TIPE: Réseaux de neurones convolutifs pour le diagnostic médical

Thème : Santé et prévention

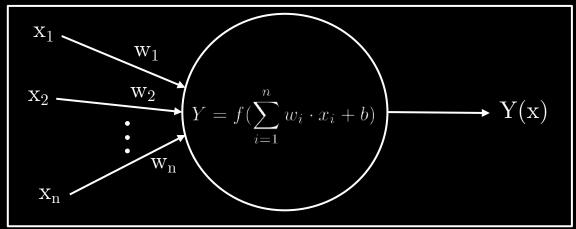
Problématique : Comment construire un réseau de neurone pour établir un diagnostic médical à partir d'images ?

Yassine LARAKI

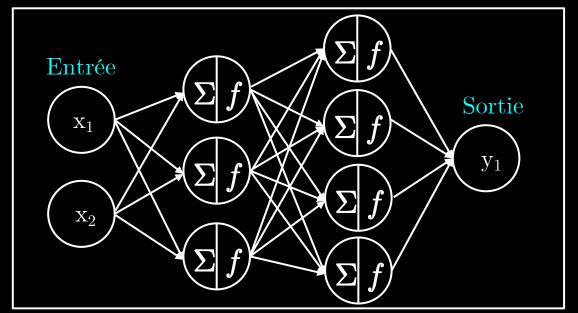
Numéro SCEI: 10104

MP – Option informatique

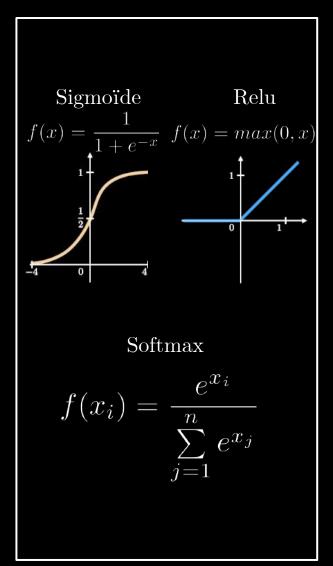
Neurone formel et perceptron multicouche



Neurone formel



Perceptron multicouche



Fonctions d'activation

Algorithme du perceptron multicouche

1. Initialisation aléatoire des poids

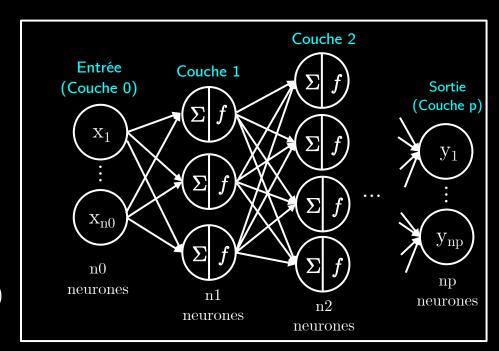
2. Propagation directe

$$\mathbf{x} = [\mathbf{x}_1 \,, \, \ldots \,, \, \mathbf{x}_{n0}] \in \{\text{entrées}\}$$

 $\mathbf{s} = [\mathbf{s}_1 \,, \, \ldots \,, \, \mathbf{s}_{ni}] : \text{sortie associée}$

$$\begin{aligned} \text{On pose } x(0) &= x \\ \text{Pour } i &= 1 \text{ à p:} \\ x(i) &= (Y_{i,1}(x(i\text{-}1)), \, \dots \, , \, Y_{i,ni}(x(i\text{-}1))) \end{aligned}$$

On pose
$$y = x(p)$$



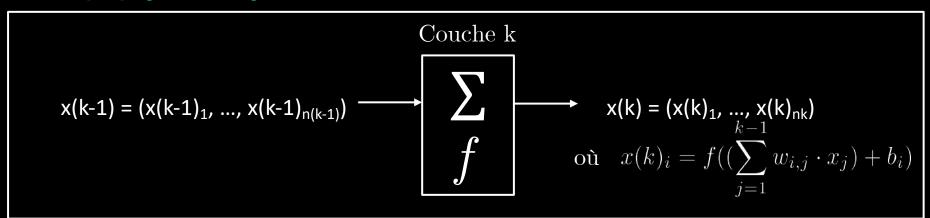
Perceptron multicouche

3. Calcul de l'erreur

Fonction d'erreur : $E = -\sum_{i=1}^{\infty} s_i \cdot log(y_i)$ (categorical cross entropy)

Dérivée de l'erreur :
$$\frac{\partial E}{\partial y_i} = \frac{\partial E}{\partial x(np)_i} = y_i - s_i$$
 (en utilisant $f = \text{softmax comme}$ fonction d'activation pour la dernière couche)

