

Mn-Verunreinigungen in Graphen: Eine Tight Binding Modellierung

Yanick Kind

15. August 2022

AG Anders Fakultät Physik

Übersicht

Einleitung

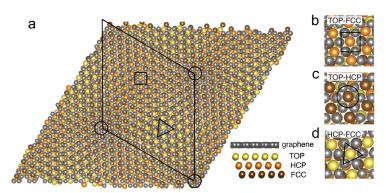
Theoretische Grundlagen

Ergebnisse

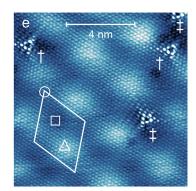
Zusammenfassung und Ausblick

Y. Kind | 15. August 2022 2 / 23

Motivation



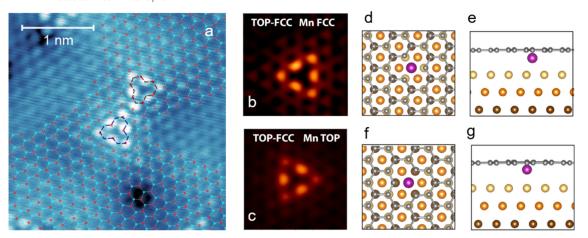






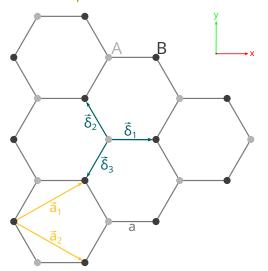
Motivation

Rastertunnelmikroskopie



Pin-Cheng Lin et al., ACS Nano 15.3 (2021)

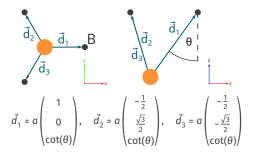
Struktur von Graphen und der Störstelle



- Unterteilung in zwei Untergitter (A und B)
 - → zweidimensionales, hexagonales Bravais-Gitter
- typische Honigwabenstruktur
- nächste-Nachbar Abstandsvektoren:

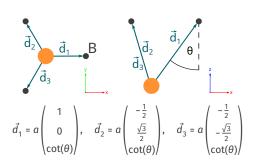
$$\vec{\delta}_1 = a \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \quad \vec{\delta}_2 = a \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}, \quad \vec{\delta}_3 = a \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$$

Struktur von Graphen und der Störstelle

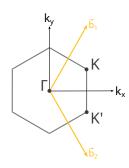


- Annahme: Mn mittig von den drei umliegenden C
- spiegelsymmetrisch um Graphenebene
 - → irrelevant, ob negative oder positive z-Komponente
- Höhe des Mn variabel

Struktur von Graphen und der Störstelle



- Annahme: Mn mittig von den drei umliegenden C
- spiegelsymmetrisch um Graphenebene
 - → irrelevant, ob negative oder positive z-Komponente
- Höhe des Mn variabel



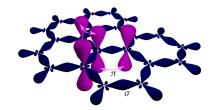
- reziprokes Gitter = um 90° gedrehtes hexagonales Gitter
- Dirac-Punkte bei

$$\vec{K} = \frac{2\pi}{3\sqrt{3}a} \begin{pmatrix} \sqrt{3} \\ 1 \end{pmatrix}, \quad \vec{K}' = \frac{2\pi}{3\sqrt{3}a} \begin{pmatrix} \sqrt{3} \\ -1 \end{pmatrix}$$



Eigenschaften von Graphen

- sp^2 -Hybridorbitale $\rightarrow \sigma$ -Bindung
- p-Orbtiale $\rightarrow \pi$ -Bindung



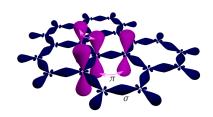
wikipedia.org

Eigenschaften von Graphen

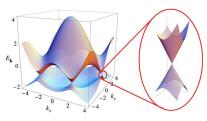
- sp^2 -Hybridorbitale $\rightarrow \sigma$ -Bindung
- p-Orbtiale $\rightarrow \pi$ -Bindung

$$= \varepsilon_{\vec{k}} \propto \pm \sqrt{3 + 2\cos\left(\sqrt{3}ak_y\right) + 2\cos\left(\frac{3}{2}ak_x + \frac{\sqrt{3}}{2}ak_y\right) + 2\cos\left(\frac{3}{2}ak_x - \frac{\sqrt{3}}{2}ak_y\right)}$$

