Exercices sur les Tableaux

1 Dosage des ions Calcium et Magnesium dans de l'eau (version 2)

**

Des mesures par dosage de la concentration en ions Calcium et Magnesium sont réalisées. A partir d'une série de mesures, vous allez calculer des grandeurs caractéristiques de cette série.

Afin de générer artificiellement cette série de mesures, vous téléchargerez depuis moodle le fichier genereConcentration.py. Vous écrirez en début de votre programme les lignes suivantes qui appellent la fonction genereC du module genereConcentration pour créer une liste appelée C de N concentrations mesurées.

```
import giveConcentration as gc

N = 150
C = gc.genereC(N)
print(C)
```

Dans cet exercice, vous ne devez pas utiliser de boucles.

- 1. Convertir la liste C en un tableau.
- 2. Calculer la moyenne de la concentration : \bar{c} .
- 3. Trouver le minimum et le maximum de la concentration
- 4. Calculer l'écart-type de la série de mesure sans faire de boucles. On donne la formule permettant le calcul de l'écart-type

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=0}^{N-1} (c_i - \bar{c})^2}$$

où N est le nombre de valeurs de la série générée par **genereC**. Les c_i correspondent aux éléments de la matrice des concentrations C générée par le code ci-dessus.

5. Calculez la médiane de la série de données grâce à med = median(C) et vérifiez que la valeur de med correspond bien à la définition de la médiane, c'est-à-dire qu'il y a 50% de valeurs dans la série inférieures à med et 50% de valeurs dans la série supérieures à med.

2 Vitesse des molécules dans un gaz parfait

**

La théorie cinétique des gaz permet de connaître pour une température T donnée (en Kelvin) la quantité d'atomes (ou de molécules pour un gaz moléculaire) dont la vitesse v est comprise entre v et v+dv où dv représente un élément de taille très petite de la vitesse comparé à la valeur de v (on parle de variation infinitésimale). En langage plus familier, cela permet de connaître la fraction d'atomes ayant une certaine vitesse. Nous appellerons cette quantité $\rho(v,T)$. Cette loi de variation s'appelle la loi de Maxwell-Boltzmann.

La fonction **ddp** du module **distribVT** permet de calculer la valeur de cette loi pour une vitesse v et une température T données. Pour pourvoir l'utiliser, il faut que le fichier **distribVT.py** soit présent dans votre répertoire de travail. Dans ce module, le gaz considéré est l'Argon. L'exemple ci-dessous montre comment utiliser ce module pour calculer la valeur de la loi de Maxwell-Boltzmann pour une température $T=273\,\mathrm{K}$ et une vitesse de $500\,\mathrm{m\,s^{-1}}$, c'est à dire $\rho(500,273)$.

```
import distribVT as vt

T=273
print(vt.ddp(500,T))
```

- 1. Faire le nécessaire pour qu'un utilisateur puisse saisir la température de travail en faisant en sorte que l'utilisateur ne puisse pas saisir une température inférieure à la température de liquéfaction de l'argon qui est de -185.85 °C à la pression atmosphérique. Cette valeur sera placée dans une variable T. Vous choisirez dans un premier temps une valeur 25 °C.
- 2. Faire le nécessaire pour qu'un utilisateur puisse saisir la vitesse maximale du domaine des vitesses, v_{max} . Cette valeur sera placée dans une variable **vMax**. Vous choisirez dans un premier temps une valeur de $1500\,\mathrm{m\,s^{-1}}$.
- 3. Créer un tableau vitesse \mathbf{v} comprenant n=2000 valeurs entre $0\,\mathrm{m\,s^{-1}}$ et v_{max} . Calculer dans une variable pas, l'écart de vitesse entre 2 vitesses successives dans le tableau \mathbf{v} .
- 4. Créer un tableau val contenant les valeurs de la loi de Maxwell-Boltzmann pour chacune des vitesses du tableau v.
- 5. Donner la vitesse la plus probable, c'est à dire, celle qui correspond au maximum du tableau val. Il ne s'agit pas d'en faire un calcul théorique (une formule existe) mais de trouver sa valeur dans le tableau vitesse v.
- 6. Calculer la vitesse moyenne \bar{v} . Pour cela, vous utiliserez la méthode des trapèzes et la formule suivante :

$$\bar{v} = \int_0^{+\infty} v \rho(v, T) dv$$

Appliquée à la méthodes des trapèzes, on a dans le cas qui nous intéresse :

$$\bar{v} = pas\left(\frac{(v_0\rho(v_0, T) + v_{n-1}\rho(v_{n-1}, T))}{2}\right) + \sum_{i=1}^{n-2} v_i\rho(v_i, T)\right)$$

Vous remarquerez que la vitesse la vitesse moyenne n'est pas la plus probable!.