4. Rétropropagation du gradient



Connus :
$$\frac{\partial E}{\partial E}$$
 Couche du perceptron

(i)
$$\frac{\partial E}{\partial w_{i,j}} = \sum_{l=1}^{nk} \frac{\partial E}{\partial x(k)_l} \cdot \frac{\partial x(k)_l}{\partial w_{i,j}} = \frac{\partial E}{\partial x(k)_i} \cdot x(k-1)_j \cdot f'(\sum_{l=1}^{n(k-1)} w_{i,l} \cdot x(k-1)_l + b_i)$$

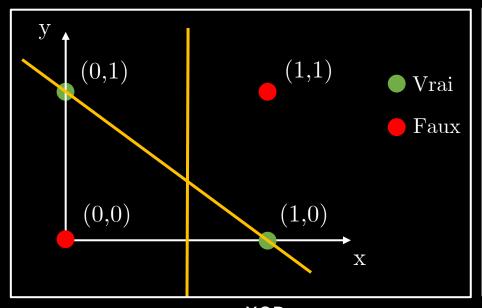
(ii)
$$\frac{\partial E}{\partial b_i} = \sum_{l=1}^{nk} \frac{\partial E}{\partial x(k)_l} \cdot \frac{\partial x(k)_l}{\partial b_i} = \frac{\partial E}{\partial x(k)_i} \cdot f'(\sum_{j=1}^{n(k-1)} w_{i,j} \cdot x(k-1)_j + b_i)$$

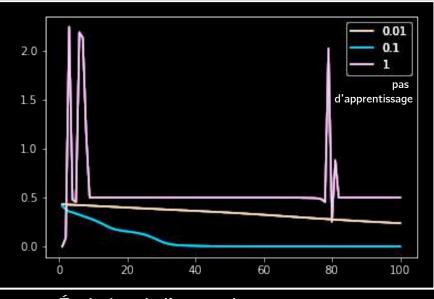
(i)
$$\frac{\partial E}{\partial w_{i,j}} = \sum_{l=1}^{nk} \frac{\partial E}{\partial x(k)_{l}} \cdot \frac{\partial x(k)_{l}}{\partial w_{i,j}} = \frac{\partial E}{\partial x(k)_{i}} \cdot x(k-1)_{j} \cdot f'(\sum_{l=1}^{n(k-1)} w_{i,l} \cdot x(k-1)_{l} + b_{i})$$
(ii)
$$\frac{\partial E}{\partial b_{i}} = \sum_{l=1}^{nk} \frac{\partial E}{\partial x(k)_{l}} \cdot \frac{\partial x(k)_{l}}{\partial b_{i}} = \frac{\partial E}{\partial x(k)_{i}} \cdot f'(\sum_{j=1}^{n(k-1)} w_{i,j} \cdot x(k-1)_{j} + b_{i})$$
(iii)
$$\frac{\partial E}{\partial x(k-1)_{j}} = \sum_{i=1}^{nk} \frac{\partial E}{\partial x(k)_{i}} \cdot \frac{\partial x(k)_{i}}{\partial x(k-1)_{j}} = \sum_{i=1}^{nk} \frac{\partial E}{\partial x(k)_{i}} \cdot w_{i,j} \cdot f'(\sum_{l=1}^{n(k-1)} w_{i,l} \cdot x(k-1)_{l} + b_{i})$$

Mise à jour des poids :
$$w_{i,j} = w_{i,j} - \alpha \frac{\partial E}{\partial w_{i,j}}$$

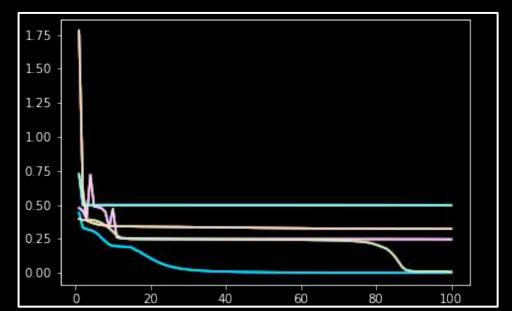
Mise à jour des biais :
$$b_i = b_i - \alpha \frac{\partial E}{\partial b_i}$$

XOR



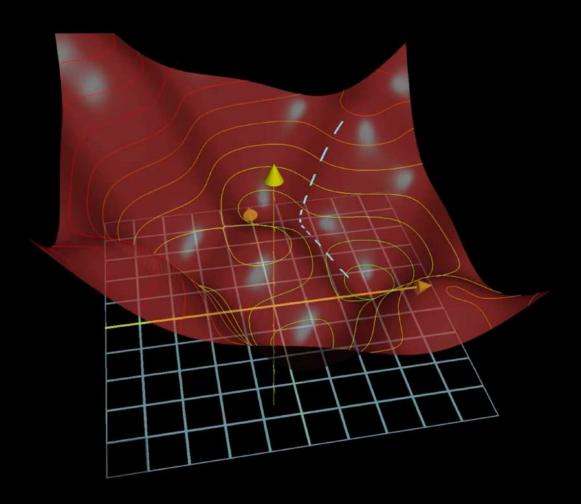


XOR



Évolution de l'erreur dans un perceptron en fonction du pas d'apprentissage Perceptron de type : [2,5,3,1]