- Dispersionsrelation um Dirac-Punkte entwickeln
 - $\rightarrow \varepsilon_{\vec{b}} \propto \pm |\vec{k}|$



wikipedia.org



A. H. Castro Neto et al., Rev. Mod. Phys. 81 (2009)

Greensche Funktionen

- zwei Operatoren mit zeitl. Entwicklung $A(\tau) = e^{H\tau}A_S e^{-H\tau}$ und $B(\tau') = e^{H\tau'}B_S e^{-H\tau'}$
- Greensche Funktion $G_{A,B}(\tau,\tau') = -\langle T_s(A(\tau)B(\tau'))\rangle = -\langle (A(\tau)B(\tau'))\Theta(\tau-\tau') + s\langle B(\tau')A(\tau)\rangle\Theta(\tau'-\tau)\rangle$
- Bewegungsgleichung $\frac{\partial}{\partial \tau}G_{A,B}(\tau,\tau') = G_{[H,A],B}(\tau,\tau') \langle \{A,B\} \rangle \delta(\tau-\tau')$
- Fourier-transformierte Bewegungsgleichung $zG_{A,B}(z) = \langle \{A,B\} \rangle G_{[H,A],B}(z)$

Tight Binding Modell

- Ausgang: stark gebundene, lokalisierte Elektronen mit Wellenfunktionen $\Psi_{lm}(\vec{r} \vec{l}_i \vec{R}_{\alpha})$
- Betrachtung des Hamiltonians für ein Elektron $H = \frac{\vec{p}^2}{2M} + \sum_{j\alpha} v(\vec{r} \vec{l}_j \vec{R}_\alpha) = \frac{\vec{p}^2}{2M} + v_{\vec{R}}(\vec{r})$
- Dreizentren-Beiträge vernachlässigen, da Elektronen stark lokalisiert sind

$$\Rightarrow \overline{ \left(t_{lm,l'm'}^{j\alpha,j'\alpha'} = - \int \mathsf{d}^3 r \, \overline{\Psi}_{lm} \left(\vec{r} - \vec{l}_j - \vec{R}_\alpha \right) v \left(\vec{r} - \vec{l}_j - \vec{R}_\alpha \right) \Psi_{l'm'} \left(\vec{r} - \vec{l}_{j'} - \vec{R}_{\alpha'} \right) \right) }$$

■ Tight Binding Hamiltonian in zweiter Quantisierung $H = -\sum_{jj'} \sum_{\alpha\alpha'} \sum_{ll'} \sum_{mm'} t_{lm,l'm'}^{j\alpha'j'\alpha'} c_{jlm\alpha}^{\dagger} c_{j'l'm'\alpha'}$

Slater-Koster-Integrale

$$E_{lm,l'm'} = \int d^3r \, \overline{\Psi}_{lm} (\vec{r} - \vec{d}) V (\vec{r} - \vec{d}) \Psi_{l'm'} (\vec{r})$$

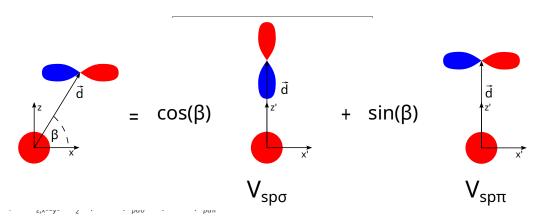
- SK-Integrale als Bestimmung der Hüpfmatrixelemente
- hängen nur vom Abstand ab
- lacktriangle Unterteilung in SK-Integrale zu den zugehörigen Symmetrien $V_{II'n}$
- \blacksquare im Allgemeinen Aufteilung der SK-Integrale in die einzelnen Integrale $V_{II'n}$ mit Richtungskosinus als Vorfaktoren

$$l = \frac{\vec{d} \cdot \hat{x}}{\left| \vec{d} \right|} \; , \quad m = \frac{\vec{d} \cdot \hat{y}}{\left| \vec{d} \right|} \; , \quad n = \frac{\vec{d} \cdot \hat{z}}{\left| \vec{d} \right|}$$

Beispiel:
$$E_{z,x^2-y^2}=\frac{\sqrt{3}}{2}n(l^2-m^2)V_{pd\sigma}-n(l^2-m^2)V_{pd\pi}$$