AMÉLIORATIONS FACULTATIVES (demander à l'enseignant si vous avez le temps de la traiter en séance ou s'il vaut mieux passer à l'exercice suivant) : Si vous avez réussi les questions précédentes, C'est que le sujet a été écrit pour vous faciliter la tâche. On vous a fixé les données suivantes : la température et la vitesse maximale $v_{\rm max}$. Mais si vous choisissez une température plus élevée qui vous garantit qu'un nombre important d'atomes ne vont pas dépasser les $1500\,\mathrm{m\,s^{-1}}$? Il faut donc vérifier avant les calculs de la vitesse la plus probable et de \bar{v} que l'ensemble des vitesses choisies est suffisant. S'il n'est pas suffisant il faudra alors demander à l'utilisateur de choisir une valeur v_{max}

supérieure à celle choisie précédemment. Mais comment savoir si v_{max} est suffisamment grande? Pour cela, il faut s'assurer que l'intégrale $I = \int_0^{v_{\text{max}}} \rho(v, T) dv$ est proche de 1. Par exemple, on peut considérer que si $1 - I < 10^{-3}$, la plage de vitesses est suffisante. Sinon, cela signifie que la valeur saisie pour v_{max} est trop faible et qu'il faut demander une valeur plus importante et ainsi de suite jusqu'à ce que I vérifie $1 - I < 10^{-3}$. Les questions suivantes portent sur l'implémentation de ce processus.

7. Calculer I par la méthode des trapèzes :

$$I = pas\left(\frac{(\rho(v_0, T) + \rho(v_{n-1}, T))}{2}\right) + \sum_{i=1}^{n-2} \rho(v_i, T)\right)$$

8. Faire en sorte que l'utilisateur saisisse à nouveau une valeur de $v_{\rm max}$ tant que la relation $1-I < 10^{-3}$ n'est pas respectée avant de calculer la vitesse la plus probable et \bar{v} .

Vous pouvez maintenant faire les calculs pour toutes les températures que vous voulez :)

3 écrêtage et lissage de courbes

Des mesures donnent l'évolution d'une concentration en fonction du temps.

Afin de générer artificiellement cette série de mesures, vous téléchargerez depuis moodle le fichier genereConcentration.py. Vous écrirez en début de votre programme les lignes suivantes qui appellent la fonction decC du module genereConcentration pour créer une liste appelée C.

```
import genereConcentration as gc
from pylab import *

C = gc.decC()
plot(C)
```

- 1. Convertir la liste C en un tableau.
- 2. Certaines mesures de concentration sont négatives suite à des erreurs de mesure. Sans faire de boucles, remplacer par la valeur 0 les valeurs négatives dans le tableau C.
- 3. Les données présentent beaucoup de variations d'une mesure à l'autre. Vous allez lisser ces valeurs en utilisant la méthode de la moyenne mobile. Cette méthode consiste à calculer la ième valeur du tableau des valeurs lissées, que nous appellerons L, comme étant la moyenne centrées autour de C_i des k valeurs qui le précèdent, des k valeurs qui le suivent et de lui-même. On a ainsi la formule,

$$L_{i} = \frac{1}{2k+1} \sum_{j=i-k}^{i+k} C_{i}$$

Calculer les valeurs du tableau L. Vous laisserez les k premières valeurs de L_i égales à celle de C_i et de même pour les k dernières.

Vous pouvez en exécutant **plot(L)** voir l'effet de votre lissage. Vous pouvez vous amuser à le faire pour différentes valeurs de k.

4.	(facultatif) Trouver un moyen d'améliorer le traitement des k premières et des k dernière valeurs pour que le lissage concernent également cette partie des valeurs.	es