



Compilation

Présenté par Yann Caron skyguide

ENSG Géomatique



Plan du cours

Grammaire

Analyse Lexicale

Algorithme LL(0)

Analyse Syntaxique

Algorithmes LL(k), LL(*) et LR

Arbre Syntaxique (AST)



La Syntaxe est l'étude de la façon dont les mots sont organisés pour construire des phrases

La syntaxe ne s'intéresse pas à la sémantique des mots (les paradigmes)

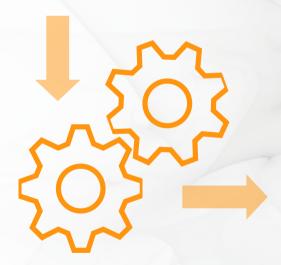
Par contre l'analyse syntaxique peut apporter de l'information pour l'analyse sémantique future

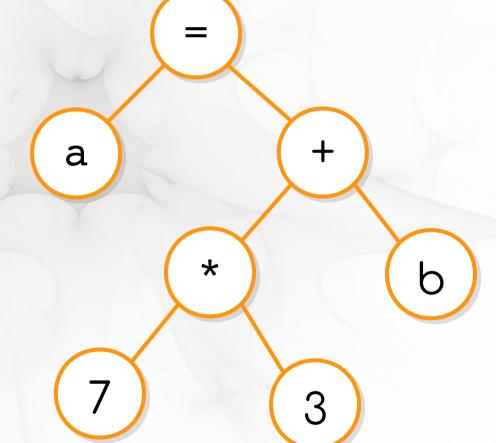
- Analyseur lexical : Transforme une chaîne de lettres en une chaîne de mots typés appelés Lexems (token)
 - Ex: [87 (number), '+' (symbol), 3 (number)]

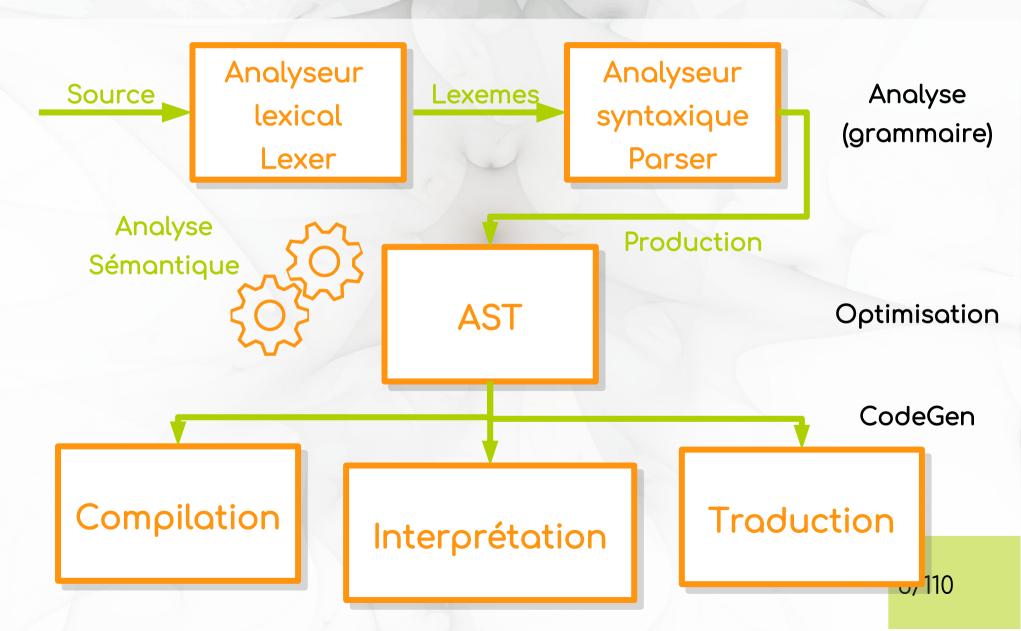
 Analyseur syntaxique: Transforme une chaîne de lexems en un arbre syntaxique (AST)

set

$$s e t a = 7 * 3 + b$$







- Généralement :
- L'analyseur lexical utilise une grammaire régulière
 - Automate fini lit de gauche à droite

- L'analyseur syntaxique utilise une grammaire non-contextuelle (context free)
 - Encapsulation (exemple bien parenthésé)

Hiérarchie de Chomsky

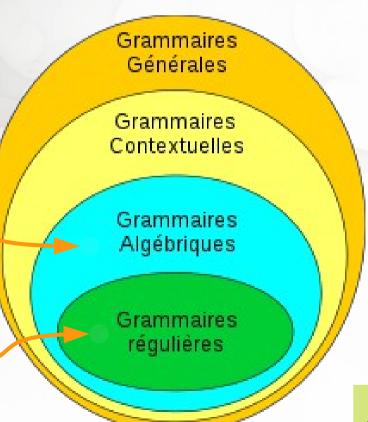
voir le cours sur la théorie de langages

langages formels

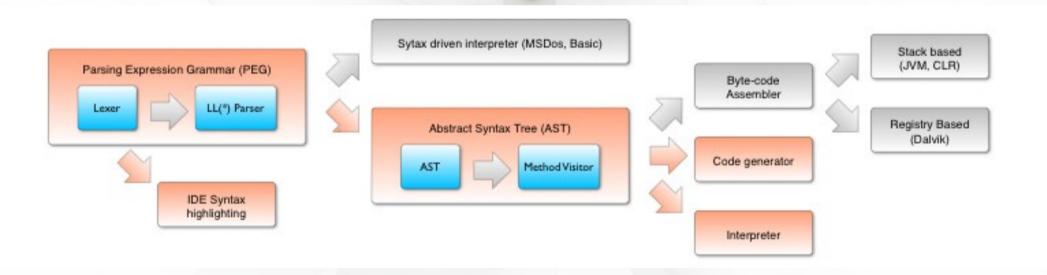
4 classes de langages

Analyseur Syntaxique Grammaire non contextuelle (CFG - Context Free Grammar) Automate à pile (récursion)

Analyseur Lexical Grammaire régulière Automate fini



Choix à plusieurs niveaux



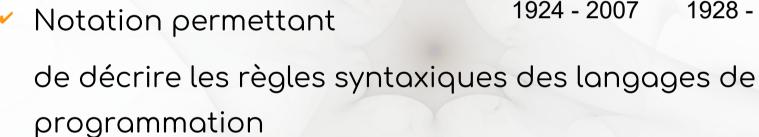
Le résultat de l'analyse lexicale est aussi utilisé pour la coloration syntaxique

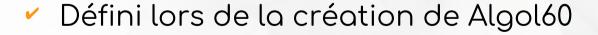
Pour décrire les grammaires des analyseurs lexicaux et syntaxiques, on utilise la Forme de Backus-Naur



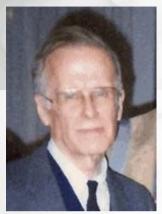
BNF

Backus Naur Form





 Successeur du Fortran originalement créé par John Backus



John Backus 1924 - 2007



Peter Naur 1928 - 2016

EBNF - syntaxe

- * répétition
- absence
- , concaténation
- ✓ | choix
- = définition
- ✓ ; terminaison
- 'a'..'z' intervalle

- ' terminal ambigu '
- " terminal ambigu "
- (* commentaire *)
- (groupe)
- [groupe optionnel]
- { groupe répété }
- ? séquence spéciale ?