Slater-Koster-Integrale



$$E_{s,x}=lV_{pd\sigma}$$

$$H = H_0 + H_{Def} + H_{Kop}$$

$$H = H_0 + H_{Def} + H_{Kop}$$

$$H = \underbrace{-t\sum_{i=1}^{N}\sum_{j=1}^{3}\left(c_{\mathbb{A},\vec{l}_{i}}^{\dagger}c_{\mathbb{B},\vec{l}_{i}},\hat{\delta_{j}}^{\dagger} + c_{\mathbb{B},\vec{l}_{i}}^{\dagger},\hat{\delta_{j}}^{\dagger}c_{\mathbb{A},\vec{l}_{i}}\right)}_{H_{0}}$$

$$H = H_0 + H_{Def} + H_{Kop}$$

$$H = \underbrace{-t \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{3} \left(c_{\mathbb{A}, \vec{l}_{i}}^{\dagger} c_{\mathbb{B}, \vec{l}_{i} + \vec{\delta}_{j}} + c_{\mathbb{B}, \vec{l}_{i} + \vec{\delta}_{j}}^{\dagger} c_{\mathbb{A}, \vec{l}_{i}} \right)}_{H_{0}} + \underbrace{\sum_{m=1}^{5} \varepsilon_{m} d_{m}^{\dagger} d_{m}}_{H_{Def}}$$

$$H = H_0 + H_{Def} + H_{Kop}$$

$$H = \underbrace{-t\sum_{i=1}^{N}\sum_{j=1}^{3}\left(c_{\mathbb{A},\vec{l}_{i}}^{\dagger}c_{\mathbb{B},\vec{l}_{i}+\vec{\delta}_{j}} + c_{\mathbb{B},\vec{l}_{i}+\vec{\delta}_{j}}^{\dagger}c_{\mathbb{A},\vec{l}_{i}}\right)}_{H_{\mathsf{Def}}} + \underbrace{\sum_{m=1}^{5}\varepsilon_{m}d_{m}^{\dagger}d_{m}}_{H_{\mathsf{Def}}} + \underbrace{\sum_{m=1}^{5}\sum_{j=1}^{3}\left(V_{mj}d_{m}^{\dagger}c_{\mathbb{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{j}} + \overline{V}_{mj}c_{\mathbb{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{j}}^{\dagger}d_{m}\right)}_{H_{\mathsf{Kop}}}$$

Slater-Koster-Integrale

	<i>j</i> -tes C		
	1	2	3
E _{z,×y}	0	$-\frac{3}{4}bV_{pd\sigma} + \frac{\sqrt{3}}{2}bV_{pd\pi}$	$\frac{3}{4}bV_{pd\sigma} - \frac{\sqrt{3}}{2}bV_{pd\pi}$
$E_{z,xz}$	$\sqrt{3}fV_{pd\sigma} + hV_{pd\pi}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}fV_{pd\sigma}-\frac{1}{2}hV_{pd\pi}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}fV_{pd\sigma}-\frac{1}{2}hV_{pd\pi}$
$E_{z,zy}$	0	$\frac{3}{2}fV_{pd\sigma} + \frac{\sqrt{3}}{2}hV_{pd\pi}$	$-\frac{3}{2}fV_{pd\sigma}-\frac{\sqrt{3}}{2}hV_{pd\pi}$
$E_{z,3z^2-r^2}$	$qV_{pd\sigma} + \sqrt{3}bV_{pd\pi}$	$qV_{pd\sigma} + \sqrt{3}bV_{pd\pi}$	$qV_{pd\sigma} + \sqrt{3}bV_{pd\pi}$
E_{z,x^2-y^2}	$\frac{\sqrt{3}}{2}bV_{pd\sigma} - bV_{pd\pi}$	$-\frac{\sqrt{3}}{4}bV_{pd\sigma} + \frac{1}{2}bV_{pd\pi}$	$-\frac{\sqrt{3}}{4}bV_{pd\sigma} + \frac{1}{2}bV_{pd\pi}$
,			

$$b := -\sin^2(\theta)\cos(\theta) \qquad f := -\cos^2(\theta)\sin(\theta)$$

$$h := -\sin(\theta)(1 - 2\cos^2(\theta)) \qquad q := -\cos^3(\theta) + \frac{1}{2}\sin^2(\theta)\cos(\theta)$$



$$H = -t\sum_{i\vec{k}} \left(\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\mathrm{A},\vec{k}}^\dagger c_{\mathrm{B},\vec{k}} + \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\mathrm{B},\vec{k}}^\dagger c_{\mathrm{A},\vec{k}} \right) + \sum_m \varepsilon_m d_m^\dagger d_m + \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{mi\vec{k}} \left(V_{mj} \mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} d_m^\dagger c_{\mathrm{B},\vec{k}} + V_{mj} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} c_{\mathrm{B},\vec{k}}^\dagger d_m \right)$$

$$H = -t \sum_{\vec{i}\vec{k}} \left(\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_{\vec{j}}} c^{\dagger}_{\mathbb{A},\vec{k}} c_{\mathbb{B},\vec{k}} + \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_{\vec{j}}} c^{\dagger}_{\mathbb{B},\vec{k}} c_{\mathbb{A},\vec{k}} \right) + \sum_{m} \varepsilon_{m} d^{\dagger}_{m} d_{m} + \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{m \mid \vec{k}} \left(V_{mj} \mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_{j})} d^{\dagger}_{m} c_{\mathbb{B},\vec{k}} + V_{mj} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_{j})} c^{\dagger}_{\mathbb{B},\vec{k}} d_{m} \right)$$

