{\dagger} \tilde{d}_{m} \right)$$

$$Y = \begin{pmatrix} 0 & \left(\frac{3}{\sqrt{8}}bV_{pd\sigma} - \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}bV_{pd\pi}\right) & 0 \\ 0 & \left(\frac{3}{\sqrt{2}}fV_{pd\sigma} + \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}hV_{pd\pi}\right) & 0 \\ 0 & 0 & \left(\frac{3}{\sqrt{8}}bV_{pd\sigma} - \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}bV_{pd\pi}\right) \\ 0 & 0 & \left(\frac{3}{\sqrt{8}}bV_{pd\sigma} - \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}bV_{pd\pi}\right) \\ 0 & 0 & \left(\frac{3}{\sqrt{2}}fV_{pd\sigma} + \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}hV_{pd\pi}\right) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & \xi & 0 \\ 0 & \chi & 0 \\ 0 & 0 & \xi \\ 0 & 0 & \chi \\ \zeta & 0 & 0 \end{pmatrix}$$





- \blacksquare Die Struktur der Hybridisierungsfunktion $\underline{\Delta}$ kann direkt abgelesen werden
 - -> <u>∆</u> wird eine blockdiagonale Struktur mit zwei 2 × 2-Blöcken und einem 1 × 1-Block haben

$$\underline{\underline{A}} = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} \xi^2 & \xi \chi \\ \xi \chi & \chi^2 \end{pmatrix} G_{\bar{e}_1, \bar{e}_1^{\dagger}} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & & \begin{pmatrix} \xi^2 & \xi \chi \\ \xi \chi & \chi^2 \end{pmatrix} G_{\bar{e}_2, \bar{e}_2^{\dagger}} & 0 \\ 0 & 0 & & \begin{pmatrix} \xi^2 & \xi \chi \\ \xi \chi & \chi^2 \end{pmatrix} G_{\bar{e}_2, \bar{e}_2^{\dagger}} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & & \zeta^2 G_{\bar{e}_n, \bar{e}_0^{\dagger}} \end{pmatrix}$$

- lacksquare $G_{\tilde{c}_{ll}\tilde{c}_{l}^{\dagger}}$ über Rücktransformation von $G_{c_{R,l}^{\dagger},c_{R,L}^{\dagger}}$ bestimmen
- lacksquare $G_{c_n, i_p, c_n^{\dagger}, t}$ des ungestörten Graphens benutzen
 - Einfluss des Mn geht für große Systemgrößen gegen 0

$$\text{Erinnerung: } H_0 = -t \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^3 \left(c_{\text{A},\vec{l}_i}^\dagger c_{\text{B},\vec{l}_i + \vec{\delta}_j} + c_{\text{B},\vec{l}_i + \vec{\delta}_j}^\dagger c_{\text{A},\vec{l}_i} \right) = -t \sum_{j\vec{k}} \left(\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\text{A},\vec{k}}^\dagger c_{\text{B},\vec{k}} + \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\text{B},\vec{k}}^\dagger c_{\text{A},\vec{k}} \right) = -t \sum_{j\vec{k}} \left(\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\text{A},\vec{k}}^\dagger c_{\text{B},\vec{k}} + \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\text{B},\vec{k}}^\dagger c_{\text{A},\vec{k}} \right) = -t \sum_{j\vec{k}} \left(\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\text{A},\vec{k}}^\dagger c_{\text{B},\vec{k}} + \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\text{B},\vec{k}}^\dagger c_{\text{A},\vec{k}} \right)$$

$$\mathsf{G}_{c_{\mathsf{B},\vec{k}},c_{\mathsf{B},\vec{k}}^{\dagger}} = \frac{z}{z^2 - \varepsilon_{\vec{b}}^2} \quad \Longrightarrow \quad \mathsf{G}_{\tilde{c}_{l},\tilde{c}_{l'}^{\dagger}} = \sum_{\vec{b}} D_{l,\vec{k}} D_{l',\vec{k}}^{\dagger} \mathsf{G}_{c_{\mathsf{B},\vec{k}},c_{\mathsf{B},\vec{k}}^{\dagger}}$$

Die Koeffizienten $D_{l,\vec{k}}$ können von den Fouriertransformationen für \tilde{c}_l abgelesen werden

$$\tilde{c}_0 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j)} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \; , \quad \tilde{c}_1 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) + \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \; , \quad \tilde{c}_2 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \; , \quad \tilde{c}_3 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \; , \quad \tilde{c}_4 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \; , \quad \tilde{c}_4 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \; , \quad \tilde{c}_{1} = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \; , \quad \tilde{c}_{2} = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \; , \quad \tilde{c}_{2} = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \; , \quad \tilde{c}_{3} = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \; , \quad \tilde{c}_{3} = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \; , \quad \tilde{c}_{3} = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \; , \quad \tilde{c}_{3} = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{k} + \vec{k}$$

