

Міністерство освіти і науки України  
Національний технічний університет України  
«Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського»  
Факультет інформатики та обчислювальної техніки  
Кафедра обчислювальної техніки

## **ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 5**

з дисципліни «МНД» на тему  
«Проведення трьохфакторного експерименту при використанні  
рівняння регресії з урахуванням квадратичних членів  
(центральний ортогональний композиційний план)..»

ВИКОНАВ:  
студент II курсу ФІОТ  
групи ІВ-91  
Мусійчук Я. С.  
Залікова - 9121

ПЕРЕВІРИВ:  
ас. Регіда П. Г.

Київ – 2021

**Мета:** Провести трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайти рівняння регресії, яке буде адекватним для опису об'єкту.

### Завдання:

1. Взяти рівняння з урахуванням квадратичних членів.
2. Скласти матрицю планування для ОЦКП
3. Провести експеримент у всіх точках факторного простору (знайти значення функції відгуку Y). Значення функції відгуку знайти у відповідності з варіантом діапазону, зазначеного далі. Варіанти вибираються по номеру в списку в журналі викладача.

$$y_{i \max} = 200 + x_{cp \max}$$

$$y_{i \min} = 200 + x_{cp \min}$$

$$\text{где } x_{cp \max} = \frac{x_{1 \max} + x_{2 \max} + x_{3 \max}}{3}, \quad x_{cp \min} = \frac{x_{1 \min} + x_{2 \min} + x_{3 \min}}{3}$$

4. Розрахувати коефіцієнти рівняння регресії і записати його.
5. Провести 3 статистичні перевірки.

№ варіанта	X1		X2		X3	
	min	max	min	max	min	max
119	0	4	0	10	-1	7

## Лістинг програми:

```
import random
import sklearn.linear_model as lm
from scipy.stats import f, t
from functools import partial
from pyDOE2 import *
from beautifultable import BeautifulTable
import numpy as np

def plan_matrix(n, m):
    y = np.zeros(shape=(n, m))
    for i in range(n):
        for j in range(m):
            y[i][j] = random.randint(y_min, y_max)

    if n > 14:
        no = n - 14
    else:
        no = 1
    x_norm = ccdesign(3, center=(0, no))
    x_norm = np.insert(x_norm, 0, 1, axis=1)

    for i in range(4, 11):
        x_norm = np.insert(x_norm, i, 0, axis=1)

    l = 1.215
    for i in range(len(x_norm)):
        for j in range(len(x_norm[i])):
            if x_norm[i][j] < -1 or x_norm[i][j] > 1:
                if x_norm[i][j] < 0:
                    x_norm[i][j] = -1
                else:
                    x_norm[i][j] = 1

    def add_sq_nums(x):
        for i in range(len(x)):
            x[i][4] = x[i][1] * x[i][2]
            x[i][5] = x[i][1] * x[i][3]
            x[i][6] = x[i][2] * x[i][3]
            x[i][7] = x[i][1] * x[i][3] * x[i][2]
            x[i][8] = x[i][1] ** 2
            x[i][9] = x[i][2] ** 2
            x[i][10] = x[i][3] ** 2
        return x

    x_norm = add_sq_nums(x_norm)
    x = np.ones(shape=(len(x_norm), len(x_norm[0])), dtype=np.int64)
    for i in range(8):
        for j in range(1, 4):
            if x_norm[i][j] == -1:
                x[i][j] = x_range[j - 1][0]
            else:
                x[i][j] = x_range[j - 1][1]

    for i in range(8, len(x)):
        for j in range(1, 3):
            x[i][j] = (x_range[j - 1][0] + x_range[j - 1][1]) / 2
    dx = [x_range[i][1] - (x_range[i][0] + x_range[i][1]) / 2 for i in range(3)]
    x[8][1] = 1 * dx[0] + x[9][1]
    x[9][1] = -1 * dx[0] + x[9][1]
    x[10][2] = 1 * dx[1] + x[9][2]
    x[11][2] = -1 * dx[1] + x[9][2]
    x[12][3] = 1 * dx[2] + x[9][3]
    x[13][3] = -1 * dx[2] + x[9][3]
    x = add_sq_nums(x)
```

```

x_table = BeautifulTable()
for i in range(n):
    x_table.rows.append([*x[i]])
print('матриця x:')
print(x_table)
x_norm_table = BeautifulTable()
for i in range(n):
    x_norm_table.rows.append([*x_norm[i]])
print('нормалізована матриця x:')
print(x_norm_table)
return x, y, x_norm

def regression(x, b):
    y = sum([x[i] * b[i] for i in range(len(x))])
    return y

def s_kv(y, y_aver, n, m):
    res = []
    for i in range(n):
        s = sum([(y_aver[i] - y[i][j]) ** 2 for j in range(m)]) / m
        res.append(round(s, 3))
    return res

def coef_finding(x, y, norm=False):
    skm = lm.LinearRegression(fit_intercept=False)
    skm.fit(x, y)
    b = skm.coef_
    if norm == 1:
        print('\nКоефіцієнти рівняння регресії з нормованим x:')
    else:
        print('\nКоефіцієнти рівняння регресії:')
    b = [round(i, 3) for i in b]
    print(b)
    print('\nРезультати рівняння зі знайденими коефіцієнтами:\n{}'.format(np.dot(x,
b)))
    return b

def kohren_kr(y, y_aver, n, m):
    f1 = m - 1
    f2 = n
    q = 0.05
    skv = s_kv(y, y_aver, n, m)
    gp = max(skv) / sum(skv)
    print('\nПеревірка за Кохрена')
    return gp

def kohren(f1, f2, q=0.05):
    q1 = q / f1
    fisher_value = f.ppf(q=1 - q1, dfn=f2, dfd=(f1 - 1) * f2)
    return fisher_value / (fisher_value + f1 - 1)

def bs(x, y_aver, n):
    res = [sum(1 * y for y in y_aver) / n]
    for i in range(len(x[0])):
        b = sum(j[0] * j[1] for j in zip(x[:, i], y_aver)) / n
        res.append(b)
    return res

def student_kr(x, y, y_aver, n, m):