EBNF - exemple

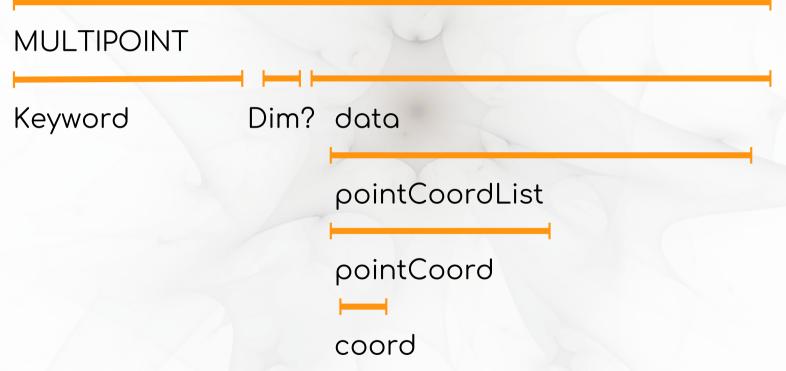
```
null = ' ' | '\t' | '\n' | '\r';
number = ( '0'..'9' ) { '0'..'9' };
symbol = '(' | ')' | '+';
keyword = ( 'if' | 'goto' );
lexem = keyword | symbol | number
null;
lexemList = (lexem) { lexem }
```

BNF - exercice

- Quelle est la grammaire du wkt ?
- POINT (10 20)
- POINT Z (17 15.5 14.7)
- MULTIPOINT((3.5 5.6), (4.8 10.5))
- MULTIPOINT Z((3.5 5.6 4.7), (4.8 10.5 7))

EBNF - exercice

MULTIPOINT Z ((3.5 5.6 4.7), (4.8 10.5 7))



EBNF - réponse

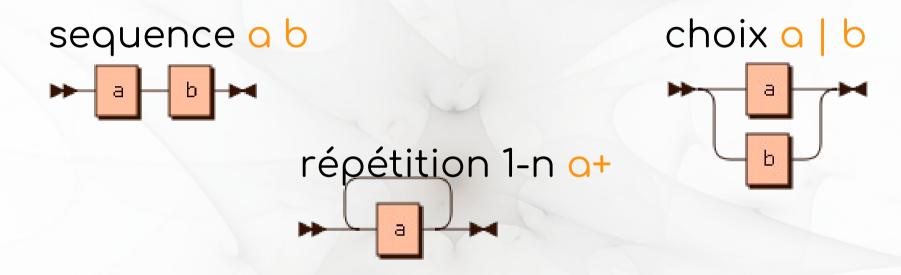
```
multipoint = keyword dim? Data;
keyword = 'MULTIPOINT';
dim = 'Z' | 'M' | 'ZM';
data = '(' pcl ')';
pcl = pc { ',' pc };
pc = '(' number { ' number } ')';
number = [0..9] { [0..9] }
```

Attention destiné au Lexer

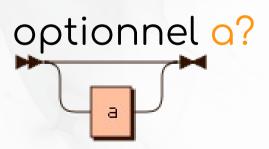
Railroad Diagram

- Propose une représentation graphique de la grammaire
- http://www.bottlecaps.de/rr/ui
- Représente les séquences, les choix et les boucles
- Remarque : opérateurs nécessaires et suffisants
- ✓ cf: Grammar-lab.io

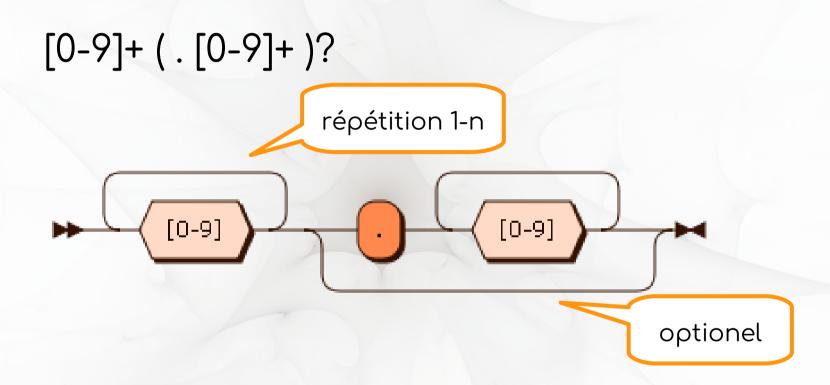
Railroad Diagram



répétition 0-n a*



Railroad Diagram



Équivalences Kleene / EBNF

Optionnel:

Répétition (0 .. n) :

Répétition (1 .. n) :

Exercice

Donner des exemples de mots <u>acceptables</u>

pour:

Réponses

- oba, abb, abaaaa, abbaaaaa
- non acceptés : abbb, aaba, bab

- 0, 1, 50, 25.4, 29.7598
- ✓ non acceptés : .25, 2.2.2, 27.



Généralités

- But:
 - Lire le code source
 - Reconnaître les mots
 - Distinguer les types de mots (chiffres, identifiants, chaînes de caractères, symboles, espaces)
- Entrée :
 - Une liste de caractères
- Sortie:
 - Une liste de mots typés (lexèmes)

Lexer - définition



set	keyword
	space
а	ident
=	symbol
7	number
*	symbol
3	number
+	symbol
b	ident

Remarques

- Consommé par l'analyseur syntaxique
- Mais pas obligatoire (algorithmes similaires entre lexer et parser)
- Utilise généralement un algorithme LL(1)
- Également utilisé lors de la coloration syntaxique

```
void main() {
   set a = 7 * 3 + b
}
```

Question?

