

Лабораторная работа № 1 по курсу дискретного анализа: сортировка за линейное время

Выполнил студент группы М8О-208Б-20 *Борисов Ян*.

Условие

Кратко описывается задача:

1. Требуется разработать программу, осуществляющую ввод пар «ключ-значение», их упорядочивание по возрастанию ключа указанным алгоритмом сортировки за линейное время и вывод отсортированной последовательности.
2. Вариант задания: 7-1. Поразрядная сортировка. Тип ключа: автомобильные номера в формате А 999 ВС (используются буквы латинского алфавита). Тип значения: строки фиксированной длины 64 символа.

Метод решения

В самом начале работы программы в функции main создается `std::vector`, в который считываются пары ключ-значение. Для этих пар я создал структуру `TObject`. Если этот вектор не пуст, то вызывается функция поразрядной сортировки, в которую передается вектор данных. Поразрядная сортировка базируется на сортировке подсчетом, которая сортирует за линейное время числа по определенному разряду. Так как номер состоит из 7 индексов (индексация с нуля), то мы запускаем поразрядную сортировку с 7 разряда. После каждой итерации, массив предстает в новом обликии, отсортированном по определенному разряду. В заключение, в цикле мы выводим у каждого элемента массива два его поля: ключ и значение.

Описание программы

Программа состоит из файла `main.cpp`.

Структура `TObject`:

```
struct TObject{
    std::string key;
    std::string value;
};
```

Функция `void RadixSort(std::vector<TObject*>& keyValues):`

В функции создается массив `count` для подсчета вхождений каждого элемента и массив для отсортированной последовательности. Затем начиная с младшего разряда, я

запускаю сортировку подсчетом для массива. Так же после сортировки подсчетом массив count обнуляется для сортировки следующего разряда.

```
int count[AMOUNT_OF_LETTERS] = {};
std::vector<TObject*> sorted(keyValues.size());
for(short int i = AMOUNT_OF_DIGITS; i >= 0; --i){
    if (keyValues[0]->key[i] == ' '){
        continue;
    }
    else if(keyValues[0]->key[i] >= '0' && keyValues[0]->key[i] <= '9'){
        CountSort(count, "number", keyValues, sorted, i);
    }
    else{
        CountSort(count, "letter", keyValues, sorted, i);
    }
    for (short int j = 0; j < AMOUNT_OF_LETTERS; ++j) {
        count[j] = 0;
    }
    std::swap(keyValues, sorted);
}
```

Функция **void CountSort(int* count, const std::string& flag, std::vector<TObject*>& keyValues, std::vector<TObject*>& sorted, short int rank)** реализует алгоритм сортировки подсчетом, при чем на вход она принимает int flag, который обозначает, разряд букв или цифр сейчас сортируется, и в зависимости от этого функция реализует свою логику: сначала подсчитывает количество вхождений каждого символа, затем увеличивает количество вхождений элемента на количество вхождений предыдущего элемента и расставляет элементы в сортированном порядке.

```
char c;
if(flag == "number") {
    c = '0';
}
else {
    c = 'A';
}
for(int k = 0; k < keyValues.size(); ++k){
    ++count[keyValues[k]->key[rank] - c];
}
if(flag == "number") {
    for (short int j = 1; j < AMOUNT_OF_NUMBERS; ++j) {
        count[j] += count[j - 1];
    }
}
else {
    for(short int j = 1; j < AMOUNT_OF_LETTERS; ++j){
        count[j] += count[j - 1];
    }
}
for(int m = keyValues.size(); m != 0; --m){
    --count[keyValues[m - 1]->key[rank] - c];
    sorted[count[keyValues[m - 1]->key[rank] - c]] = keyValues[m - 1];
}
```

Дневник отладки

Присутствовали проблемы с производительностью, но move семантика решила данный вопрос.

Тест производительности

Пусть n – количество входных данных. Тогда:

- 1) При $n = 10000$ время работы программы составляет ~ 0.028 секунд.
 - 2) При $n = 100000$ время работы программы составляет ~ 0.18 секунд.
 - 3) При $n = 1000000$ время работы программы составляет ~ 1.906 секунд.
 - 4) При $n = 10000000$ время работы программы составляет ~ 23 секунд.
- Из этих тестов видно, что программы работает за линейную сложность.

Недочёты

Программа работает корректно только при правильных входных данных.

Выводы

Поразрядная сортировка может иметь большую область применения, так как она является устойчивой и её сложность $O(d \cdot n)$, где d – количество разрядов ключа, а n – количество входных данных. Устойчивость алгоритма означает, что если на вход программе подаётся одинаковые ключи с разными значениями, то в конце сортировки их порядок не поменяется.

Можно представить такую задачу: есть очередь на запись в барбершоп в разное время и нужно отсортировать её по возрастанию времени. Клиенты записались к разным барберам на одно и то же время. Тогда, чтобы построить очередь, можно представить эти данные так: ключ – время, значение – ФИ. После применения поразрядной сортировки, мы получим отсортированные данные по времени с сохранением порядка.