```

```

skv = s_kv(y, y_aver, n, m)
skv_aver = sum(skv) / n
sbs_tmp = (skv_aver / n / m) ** 0.5
bs_tmp = bs(x, y_aver, n)
ts = [round(abs(b) / sbs_tmp, 3) for b in bs_tmp]
return ts

def fisher_kr(y, y_aver, y_new, n, m, d):
    S_ad = m / (n - d) * sum([(y_new[i] - y_aver[i]) ** 2 for i in range(len(y))])
    skv = s_kv(y, y_aver, n, m)
    skv_aver = sum(skv) / n
    return S_ad / skv_aver

def check(x, y, b, n, m):
    print('\nПеревірка рівняння:')
    f1 = m - 1
    f2 = n
    f3 = f1 * f2
    q = 0.05
    student = partial(t.ppf, q=1 - q)
    t_student = student(df=f3)
    g_kr = kohren(f1, f2)
    y_aver = [round(sum(i) / len(i), 3) for i in y]
    print('\nСереднє значення y:', y_aver)
    disp = s_kv(y, y_aver, n, m)
    print('Дисперсія y:', disp)
    gp = kohren_kr(y, y_aver, n, m)
    print(f'gp = {gp}')
    if gp < g_kr:
        print('З ймовірністю {} дисперсії однорідні.'.format(1 - q))
    else:
        print("Потрібно збільшити кількість дослідів")
        m += 1
        main(n, m)
    ts = student_kr(x[:, 1:], y, y_aver, n, m)
    print('\nКритерій Стюдента:\n{}'.format(ts))
    res = [t for t in ts if t > t_student]
    final_k = [b[i] for i in range(len(ts)) if ts[i] in res]
    print('\nКоефіцієнти {} статично незначущі, тому ми виключаємо їх з
рівняння.'.format([round(i, 3) for i in b if i not in final_k]))
    y_new = []
    for j in range(n):
        y_new.append(round(regression([x[j][i] for i in range(len(ts)) if ts[i] in
res], final_k), 3))
    print('Значення y з коефіцієнтами {}: '.format(final_k))
    print(y_new)
    d = len(res)
    if d >= n:
        print('\nF4 <= 0')
        print('')
        return
    f4 = n - d
    f_p = fisher_kr(y, y_aver, y_new, n, m, d)
    fisher = partial(f.ppf, q=0.95)
    f_t = fisher(dfn=f4, dfd=f3)
    print('\nПеревірка Адекватності за критерієм Фішера')
    print('fp =', f_p)
    print('ft =', f_t)
    if f_p < f_t:
        print('Математична модель адекватна експериментальним даним')
    else:
        print('Математична модель неадекватна експериментальним даним')

def main(n, m):
    x, y, x_norm = plan_matrix(n, m)

```

```
y5_aver = [round(sum(i) / len(i), 3) for i in y]
b = coef_finding(x, y5_aver)
check(x_norm, y, b, n, m)

x_range = ((0, 4), (0, 10), (-1, 7))
x_aver_max = sum([x[1] for x in x_range]) / 3
x_aver_min = sum([x[0] for x in x_range]) / 3
y_min = 200 + int(x_aver_min)
y_max = 200 + int(x_aver_max)

main(15, 3)
```

