

Androy y windows Little Endian
Linux y TOS Big Endian

bit

1,0

Byt 4 bits

Kb 1024bits

MB 1024kb

GB 1024MB

TB 1024GB

PB 1024TB

128 64 32 16 8 4 2 1

1 0 0 0 0 0 0 128

1 1 0 0 0 0 0 192

1 1 1 0 0 0 0 224

1 1 1 1 0 0 0 240

1 1 1 1 1 0 0 248

1 1 1 1 1 1 0 252

1 1 1 1 1 1 1 0 254

1 1 1 1 1 1 1 1 255

10/2

10/0

1 1 1 1 1 1 1 1 1 255

$$10 - 2 = 8 \quad 1 \quad 10 - 0 = 10$$

$$8 - 2 = 6 \quad 2 \quad 10 - 0 = 10$$

H → I → M → G H

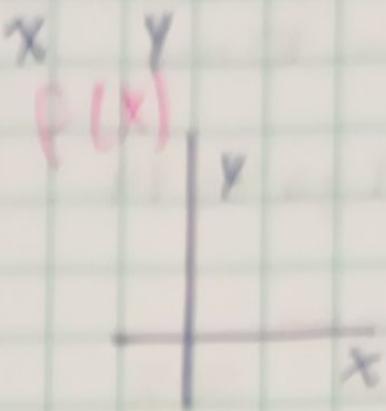
$$6 - 2 = 4 \quad 3 \quad 10 - 0 = 10$$

$$4 - 2 = 2 \quad 4 \quad \text{Indefinido}$$

$$2 - 2 = 0 \quad 5$$

2º

$$\begin{array}{r} \text{M} \rightarrow \\ \begin{array}{r} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{array} \end{array} \quad \begin{array}{r} \text{M} \rightarrow \text{M} \rightarrow \text{G} \text{ H} \\ \begin{array}{r} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{array} \end{array}$$



$$\begin{array}{ccccccccc} 128 & 64 & 32 & 16 & 8 & 4 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 88 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 175 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 210 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 137 \end{array}$$

Tarea

De binario a decimal

El sistema binario es un sistema posicional y que el valor de la posición viene determinado por una potencia de 2. Por tanto si queremos convertir un número en base 2 (binario) al sistema decimal (base 10), no tenemos más que multiplicar el dígito (0 ó 1) por la potencia de 2 correspondiente a su posición.

$$\begin{array}{ccccc} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 5 & 4 & 3 & 2 & 1 \\ 4^2 = 16 & 2^3 = 8 & 2^2 = 4 & 2^1 = 2 & 2^0 = 1 \\ x16 & x8 & x4 & x2 & x1 \end{array}$$

Posición

Valor de la posición (base 2)

Multiplicador de la posición

$$\begin{array}{ccccc} 1 \times 16 & 1 \times 8 & 0 \times 4 & 1 \times 2 & 0 \times 1 \\ 16 & 8 & 0 & 2 & 0 \\ 16 + 8 + 0 + 2 + 0 = 26 \end{array}$$

Valor decimal de cada dígito

?

Equivalencia decimal

De decimal a binario

Para convertir un valor decimal en su correspondiente binario es necesario dividir entre dos el valor decimal, sucesivamente, hasta llegar a 1. Ese 1, seguido de los restos, de las divisiones, puestos en orden

Inverso a como fueron obtenidos, nos indicarán el valor decimal, sucesivamente, hasta llegar a 1. Es decir los restos de las divisiones, puestos en orden inverso a como fueron obtenidos, nos indicarán el valor binario de cada uno de los dígitos que forman el número binario.

División	Cociente	Resto	Posición	Valor de la posición
26/2	13	0	1	$2^0 = 1$
13/2	6	1	2	$2^1 = 2$
6/2	3	0	3	$2^2 = 4$
3/2	1	1	4	$2^3 = 8$
1			5	$2^4 = 16$

$$11010 \quad (1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0) = 16 + 8 + 0 + 2 + 0 = 26$$

Decimal a octal

El sistema numérico decimal consta de 10 dígitos: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9. Este es el sistema numérico más utilizado.

El sistema numérico octal es el sistema numérico de base 8 y utiliza los dígitos del 0 al 7.

Para convertir decimal a octal, dividimos el número entre 8 hasta obtener 0 como cociente y luego escribimos los restos en orden inverso.

- Para convertir de decimal a octal, debe utilizar el método de división sucesiva dividiendo el número decimal entre 8 mediante división larga.