Damit ergibt sich folgende Greensche Funktion

$$\left(z-\varepsilon_m\right)G_{d_m,d_{m'}^{\dagger}}=\delta_{mm'}+\frac{1}{\sqrt{N}}\sum_{j\vec{k}}V_{mj}\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)}G_{c_{B,\vec{k}},d_{m'}^{\dagger}}$$

$$H = -t \sum_{j\vec{k}} \left(\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\text{A},\vec{k}}^{\dagger} c_{\text{B},\vec{k}} + \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\text{B},\vec{k}}^{\dagger} c_{\text{A},\vec{k}} \right) + \sum_m \varepsilon_m d_m^{\dagger} d_m + \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{mj\vec{k}} \left(V_{mj} \mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} d_m^{\dagger} c_{\text{B},\vec{k}} + V_{mj} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} c_{\text{B},\vec{k}}^{\dagger} d_m \right)$$

Damit ergibt sich folgende Greensche Funktion

$$\left(z-\varepsilon_m\right)G_{d_m,d_{m'}^\dagger}=\delta_{mm'}+\frac{1}{\sqrt{N}}\sum_{j\vec{k}}V_{mj}\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)}G_{c_{\mathbb{B},\vec{k}},d_{m'}^\dagger}$$

$$G_{c_{B,\vec{k}},d_{m'}^\dagger} = \frac{1}{z} \left(-t \sum_j \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} G_{c_{A,\vec{k}},d_{m'}^\dagger} + \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{mj} V_{mj} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l} + \vec{\delta}_j)} G_{d_m,d_{m'}^\dagger} \right)$$



$$H = -t\sum_{jk} \left(e^{i\vec{k}\vec{\delta}_j} c^{\dagger}_{\mathbb{A},\vec{k}} c_{\mathbb{B},\vec{k}} + e^{-i\vec{k}\vec{\delta}_j} c^{\dagger}_{\mathbb{B},\vec{k}} c_{\mathbb{A},\vec{k}} \right) + \sum_m \varepsilon_m d^{\dagger}_m d_m + \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{mjk} \left(V_{mj} e^{i\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} d^{\dagger}_m c_{\mathbb{B},\vec{k}} + V_{mj} e^{-i\vec{k}(\vec{l}+\vec{\delta}_j)} c^{\dagger}_{\mathbb{B},\vec{k}} d_m \right)$$

Damit ergibt sich folgende Greensche Funktion

$$\left(z - \varepsilon_{m}\right) G_{d_{m},d_{m'}^{\dagger}} = \delta_{mm'} + \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{j\vec{k}} V_{mj} \mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l} + \vec{\delta}_{j})} G_{c_{\mathbb{B},\vec{k}},d_{m'}^{\dagger}}$$

$$G_{c_{\mathbb{B},\vec{k}},d_{m'}^{\dagger}} = \frac{1}{z} \left(-t \sum_{j} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_{j}} G_{c_{\mathbb{A},\vec{k}},d_{m'}^{\dagger}} + \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{mj} V_{mj} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}(\vec{l} + \vec{\delta}_{j})} G_{d_{m},d_{m'}^{\dagger}} \right), \qquad G_{c_{\mathbb{A},\vec{k}},d_{m'}^{\dagger}} = -\frac{t \sum_{j} \mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_{j}} G_{c_{\mathbb{B},\vec{k}},d_{m'}^{\dagger}}}{z}$$

$$\left(\underline{\underline{G}}^{-1}\right)_{mn} = \left(z - \varepsilon_m\right) \delta_{mn} - \frac{z}{N} \sum_{\vec{b}} \frac{\sum_j V_{mj} \mathrm{e}^{\mathrm{i}k\delta_j} \sum_{j'} V_{nj'} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}k\delta_{j'}}}{z^2 - \varepsilon_{\vec{b}}^2}$$

Struktur von \underline{G}^{-1}

$$\underline{G}^{-1} = \underline{Z} - \underline{E} - \underline{\Delta}$$

Die gesuchte Hybridisierungsfunktion ist gegeben durch

$$\left(\underline{\underline{\Delta}}\right)_{mn} = \frac{Z}{N} \sum_{\vec{k}} \frac{\sum_{j} V_{mj} \mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_{j}} \sum_{j'} V_{nj'} \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_{j'}}}{z^{2} - \varepsilon_{\vec{k}}^{2}}$$