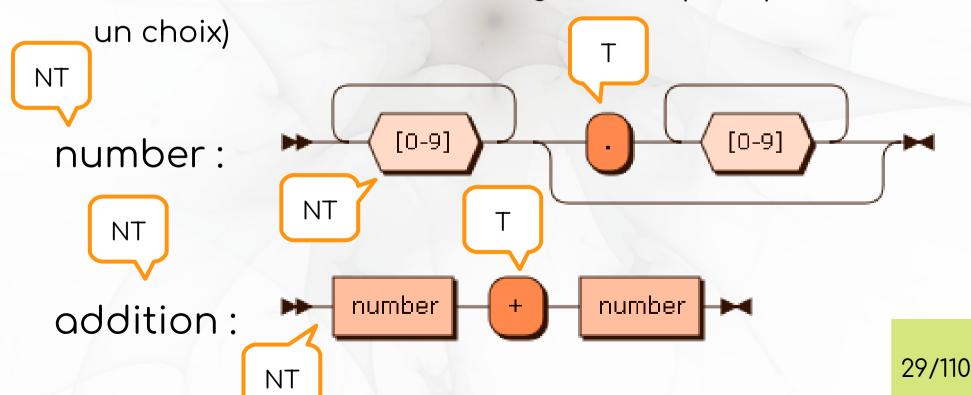
Différence entre grammaire pour le lexer et pour le parser

number:

addition:

Terminal / Non Terminal

- Et dit terminal ssi aucune règle n'existe pour le transformer en autre chose
- Et dit non terminal ssi une règle existe (dés qu'il existe



Remarques

- Ces mots typés sont appelés Lexèmes ou Tokens
- Types généralement utilisés :
 - SPACE, COMMENT /* */ \n
 - SYMBOL () {} + * / %
 - NUMBER, STRING
 - KEYWORD if, else, while, do
 - ✓ IDENT Test sur le type uniquement

Exercice

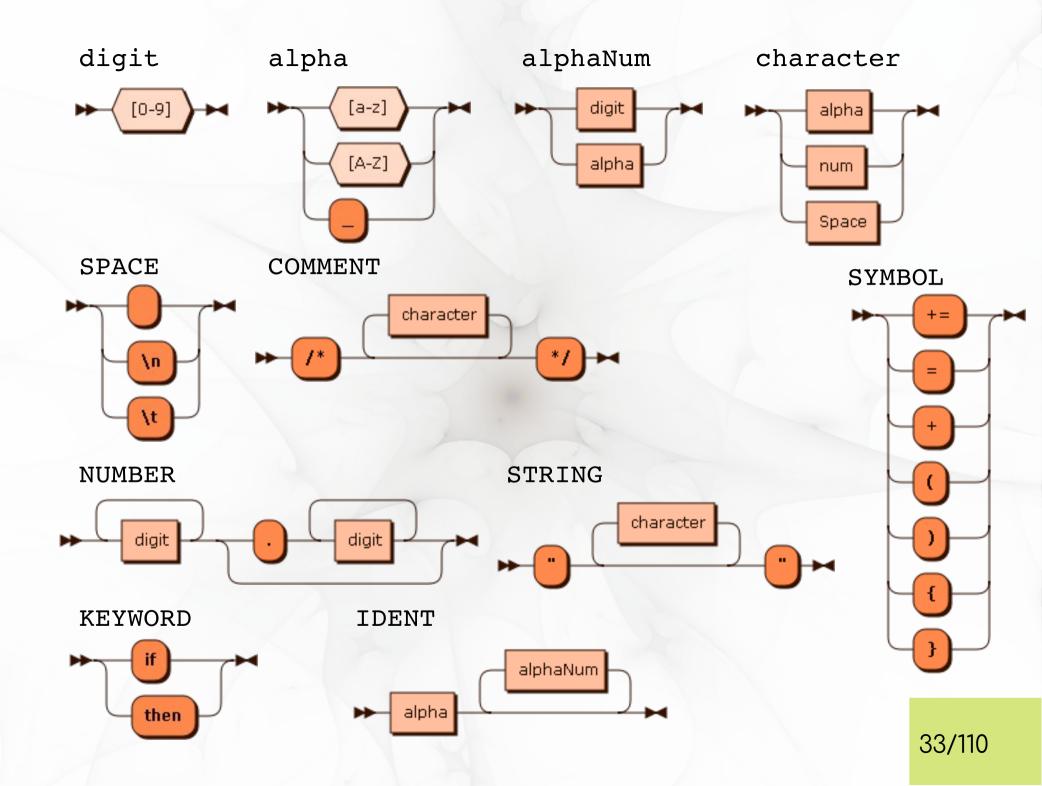
Donner la définition d'un analyseur lexical capable de parcourir ce script :

```
if (_var0 < 0.1) { /* test */
   print ("too small")
} else {
   _var0 += 1
}</pre>
```

Réponse

lexème + type

```
digit ::= [0-9]
alpha ::= [a-z] [A-Z] ''
alphaNum ::= digit | alpha
character ::= alpha | num | Space
SPACE ::= ' ' \n' '\t'
COMMENT ::= '/*' character* '*/'
SYMBOL ::= '+=' | '=' | '+' | '(' | ')' | '{' | '}'
NUMBER ::= digit+ ('.' digit+)?
STRING ::= '"' character*
                                        L'ordre est il
KEYWORD ::= 'if' | 'then'
                                        important?
IDENT ::= alpha alphaNum*
                      Pourquoi pas
Production d'un
                      alphaNum+?
```

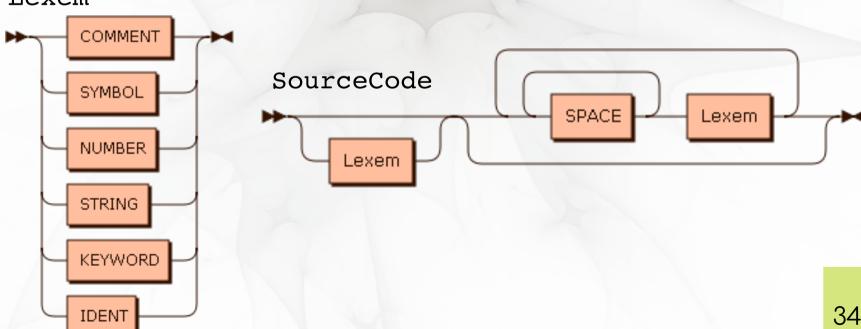


Lexème global

Un programme est une liste de mots

```
Lexem ::= COMMENT
                   SYMBOL
                            NUMBER
         STRING KEYWORD
                            IDENT
SourceCode ::= Lexem? (SPACE Lexem) *
```

Lexem





Algorithme LL(0)

- Pour transformer la chaîne de caractère en liste de lexèmes, il faut :
- Lire les caractères uns a uns
- De gauche à droite
- Déterminer le type de production
- Stocker le résultat dans une liste

LL(0) Recursive descent parser

abbaaaaa

```
consumed 11
```

```
function testA() {
   if (current == "a") return true;
   return false;
}

function consumeA() {
   // do stuffs
   next()
}
```

```
sequence ***
```

```
function sequence() {
  if (testA()) consumeA()
  else return false
  if (testB()) consumeB()
  else return false
  return true
```

```
choix
```

```
function choice() {
  if (testA()) consumeA()
  else if (testB()) consumeB()
  else return false
  return true
}
```

```
optionnel:
```

```
function optional() {
  if (testA()) consumeA()
  return true
}
```

```
répétition +:
```

```
function repeatOneOrMore() {
   if (!testA()) return false
   do {
      consumeA()
   } while (testA())
   return true
}
```

```
répétition *:
```

```
function repeatZeroOrMore() {
    while (testA()) {
       consumeA()
    }
    return true
}
```

Algorithme LL(0)

- Left to Right
- Left most derivation
 - L'élément de gauche détermine quelle règle grammaticale appliquer
- Look ahead de 0
 - L'algorithme ne teste que le caractère courant
- Algorithme typiquement utilisé pour l'analyseur lexical
- Implémentation Recursive Descent Parser

Exemple

```
number: [0-9]
```

```
function parseNumChar() {
    if (!testNum()) return false
    do {
        consume()
    } while (testNum())

    return true
}
```

```
function parseNumber() {
    parseNumChar()
    if (testDot()) {
        consume()
        parseNumChar()
    }
}
Optionnel?
```

Limitations

- Le premier symbole (Left most derivation) est déterminant pour la production
- Convient pour le Basic, le Pascal, Le LISP ou l'analyse lexicale
 - Pourquoi les identifiants doivent commencer par une lettre (C like, Python, Pascal, Basic ...)
 - String str2 = « myString » est volide
 - ✓ String 2dStr = « myString » ne l'est pas!

