

Tarefa 8 - Grafos

Nome: Yan Stivaletti E Souza

Matrícula: 11821BCC002

E 1.805) Dada a definição de quarta-bicomera, provar que ele deve possuir 8 ou mais vértices e cada par de seus vértices é ligado por dois caminhos sem arestas em comum, ou seja, com esta definição podemos realizar um circuito pelo grafo dito quarta-bicomera.

E 1.806) Dado o grafo bipartido 3×3 :



O grafo possui mais de 8 vértices e os vértices são ligados em pares, cada um possuindo dois caminhos, justificando o fato de ser quarta-bicomera.

E 1.807) Se um grafo G é quarta-bicomera, é necessário que haja pelo menos dois caminhos sem arestas em comum em seus pares de vértices, logo para cada vértice v em G , $d(v) \geq 8$, logo independente do subconjunto X de G , $d(X) \geq 8$.

E 2.7) Sim, os grafos são isomorfos pois tanto o número de vértices quanto o grau de cada vértice se mantêm o mesmo para todos, mudando apenas a forma com que são representados.

E 3.4) Dado $n \geq 5$, um grafo G realiza uma sequência de números naturais se os vértices do grafo são $1, 2, 3, \dots, n$ e $d(i) = g_i$ para todo i , logo há um grafo 4-regular com n vértices pois a sequência gerada sua gráfica.

E4.11) Não, o primeiro grafo não é bi-colorível, pois em seu ciclo há um vértice com 4 arestas, impedindo sua coloração e no segundo grafo também dado que $\Delta(G) = \delta(G) = 3$

E.5.9) O comp. intíncl. máximo no grafo de briga pode ser dado pelos vértices nas diagonais do grafo ou pelos vértices internos do grafo.

E.6.3) Se o complemento de um circuito em G é G . Temos que o clique máximo ($\omega(G)$) não excede que um valor dado que as arestas conexões da G formam defetos.

E.7.3) A cobertura mínima dos grafos R_k não dados pelos vértices superior e inferior, opostos diagonalmente, pois eles contêm uma das pontas de cada aresta.

E.8.9) Para $t=2$: Para $t=3$: Para $t=4$:



$$X(G) = 2$$



$$X(G) = 3$$



$$X(G) = 4$$

podemos notar que o grafo da dama é um grafo bi-colorível.

E16.12) a conexidade de um conjunto é $K(\mathcal{A})=1$ pois removendo um elemento dentro do conjunto, o restante dele conexo, já um circuito é $K(\mathcal{A})=2$ pois podemos removê-lo e transformamos em um conjunto vazio, deixar como ele desconexo.

E16.14) Podemos tratar $|S|$ como a conexidade do grafo \mathcal{G} , logo $|S| = K(\mathcal{G})$ e $K \leq K(\mathcal{G})$. Logo o grafo será K -conexo dado que K seja menor que a conexidade.

E16.24) Se \mathcal{G} é K -conexo então há uma conexão que atinge todos os vértices e dados $n(\mathcal{G}) \geq 2K$, teremos mais de $2K$ vértices conectados entre si, formando um circuito entre esses vértices.

E17.6) A condição necessária é que todos os vértices possuam o mesmo grau de conectividade dentro da grade, que se simule o circuito pelas laterais do grafo.

17.8) De acordo com o Teorema de Brooks, todo o grafo cúbico pode ser colorido com apenas 3 cores, pois todo grafo cúbico tem um conj. independente de $n(\mathcal{G})/3$ vértices.

17.15) Se \mathcal{G} possui um circuito hamiltoniano, haverá sempre vários circuitos que passam por todos os vértices \mathcal{G} , então dada a independência de caminhos, poderemos passar por todos os vértices de \mathcal{G} .

19.4) Não necessariamente, podemos criar subgrafos próprios dentro de um grafo não próprio por simplesmente adicionando pontos que se encaixam dentro do grafo original. \square , portanto não podemos considerar a afirmação como simplesmente verdadeira.