Basistransformation

$$\begin{split} \tilde{C}_{0} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \left(c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{1}} + c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{2}} + c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{3}} \right) \\ \tilde{C}_{1} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \left(c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{1}} + e^{i\frac{2\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{2}} + e^{i\frac{4\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{3}} \right) \\ \tilde{C}_{2} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \left(c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{1}} + e^{i\frac{4\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{2}} + e^{i\frac{2\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{3}} \right) \\ \tilde{C}_{2} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \left(c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{1}} + e^{i\frac{4\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{2}} + e^{i\frac{2\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{3}} \right) \\ \tilde{C}_{2} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \left(c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{1}} + e^{i\frac{4\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{2}} + e^{i\frac{2\pi}{3}} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_{3}} \right) \end{split}$$

$$H_{\text{Kop}} = \sum_{m=1}^{5} \sum_{j=1}^{3} \left(V_{mj} d_{m}^{\dagger} c_{B, \vec{l} + \vec{\delta}_{j}} + \overline{V}_{mj} c_{B, \vec{l} + \vec{\delta}_{j}}^{\dagger} d_{m} \right)$$

$$\begin{split} H_{\text{Kop}} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \Biggl(\Biggl(\Biggl(-\frac{3}{4} \sqrt{3} b V_{pd\sigma} + \frac{3}{2} b V_{pd\pi} \Biggr) \widetilde{c}_{1}^{\dagger} + \Biggl(\frac{3}{4} \sqrt{3} b V_{pd\sigma} - \frac{3}{2} b V_{pd\pi} \Biggr) \widetilde{c}_{2}^{\dagger} \Biggr) i d_{1} \\ &+ \Biggl(\Biggl(\frac{3}{2} \sqrt{3} f V_{pd\sigma} + \frac{3}{2} h V_{pd\pi} \Biggr) \widetilde{c}_{1}^{\dagger} + \Biggl(\frac{3}{2} \sqrt{3} f V_{pd\sigma} + \frac{3}{2} h V_{pd\pi} \Biggr) \widetilde{c}_{2}^{\dagger} \Biggr) d_{2} \\ &+ \Biggl(\Biggl(\frac{3}{2} \sqrt{3} f V_{pd\sigma} + \frac{3}{2} h V_{pd\pi} \Biggr) \widetilde{c}_{1}^{\dagger} + \Biggl(-\frac{3}{2} \sqrt{3} f V_{pd\sigma} - \frac{3}{2} h V_{pd\pi} \Biggr) \widetilde{c}_{2}^{\dagger} \Biggr) i d_{3} \\ &+ \Biggl(3 q V_{pd\sigma} + 3 \sqrt{3} b V_{pd\pi} \Biggr) \widetilde{c}_{0}^{\dagger} d_{4} \\ &+ \Biggl(\Biggl(\frac{3}{4} \sqrt{3} b V_{pd\sigma} - \frac{3}{2} b V_{pd\pi} \Biggr) \widetilde{c}_{1}^{\dagger} + \Biggl(\frac{3}{4} \sqrt{3} b V_{pd\sigma} - \frac{3}{2} b V_{pd\pi} \Biggr) \widetilde{c}_{2}^{\dagger} \Biggr) d_{5} \Biggr) \\ &+ \text{h.c.} \end{split}$$

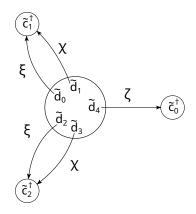
$$\begin{split} \tilde{d_0} &= \frac{1}{\sqrt{2}} (d_5 - \mathrm{i} d_1) \\ \tilde{d_1} &= \frac{1}{\sqrt{2}} (d_2 + \mathrm{i} d_3) \end{split} \qquad \begin{aligned} d_{\chi^2 - y^2}, \ d_{\chi y} \\ d_{\chi z}, \ d_{zy} \end{aligned} \qquad \qquad \tilde{d_2} &= \frac{1}{\sqrt{2}} (d_5 + \mathrm{i} d_1) \\ \tilde{d_3} &= \frac{1}{\sqrt{2}} (d_2 - \mathrm{i} d_3) \end{aligned}$$



Erinnerung:
$$H_{\text{Kop}} = \sum_{m=1}^{5} \sum_{i=1}^{3} \left(V_{mj} d_m^{\dagger} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_j} + \overline{V}_{mj} c_{\text{B},\vec{l}+\vec{\delta}_j}^{\dagger} d_m \right)$$

$$H_{\mathrm{Kop}} = \xi \left(\tilde{d}_0^\dagger \tilde{c}_1 + \tilde{d}_2^\dagger \tilde{c}_2 \right) + \chi \left(\tilde{d}_1^\dagger \tilde{c}_1 + \tilde{d}_3^\dagger \tilde{c}_2 \right) + \zeta \tilde{d}_4^\dagger \tilde{c}_0 + \mathrm{h.c.}$$