Limitations - solution

- Pour augmenter le nombre de grammaire reconnus on peu augmenter le "look ahead"
- Avant la production on regarde les éléments suivant
- L'analyseur LL(k)
- k détermine le nombre d'éléments à regarder
- LL(0) est un cas particulier du LL(k)
- LL(*) lorsque k est illimité (pré-analyse sans production)

LL(k)

2dStr = "Hello"

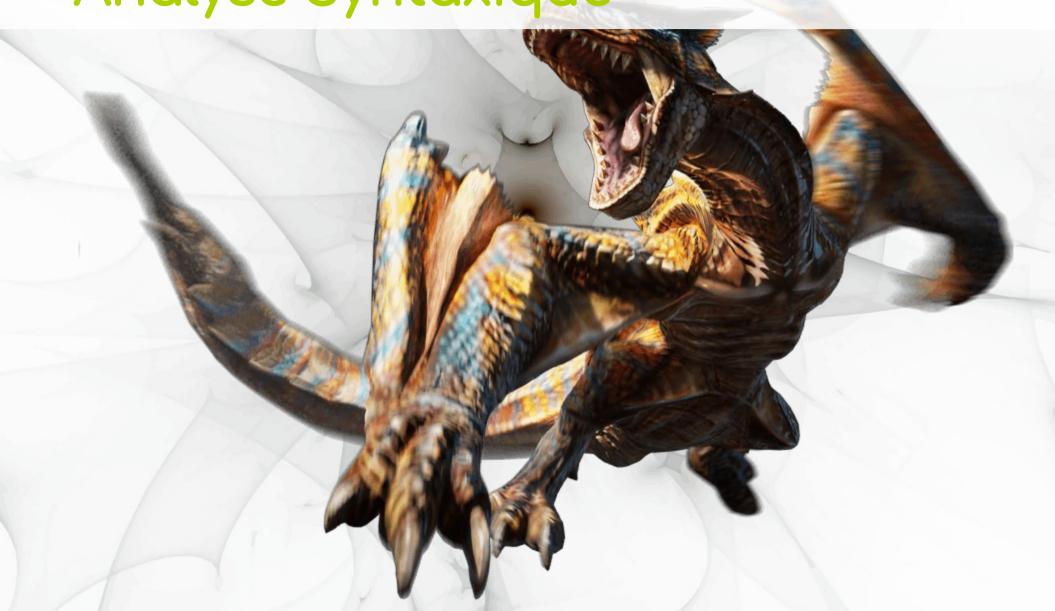
- 1 look ahead
- Un look ahead de 2 permettrait de préfixer les identifiants avec un chiffre
- Ainsi de distinguer un identifiant d'un nombre de manière certaine
- Ne fonctionne plus si le nombre est plus grand : 27dString
- Une solution ?

2dStr = "Hello"

T look ahead

- Un look ahead infini permet de déterminer à coup sûr de la grammaire qui va suivre
- Intervient lors d'un choix entre deux productions
- Algorithme Backtrack (parcours récursivement la structure)
- A suivre

Analyse Syntaxique

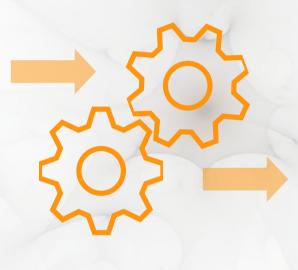


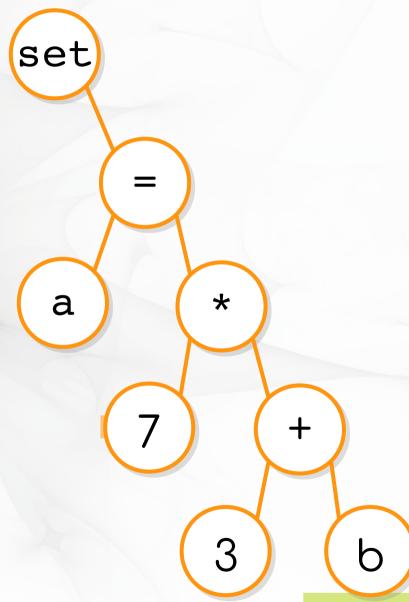
Généralités

- But:
 - Lire les lexèmes
 - Reconnaître les grammaires
 - Produire un AST (arbre de syntaxe)
- Entrée :
 - Une liste de lexèmes
- Sortie:
 - Un AST, arbre représentant le programme

Parser - définition

set	keyword
	space
а	ident
=	symbol
7	number
*	symbol
3	number
+	symbol
b	ident



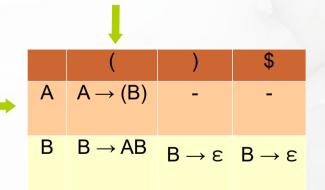


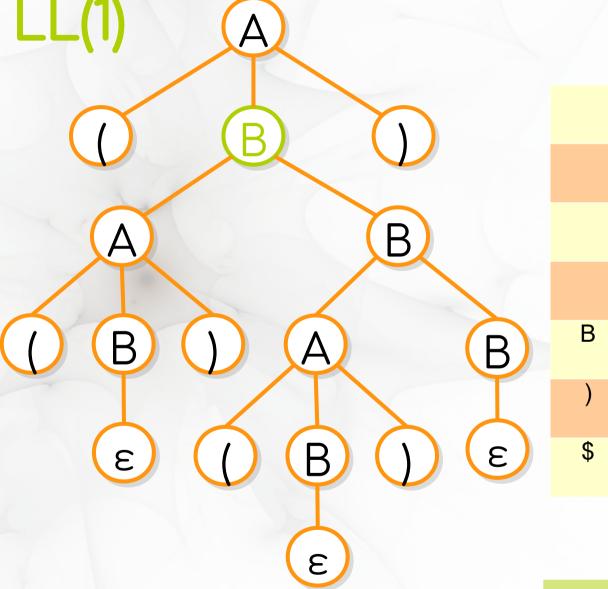
Remarques

- Consomme le résultat de l'analyseur lexical
- Utilise généralement un algorithme plus complexe que le LL(0)
- LL(0) utilisé par BASIC, PASCAL, MsDOS
- Consommé par l'analyseur sémantique et/ou le codegen
- Algorithme Récursif : Recursive Descent Parser