Différents essais avec le même réseau de neurones et pas d'apprentissage mais avec des poids/biais réinitialisés aléatoirement à chaque début d'apprentissage



Tracé de l'erreur en fonction de deux poids

Source: 3Blue1Brown (Youtube)

Hyperparamètres : stride (noté s), pooling (noté p), taille du filtre (noté f) Format de la sortie : $\lfloor \frac{n+2p-f}{s} \rfloor + 1$

Ici:

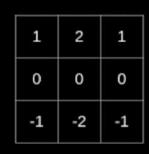
$$f = (3,3)$$

 $p = 0$
 $s = 1$

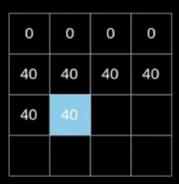
$$\begin{vmatrix}
10 & 10 \\
10 & 10
\end{vmatrix}$$

10	10	10	10	10	10
10	10	10	10	10	10
10	10	10	10	10	10
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	o	0	0	0	0

*



=

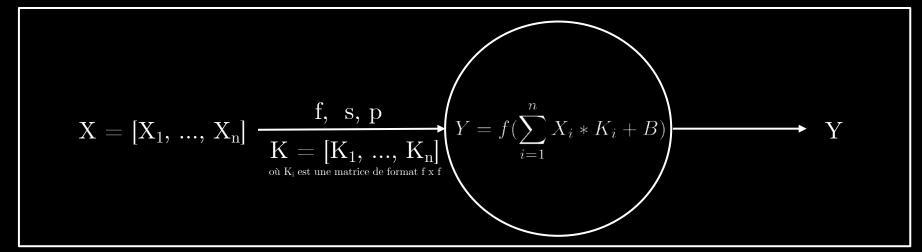


Matrice d'entrée

Filtre K

Résultat

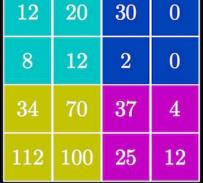
Opération de convolution

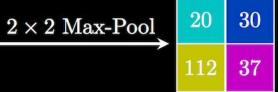


Neurone de convolution

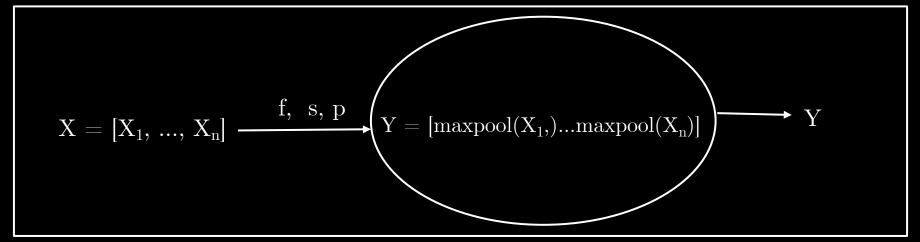
Hyperparamètres : stride (noté s), taille du filtre (noté f) (s = f souvent), pooling (noté p) (p = 0 souvent)

Format de la sortie : $\left\lfloor \frac{n+2p-f}{s} \right\rfloor + 1$





Opération de convolution



Couche de maxpooling

Base de donnée HAM10000

Lésions bénignes (noté 'bkl')





Kératose/Bowen (noté 'akiec')





Carcinome basocellulaire (noté 'bcc') • Lésions vasculaires (noté 'vasc')





Dermatofibrome (noté 'df')





Mélanome (noté 'mel')





• Nævus mélanocytaire (noté 'nv')





6





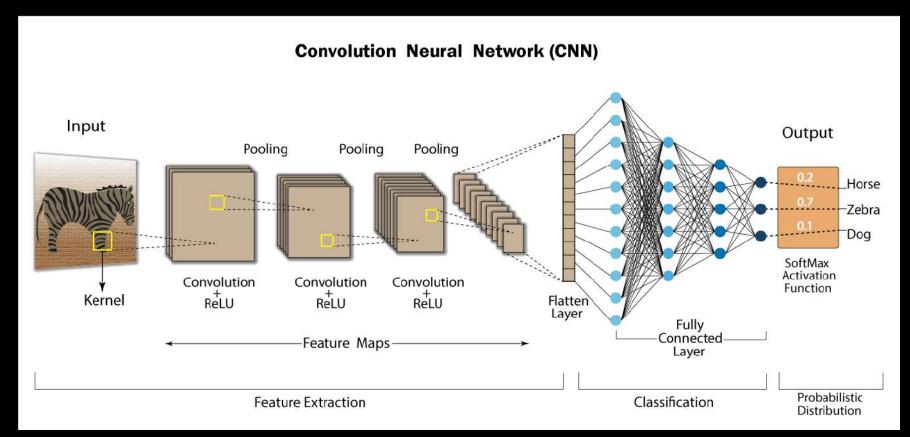
Nombre de classes: 7

Nombre d'images : 10 015

Inclus : mode d'examen, âge, sexe.