1: Divide el número decimal por 8

2: Obtenga el cociente entero para la siguiente iteración

3: Obtén el resto del dígito octal

4: Repita los pasos hasta que el cociente sea igual a 0

Octal a decimal

Para llevar a cabo la conversión de octal a decimal, vamos a emplear la siguiente fórmula.

El sistema octal recibe su nombre debido a que opera en base 8 y consta de ocho símbolos que van del 0 al 7.

Para convertir de octal a decimal, necesitamos multiplicar los dígitos octales con la potencia de 8 comenzando desde el lado derecho y disminuyendo gradualmente hasta cero para sumar todos los puntos.

Ejemplo

$$(547)_8 = 5 \times 8^2 + 4 \times 8^1 + 7 \times 8^0$$

1= Dado que un número octal solo usa dígitos del 0 al 7, primero organizamos el número octal con la potencia de 8

2= Evaluamos toda la potencia de 8 valores como 8^0 es 1, 8^1 , etc, y anotamos el valor de cada número octal

3= Una vez obtenido el valor, multiplicamos cada número

4= El paso final es sumar el producto de todos los números para obtener el número decimal.

Decimal a hexadecimal

1= Dividir el número decimal por 16

2= Obtener el cociente entero para la próxima iteración

3= Obtenemos el resto del dígito hexadecimal

4= Repetimos los pasos hasta que el cociente sea igual a 0

Decimal	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
hexadecimal	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F

Hexadecimal a Decimal

Para poder hacer la conversión de hexadecimal a decimal analizaremos a un número decimal

Un número decimal regular es la suma de los dígitos multiplicados por potencia de 10. Por ejemplo:

$$137_{10} = 1 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 7 \times 10^0 = 100 + 30 + 7$$

Los números hexadecimales se leen de la misma manera, pero cada dígito cuenta potencia de 16 en lugar de 10.

Multiplicaremos cada dígito del número hexadecimal por su correspondiente potencia de 16 y sumas:

$$\text{decimal} = d_{n-1} \times 16^{n-1} + \dots + d_3 \times 16^3 + d_2 \times 16^2 + d_1 \times 16^1 + d_0 \times 16^0$$

Hexadecimal	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
Decimal	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d	e	f

Hexadecimal	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
Decimal	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d	e	f

13-Agosto-1923 - Presidente Alvaro Obregón firmó el tratado de bucarchi - Se prohíbe a México crear tecnología y crear armas

$$\begin{array}{r}
 5879/2 = 2939 \\
 2939/2 = 1469 \\
 1469/2 = 734 \\
 734/2 = 367 \\
 367/2 = 183 \\
 183/2 = 91 \\
 91/2 = 45 \\
 45/2 = 22 \\
 22/2 = 11 \\
 11/2 = 5 \\
 5/2 = 2 \\
 2/2 = 1 \\
 1/2 = 0.5
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 1 \\
 1 \\
 1 \\
 0 \\
 1 \\
 1 \\
 1 \\
 1 \\
 0 \\
 1 \\
 1 \\
 1 \\
 1 \\
 1 \\
 1 \\
 1
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 40016 \\
 2048 \\
 1024 \\
 512 \\
 256 \\
 128 \\
 64 \\
 32 \\
 16 \\
 8 \\
 4 \\
 2 \\
 1 \\
 \hline
 5879
 \end{array}$$

$$2580/8 = 322$$

1 2 3 4 5 6 7 10 11 12 13 14 15 16 17



Convertir números decimales a octal

- 1= Divide el número decimal entre 8, anota el cociente resultante nuevamente entre 8, anota el nuevo cociente y el nuevo residuo. El residuo será el siguiente dígito en el número octal
- 2= Repite el proceso
- 3= Escribe los residuos en orden inverso, el primer residuo obtenido será el dígito menos significativo y el último residuo será el dígito más significativo.

Ejemplo

$$\begin{array}{r}
 156/8 = 19 \rightarrow 4 \\
 19/8 = 2 \rightarrow 3 \\
 2/8 = 0 \rightarrow 2
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 4 \\
 3 \\
 2
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2580 \\ \times 18 \\ \hline 5160 \\ 2580 \\ \hline 4640 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 3284 / 8 = 410 \quad 4 \\
 410 / 8 = 51 \quad 2 \quad = 6324 \\
 51 / 8 = 6 \quad 3 \\
 6 / 8 = 0 \quad 6
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 6420/8 = 802 \quad 4 \\
 800/8 = 100 \quad 2 \\
 100/8 = 12 \quad 4 \\
 12/8 = 1 \quad 4 \\
 1/8 = 0 \quad 1
 \end{array}
 \quad = 14424$$

En que momento se aplica la tabla octal

Cuando se trabaja con una gran cantidad de números binarios de muchos bit, es más adecuado escribirlos en octal y así volucrarlos más manejables. El sistema octal de base 8, utiliza como simbolo los primeros 8 (0-7) dígitos y se utiliza generalmente en lenguaje fuente y en impresiones de diagnóstico durante la prueba de programa.