Algorithme LL(1)

- \checkmark A \rightarrow (B)
- \lor B \rightarrow AB
- ∨ B → ε





Exemple : (()())

Démo table

$$\checkmark$$
 A \rightarrow (B)
 \checkmark B \rightarrow AB

$$\lor$$
 B \rightarrow AB

$$^{\prime}$$
 B → ε

	()	\$	
Α	A → (B)	-	-	
В	$B \rightarrow AB$	$B \to \epsilon$	$B\to\epsilon$	

A	
B	

В

Exemple:(()())

Démo récursion

- \checkmark A \rightarrow (B)
- \lor B \rightarrow AB
- ∨ B \rightarrow ε

```
parse ('(')
  parseB() // C1
  parse (')')
function parseB() {
  if ('(') {
     parseA() // C2
     parseB() // C3
   } else return true
}
```

function parseA() {

C1

Exemple: (()())

Remarques

- Tout algorithme récursif peut-être converti en machine à pile
- Et réciproquement
- Dans un algorithme récursif, on utilise la pile d'appel des fonctions

Récursivité

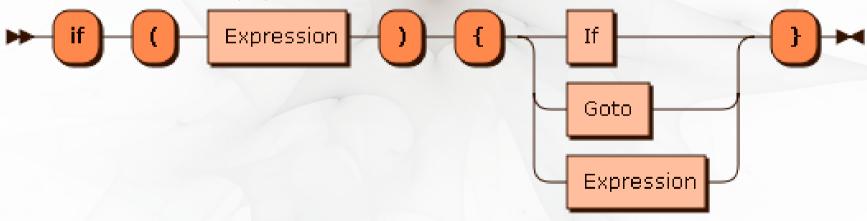
Exemple "bien parenthésé"

```
if (a == 0) {
   if (b == 0) {
     if (c == 0) {
     }
}
```

Récursivité if cnd stmt ex if (a == 0) { if (b == 0) { cnd stmt ex ex

Récursivité

Récursif dans les cas de : structures de contrôle, expressions arithmétiques, blocs de code, appels de fonctions etc....



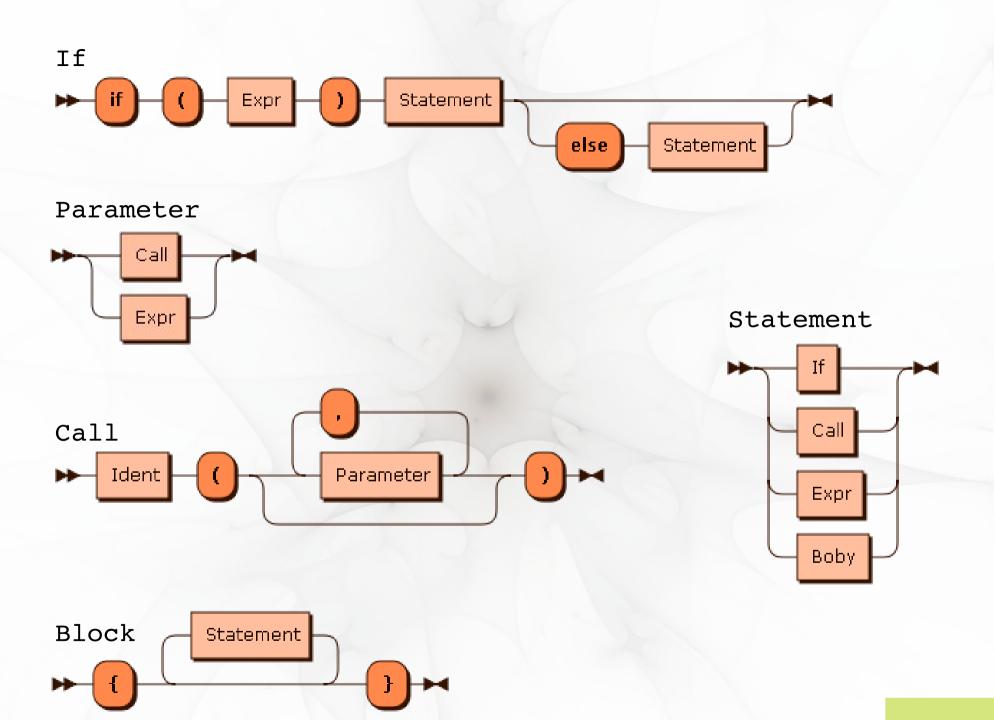
Exercice

Donner la définition d'un analyseur syntaxique capable d'interpréter ce script :

```
if (_var0 < 0.1) { /* test */
    print ("too small")
} else {
    _var0 += 1
}</pre>
```

Réponse

Récursif





Limitations

- Rappel: Les algorithmes LL(0) sont limités
- Le symbole le plus à gauche (Left most dérivation) est déterminant pour la production
- Convient à la majeur partie des structures (if, set/let, while, do)
- Mais pas pour l'arithmétique!

LL1

$$10 + 10$$



- L'analyseur n'est pas capable de savoir, à cet endroit là :
 - S'il est en présence d'un chiffre seul
 - Ou si ce chiffre fait partie d'une opération
- Grammaire ambiguë
- \checkmark S \rightarrow n
- $\checkmark S \rightarrow S + S$
- ✓ ici S commence par un non terminal)

Impossible!

```
S \rightarrow S + S
S \rightarrow n
   function parseSum() {
      try {
         parseSum()
         if (testPlus()) consumePlus()
         return false
         parseSum()
      } catch {
         if (testNumber()) consumeNumber()
         return false
      return true
```

Pas mieux!

```
S \rightarrow n
S \rightarrow S + S
   function parseSum() {
       if (testNumber()) consumeNumber()
       else {
          parseSum()
          parsePlus()
          parseSum()
```

Solution 1: Modifier le langage

- Cas du LISP (John McCarthy 1958)
- Pas d'ambiguïté, l'opération commence par l'opérateur

$$\checkmark S \rightarrow (+SS)$$

$$\checkmark S \rightarrow n$$

Mieux!

```
S \rightarrow + S S
S \rightarrow n
```

```
function parseSum() {
    if (testPlus()) {
        consumePlus()
        parseSum()
        parseSum()
    } else if (testNumber())
        consumeNumber()
    else return false
    return true
}
```

Solution 2: Modifier la grammaire

$$10 + 10$$



- \checkmark S \rightarrow n F
- $\checkmark F \rightarrow + S$
- ∨ F → ε
- Suppression de la récursivité à gauche

Mieux!

```
S \rightarrow nF

F \rightarrow + S

F \rightarrow \epsilon
```

```
function parseSum() {
   if (testNumber()) consumeNumber()
   else return false

   if (testPlus()) {
      consumePlus()
      parseSum()
   }
   return true
}
```

Cas Général

- Suppression de la récursivité à gauche
 - ✓ Immédiate : $A \rightarrow A\alpha$, $\alpha \in (T \cup N)+$
 - ✓ Générale : A \rightarrow *A α , $\alpha \in (T \cup N)$ +

