1.2 問題

(1)正の整数kに対し、

$$A_k = \int_{\sqrt{k\pi}}^{\sqrt{(k+1)\pi}} |\sin(x^2)| \ dx$$

とおく。次の不等式が成り立つことを示せ。

$$\frac{1}{\sqrt{(k+1)\pi}} \le A_k \le \frac{1}{\sqrt{k\pi}}$$

(2)正の整数
$$n$$
に対し, $B_n = rac{1}{\sqrt{n}} \int_{\sqrt{n\pi}}^{\sqrt{2n\pi}} \left| \sin(x^2) \right| dx$

とおく。極限 $\lim_{n\to\infty} B_n$ を求めよ。