Fórmula matemática del amor

La ecuación $(\partial + m)\Psi = 0$ es conocida como la ecuación del amor, ya que se dice que representa el entrelazamiento cuántico. Este fenómeno se refiere a la interconexión de los espines de dos electrones, que se mantiene incluso a pesar de la distancia que los separa en el espacio y el tiempo. La ecuación fue escrita por Paul Dirac, quien integró en ella las aportaciones de la relatividad restringida y la física cuántica. La ecuación de Dirac describe el comportamiento de los electrones cuando se mueven a velocidades cercanas a la de la luz.

4768

$$\begin{array}{rcl} 4763/8 & = & 595 \quad \vdots \quad 3 \\ 595/8 & = & 74 \quad \vdots \quad 3 \\ 74/8 & = & 9 \quad \vdots \quad 2 \\ 9/8 & = & 1 \quad \vdots \quad 1 \\ 1/8 & = & 0 \quad \vdots \quad 1 \end{array}$$

$$4763_{10} \rightarrow 71233_8$$

$$\begin{array}{rcl} 12865/8 & = & 1608 \quad 1 \\ 1608/8 & = & 201 \quad 0 \\ 201/8 & = & 25 \quad 1 \\ 25/8 & = & 3 \quad 1 \\ 3/8 & = & 0 \quad 3 \end{array}$$

$$12865_{10} \rightarrow 31101_8$$

$$\begin{array}{rcl} 1 & 8^0 & 1 \cdot 1 = 1 \\ 0 & 8^1 & 0 \cdot 8 = 0 \\ 1 & 8^2 & 1 \cdot 64 = 64 \\ 1 & 8^3 & 1 \cdot 512 = 512 \\ 3 & 8^4 & 3 \cdot 4096 = \underline{12288} \\ & & 12865 \end{array}$$

10 09 24

$$\begin{array}{rcl} 16 \cdot 631/8 = & 2078 & 7 \\ 2078/8 = & 259 & 6 \uparrow \\ 259/8 = & 32 & 3 \uparrow \\ 32/8 = & 4 & 0 \uparrow \\ 4/8 = & 0 & 4 \end{array}$$

$$16631_{10} \rightarrow 40367_8$$

Hexadecimals

$$\begin{array}{rcl} 5137/16 = & 321 & 1 \\ 321/16 = & 20 & 7 \uparrow \\ 20/16 = & 1 & 4 \uparrow \\ 1/16 = & 0 & 1 \end{array}$$

$$5137_{10} \rightarrow 7411_{11}$$

$$\begin{array}{rcl} 16325/16 = & 1020 & 5 \\ 1020/16 = & 63. & C \\ 63/16 = & 3 & F \\ 3/16 = & 0 & 3 \end{array}$$

$$16325_{10} \rightarrow 3FC5_{16}$$

$$\begin{array}{rcl} 64325/16 = & 4020 & 5 \\ 4020/16 = & 251 & 4 \\ 251/16 = & 15 & B \\ 15/16 = & 0 & F \end{array}$$

$$64325_{10} \rightarrow FB45_{16}$$

$$\begin{array}{rcl} 189325/16 = & 11832. & ① \\ 11832/16 = & 739 & 8 \\ 739/16 = & 46 & 3 \\ 46/16 = & 2 & 6 \\ 2/16 = & 0 & 2 \end{array}$$

$$189325_{10} \rightarrow 9E38①_{16}$$

$$\begin{array}{rcl}
 54583 & 221/16 = & 3411451 \\
 3411451 & 10/16 = & 213215 \\
 213215 & 10/16 = & 13325 \\
 13325 & 10/16 = & 832 \\
 832 & 10/16 = & 52 \\
 52 & 10/16 = & 3 \\
 3 & 10/16 = & \emptyset
 \end{array}$$