**Результат виконання роботи:**

```
+-----+
| 1 | 0 | 10 | -1 | 0 | 0 | -10 | 0 | 0 | 100 | 1 |
+-----+
| 1 | 4 | 10 | -1 | 40 | -4 | -10 | 16 | 100 | 1 |
+-----+
| 1 | 0 | 0 | 7 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 49 |
+-----+
| 1 | 4 | 0 | 7 | 0 | 28 | 0 | 0 | 16 | 0 | 49 |
+-----+
| 1 | 0 | 10 | 7 | 0 | 0 | 70 | 0 | 0 | 100 | 49 |
+-----+
| 1 | 4 | 10 | 7 | 40 | 28 | 70 | 280 | 16 | 100 | 49 |
+-----+
| 1 | 4 | 5 | 1 | 20 | 4 | 5 | 20 | 16 | 25 | 1 |
+-----+
| 1 | 0 | 5 | 1 | 0 | 0 | 5 | 0 | 0 | 25 | 1 |
+-----+
| 1 | 2 | 11 | 1 | 22 | 2 | 11 | 22 | 4 | 121 | 1 |
+-----+
| 1 | 2 | -1 | 1 | -2 | 2 | -1 | -2 | 4 | 1 | 1 |
+-----+
| 1 | 2 | 5 | 5 | 10 | 10 | 25 | 50 | 4 | 25 | 25 |
+-----+
| 1 | 2 | 5 | -3 | 10 | -6 | -15 | -30 | 4 | 25 | 9 |
+-----+
| 1 | 2 | 5 | 1 | 10 | 2 | 5 | 10 | 4 | 25 | 1 |
+-----+
```

нормалізована матриця x:

```
+-----+
| 1.0 | 1.0 | -1.0 | -1.0 | -1.0 | -1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 |
+-----+
| 1.0 | -1.0 | 1.0 | -1.0 | -1.0 | 1.0 | -1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 |
+-----+
| 1.0 | 1.0 | 1.0 | -1.0 | 1.0 | -1.0 | -1.0 | -1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 |
+-----+
| 1.0 | -1.0 | -1.0 | 1.0 | 1.0 | -1.0 | -1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 |
+-----+
| 1.0 | 1.0 | -1.0 | 1.0 | -1.0 | 1.0 | -1.0 | -1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 |
+-----+
| 1.0 | -1.0 | 1.0 | 1.0 | -1.0 | -1.0 | 1.0 | -1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 |
+-----+
| 1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 | 1.0 |
+-----+
| 1.0 | -1.2 | 0.0 | 0.0 | -0.0 | -0.0 | 0.0 | -0.0 | 1.47 | 0.0 | 0.0 |
| | 15 | | | | | | | 6 | | |
+-----+
| 1.0 | 1.21 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 1.47 | 0.0 | 0.0 |
| | 5 | | | | | | | 6 | | |
+-----+
| 1.0 | 0.0 | -1.2 | 0.0 | -0.0 | 0.0 | -0.0 | -0.0 | 0.0 | 1.47 | 0.0 |
| | | 15 | | | | | | | 6 | | |
+-----+
| 1.0 | 0.0 | 1.21 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 1.47 | 0.0 |
| | | 5 | | | | | | | 6 | | |
+-----+
| 1.0 | 0.0 | 0.0 | -1.2 | 0.0 | -0.0 | -0.0 | -0.0 | 0.0 | 0.0 | 1.47 |
| | | 15 | | | | | | | 6 | | |
+-----+
| 1.0 | 0.0 | 0.0 | 1.21 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 1.47 |
| | | 5 | | | | | | | 6 | | |
+-----+
| 1.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 |
+-----+
```

Коефіцієнти рівняння регресії:

[203.505, 0.228, -0.291, -0.214, 0.063, 0.07, 0.043, -0.012, -0.136, 0.012, 0.017]

Результати рівняння зі знайденими коефіцієнтами:

[203.736 202.192 201.596 203.052 202.84 203.536 204.14 203.996 202.404  
202.368 203.206 203.518 203.422 202.982 202.93 ]

Перевірка рівняння:

Середнє значення y: [204.0, 201.333, 202.0, 202.333, 203.0, 203.333, 204.333, 203.667, 204.333, 201.333, 203.333, 204.0, 203.333, 203.333, 202.0]  
Дисперсія y: [4.667, 0.889, 0.667, 4.222, 8.667, 8.222, 3.556, 8.222, 4.222, 3.556, 0.889, 8.0, 2.889, 1.556, 0.667]

Перевірка за Кохрена

кр = 0.14233630585800855

З ймовірністю 0.95 дисперсії однорідні.

Критерій Стюдента:

[676.03, 1.401, 0.328, 1.036, 0.444, 0.444, 0.592, 0.888, 493.395, 493.941, 493.723]:

Коефіцієнти [0.228, -0.291, -0.214, 0.063, 0.07, 0.043, -0.012] статично незначущі, тому ми виключаємо їх з рівняння.

Значення у з коефіцієнтами [203.505, -0.136, 0.012, 0.017]:

[203.398, 203.398, 203.398, 203.398, 203.398, 203.398, 203.398, 203.398, 203.304, 203.304, 203.523, 203.523, 203.53, 203.53, 203.505]

Перевірка Адекватності за критерієм Фішера

fr = 1.100101694383853

ft = 2.125558760875511

Математична модель адекватна експериментальним даним