Effektives Drei-Bänder Modell



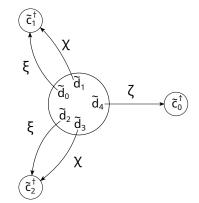
$$\xi = \left(\frac{3}{\sqrt{8}}bV_{pd\sigma} - \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}bV_{pd\sigma}\right), \quad \chi = \left(\frac{3}{\sqrt{2}}fV_{pd\sigma} + \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}hV_{pd\pi}\right), \quad \zeta = \left(\sqrt{3}qV_{pd\sigma} + 3bV_{pd\pi}\right)$$



$$H = -t \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{3} \left(c_{A,\vec{l}_{i}}^{\dagger} c_{B,\vec{l}_{i}+\vec{\delta}_{j}} + c_{B,\vec{l}_{i}+\vec{\delta}_{j}}^{\dagger} c_{A,\vec{l}_{i}} \right) + \varepsilon \sum_{m=0}^{4} \tilde{d}_{m}^{\dagger} \tilde{d}_{m} + \sum_{m=0}^{4} \sum_{l=0}^{2} \left(\gamma_{ml} \tilde{d}_{m}^{\dagger} \tilde{c}_{l} + \gamma_{ml} \tilde{c}_{l}^{\dagger} \tilde{d}_{m} \right)$$

$$\underline{\underline{Y}} = \begin{pmatrix} 0 & \xi & 0 \\ 0 & \chi & 0 \\ 0 & 0 & \xi \\ 0 & 0 & \chi \\ \zeta & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

- \blacksquare Die Struktur der Hybridisierungsfunktion $\underline{\Delta}$ kann direkt abgelesen werden
 - → <u>A</u> wird eine blockdiagonale Struktur mit zwei 2 × 2-Blöcken und einem 1 × 1-Block haben





$$\underline{\underline{A}} = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} \xi^2 & \xi \chi \\ \xi \chi & \chi^2 \end{pmatrix} G_{\bar{e}_1, \bar{e}_1^{\dagger}} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & & \begin{pmatrix} \xi^2 & \xi \chi \\ \xi \chi & \chi^2 \end{pmatrix} G_{\bar{e}_2, \bar{e}_2^{\dagger}} & 0 \\ 0 & 0 & & \begin{pmatrix} \xi^2 & \xi \chi \\ \xi \chi & \chi^2 \end{pmatrix} G_{\bar{e}_2, \bar{e}_2^{\dagger}} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & & \zeta^2 G_{\bar{e}_n, \bar{e}_0^{\dagger}} \end{pmatrix}$$

- lacksquare $G_{\tilde{c}_{ll}\tilde{c}_{l}^{\dagger}}$ über Rücktransformation von $G_{c_{R,l}^{\dagger},c_{R,L}^{\dagger}}$ bestimmen
- lacksquare $G_{c_{\mathrm{R}},b_{\mathrm{r}}c_{\mathrm{r}}^{\dagger}}$ des ungestörten Graphens benutzen
 - Einfluss des Mn geht für große Systemgrößen gegen 0

$$\text{Erinnerung: } H_0 = -t \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^3 \left(c_{\text{A},\vec{l}_i}^\dagger c_{\text{B},\vec{l}_i + \vec{\delta}_j} + c_{\text{B},\vec{l}_i + \vec{\delta}_j}^\dagger c_{\text{A},\vec{l}_i} \right) = -t \sum_{j\vec{k}} \left(\mathrm{e}^{\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\text{A},\vec{k}}^\dagger c_{\text{B},\vec{k}} + \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\vec{k}\vec{\delta}_j} c_{\text{B},\vec{k}}^\dagger c_{\text{A},\vec{k}} \right)$$

$$G_{c_{B,\vec{k}},c_{B,\vec{k}}^{\dagger}} = \frac{z}{z^2 - \varepsilon_{\vec{k}}^2} \quad \Longrightarrow \quad G_{\tilde{c}_{l},\tilde{c}_{l'}^{\dagger}} = \sum_{\vec{k}} D_{l,\vec{k}} D_{l',\vec{k}}^{\dagger} G_{c_{B,\vec{k}},c_{B,\vec{k}}^{\dagger}}$$