S . 6875
 B . 9375
 F . 18125
 D . 25
 4
 3

Suma de binarios

$$1 + 1 = 10$$

$$1 + \emptyset = 1$$

$$\emptyset + 1 = 1$$

$$\emptyset + \emptyset = \emptyset$$

$$1 + 1 + 1 = 11$$

$$220$$

$$* 66$$

$$1320$$

$$1320$$

$$14520$$

$$64$$

$$+ 28$$

$$192$$

$$\begin{array}{r}
 128 \quad 64 \quad 32 \quad 16 \quad 8 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\
 1 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 64 \\
 0 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad 28 \\
 \hline
 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad 92
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 512 \quad 256 \quad 128 \quad 64 \quad 32 \quad 16 \quad 8 \quad 4 \quad 2 \quad 1 \\
 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 181 \\
 1 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 0 \quad + 234 \\
 \hline
 1 \quad 0 \quad 254 \\
 \hline
 1 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad 669
 \end{array}$$

$$1010011101$$

Qué pasa cuando tengo 4 unos en binario

1. Primera columna (columna de la derecha):

$1+1=10$ (que es 2 en decimal), escribes el 0 y llevas 1

2. Segunda columna (llevando el 1 de la suma anterior):

1 (el que llevaste) + 1 + 1 = 11 (que es 3 en decimal, escribes el 1 y llevas otro uno)

3. Tercera columna (llevando el 1 de la suma anterior):

1 (el que llevaste) + 1 = 10 (que es 2 en decimal) escribes el 0 y llevas 1.

4. Cuarta columna (llevando el 1 de la suma anterior)

El 1 que llevaste se baja directamente, ya que no hay más numeros

10

$$\begin{array}{r} 64 \ 32 \ 16 \ 8 \ 4 \ 2 \ 1 \\ - 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \\ \hline 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 64 \ 32 \ 16 \ 8 \ 4 \ 2 \ 1 \\ - 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \\ \hline 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \\ \hline 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \\ \hline 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 128 \ 64 \ 32 \ 16 \ 8 \ 4 \ 2 \ 1 \\ - 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \\ \hline 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \\ \hline 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \\ \hline 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \end{array}$$

Multiplicación de binarios

128 64 32 16 8 4 2 1

1 0 1 1 1
* 1 1 1

~~1 0 1 0 1 1 0 0 1 1 1 1
0 0 1 0 1 1 1 0
0 1 0 1 1 1 0 0~~

1 0 1 0 0 0 0 1

23

1

161

$$1 * 1 = 1$$

$$1 * 0 = 0$$

$$0 * 1 = 0$$

$$0 * 0 = 0$$

512 256 128 64 32 16 8 4 2 1
1 1 0 1 0 0 1
* 1 0 1
1 1 1 0 1 0 0 1
1 0 0 0 0 0 0 0
1 1 0 1 0 0 1
1 0 0 0 0 0 1 1 0 1

105

5

525

525 //

Resta

$$0 - 0 = 0$$

$$1 - 0 = 1$$

$$1 - 1 = 0$$

0-1, pedimos prestada un 1 al número del lado izquierdo, de forma que el 0 se convertira en 10 y hacemos la resta $10 - 1 = 1$

Si el numero que presta es 1 se convertira en 0, si el que presta es 10 se convertira en 1

Ejemplo

~~0 10~~
- 1 0 1 0 1 1 1
0 1 0 0 1 0 1
0 1 1 0 0 1 0

División

El método de dividir dos números binarios es igual que dividir dos números decimales, para obtener los residuos se debe hacer una resta en binario.

Como el sistema binario tiene dos símbolos 0 y 1, al dividir un número binario entre otro, sólo es preciso saber si el divisor cabe en el dividendo, si cabe en 1, si no cabe es 0.

$$\begin{array}{r} 101 \\ 101 \longdiv{11011} \\ -101 \\ \hline 00111 \\ -101 \\ \hline 010 \end{array}$$

FPGA

17-09-24

Restas

$$\begin{array}{r} 11 \\ -10 \\ \hline 01 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0101 \\ 10 \longdiv{1010} \\ -10 \\ \hline 01 \\ -01 \\ \hline 0 \end{array}$$

División

División → SLL

Corre a la izquierda

SRL

corre a la derecha

Complemento a 2

$$\begin{array}{r} 11011011 \\ + 1 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 00100101 \\ + 1 \\ \hline \end{array}$$