Source: https://dataverse.harvard.edu/

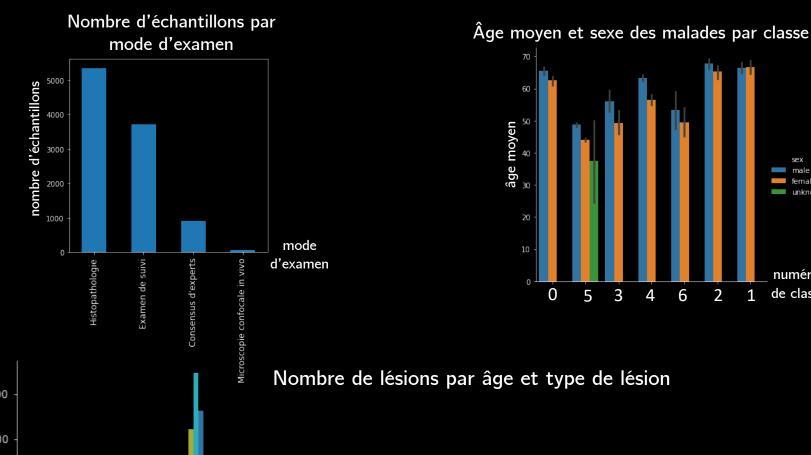
Reconnaissance d'image

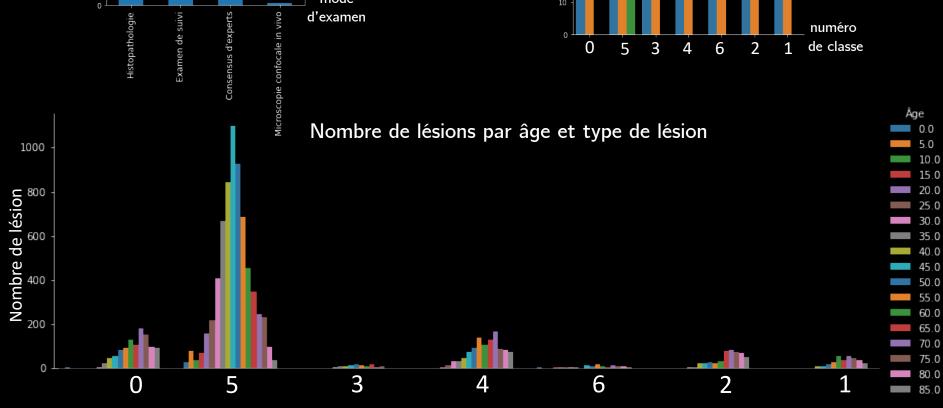


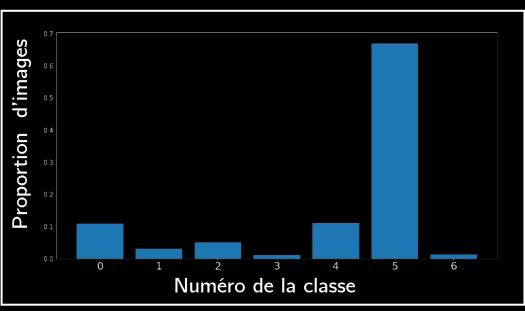
Structure type d'un réseau de classification d'images

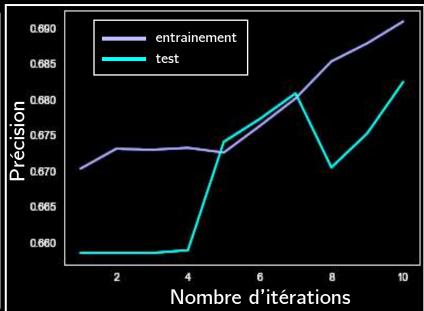
Source: https://www.analyticsvidhya.com/