✓ Il est possible de supprimer les deux cas par transformation de la grammaire

Récursivité immédiate

On remplace les règles de la forme :

$$\checkmark X \rightarrow X\alpha_1 \mid ... \mid X\alpha_n \mid \beta_1 \mid ... \mid \beta_m$$

Par les règles :

$$\checkmark X \rightarrow \beta_1 X' \mid ... \mid \beta_m X'$$

$$\checkmark X' \rightarrow \alpha_1 X' \mid ... \mid \alpha_n X' \mid \epsilon$$

Exercice

- Supprimer la récursivité à gauche de :
- $E \rightarrow E + T \mid T$ $T \rightarrow T * F \mid F$ $F \rightarrow i \mid (E)$
- \vee $X \rightarrow X\alpha_1 \mid ... \mid X\alpha_n \mid \beta_1 \mid ... \mid \beta_m$
 - \vee $X \rightarrow \beta_1 X' \mid ... \mid \beta_m X'$
 - \checkmark $X' \rightarrow \alpha_1 X' \mid ... \mid \alpha_n X' \mid \epsilon$

Solution

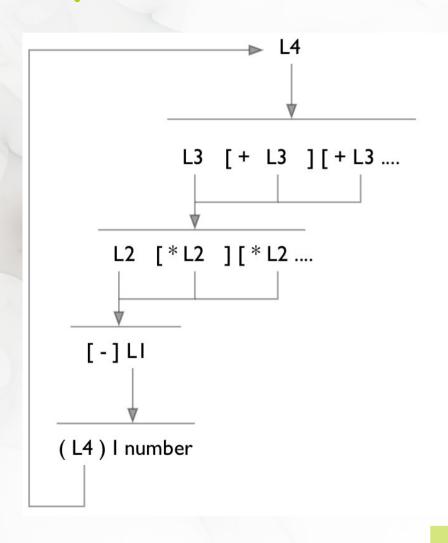
$$\begin{array}{c} \checkmark \quad X \rightarrow \beta_1 \, X' \mid ... \mid \beta_m X' \\ X' \rightarrow \alpha_1 X' \mid ... \mid \alpha_n X' \mid \epsilon \end{array}$$

Précédence des opérateurs

✓ E
$$\rightarrow$$
 E + T | T
T \rightarrow T * F | F
F \rightarrow (E) | i

ex:
$$(3 + 7 * 2) + 4$$

 $E \rightarrow E + T$
 $E \rightarrow T, T \rightarrow F, F \rightarrow (E)$
 $E \rightarrow E + T, T \rightarrow T * F$



Solution 3: Lookahead

$$10 + 10$$

- 1 lookahead
- Un lookahead de 2 permettrait de définir la production (chiffre ou addition)
- Lorsque l'algorithme est face à un choix de production, il lance une prédiction
- \checkmark S \rightarrow n (+S)*

Mieux!

```
10 + 10

1 lookahead
```

```
\checkmark S \rightarrow n (+S)*
```

```
function parseSum() {
   if (!testNumber()) return
   moveForewardLL()
   if (!testPlus()) return
   moveBackwardLL()

   parseNumber()
   parsePlus()
   parseSum()
}
```



Solution 3: Lookahead

$$10 + 10$$

- 1 lookahead
- Un look ahead de 2 permettrait de définir la production (chiffre ou addition)
- Lorsque l'algorithme est face à un choix de production, il lance une prédiction
- \checkmark S \rightarrow n + S
- \checkmark S \rightarrow n

Mieux!

```
function parseSum() {
   if (!testNumber()) return
   moveForewardLL()
   if (!testPlus()) return
   moveBackwardLL()

   parseNumber()
   parsePlus()
   parseSum()
}
```

LL(k) et LL(*)

- L'algorithme LL(0) est un cas particulier de LL(k)
 - ✓ k = 0, pas de look ahead
- LL(k) est un cas particulier de LL(*)
 - k est fini alors que * est infini

- \checkmark antLR \lor 1 \rightarrow LL(1)
- \checkmark JavaC → LL(k)
- \checkmark antLR \lor 3 \rightarrow LL(*)

Prédictibilité

- Principe : lors
 d'une décision,
 l'algorithme lance
 une prédiction
- c'est-à-dire un algorithme récursif qui ne consomme pas et ne produit pas

```
function predictSum() {
   if (testNumber()) {
      moveForeward()
      if (testPlus()) {
         moveForeward()
         if (predictSum())
            return true
         moveBackward()
      moveBackward()
   return false
```

Limitations

- L'algorithme LL(*) refuse toujours la récursivité à gauche.
- De plus sa complexité est exponentielle

Complexité cnd stmt ex if (a == 0) { $if (b == 0) {$ cnd stmt if (c == 0) ex ex

Solution: Packrat

- Utiliser un cache.
- Pour chaque décision, stocker une paire clé (position), valeur (décision)
- Utiliser le cache lors du prochain passage
- Garantie que l'évaluation n'aura lieu qu'une seule fois
- Algorithme Packrat
- Complexité presque linéaire



Généralités

Inventé par Donald Knuth en Juillet 1965

Left To Right, Right most derivation

- ✓ LL: Approche Top Down
- ✓ LR: Approche Bottom Up

Analyseur LR

- Inventé par Donald Knuth
- ✓ en Juillet 1965



Donald Knuth 1938

Left To Right, Right most derivation

- ✓ LL : Approche Top Down
- ✓ LR: Approche Bottom Up

Analyseur LR

- 2 structures:
 - Flot d'entré
 - Pile
- 4 opérations :
 - Shift: transfert du flot d'entrée vers la pile
 - Reduce: On reconnaît sur le sommet de la pile une partie droite d'une production, on la remplace par la partie gauche
 - Erreur : Arrêt et signalement d'une erreur
 - Accept : Arrêt, phrase reconnu

Exemple: SLR

Simple LR parser ou LR(0)

✓ Soit le flot d'entrée : 10 + 10 + 10

Et la grammaire :

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow n$$

	10 + 10 + 10 shift
10	+ 10 + 10 reduce
Т	+ 10 + 10 reduce
E	+ 10 + 10shift
E +	10 + 10shift
E + 10	+ 10reduce
E + T	+ 10reduce
E	+ 10shift
E +	10shift
E + 10	reduce
E + T	reduce
E	accept

Ε	$\rightarrow E$	+ 7	ГІТ
Τ	→ r	1	

LALR

- LALR Look-Ahead LR Parser
- Analyseur avec anticipation
- Permet un ensemble de grammaire plus grand
- Fonctionnement de YaCC

- Permet de résoudre l'ambiguité :
- \checkmark S → L• = R (Curseur •)
- $Arr R
 ightharpoonup L^{\bullet}$

		10 + 10 + 10	shift
$E \rightarrow E + T \mid T$	10	+ 10 + 10	reduce
	Т	+ 10 + 10	shift
	T +	10 + 10	shift
	T + 10	+ 10	reduce
	T + T	+ 10	shift (*)
T → n	T + T +	10	shift
	T + T + 10		reduce
	T + T + T		reduce (*)
	T + T + E		reduce
	T + E		reduce
	E		accept

