Travaux pratiques Fractions

1 Introduction

Le but de ce thème est de traduire des réels de l'intervalle [0,1] en fractions à une précision donnée près. On va travailler sur 5 fichiers :

- le **src/Fractions/fraction.mk** pour compiler automatiquement les fichiers;
- le fichier **src/Fractions/fraction.c** qui contiendra l'implémentation des fractions;
- le fichier include/fraction.h qui contiendra les en-têtes des fonctions et types définis;
- le fichier **src/Fractions/test fraction.c** qui contiendra les tests sur les fractions;
- le fichier **src/Fractions/recherche.c** qui contiendra les sources du programme **bin/fraction** de recherche de fraction.

2 Compilation

Pour effectuer les tests, on va réutiliser les fichiers tests.h et la librairie entrees. Assurezvous qu'ils sont bien dans le répertoire ~/src/include. Cela signifie que parmi les options de gcc, lors de la compilation, il faut ajouter :

-I "~programmation-en-C/src/include"

De plus, pour voir plus facilement le résultat des tests, il faut compiler avec :

-DUSECOLORS

Ensuite, quand on en sera à la version finale, on enlèvera les tests en compilant avec l'option :

-Dproduction

Enfin, pour utiliser la fonction fabsl : double \rightarrow double qui calcule la valeur absolue d'un double et est définie dans la bibliothèque \langle math.h>, il faut compiler avec l'option :

-lm

On paramétrise le ${\tt fraction.mk}$ avec des variables en le commençant par les lignes suivantes :

GCC=gcc

LIBS=-lm -lentrees

INCLUDE=-I "~/programmation-en-C/src/include"

FLAGS=-DUSECOLORS

On peut utiliser ces variables dans les règles. Par exemple :

test_fraction : test_fraction.c fraction.c

\$(GCC) \$(FLAGS) -o \$@ \$@.c \$(INCLUDE) \$(LIBS)

INCLUDE=-I "~/src/include"

FLAGS=-DUSECOLORS

Test du Makefile. On peut préciser ce qui va être fait en marquant le but d'une règle. Par exemple :

```
\text{texttt}\{\text{make} - f \text{ fraction.mk } \text{test} \setminus \underline{\text{fraction}}\}
```

3 Fichier fraction.c

I Exercice: Base sur les structures

(a) Déclarer une structure $fraction_s$ qui contient deux entiers, un numérateur p et un dénominateur q.

```
struct fraction_s {
  int p;
  int q;
};
```

(b) Déclarer un nouveau type fraction qui est le type des structures fraction_s.

```
Solution

typedef struct fraction_s fraction ;
```

(c) Écrire une fonction nouvelle_fraction qui prend en entrée deux entiers, et qui renvoie une fraction avec ces entiers comme, respectivement, le numérateur et le dénominateur.

```
fraction
nouvelle_fraction ( int p , int q )
{
  fraction r ;
  r.p = p ;
  r.q = q ;
  return r ;
}
```

(d) Écriture deux fonctions numerateur et denominateur qui renvoient respectivement le numerateur et le dénominateur de la fraction passée en entrée.

```
int
numerateur ( fraction f )
{
  return f.p;
}

int
denominateur ( fraction f )
{
  return f.q;
}
```

Note de bonne programmation. Dans la suite, utilisez uniquement les fonctions nouvelle_fraction, numerateur, et denominateur.

II Exercice : Opérations simples sur les fractions

(a) Écrire une fonction fractionemp qui prend en entrée deux fraction f_1 et f_2 et rend un entier du même signe que $f_1 - f_2$ (pour l'opération habituelle de soustraction).

```
int fractioncmp ( fraction a , fraction b )

{
    return numerateur ( a ) * denominateur ( b ) - numerateur ( b) * denominateur ( b) * denominate
```

(b) Écrire une fonction addition cancre qui fait l'addition des cancres de 2 fractions :

$$\frac{p}{q} \oplus \frac{p'}{q'} = \frac{p+p'}{q+q'}$$

On note qu'il s'agit aussi de l'addition des professeurs, puisque $\frac{5}{8} \oplus \frac{8}{12} = \frac{13}{20}$.