Die Koeffizienten $D_{l\,\vec{k}}$ können von den Fouriertransformationen für \tilde{c}_l abgelesen werden

$$\mathsf{G}_{c_{\mathsf{B},\vec{k}},c_{\mathsf{B},\vec{k}}^{\dagger}} = \frac{z}{z^2 - \varepsilon_{\vec{b}}^2} \quad \Longrightarrow \quad \mathsf{G}_{\tilde{c}_{l},\tilde{c}_{l'}^{\dagger}} = \sum_{\vec{b}} D_{l,\vec{k}} D_{l',\vec{k}}^{\dagger} \mathsf{G}_{c_{\mathsf{B},\vec{k}},c_{\mathsf{B},\vec{k}}^{\dagger}}$$

Die Koeffizienten $D_{l,\vec{k}}$ können von den Fouriertransformationen für \tilde{c}_l abgelesen werden

$$\tilde{c}_0 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j)} c_{\mathrm{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_1 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) + \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathrm{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_2 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathrm{B}, \vec{k}} \;$$

$$\mathsf{G}_{\mathsf{c}_{\mathsf{B},\vec{k}},\mathsf{c}_{\mathsf{B},\vec{k}}^{\dagger}} = \frac{z}{z^2 - \varepsilon_{k}^2} \quad \Longrightarrow \quad \mathsf{G}_{\bar{c}_{l},\bar{c}_{l'}^{\dagger}} = \sum_{\vec{k}} \mathsf{D}_{l,\vec{k}} \mathsf{D}_{l',\vec{k}}^{\dagger} \mathsf{G}_{\mathsf{c}_{\mathsf{B},\vec{k}},\mathsf{c}_{\mathsf{B},\vec{k}}^{\dagger}}$$

Die Koeffizienten $D_{l\,\vec{k}}$ können von den Fouriertransformationen für \tilde{c}_l abgelesen werden

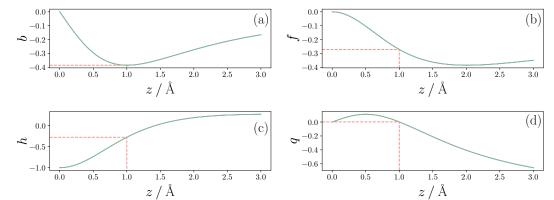
$$\tilde{c}_0 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j)} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_1 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) + \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_2 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_3 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_4 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_4 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_5 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{l} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_7 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{\delta}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_7 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{k}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_8 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{k}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_8 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{k}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_8 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{k}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_8 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{k}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_8 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{k}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_8 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{k}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_8 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{k}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_8 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{\vec{k}} \sum_{j=1}^3 \mathrm{e}^{\mathrm{i} \vec{k} (\vec{k} + \vec{k}_j) - \mathrm{i} \frac{2(j-1)\pi}{3}} c_{\mathbb{B}, \vec{k}} \;, \quad \tilde{c}_8 = \frac{1}{\sqrt{3N}} \sum_{\vec{k}} \sum_{\vec{k}} \sum_{\vec{k}} \sum_{\vec{k}} \sum_{\vec{k}} \sum_{\vec{k}} \sum_{\vec{k}} \sum_{\vec{k}} \sum_{\vec{k}} \sum_{\vec{k}$$

$$G_{\bar{c}_0,\bar{c}_0^{\dagger}} = \frac{z}{3N} \sum_{\vec{k}} \frac{\sum_{j} e^{i\vec{k}\vec{\delta}_j} \sum_{j'} e^{-i\vec{k}\vec{\delta}_{j'}}}{z^2 - \varepsilon_{\vec{k}}^2} \;, \quad G_{\bar{c}_1,\bar{c}_1^{\dagger}} = \frac{z}{3N} \sum_{\vec{k}} \frac{\sum_{j} e^{i\vec{k}\vec{\delta}_j + i\frac{2(j-1)m}{3}} \sum_{j'} e^{-i\vec{k}\vec{\delta}_{j'} - i\frac{2(j'-1)m}{3}}}{z^2 - \varepsilon_{\vec{k}}^2} \;, \quad G_{\bar{c}_2,\bar{c}_2^{\dagger}} = \frac{z}{3N} \sum_{\vec{k}} \frac{\sum_{j} e^{i\vec{k}\vec{\delta}_{j'} - i\frac{2(j'-1)m}{3}} \sum_{j'} e^{-i\vec{k}\vec{\delta}_{j'} + i\frac{2(j'-1)m}{3}}}{z^2 - \varepsilon_{\vec{k}}^2}$$



$$\underline{\underline{\Delta}} = \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} \xi^2 & \xi \chi \\ \xi \chi & \chi^2 \end{pmatrix} G_{\bar{c}_1, \bar{c}_1^{\dagger}} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & & \begin{pmatrix} \xi^2 & \xi \chi \\ 0 & 0 & & \begin{pmatrix} \xi^2 & \xi \chi \\ \xi \chi & \chi^2 \end{pmatrix} G_{\bar{c}_2, \bar{c}_2^{\dagger}} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \zeta^2 G_{\bar{c}_0, \bar{c}_0^{\dagger}} \end{pmatrix}$$