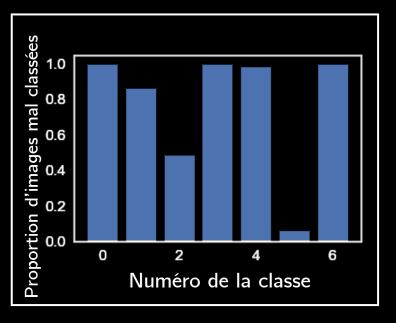
Visualisation de la donnée

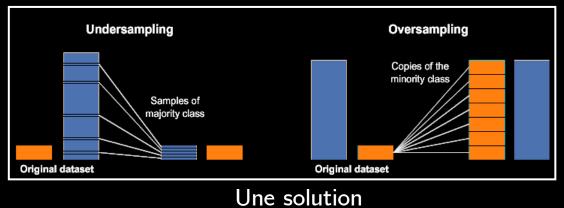




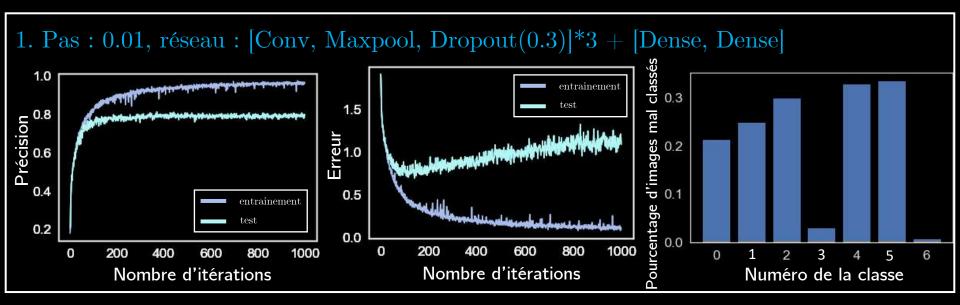


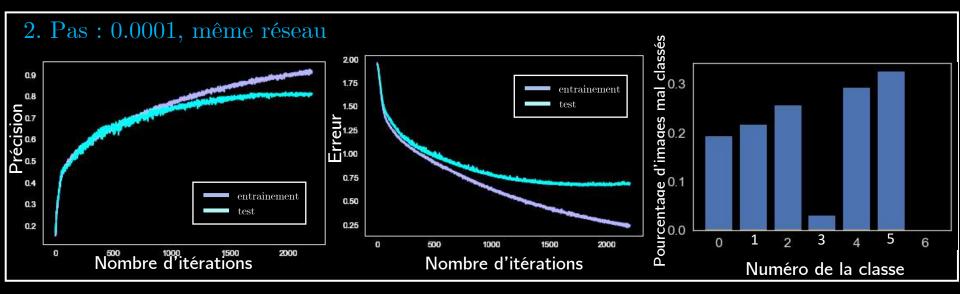






Source : https://medium.com/





Conclusion : pour répondre à la problématique

- Visualiser les données et équilibrer les classes
- Structure du réseau :
 - Conv + Relu, Maxpooling, Dropout
 - Perceptron multicouche
- Fonctions d'activation : Relu, Softmax
- Fonction d'erreur : Categorical Cross Entropy
- Pas d'apprentissage : 0.01 à 0.0001
- Répétitions : 100 à 10'000 suivant le pas du réseau
- Faire plusieurs modèles et comparer les précisions

Quelques exemples de chiffres de la base de donnée

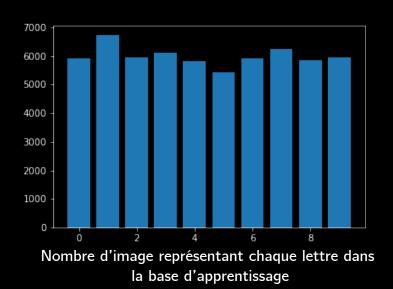


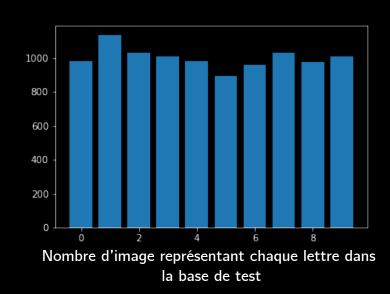
Quelques chiffres

o Nombre de classes: 10

o Nombre d'images de la base d'apprentissage : 60 000

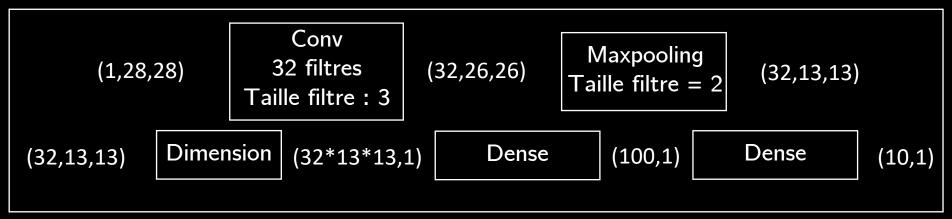
o Nombre d'images de la base de test : 10 000



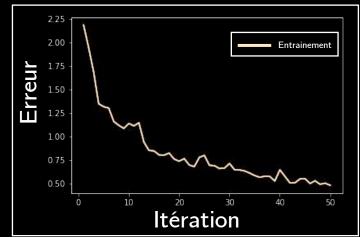


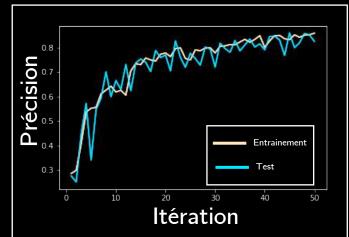
Source: module python Keras (keras.datasets.mnist)

Réseau convolutif simple:



- Réseau utilisé: Implémenté en Python, 50 répétitions (lent de l'ordre de 1 heure par répétition)
- Fonctions utilisées : Relu comme fonction d'activation pour les couches intermédiaires et Softmax comme dernière couche.
- Pas: 0.01





Précision test

finale: 85%

Annexe : couche Dropout, et rétropropagation

Propagation directe : p réel entre 0 et 1

	0	1/p	1/p	1/p
	1/p	1/p	1/p	0
	0	1/p	1/p	1/p
	0	1/p	1/p	0

0	$x_{1,2}$	$x_{1,3}$	$x_{1,4}$
$x_{2,1}$	$X_{2,2}$	$x_{2,3}$	0
0	$x_{3,2}$	$x_{3,3}$	$x_{3,4}$
0	$X_{4,2}$	$X_{4,3}$	0

$$Y_{i,j} = X_{i,j} \cdot Mi, j \quad \forall i, j$$

$$\frac{\partial E}{X_{i,j}} = \frac{\partial E}{Y_{i,j}} \cdot \frac{\partial Y_{i,j}}{X_{i,j}} = M_{i,j} \cdot \frac{\partial E}{Y_{i,j}} \quad \forall (i,j)$$

Annexe : rétropropagation de la couche de convolution

Propagation directe

$$Y_i = \sum_{j=1}^m X_j \cdot Ki, j + B_i \qquad \forall i \in \{1, ..., n\}$$

$$Y_{i,k,l} = B_{i,k,l} + \sum_{j=1}^{n} X_{j,k+a-1,l+b-1} \cdot K_{i,j,a,b}$$

Biais :
$$\frac{\partial E}{\partial B_{i,k,l}} = \frac{\partial E}{\partial Y_{i,k,l}} \cdot \frac{\partial Y_{i,k,l}}{\partial B_{i,k,l}}$$

$$\frac{\partial E}{\partial B_{i,k,l}} = \frac{\partial E}{\partial Y_{i,k,l}}$$

$$\frac{\partial E}{\partial B_i} = \frac{\partial E}{\partial Y_i}$$

Annexe : rétropropagation de la couche de convolution

Propagation directe

$$Y_i = \sum_{j=1}^m X_j \cdot Ki, j + B_i \qquad \forall i \in \{1, ..., n\}$$

$$Y_{i,k,l} = B_{i,k,l} + \sum_{j=1}^{n} X_{j,k+a-1,l+b-1} \cdot K_{i,j,a,b}$$

$$\begin{aligned} \text{Poids}: \ \frac{\partial E}{\partial K_{i,j,a,b}} &= \sum_{k,l=1}^s \frac{\partial E}{\partial Y_{i,k,l}} \frac{\partial Y_{i,k,l}}{K_{i,j,a,b}} \\ &= \sum_{k,l=1}^s X_{j,a+k-1,b+l-1} \cdot \frac{\partial E}{\partial Y_{i,k,l}} \\ &= (X_j * \frac{\partial E}{\partial Y_i})_{a,b} \\ \hline \frac{\partial E}{\partial K_{i,j}} &= X_j * \frac{\partial E}{\partial Y_i} \end{aligned}$$

Annexe : rétropropagation de la couche de convolution

Propagation directe

$$Y_i = \sum_{j=1}^m X_j \cdot K_i, j + B_i \qquad \forall i \in \{1, ..., n\}$$

$$Y_{i,k,l} = B_{i,k,l} + \sum_{j=1}^{n} X_{j,k+a-1,l+b-1} \cdot K_{i,j,a,b}$$

Entrée :
$$\begin{split} \frac{\partial E}{\partial X_{j,c,d}} &= \sum_{i=1}^n \sum_{k,l=1}^s \frac{\partial E}{\partial Y_{i,k,l}} \cdot \frac{\partial Y_{i,k,l}}{\partial X_{j,c,d}} \\ &= \sum_{i=1}^n \sum_{k,l=1}^s K_{i,j,c+1-k,d+1-l} \cdot \frac{\partial E}{\partial Y_{i,k,l}} \\ &= \sum_{i=1}^n ((rot_{180}(\frac{\partial E}{\partial Y_i})^{\text{full}}_* K_{i,j})_{c,d} \\ &\frac{\partial E}{X_j} = \sum_{i=1}^n rot_{180}(\frac{\partial E}{\partial Y_i})^{\text{full}}_* K_{i,j} \end{split}$$

