Вариант 1.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, KP2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$xy'\sin\frac{y}{x} + x = y\sin\frac{y}{x};$$
 (3 балла)

2.
$$xy dx = (x^2 + 4y) dy$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$\frac{y}{y'} = \ln y$$
, $y(\frac{1}{2}) = e$; (3 балла)

4.
$$y'\cos x + y\sin x = 1$$
, $y(0) = 1$. (3 балла)

 $\underline{\min} = 7, \underline{\max} = 12$

Вариант 2.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, KP2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$(1+x^2)y' + y\sqrt{1+x^2} = xy;$$
 (3 балла)

$$2. \quad x \ln \frac{x}{y} \, dy = y \, dx. \tag{3 балла}$$

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$2(y^3 - y + \frac{1}{2}xy) dy = dx$$
, $y(2) = 0$; (3 балла)

4.
$$(x-1)y' = y^2 + y$$
, $y(0) = 1$. (3 балла)

 $\min = 7$, $\max = 12$

Вариант 3.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$(x+y) dx + (y-x) dy = 0;$$
 (3 балла)

2.
$$xe^xy' = x^3 + 2ye^x$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$(y \ln x - 2)y dx = x dy$$
, $y(1) = 4$; (3 балла)

4.
$$\sqrt{4+y^2} \, dx - y \, dy = x^2 y \, dy$$
, $y(0) = 0$. (3 балла)

 $\min = 7, \max = 12$

Вариант 4.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$y' + \frac{y}{x} = x^2 y^4$$
; (3 балла)

$$2. \quad xy' = y + x \operatorname{tg} \frac{y}{x}. \tag{3 балла}$$

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$y dx = (x + \ln y) dy$$
, $y(0) = 1$; (3 балла)

4.
$$x dy - y^2 dx = y dx$$
, $y(1) = 1$. (3 балла)

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Вариант 5.

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$y dx + \left(x - \frac{1}{2}x^3y\right) dy = 0;$$
 (3 балла)

2.
$$(y-x) dx + (y+x) dy = 0.$$
 (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$y' + 3y \operatorname{tg} 3x = \sin 6x$$
, $y(0) = \frac{1}{3}$; (3 балла)

4.
$$(1+e^x)yy'=e^{y+x}, \quad y(0)=-1.$$
 (3 балла)

min = 7, max = 12

Вариант 6.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$3e^x \operatorname{tg} y \, dx + (1 - e^x) \frac{1}{\cos^2 y} \, dy = 0;$$
 (3 балла)

2.
$$(y^4 - 3x^2) dy + xy dx = 0.$$
 (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$xy' = xe^{y/x} + y$$
, $y(1) = 0$; (3 балла)

4.
$$x(x-1)y' + y = x^2(2x-1), \quad y(2) = 0.$$
 (3 балла)

min = 7, max = 12

Вариант 7.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$y' - y \cos x + \sin 2x = 0;$$
 (3 балла)

2.
$$2x(x^2+y^2) dy = y(y^2+2x^2) dx$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$xy' - 2y - xy^3 = 0$$
, $y(1) = 1$; (3 балла)

4.
$$y'\cos x = \frac{y}{\ln y}, \quad y(0) = e.$$
 (3 балла)

 $\min = 7, \max = 12$

Вариант 8.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$(y^2 + xy^2)y' + x^2 - yx^2 = 0;$$
 (3 балга)

2.
$$(xy + x^2y^3) dy = dx$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$\frac{dx}{y+x} = \frac{dy}{y-x}, \quad y\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right) = \frac{1}{\sqrt{2}}; \tag{3 балла}$$

4.
$$xy' = 2y + 2(\ln^2 x - \ln x), \quad y(1) = 2.$$
 (3 балла)

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Вариант 9.

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$xy' - y = x \operatorname{tg} \frac{y}{x}$$
; (3 балла)

2.
$$xy' + 2y = xyy'$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$yx dx = (x^2 - y^4) dy$$
, $y(-3) = 1$; (3 балла)

4.
$$y' \sin x - y \cos x = 1$$
, $y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$. (3 балла)

 $\min = 7$, $\max = 12$

Вариант 10.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$xy' = \frac{3y^3 + 14x^2y}{3y^2 + 7x^2};$$
 (3 балла)

2.
$$x\sqrt{1-y^2} dx + y\sqrt{1-x^2} dy = 0.$$
 (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$ye^{-y^2}\sin y \, dy = dx + 2xy \, dy, \quad y(1) = 0;$$
 (3 балла)

4.
$$x dx + (x^2 - y^2) dy = 0$$
, $y(-\frac{1}{2}) = 0$. (3 балла)

min = 7, max = 1

Вариант 11.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$(xy-x) dx + (xy+x-y-1) dy = 0;$$
 (3 балла)

2.
$$(x-y) dx + x dy = 0.$$
 (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$2x^2y' + y + e^{1/x} = 0$$
, $y(1) = e$; (3 балла)