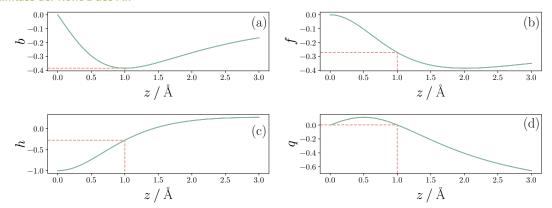
$$G_{\bar{c}_0,\bar{c}_0^{\dagger}} = \frac{z}{3N} \sum_{\vec{k}} \frac{\sum_{j} e^{i\vec{k}\vec{\delta}_j} \sum_{j'} e^{-i\vec{k}\vec{\delta}_{j'}}}{z^2 - \varepsilon_{\vec{k}}^2} \;, \quad G_{\bar{c}_1,\bar{c}_1^{\dagger}} = \frac{z}{3N} \sum_{\vec{k}} \frac{\sum_{j} e^{i\vec{k}\vec{\delta}_j + i\frac{2(j'-1)\pi}{3}} \sum_{j'} e^{-i\vec{k}\vec{\delta}_{j'} + i\frac{2(j'-1)\pi}{3}}}{z^2 - \varepsilon_{\vec{k}}^2} \;, \quad G_{\bar{c}_2,\bar{c}_2^{\dagger}} = \frac{z}{3N} \sum_{\vec{k}} \frac{\sum_{j} e^{i\vec{k}\vec{\delta}_{j'} - i\frac{2(j'-1)\pi}{3}} \sum_{j'} e^{-i\vec{k}\vec{\delta}_{j'} + i\frac{2(j'-1)\pi}{3}}}{z^2 - \varepsilon_{\vec{k}}^2}$$



$$\underline{\underline{\Delta}} = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} \xi^2 & \xi \chi \\ \xi \chi & \chi^2 \end{pmatrix} G_{\bar{c}_1,\bar{c}_1^\dagger} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & & \begin{pmatrix} \xi^2 & \xi \chi \\ \xi \chi & \chi^2 \end{pmatrix} G_{\bar{c}_2,\bar{c}_2^\dagger} & 0 \\ 0 & 0 & & 0 & & \zeta^2 G_{\bar{c}_0,\bar{c}_0^\dagger} \end{pmatrix}$$



Einfluss der Höhe z des Mn



- b klein bei geringen Höhen $\rightarrow E_{z,xy}$ und E_{z,x^2-y^2} verschwinden
- \blacksquare hklein bei großen Höhen $\to V_{pd\pi}$ geringen Einfluss bei $E_{z,xz}$ und $E_{z,zy}$
- $\blacksquare \ q=0$ bei genau $z=1\, \mathring{\mathbb{A}} \to V_{pd\sigma}$ kein Einfluss bei $E_{z,3z^2-r^2}$



- Hybridisierungsfunktion bestimmt
 - in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen



- Hybridisierungsfunktion bestimmt
 - in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der 3d-Orbitale an Graphenbandstruktur



- Hybridisierungsfunktion bestimmt
 - in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der 3*d*-Orbitale an Graphenbandstruktur
- Höhe des Mn diskutiert



- Hybridisierungsfunktion bestimmt
 - in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der 3*d*-Orbitale an Graphenbandstruktur
- Höhe des Mn diskutiert
- Zusammhang zwischen q = 0 bei Höhe z = 1 Å?



- Hybridisierungsfunktion bestimmt
 - in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der 3*d*-Orbitale an Graphenbandstruktur
- Höhe des Mn diskutiert.
- Zusammhang zwischen q = 0 bei Höhe z = 1 Å?
- Coulomb-Wechselwirkung zwischen Elektronen



- Hybridisierungsfunktion bestimmt
 - in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der **3***d*-Orbitale an Graphenbandstruktur
- Höhe des Mn diskutiert
- Zusammhang zwischen q = 0 bei Höhe z = 1 Å?
- Coulomb-Wechselwirkung zwischen Elektronen
- σ -Orbitale mit einbeziehen
 - Bindung durch fehlendes C aufgebrochen



- Hybridisierungsfunktion bestimmt
 - in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der 3*d*-Orbitale an Graphenbandstruktur
- Höhe des Mn diskutiert
- Zusammhang zwischen q = 0 bei Höhe z = 1 Å?
- Coulomb-Wechselwirkung zwischen Elektronen
- σ -Orbitale mit einbeziehen
 - Bindung durch fehlendes C aufgebrochen
- Linearkombinationen der p_{τ} -Orbitale und ein σ -Zustand als Abschirmkanäle
 - -> Spin von $\frac{1}{2}$ bleibt übrig