TIPE Yassine Laraki _ Réseaux de neurones convolutifs pour le diagnostic médical

June 7, 2022

```
[]: import numpy as np
                                                                      # Essentiel
     →pour les array, calculs, ...
    import matplotlib.pyplot as plt
                                                                      # Pour les_
     → graphiques/images
    from scipy import signal
                                  # Calcul de convolution : le coder soi-même est
     → simple mais les boucles for
                                  # sont très couteuses et n'optimisent pas les_
     →calculs (réseau trop lent)
    from skimage.measure import block_reduce
                                                # Calcul de maxpooling (même raison_
     → que convolution, néanmoins pour
                                                # la rétropropagation, il n'y a pasu
     → de telle fonction donc on utilise
                                                # des boucles etc ce qui rend le
     → programme plus lent)
    import time
                              # Chronomètre
    import scipy
                              # Pour la fonction scipy.special.expit qui permet de_
      → calculer sigmoid sans overflow
```

1 Implémentation du réseau de neurones

1.1 Couches

```
class Dense():
    def __init__(self,taille_entree,taille_sortie):
        self.poids = np.random.randn(taille_sortie, taille_entree)
        self.biais = np.random.randn(taille_sortie,1)

def propagation_directe(self, entree):
        self.entree = entree
        return (np.dot(self.poids, self.entree) + self.biais)

def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
        grad_poids = np.dot(grad_sortie, self.entree.T)
```

```
self.poids -= pas_apprentissage * grad_poids
self.biais -= pas_apprentissage * grad_sortie
return np.dot(self.poids.T, grad_sortie)
```

```
[]: class Convolution():
        def __init__(self, dimensions_entree, taille_filtre, profondeur_sortie): #_
      →profondeur_sortie = nombre de filtres
             self.profondeur_sortie = profondeur_sortie
             self.profondeur entree, self.hauteur entree, self.largeur entree = __
     →dimensions entree
             self.dimensions_entree = dimensions_entree
             self.dimensions_sortie = (profondeur_sortie, self.hauteur_entree -_
     →taille_filtre + 1,
                                     self.largeur_entree - taille_filtre + 1)
             self.dimensions_filtres = (profondeur_sortie, self.profondeur_entree,_
     →taille_filtre, taille_filtre)
             self.filtres = np.random.randn(*self.dimensions_filtres)
            self.biais = np.random.randn(*self.dimensions_sortie)
        def propagation_directe(self, entree):
            self.entree = entree
            self.sortie = np.copy(self.biais)
            for i in range(self.profondeur_sortie) :
                for j in range(self.profondeur_entree):
                    self.sortie[i] += signal.correlate2d(self.entree[j], self.

→filtres[i,j], "valid")
            return self.sortie
        def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
            grad_filtres = np.zeros(self.dimensions_filtres)
            grad_entree = np.zeros(self.dimensions_entree)
            for i in range(self.profondeur_sortie):
                for j in range(self.profondeur_entree):
                    grad_filtres[i,j] = signal.correlate2d(self.entree[j],__
      grad_entree[j] += signal.correlate2d(grad_sortie[i], self.

→filtres[i,j], "full")
            grad_biais = grad_sortie
             # Mise à jour
            self.filtres -= pas_apprentissage * grad_filtres
            self.biais -= pas_apprentissage * grad_biais
            return grad_entree
```

```
[]: class Maxpooling():
         def __init__(self, dimensions_entree, taille_filtre, stride):
             self.profondeur entree, self.hauteur entree, self.largeur entree = __
      →dimensions_entree
             self.dimensions_entree = dimensions_entree
             self.taille filtre = taille filtre
             self.filtre_h, self.filtre_l = taille_filtre
             self.stride = stride
             self.hauteur_sortie = int(1 + (self.hauteur_entree - self.filtre_h) / __
      ⇒stride)
             self.largeur_sortie = int(1 + (self.largeur_entree - self.filtre_l) / ___
     →stride)
             self.profondeur_sortie = self.profondeur_entree
         def propagation_directe(self, entree):
             self.entree = entree
             sortie = np.zeros((self.profondeur_sortie, self.hauteur_sortie, self.
     →largeur_sortie))
             stride = self.stride
             for c in range(self.profondeur_sortie):
                 for i in range(self.hauteur_sortie):
                     for j in range(self.largeur_sortie):
                         sortie[c, i, j] = np.max(entree[c, i * stride : i * stride__
     →+ self.filtre_h , j * stride : j * stride + self.filtre_l ])
             return sortie
         def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
             grad_entree = np.zeros((self.profondeur_entree, self.hauteur_entree,
     ⇒self.largeur_entree))
             entree = self.entree
             stride = self.stride
             for c in range(self.profondeur_sortie):
                 for i in range(self.hauteur_sortie):
                     for j in range(self.largeur_sortie):
                         intermediaire = entree[c, i * stride : i * stride + self.
     →filtre_h , j * stride : j * stride + self.filtre_l]
                         i_max, j_max = np.where(np.max(intermediaire) ==__
     →intermediaire)
                         i_max, j_max = i_max[0], j_max[0]
                         grad_entree[c, i * stride : i * stride + self.filtre_h, j *_
      →stride : j * stride + self.filtre_l][i_max, j_max] = grad_sortie[c, i, j]
```

```
return grad_entree
```

```
class Dimension():

    def __init__(self,dimension_entree, dimension_sortie):
        self.dimension_entree = dimension_entree
        self.dimension_sortie = dimension_sortie

    def propagation_directe(self, entree):
        return np.reshape(entree, self.dimension_sortie)

def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
        return np.reshape(grad_sortie, self.dimension_entree)
```