4.
$$y dx + x^2(2 + \ln y) dy = -x dy$$
, $y\left(-\frac{1}{4}\right) = 1$. (3 балла)

min = 7, max = 12

Вариант 12.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$y' + y \cos x = \frac{1}{2} \sin 2x;$$
 (3 балла)

2.
$$(1+y^2)(e^{2x}dx-e^ydy)-(1+y)dy=0.$$
 (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$y' + \frac{1}{y} = \frac{y}{2x}$$
, $y(1) = -1$; (3 балла)

4.
$$y' = \frac{y}{x} + \sin\frac{y}{x}$$
, $y(1) = \frac{\pi}{2}$. (3 балла)

Вариант 13.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$y' + \frac{y}{x} = -xy^2;$$
 (3 балла)

2.
$$(x^2 - yx^2)y' + y^2 + xy^2 = 0.$$
 (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$(x+y) dx + x dy = 0$$
, $y(1) = 1$; (3 балла)

4.
$$y' - \frac{5}{x}y = e^x x^5$$
, $y(1) = 2e$. (3 балла)

 $\min = 7$, $\max = 12$

Вариант 14.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$xyy' = y^2 + 2x^2$$
; (3 балла)

2.
$$(1+e^{2x})y^2 dy = e^x dx$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$y' + xy = x^3y^3$$
, $y(0) = 2$; (3 балла)

4.
$$\left(\sin y - \frac{x}{y}\right)y' = 1, \quad y(1) = \pi.$$
 (3 балла)

 $\underline{\min} = 7, \underline{\max} = 12$

Вариант 15.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, KP2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$e^y(1+x^2) dy -2x(1+e^y) dx = 0;$$
 (3 балла)

$$2. \quad \frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} + \frac{1}{\arcsin\frac{y}{x}}.$$
 (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$dx = (2y + x \operatorname{tg} y - y^2 \operatorname{tg} y) dy$$
, $y(0) = \pi$; (3 балла)

4.
$$y' + y = e^{x/2}\sqrt{y}$$
, $y(0) = \frac{9}{4}$. (3 балла)

 $\min = 7, \max = 12$

Вариант 16.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$xy'\sin\frac{y}{x} + x = y\sin\frac{y}{x};$$
 (3 балла)

2.
$$xy dx = (x^2 + 4y) dy$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$\frac{y}{y'} = \ln y, \quad y\left(\frac{1}{2}\right) = e;$$
 (3 балла)

4.
$$y'\cos x + y\sin x = 1$$
, $y(0) = 1$. (3 балла)

Вариант 17.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$(1+x^2)y' + y\sqrt{1+x^2} = xy;$$
 (3 балла)

$$2. \quad x \ln \frac{x}{y} dy = y dx. \tag{3 балла}$$

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$2(y^3 - y + \frac{1}{2}xy) dy = dx$$
, $y(2) = 0$; (3 балла)

4.
$$(x-1)y' = y^2 + y$$
, $y(0) = 1$. (3 балла)

 $\min = 7, \max = 12$

Вариант 18.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$(x+y) dx + (y-x) dy = 0;$$
 (3 балла)

2.
$$xe^xy' = x^3 + 2ye^x$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$(y \ln x - 2)y dx = x dy$$
, $y(1) = 4$; (3 балла)

4.
$$\sqrt{4+y^2} dx - y dy = x^2 y dy$$
, $y(0) = 0$. (3 балла)

 $\min = 7, \max = 12$

Вариант 19.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$y' + \frac{y}{x} = x^2 y^4;$$
 (3 балла)

2.
$$xy' = y + x \operatorname{tg} \frac{y}{x}$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$y dx = (x + \ln y) dy$$
, $y(0) = 1$; (3 балла)

4.
$$x dy - y^2 dx = y dx$$
, $y(1) = 1$. (3 балла)

min = 7, max = 12

Вариант 20.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$y dx + \left(x - \frac{1}{2}x^3y\right) dy = 0;$$
 (3 балла)

2.
$$(y-x) dx + (y+x) dy = 0.$$
 (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$y' + 3y \operatorname{tg} 3x = \sin 6x$$
, $y(0) = \frac{1}{3}$; (3 балла)

4.
$$(1+e^x)yy'=e^{y+x}, \quad y(0)=-1.$$
 (3 балла)

Вариант 21.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$3e^x \operatorname{tg} y \, dx + (1 - e^x) \frac{1}{\cos^2 y} \, dy = 0;$$
 (3 балла)

2.
$$(y^4 - 3x^2) dy + xy dx = 0.$$
 (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$xy' = xe^{y/x} + y$$
, $y(1) = 0$; (3 балла)

4.
$$x(x-1)y' + y = x^2(2x-1), \quad y(2) = 0.$$
 (3 балла)

min = 7, max = 12

Вариант 22.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, KP2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$y' - y \cos x + \sin 2x = 0;$$
 (3 балла)

2.
$$2x(x^2+y^2) dy = y(y^2+2x^2) dx$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$xy' - 2y - xy^3 = 0$$
, $y(1) = 1$; (3 балла)