Compilateurs de compilateurs

- Les analyseurs LR sont trop complexes à écrire à la main
- Généralement construits par des générateurs d'analyseur (compilateurs de compilateurs)
- Crée une table d'analyse
 - Action, les actions à faire en fonction des symboles rencontrés
 - Transition, les branchements

Bootstraping - Auto-hébergé

- Le compilateur du langage écrit dans le langage luimême
- Imaginé pour le LISP, idée poursuivi pour C et Pascal
- Paradoxe de l'œuf et de la poule (pourquoi et comment)
 - Comment : premier compilateur minimal en assembleur, puis suite de versions de plus en plus complexe / haut niveau
 - Pourquoi : plus simple que d'écrire un compilateur complet en assembleur

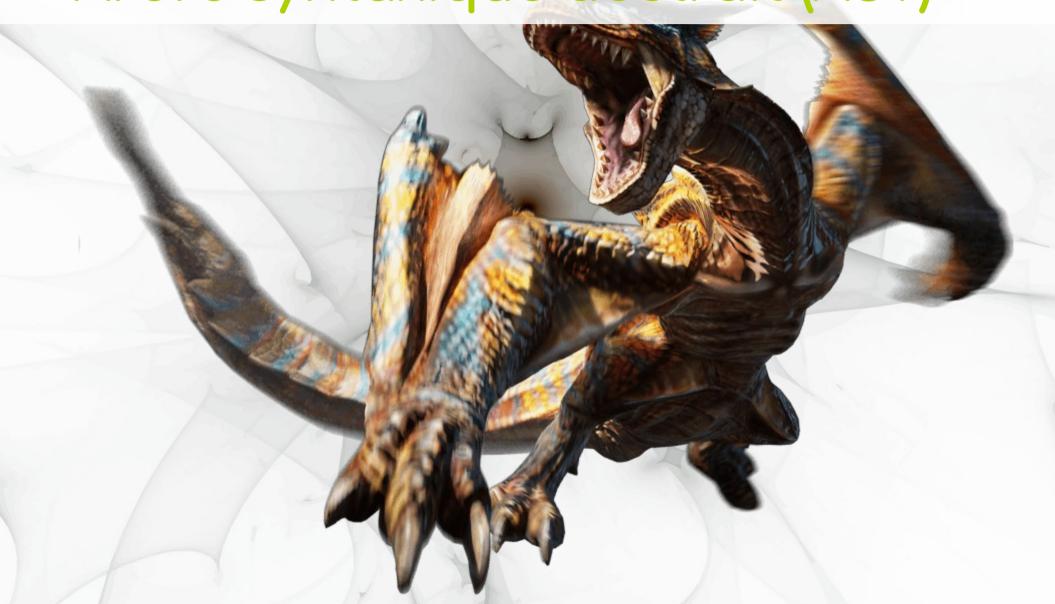
Les algorithmes

Deux grandes familles d'algorithmes :

LL → LL(0), LL(k), LL(*), Packrat, PEG (Parsing Expression Grammar)

✓ LR → SLR (Simple LR), LALR (Look Ahead LR), GLR

Arbre syntaxique abstrait (AST)

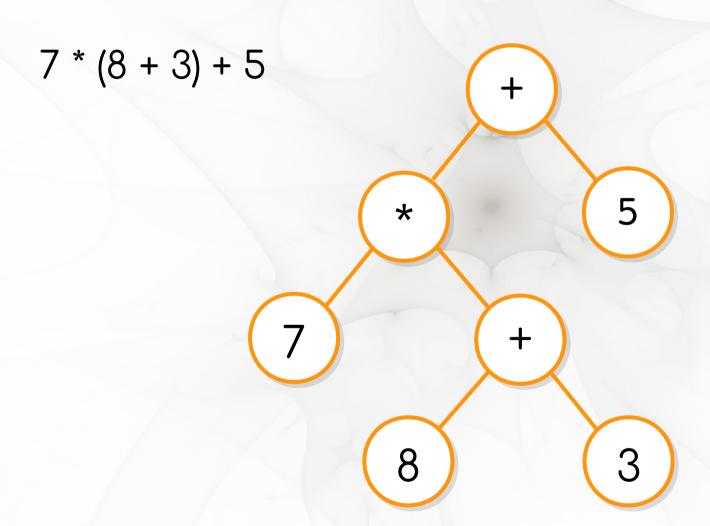


AST: Arbre syntaxique

- En: Abstract Syntax Tree
- Arbre logique qui représente la structure du programme
- Ses nœuds sont des opérateurs et ses feuilles des opérandes (variables ou constantes)