Invierte la cadena de bits
le restas 1

$$\begin{array}{r} 1571111 \\ + 1 \\ \hline 0001 \end{array}$$

Tablas de Verdad

OR 2^n

AND

NOT

XOR

Implicación

Doble implicación

OR 2^n

Asignación $2^2 = 4$

Dividir

V

AND 2^n

Conjunción $2^2 = 4$

unir

A

NOT $1=0$

F

$0=1$

XOR

		OR	q
P	q	Contingencia	cuando iguales
1	V	1	Todos verdaderos Tautología
1	V	0	Todos son falsos Contradicción
0	V	1	
0	F	0	

and

		P	q	Contingencia
		1	1	
		1	0	
		0	0	
		0	1	
		0	0	

XOR

		P	q
		F	1
		V	0
		V	1
		F	0

Implicacion

P	q
1	1
1	0
0	1
0	0

Doble implicacion

P	q
1	1
1	0
0	0
0	1

Si me esfuerzo lo suficiente o soy un genio, entonces aprobaré la materia por lo tanto terminare la carrera, si no me esfuerzo lo suficiente no terminare la carrera por lo tanto no soy un genio

g	v	e	\rightarrow	A	\wedge	\neg	e	\rightarrow	t	\rightarrow	neg	\rightarrow	0	
1	V	1	V	1	N	1	V	1	F	0	F	1	F	0
1	V	1	V	1	F	0	V	1	V	0	F	0	V	0
1	V	1	F	0	F	1	V	1	F	0	F	1	F	0
1	V	1	F	0	F	0	V	1	F	0	F	0	V	0
1	V	0	V	1	N	1	V	1	V	1	V	1	F	0
1	V	0	V	1	F	0	V	1	F	0	V	0	F	0
1	V	0	F	0	F	1	V	1	F	0	V	1	F	0
1	V	0	F	0	F	0	V	1	F	0	V	1	V	1
0	V	1	V	1	V	1	V	1	V	0	F	1	V	1
0	V	1	V	1	F	0	V	1	F	0	F	1	V	1
0	V	1	F	0	F	1	V	1	F	0	F	0	F	1
0	V	1	F	0	F	0	V	1	F	0	F	0	F	1
0	F	0	V	1	V	1	V	1	V	1	V	1	V	1
0	F	0	V	1	F	0	V	1	F	0	F	0	V	1
0	F	0	F	0	F	1	V	1	F	0	F	1	V	1

Reglas de inferencia

Son proposiciones lógicas que relacionan dos o más ideas, cosas, objetos... que están formados por dos partes:

La premisa

La conclusión

La premisa y la conclusión son expresiones lógicas con una o más afirmaciones unidas mediante operaduras lógicas [y, o, no]. Se escriben como: "Si premisa, entonces conclusión"

Símbolo	Nombre	Significado
$\leftrightarrow, \Leftrightarrow, \equiv$	Bicondicional	Sí y sólo si
\rightarrow, \supset	Condicional	Sí... entonces...
\wedge, \cdot	Conjunción	y
\vee	Disyunción	o
$\neg, -, \sim$	Negación	No
\therefore	Conclusión	Consecuente

- Modus Ponens: Afirman el antecedente para validar el consecuente

$$P \rightarrow q \quad P \therefore q$$

Teorema de Morgan $\neg(p \cdot q) \equiv (\neg p \vee \neg q)$ $\neg(p \vee q) \equiv (\neg p \cdot \neg q)$

- Modus Tollens: Negando el consecuente se puede negar el antecedente

$$P \rightarrow q \quad \neg q \therefore \neg P$$

Commutación $(P \vee q) \equiv (q \vee p)$ $(p \cdot q) \equiv (q \cdot p)$

- Silogismo hipotético: Si tenemos dos condicionales tales que: El antecedente del segundo es el consecuente del primero, se puede inferir como conclusión, un condicional formado por el antecedente del primero y el consecuente del segundo.

$$P \rightarrow q \quad q \rightarrow r \quad \therefore P \rightarrow r$$

Asociación: $[P \vee (q \vee r)] \equiv [(P \vee q) \vee r]$ $[P \cdot (q \cdot r)] \equiv [(P \cdot q) \cdot r]$

- Silogismo disyuntivo: Si una de las dos proposiciones es verdadera y no es la primera, entonces se infiere que la última es la verdadera

$$p \vee q \quad \neg p \therefore q$$

Disyunción: $[P \cdot (q \vee r)] \equiv [(P \cdot q) \vee (P \cdot r)]$ $[P \vee (q \cdot r)] \equiv [(P \vee q) \cdot (P \vee r)]$