4.
$$y'\cos x = \frac{y}{\ln y}, \quad y(0) = e.$$
 (3 балла)

min = 7, max = 12

Вариант 23.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, KP2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$(y^2 + xy^2)y' + x^2 - yx^2 = 0;$$
 (3 балла)

2.
$$(xy + x^2y^3) dy = dx$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$\frac{dx}{y+x} = \frac{dy}{y-x}, \quad y\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right) = \frac{1}{\sqrt{2}}; \tag{3 балла}$$

4.
$$xy' = 2y + 2(\ln^2 x - \ln x), \quad y(1) = 2.$$
 (3 балла)

min = 7, max = 12

Вариант 24.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$xy' - y = x \operatorname{tg} \frac{y}{x}$$
; (3 балла)

2.
$$xy' + 2y = xyy'$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$yx dx = (x^2 - y^4) dy$$
, $y(-3) = 1$; (3 балла)

4.
$$y' \sin x - y \cos x = 1$$
, $y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$. (3 балла)

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка» Вариант 25.

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$xy' = \frac{3y^3 + 14x^2y}{3y^2 + 7x^2};$$
 (3 балла)

2.
$$x\sqrt{1-y^2} dx + y\sqrt{1-x^2} dy = 0.$$
 (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$ye^{-y^2}\sin y \, dy = dx + 2xy \, dy$$
, $y(1) = 0$; (3 балла)

4.
$$x dx + (x^2 - y^2) dy = 0$$
, $y(-\frac{1}{2}) = 0$. (3 балла)

Вариант 26.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$(xy - x) dx + (xy + x - y - 1) dy = 0;$$
 (3 балла)

$$2. \quad (x-y)\,dx + x\,dy = 0. \tag{3 балла}$$

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$2x^2y' + y + e^{1/x} = 0$$
, $y(1) = e$; (3 балла)

4.
$$y dx + x^2(2 + \ln y) dy = -x dy$$
, $y\left(-\frac{1}{4}\right) = 1$. (3 балла)

Вариант 27.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$y' + y \cos x = \frac{1}{2} \sin 2x;$$
 (3 балла)

2.
$$(1+y^2)(e^{2x} dx - e^y dy) - (1+y) dy = 0.$$
 (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$y' + \frac{1}{y} = \frac{y}{2x}$$
, $y(1) = -1$; (3 балла)

4.
$$y' = \frac{y}{x} + \sin\frac{y}{x}$$
, $y(1) = \frac{\pi}{2}$. (3 балла)

Вариант 28.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$y' + \frac{y}{x} = -xy^2;$$
 (3 балла)

2.
$$(x^2 - yx^2)y' + y^2 + xy^2 = 0.$$
 (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$(x+y) dx + x dy = 0$$
, $y(1) = 1$; (3 балла)

4.
$$y' - \frac{5}{x}y = e^x x^5$$
, $y(1) = 2e$. (3 балла)

Вариант 29.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$xyy' = y^2 + 2x^2;$$
 (3 балла)

2.
$$(1+e^{2x})y^2 dy = e^x dx$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$y' + xy = x^3y^3$$
, $y(0) = 2$; (3 балла)

4.
$$\left(\sin y - \frac{x}{y}\right)y' = 1, \quad y(1) = \pi.$$
 (3 балла)

min = 7, max = 12

Вариант 30.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, KP2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$e^y(1+x^2) dy -2x(1+e^y) dx = 0;$$
 (3 балла)

$$2. \quad \frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} + \frac{1}{\arcsin\frac{y}{x}}.$$
 (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$dx = (2y + x \operatorname{tg} y - y^2 \operatorname{tg} y) dy$$
, $y(0) = \pi$; (3 балла)

4.
$$y' + y = e^{x/2}\sqrt{y}$$
, $y(0) = \frac{9}{4}$. (3 балла)

min = 7, max = 1

Вариант 31.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$xy'\sin\frac{y}{x} + x = y\sin\frac{y}{x};$$
 (3 балла)

2.
$$xy dx = (x^2 + 4y) dy$$
. (3 балла)

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$\frac{y}{y'} = \ln y$$
, $y(\frac{1}{2}) = e$; (3 балла)

4.
$$y'\cos x + y\sin x = 1$$
, $y(0) = 1$. (3 балла)

 $\min = 7$, $\max = 12$

Вариант 32.

ИУ-РЛ-БМТ, 2020, ИиДУ, КР2 «Дифференциальные уравнения 1-го порядка»

Классифицировать каждое из уравнений и найти его общий интеграл:

1.
$$(1+x^2)y' + y\sqrt{1+x^2} = xy;$$
 (3 балла)

$$2. \quad x \ln \frac{x}{y} dy = y dx. \tag{3 балла}$$

Классифицировать каждое из уравнений и решить задачу Коши:

3.
$$2(y^3 - y + \frac{1}{2}xy) dy = dx$$
, $y(2) = 0$; (3 балла)

4.
$$(x-1)y' = y^2 + y$$
, $y(0) = 1$. (3 балга)