(c) Écrire une fonction eval_fraction qui renvoie le nombre (de type double) qui est la valeur de la fraction passée en argument.

```
double
eval_fraction ( fraction f )
{
  return ( ( double ) numerateur ( f ) ) / denominateur ( f ) ;
}
```

III Exercice: Recherche par dichotomie d'une fraction

L'addition des cancres permet de trouver par dichotomie la forme réduite d'une fraction approchant un nombre positif. La justification mathématique est donnée par le lemme suivant [?] :

Lemme 1. Si $\frac{a}{b} < \frac{p}{q} < \frac{c}{d}$ et si ad - bc = -1 alors :

$$\begin{cases} p > a+b \\ q > b+d \end{cases}$$

Donc si on cherche un rationnel entre deux autres nombres qu'on aura calculé, soit il est égal à leur somme des cancres, soit il est entre leur somme des cancres et l'un des deux, et ses numérateurs et dénominateurs sont plus grand que ceux de la somme des cancres.

(a) En déduire une fonction ftofraction qui prend en entrée un double et rend une fraction irréductible égale à ce double à une précision ε près.

Aide. Il faut commencer par se ramener au cas d'un nombre entre 0 et 1, puis faire une recherche dichotomique en partant de $0 = \frac{1}{0}$ et $+\infty = \frac{0}{1}$.

Aide pour le C. Pour calculer la valeur absolue, utilisez la fonction fabsl définie dans math.h.

```
fraction
ftofraction ( double x , double epsilon )
{
   double e ;
```

4 Écriture d'un programme

On veut maintenant écrire un programme complet qui va effectuer la mise sous forme de fraction d'un décimal. Lors de l'appel -i.e., au début de la fonction main— le programme commence par regarder combien il a d'arguments :

- s'il en a 0, il demande (en utilisant LireDecimal) à l'utilisateur un nombre à chercher et une précision;
- s'il en a 1, on suppose que c'est le nombre à chercher, et on utilise la précision par défaut de 0.00000001;
- s'il en a 3, le premier doit être la chaîne de caractères "-p", le second la précision, et le troisième est le nombre à chercher.

IV Exercice: Utilisation des arguments

Implémentez ce programme dans un fichier recherche.c.

Solution

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>
#include "fraction.h"
#include "entrees.h"

void
demande_utilisateur ( double * x , double * epsilon )
{
   printf ( "Entrezuununombreuàutraduireuenufraction:\n" ) ;
   lire_decimal_long ( x ) ;
   printf ( "Entrezul'erreuruadmissibleuepsilon:\n" ) ;
   do {
      lire_decimal_long ( epsilon ) ;
}
```

```
\} while ( *epsilon < 0 );
int
main ( int argc , char * argv [] )
 double x , epsilon ;
 switch ( argc )
   case 1:
     demande_utilisateur ( &x , &epsilon ) ;
     break ;
   case 2:
     x = atof (argv[1]);
     epsilon = 0.00000001;
     break:
   case 4:
     if (strcmp (argv[1], "-p") = 0)
        x = atof (argv[3]);
        epsilon = atof (argv[2]);
       }
     else
       goto erreur_argument ;
     break ;
   default:
     goto erreur_argument ;
   }
 print_fraction ( ftofraction ( x , epsilon ) );
 return 0;
erreur_argument:
 return 1;
}
```

5 Programmation modulaire

Le fichier fraction.h a un défaut, qui est minime pour nous, mais qui est handicapant pour les gros programmes : les programmeurs qui l'utilisent peuvent créer de nouvelles structures en dehors des fonctions qu'on a défini car ils ont accès au format de la structure.

La technique permettant d'éviter cela consiste à déclarer le *type* fraction non plus comme une structure *fraction*, mais comme un pointeur vers une telle structure. Si les fichiers ont été écrits correctement, ce changement est très rapide.

V Exercice: Changement de type des fractions

(a) Changez le type fraction en un type qui pointe sur des structures dans fraction.h et fraction.c.

Solution

```
typedef struct fraction_s * fraction ;
```

- (b) Changez les fonctions nouvelle_fraction, numerateur, et denominateur du fichier fraction.c pour les adapter au nouveau type.
 - (c) Recompilez test_fraction et recherche.
- (d) Enlever la déclaration de la *structure* fraction_s du fichier fraction.h. Recompilez test fraction et recherche.

Solution