 Une production grammaticale produit un nœud de l'arbre

Exemple

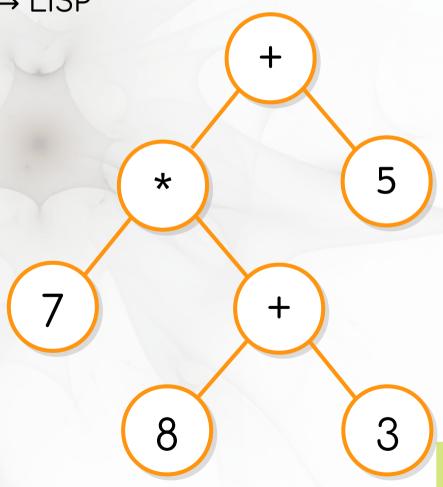


AST - Parcours

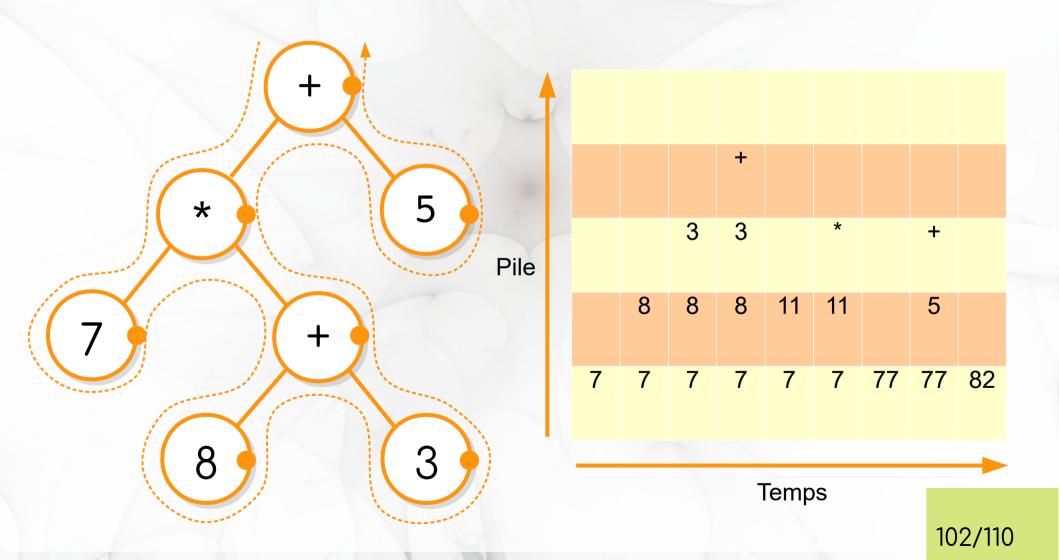
✓ CodeGen arithmétique → LISP

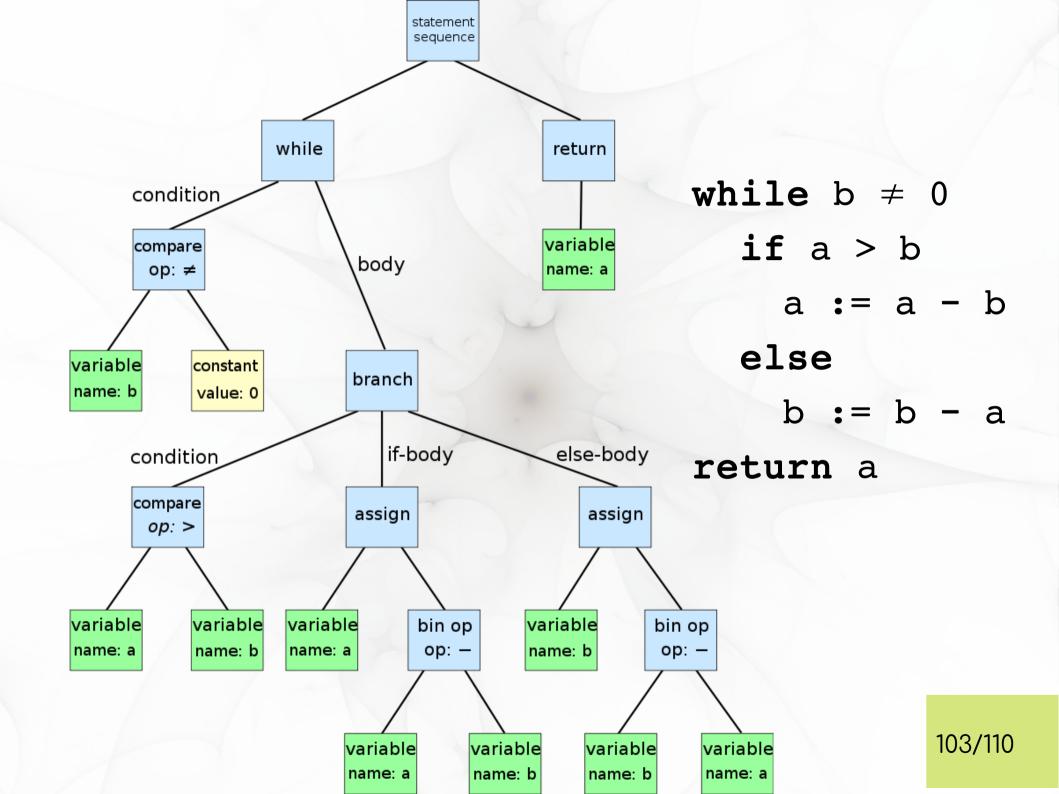
- ✓ LISP:
- (+ (* 7 (+ 8 3)) 5)

- Cf: Parcours d'arbres
- Cf: Demo Algo



AST - Parcours





Grammaires ambiguës

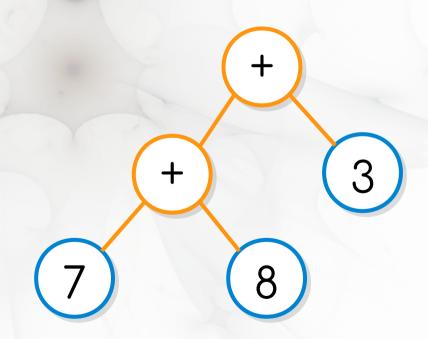
- Définition : une grammaire ambiguë c'est lorsque qu'une grammaire peut engendrer deux arbres différents
- Exemple : if if else (à quel if correspond le else)
- Solution : le Parsing Expression Grammar
 - Dans le cas d'une grammaire ambiguë, le PEG va choisir la première qui correspond
 - En réalité proche du programme et non de la théorie

Production - simple

$$E \rightarrow E + E$$

$$E \rightarrow (E)$$

$$7 + 8 + 3$$



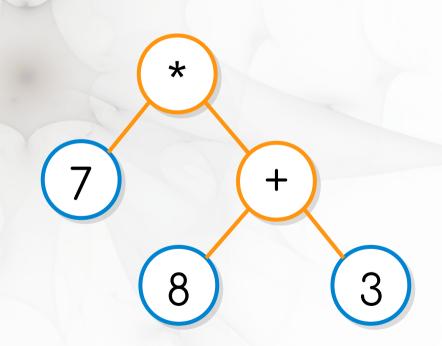
Précédence - contre exemple

$$E \rightarrow E * E$$

$$E \rightarrow E + E$$

$$E \rightarrow (E)$$

$$E \rightarrow int$$



$$A \rightarrow M (+A)$$
?

$$M \rightarrow E (*M)?$$

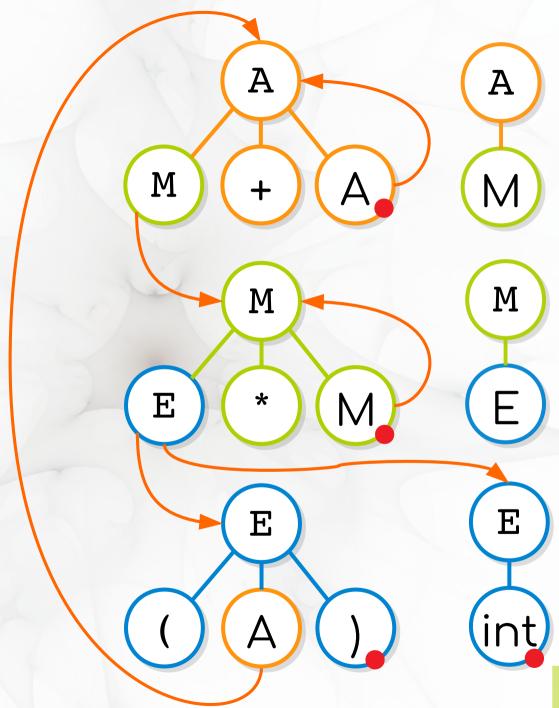
$$E \rightarrow (A) \mid int$$

$$3 * 2 + 5$$

$$3 + 2 * 5$$

$$3*(2+5)$$

$$(3*2)+5$$



Pourquoi un AST?

- L'interprétation directe oblige de ré-analyser lors de chaque itération
- Offre l'opportunité d'optimisations (analyse sémantique)
- Offre l'opportunité de vérifications
- Peut être réutilisé
- Plusieurs cibles
 - Compilation
 - Interprétation
 - Traduction

Et après

