

COMPLEXIDADE DE ALGORITMOS

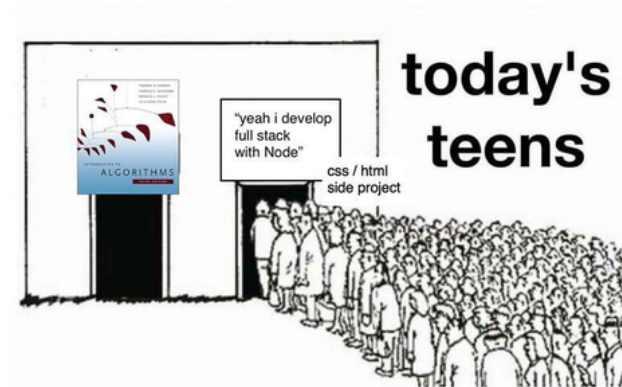
YASMIN SOUZA CAMARGO

“ESSA SOLUÇÃO É SUFICIENTE?”
“A SOLUÇÃO É ESCALÁVEL OU LEGÍVEL?”



[HTTPS://YOUTU.BE/NZFR4KC1IVU?T=437](https://youtu.be/NZFR4KC1IVU?t=437)

- Relacionado com a quantidade de trabalho necessário para executar uma tarefa
- A complexidade de um algoritmo é analisada em termos de tempo e espaço
- A ideia é oferecer uma análise independente da máquina, compilador ou sistema
- O tempo que leva para um algoritmo ser executado é baseado no número de passos (Geralmente existe um N, que afeta o tempo de execução significativamente)
- Normalmente é diretamente proporcional ao tamanho dos dados a serem processados



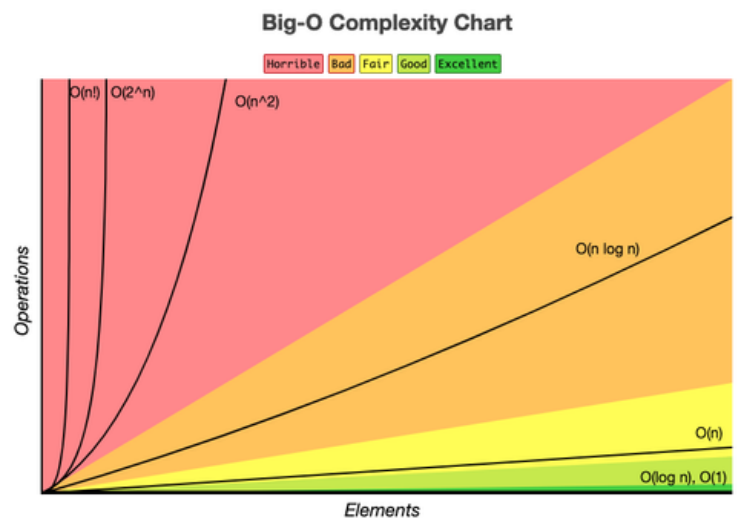
Complexidade assintótica: quando o tamanho da entrada (n) tende a infinito, com isso, as constantes são ignoradas e apenas o componente mais significativo da função de complexidade é considerado

BASICAMENTE...

- Termos de menor grau são desprezados
- É analisado o pior caso (o maior número de operações usadas para qualquer entrada de tamanho n)

NOTAÇÃO O (BIG O NOTATION)

- A notação do O é sobre:
Limite superior (pior caso): Big O
Limite inferior (melhor caso): Big Omega (Ω)
Combinação de ambos: Big Theta (Θ)



$O(1)$ = O(yeah) - constante
 $O(\log n)$ = O(nice) - logarítmica
 $O(n)$ = O(k) - linear
 $O(n \log n)$ = O(k-ish) - logarítmica linear
 $O(n^2)$ = O(my) - quadrática
 $O(2^n)$ = O(no) - subexponencial
 $O(n^n)$ = O(fuck) - exponencial
 $O(n!)$ = O(mg!) - fatorial

COMPLEXIDADE CONSTANTE $O(1)$

- O número de operações não muda independente do tamanho da entrada (n).
- Exemplo: uma multiplicação, adição e divisão
- As instruções são executadas um número fixo de vezes
- Quanto maior a entrada fica, menos importantes se tornam as constantes
- As constantes de um algoritmo são normalmente ignoradas



COMPLEXIDADE LOGARÍTMICA $O(\log N)$

- Diminui o N toda vez que um processamento é feito (transformam um problema em outros menores)
- Quando n é mil, $\log_2 n \approx 10$, quando n é 1 milhão, $\log_2 n \approx 20$
- Exemplo: busca binária



COMPLEXIDADE LINEAR $O(N)$

- É a melhor situação possível para um algoritmo que tem de processar/produzir n elementos de entrada/saída
- Quanto maior o input (n), maior o tempo de execução do algoritmo (maior o número de operações que serão feitas)
- Cada vez que n dobra de tamanho, o tempo de execução dobra.
- A parte linear dominará sobre as constantes
- Exemplo: busca sequencial, calcular fatorial



COMPLEXIDADE LOGARÍTMICA LINEAR $O(N \log N)$

- Típico em algoritmos que quebram um problema em outros menores, resolvem cada um deles independentemente e juntando as soluções depois.
- Quando n é 1 milhão, $n \log_2 n$ é cerca de 20 milhões.
- Quando n é 2 milhões, $n \log_2 n$ é cerca de 42 milhões, pouco mais do que o dobro

COMPLEXIDADE QUADRÁTICA $O(N^2)$

- Ocorrem quando os itens de dados são processados aos pares
- A complexidade quadrática desenha uma curva (parábola) em relação ao eixo de tempo para cada vez que N aumenta
- Quando n é mil, o número de operações é da ordem de 1 milhão
- Exemplo: dois for aninhado
- As complexidades quadrática e cúbica são chamadas de polinomiais
- Úteis para resolver problemas de tamanhos relativamente pequenos
- Exemplo: imprimir uma matriz



COMPLEXIDADE EXPONENCIAL $O(2^N)$

- Geralmente não são úteis sob o ponto de vista prático.
- Ocorrem na solução de problemas quando se usa força bruta para resolvê-los
- Quando n é 20, o tempo de execução é cerca de 1 milhão



COMPLEXIDADE FATORIAL $O(N!)$

- Geralmente ocorrem quando se usa força bruta para na solução do problema

REFERENCIAS:

<https://homepages.dcc.ufmg.br/~chaimo/pa/a/Aula%202%20-%20Complexidade%20Assintotica.pdf>

<https://pt.stackoverflow.com/questions/33319/o-que-%C3%A9-a-complexidade-de-um-algoritmo>

<https://medium.com/nagoya-foundation/introdu%C3%A7%C3%A3o-%C3%A0-complexidade-de-algoritmos-4a9c237e4ecc>