Einfluss der Höhe z des Mn



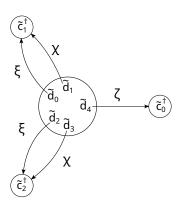
- b klein bei geringen Höhen $\rightarrow E_{z,xy}$ und E_{z,x^2-y^2} verschwinden
- \blacksquare hklein bei großen Höhen $\rightarrow V_{pd\pi}$ geringen Einfluss bei $E_{z,xz}$ und $E_{z,zy}$
- $\blacksquare \ q=0$ bei genau $z=1\,\mathring{\rm A} \to V_{pd\sigma}$ kein Einfluss bei $E_{z,3z^2-r^2}$

23 / 23



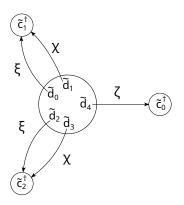
Zusammenfassung und Ausblick

■ Hybridisierungsfunktion in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen



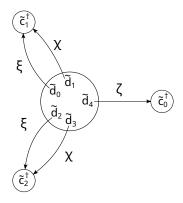


- Hybridisierungsfunktion in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der 3d-Orbitale an Graphenbandstruktur



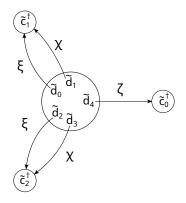


- Hybridisierungsfunktion in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der 3d-Orbitale an Graphenbandstruktur
- Diskussions der H\u00f6he des Mn



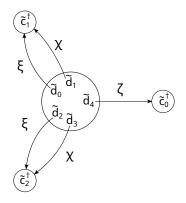


- Hybridisierungsfunktion in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der 3*d*-Orbitale an Graphenbandstruktur
- Diskussions der Höhe des Mn
- Zusammhang zwischen q = 0 bei Höhe z = 1 Å?



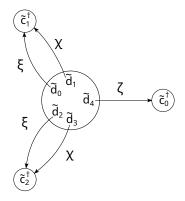


- Hybridisierungsfunktion in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der 3d-Orbitale an Graphenbandstruktur
- Diskussions der H\u00f6he des Mn
- Zusammhang zwischen q = 0 bei Höhe z = 1 Å?
- Coulomb-Wechselwirkung zwischen Elektronen



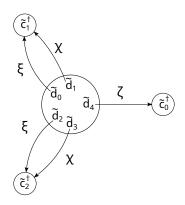


- Hybridisierungsfunktion in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der 3d-Orbitale an Graphenbandstruktur
- Diskussions der H\u00f6he des Mn
- Zusammhang zwischen q = 0 bei Höhe z = 1 Å?
- Coulomb-Wechselwirkung zwischen Elektronen
- **E**inbezug der σ -Orbitale



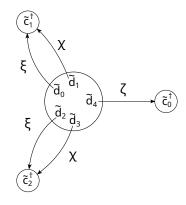


- Hybridisierungsfunktion in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der 3d-Orbitale an Graphenbandstruktur
- Diskussions der H\u00f6he des Mn
- Zusammhang zwischen q = 0 bei Höhe z = 1 Å?
- Coulomb-Wechselwirkung zwischen Elektronen
- **E**inbezug der σ -Orbitale
 - Bindung durch fehlendes C aufgebrochen





- Hybridisierungsfunktion in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der 3d-Orbitale an Graphenbandstruktur
- Diskussions der H\u00f6he des Mn
- Zusammhang zwischen q = 0 bei Höhe z = 1 Å?
- Coulomb-Wechselwirkung zwischen Elektronen
- **Einbezug** der σ -Orbitale
 - Bindung durch fehlendes C aufgebrochen
- Linearkombinationen der p_{τ} -Orbitale und ein σ -Zustand als Abschirmkanäle





- Hybridisierungsfunktion in neuer Basis in irreduzible Blöcke zerfallen
- effektives Drei-Bänder Modell für Ankopplung der 3d-Orbitale an Graphenbandstruktur
- Diskussions der H\u00f6he des Mn
- Zusammhang zwischen q = 0 bei Höhe z = 1 Å?
- Coulomb-Wechselwirkung zwischen Elektronen
- **Einbezug** der σ -Orbitale
 - Bindung durch fehlendes C aufgebrochen
- Linearkombinationen der p_{τ} -Orbitale und ein σ -Zustand als Abschirmkanäle
 - → Spin von ½ bleibt übrig