- Dilema constructivo: Si dos condicionales son verdaderas y al menos uno de sus antecedentes es verdadero, entonces alguno de sus consecuentes debe ser verdadero

$$(P \rightarrow q) \cdot (r \rightarrow s) \quad p \vee r \therefore q \vee s$$

Doble negación $p \equiv \sim \sim p$

- Absorción: Si no implica q , entonces p implica $p \wedge q$. p es "absorbida" por el término que en la consecuencia

$$p \rightarrow q \therefore p \rightarrow (p \wedge q)$$

Transposición $(p \rightarrow q) \equiv (\sim q \rightarrow \sim p)$

Simplificación: De la conjunción de premisos se puede inferir una de ellas

$$p \wedge q \therefore p \quad p \wedge q \therefore q$$

Implicación material: $(p \rightarrow q) \equiv (\sim p \vee q)$

- Conjunción: La conclusión es verdadera, únicamente si las dos premisas son verdaderas y es falsa si al menos una de ellas es falsa.

$$p \wedge q \therefore p \wedge q$$

Equivalencia material: $(p \equiv q) \equiv [(p \rightarrow q) \cdot (q \rightarrow p)]$

$$(p \equiv q) \equiv [(p \wedge q) \vee (\sim p \wedge \sim q)]$$

- Adición: Dada una premisa cualquiera, es posible expresarla como una disyunción acompañada por cualquier otra

$$p \therefore p \vee q$$

Exportación $[(p \wedge q) \rightarrow r] \equiv [p \rightarrow (q \rightarrow r)]$

Tautología $p \equiv (p \vee p) \quad p \equiv (p \wedge p)$

1

Demostrar la siguiente expresión

$$(avb) \wedge (avc) \wedge \neg a \rightarrow b \wedge c$$

$$(a \vee b) \wedge (a \vee c) \wedge \neg a \rightarrow b \wedge c$$

1	1	1	1	1	0	1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	1	0	1	0	1	1	0	1
1	1	1	1	1	0	1	0	1	1	0	1
1	1	1	1	1	0	1	0	1	1	0	1
1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	1	1
1	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	1
0	0	1	0	1	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0

Contingencia
resultado

$$2^2 = 2 \times 2 = 4$$

$$(\neg p \wedge q) \vee (p \wedge \neg q)$$

1	0	1	0	0	0	0
1	0	0	1	0	1	1
0	1	1	0	1	1	0
0	1	0	1	0	0	0

$$2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

$$p \wedge (q \rightarrow r) \equiv (p \wedge q) \rightarrow (p \wedge r)$$

P	q	r	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	0	1	0	0	1	1	1	0	0
1	1	0	1	1	0	1	1	1	0	0	1	1
1	0	1	1	1	0	1	0	1	0	0	1	0
1	0	0	0	0	1	1	1	0	0	1	1	0
0	1	1	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0
0	1	0	0	0	0	1	1	0	0	0	1	0
0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	1	0
0	0	0					①					

Sistema de razonamiento Formal

Leyes de commutatividad

$$p \rightarrow q \equiv q \rightarrow p$$

$$p \wedge q \equiv q \wedge p$$

Leyes de Asociatividad

$$(p \wedge q) \wedge r \equiv p \wedge (q \wedge r)$$
$$\equiv (p \wedge r) \wedge q$$

$$(p \vee q) \vee r \equiv p \vee (q \vee r)$$
$$\equiv (p \vee r) \vee q$$

Leyes de distributividad

$$p \wedge (q \vee r) \equiv (p \vee q) \wedge (p \vee r)$$
$$p \vee (q \wedge r) \equiv (p \wedge q) \vee (p \wedge r)$$

Leyes de De Morgan

$$\neg(p \wedge q) \equiv \neg p \vee \neg q$$

$$\neg(p \vee q) \equiv \neg p \wedge \neg q$$

F B F

Reglas de Inferencia

1: Asociación

$$P, Q \\ \text{Conozco } P \\ \therefore P \wedge Q$$

3: Agregación

$$P \\ \therefore P \vee Q$$

5: Modus Tollens

(Modo que niega)

$$P \rightarrow Q, \neg Q \\ \hline \neg P$$

7: Sílogismo hipotético

$$P \rightarrow Q, Q \rightarrow R \\ \hline \therefore P \rightarrow R$$

2: División

$$P \wedge Q \\ \text{Por lo tanto} \rightarrow \begin{array}{c} \bullet \\ \circ \\ \circ \\ \bullet \\ \bullet \end{array} P \\ \begin{array}{c} \bullet \\ \circ \\ \circ \\ \bullet \\ \bullet \end{array} Q$$

- por lo tanto
/ entonces

4: Modus Ponens (Modus Ponendo Ponens)

(Modo que afirma)

$$\frac{P \rightarrow Q, \neg Q}{P}$$

6: Sílogismo Disyuntivo

$$\frac{P \vee Q, \neg P}{\therefore Q}$$

Si me esfuerzo lo suficiente o soy un genio entonces aprovaré la materia. Si apruebo la materia entonces terminaré la carrera, si no termino la carrera por lo tanto no me esfuerzo lo suficiente

$g \vee l \rightarrow AH \rightarrow t$	$\neg e \rightarrow f \rightarrow \neg g$
1 1 1 1 1 1 1	0 1 1 0 0
1 1 1 1 1 0 0	0 1 0 1 0
1 1 1 0 0 1 1	0 1 1 0 0
1 1 1 0 0 1 0	0 1 0 1 0
1 1 0 1 1 1 1	1 1 1 0 0
1 1 0 1 1 0 0	1 0 0 1 0
1 1 0 1 0 1 1	1 1 1 0 0
1 1 0 1 0 1 0	1 0 0 1 0
0 1 1 1 1 1 1	0 1 1 1 1
0 1 1 1 1 0 0	0 1 0 1 1
0 1 1 0 0 1 1	0 1 1 1 1
0 1 1 0 0 1 0	0 1 0 1 1
0 0 0 1 1 1 1	1 1 1 1 1
0 0 0 1 1 0 0	1 0 0 1 1
0 0 0 1 0 1 1	1 1 1 1 1
0 0 0 1 0 1 0	1 0 0 1 1

e : me esfuerzo lo suficiente

g : Soy un genio

AH : aprobar materia

t : Terminar carrera

$\neg e$: no me esfuerzo lo suficiente

$\neg t$: no terminar la carrera

Demostración indirecta-contrapositiva y contradicción

La demostración indirecta por contradicción y la demostración por contraposición son dos métodos de demostración en matemáticas que se utilizan para establecer la verdad de una afirmación

Para demostrar que una afirmación P es verdadera, se asume que P es falsa y se demuestran las consecuencias de esta suposición. Si se llega a un absurdo o imposibilidad, se prueba que P debe ser verdadera

Para demostrar que una afirmación P es verdadera, se asume que P

Q.E.D.

El uso de "Q.E.D." (Quod erat demonstrandum), la frase es de origen latino y significa "lo que quería demostrar" o "lo que debía demostrarse". Su uso en matemáticas se remonta a los antiguos matemáticos griegos. Los matemáticos de Euclides conocida por su obra "Los elementos" desarrollaron métodos rigurosos para demostrar teoremas matemáticos, utilizaba expresiones equivalentes a "QED" en latín como "Quod erat faciendum" (lo que debía hacerse) o "Quod erat inventandum" (lo que debía encontrarse).

$$[(e \vee g) \rightarrow a] \wedge [(a \rightarrow t)] \wedge \neg a \rightarrow \neg t$$

$$\equiv [(e \vee g) \rightarrow a] \wedge [(a \rightarrow t)] \wedge \neg a \wedge \neg(\neg t) \rightarrow F$$

↳ Doble negación de

1) $(e \vee g) \rightarrow a$ H₁

2) $(a \rightarrow t)$ H₂

3) $\neg a$ H₃

4) $\neg(\neg t)$ Conclusion

5) t Doble negación de (4)

6) $e \vee (e \vee g)$ Agregación (5)

7) $e \vee e(g)$ Simplificación (6)

8) $(e \vee g)$ Equivalencia (7)

9) a Modus Ponens (8) (1)

10) t Modus Ponens (2) (9)

11) $t \wedge \neg a$ Asociación (10) (3)

12) F

q = siempre el que
falta por evaluar

1: Definir variables

2: Pasarlo a algoritmo matemático

3: Hacer conclusión negada (contradicción)

4: Comprobaciones o dr. de demostraciones matemáticas

4.1: Obtener hipótesis

4.2: Conclusión negada

4.3 resultado de la afirmación

4.4 Desasígher por algo más fácil

5 formular hipótesis

Para martes

Equivalecia de
la implicación

$$(p \vee r) \wedge (q \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow q) \rightarrow r$$

$$\begin{array}{ccccccc} 1 & V & 1 & V & 1 & V & 1 \\ 1 & V & 1 & V & 1 & V & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc} 1 & V & 1 & V & 0 & V & 1 \\ 1 & V & 1 & V & 0 & V & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc} 1 & V & 0 & F & 1 & F & 0 \\ 1 & V & 0 & F & 1 & F & 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc} 1 & V & 0 & V & 0 & V & 1 \\ 1 & V & 0 & V & 0 & V & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc} 0 & V & 1 & V & 1 & V & 1 \\ 0 & V & 1 & V & 1 & V & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc} 0 & V & 1 & V & 0 & V & 1 \\ 0 & V & 1 & V & 0 & V & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc} 0 & F & 0 & F & 1 & F & 0 \\ 0 & F & 0 & F & 1 & F & 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc} 0 & F & 0 & F & 0 & V & 0 \\ 0 & F & 0 & F & 0 & V & 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc} 0 & F & 0 & F & 0 & V & 0 \\ 0 & F & 0 & F & 0 & V & 0 \end{array}$$

$$(p \vee r) \wedge (q \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow q) \rightarrow r$$

P

q

- 1) $(p \vee r)$
- 2) $(q \rightarrow r)$
- 3) r
- 4)

- 1) $(p \vee r)$ H₁
- 2) $(q \rightarrow r)$ H₂
- 3) $\neg[(p \rightarrow q) \rightarrow r]$ C. Negada
- 4) $\neg[\neg(p \vee r) \rightarrow r]$ Eqv. Aplicacion (3)
- 5) $\neg[\neg(p \vee r) \vee r]$ Eqv. (4)
- 6) $\neg[(p \wedge q) \vee r]$ Ley De Morgan (5)

- 7) $\neg[(p \vee r) \wedge (\neg q \vee r)]$ Distributividad (6)

- 8) $\neg(p \wedge q) \vee \neg r$ Ley De Morgan (7)

- 9) $(\neg q \vee r)$ Equivalencia de la implicación de (2)

- 10) $\neg(p \vee r)$ silogismo disyuntivo de 8 y 9

- 11) $\neg(p \vee r) \wedge (p \vee r)$ Asociación con (10) y (1)

- 12) Falso

Q.D.E.

- 1º Identifica tus hipótesis
 - 2º Identifica la conclusión
 - 3º Niega tu conclusión

Si toco el piano o el saxofón entonces puedo ingresar a la orquesta, si ingreso a la orquesta entonces seré famoso. No se tocar el piano por lo tanto, si no toco el saxofón no seré famoso

$$\begin{aligned} & \text{amooo} \\ & \frac{\Gamma[(p \vee s) \rightarrow o] \wedge \Gamma[(o \rightarrow p)] \wedge \neg(p \rightarrow s) \rightarrow \neg F}{\Gamma[(p \vee s) \rightarrow o] \wedge \Gamma[(o \rightarrow F)] \wedge \neg(p \rightarrow s) \rightarrow \neg F} \end{aligned}$$

- 1) $(p \vee s) \rightarrow \phi$ H₁
 2) $(\phi \rightarrow t)$ H₂
 3) $\neg s$ H₃
 4) $\neg(\neg p)$ Conclusion
 5) p (4)
 6) $p \vee (p \vee s)$ 5)
 7) $p \vee p(s)$ 6)
 8) $(p \vee s)$ 7)
 9) s 8) 1)
 10) t 9)
 11) $\phi \vdash \neg s$ 10) 3)
 12) $\{ \neg t \} \vdash \phi$

- 1) $(P \vee S) \rightarrow O$ H1
 - 2) $(O \rightarrow F)$ H2
 - 3) $(\neg P \rightarrow \neg S) \rightarrow F$ H3
 - 4) $\neg[(\neg P \rightarrow \neg S) \rightarrow F]$ Conclusion negada
 - 5) $[(\neg P \vee \neg S) \rightarrow F]$ Doble negación
 - 6) $[(\neg P \vee \neg S) \vee \neg F]$ Doble negación
 - 7) $(\neg P \wedge \neg S) \vee \neg F$ Ley de Reducción
 - 8) $(\neg S \vee \neg F) \wedge (\neg S \vee \neg F)$ Distrubuidor
 - 9) $\neg(S \vee \neg S) \vee \neg F$ Ley de Morgan
 - 10) $\neg(S \vee \neg S)$ Equivalencia
 - 11) $\neg S \wedge (\neg F \wedge F)$ Asociación
 - 12) $\neg(F \wedge F)$ $(P \wedge Q) \wedge R \equiv P \wedge (Q \wedge R)$
 - 13) $\neg F$
 - 14) $(i \rightarrow F) \vee \neg F$
 - 15) F Falso