1.2 Couches d'Activation

```
[]: # Tangente hyperbolique
class Tanh():
    def __init__(self):
        tanh = lambda x : np.tanh(x)
        tanh_p = lambda x : 1 - np.tanh(x)**2
        self.activation = tanh
        self.derivee_activation = tanh_p

def propagation_directe(self, entree):
        self.entree = entree
        return self.activation(self.entree)

def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
        return np.multiply(grad_sortie, self.derivee_activation(self.entree))
```

```
class Sigmoide():
    def __init__(self):
        def sigmoide(x):
            return scipy.special.expit(x)

        def sigmoide_p(sig):
            return sig * (1- sig)

        self.activation = sigmoide
        self.derivee_activation = sigmoide_p

def propagation_directe(self, entree):
        self.entree = entree
        self.sig = self.activation(self.entree)
        return self.sig

def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
        return np.multiply(grad_sortie, self.derivee_activation(self.sig))
```

```
class Softmax():

    def propagation_directe(self, entree):
        maxi = np.max(entree)
        entree = entree - maxi
        expo = np.exp(entree)
        self.sortie = expo/np.sum(expo)
```

```
return self.sortie

def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage): # L'erreur

→utilisée étant toujours cce

# en complément de softmax, et comme on a déjà calculé la dérivée de

→l'erreur par rapport à

# l'entrée du softmax, on la transmet (cf cce)

return grad_sortie
```

```
class Relu():

    def propagation_directe(self, entree):
        self.entree = entree
        self.sortie = np.maximum(0, entree)
        return self.sortie

    def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
        inter = grad_sortie.copy()
        inter[inter <= 0] = 0
        return inter</pre>
```

1.3 Erreur

```
[]: # Erreur quadratique moyenne (eqm)
```

```
[]: def eqm(sortie_voulue, sortie):
    return np.mean(np.power(sortie_voulue - sortie, 2))

def eqm_derivee(sortie_voulue, sortie):
    return 2 * (sortie - sortie_voulue) / np.size(sortie)
```

```
sortie_voulue = np.clip(sortie_voulue, 1e-7, 1 - 1e-7)
return ((1 - sortie_voulue) / (1 - sortie) - sortie_voulue/ (sortie)) / np.
⇒size(sortie)
```

```
[]: # Erreur croisée (categorical crossentropy noté cce)
     def cce(sortie_voulue, sortie):
         sortie_voulue = np.clip(sortie_voulue, 1e-7, 1 - 1e-7)
         sortie = np.clip(sortie, 1e-7, 1 - 1e-7)
         return -np.sum(np.log(sortie) * sortie_voulue)
     def cce_derivee(sortie_voulue, sortie): # Ici, pour un soucis de rapidité de_
     →calcul, on calcule directe
                                             # la dérivée de l'erreur par rapport à
     → l'entrée du softmax en utilisant
                                             # cce comme erreur à la dernière couche.
     → En effet, la formule est bien
                                             # plus simple comme ceci, et on
     →utilisera toujours Softmax comme fonction
                                             # d'activation en dernière couche avec
     \rightarrow cce (cf. Softmax)
         sortie_voulue = np.clip(sortie_voulue, 1e-7, 1 - 1e-7)
         sortie = np.clip(sortie, 1e-7, 1 - 1e-7)
         return sortie - sortie_voulue
```

1.4 Réseau de neurones

```
[]: def precision_erreur(res, entree_t, sortie_t):
    succes = 0
    total = 0
    e = 0
    for i in range(len(entree_t)):
        s = res.prediction(entree_t[i])
        e += res.erreur(sortie_t[i],s)
        maxi = np.argmax(s)
        if maxi == np.argmax(sortie_t[i]):
            succes += 1
        total += 1

    return (succes/total,e/total)
```

```
[]: class Reseau():
    def __init__(self, couches, erreur, erreur_derivee):
        self.couches = couches
```

```
self.erreur = erreur
       self.erreur_derivee = erreur_derivee
  def prediction(self, entree):
      sortie = entree
       for couche in self.couches:
           sortie = couche.propagation_directe(sortie)
       return sortie
  def entrainement(self,entree_e , sortie_e , entree_t, sortie_t, iterations,__
→pas_apprentissage): #entree_e et sortie_e : entrée et sortie entrainement
      nb_entrainements = len(entree_e)
       liste_erreur = []
      liste_erreur_t = []
      precision_e = []
      precision_t = []
      tini = time.time()
      for itera in range(iterations):
           print("Itération numéro ", itera+1)
           erreur = 0
           titer = time.time()
           succes e = 0
           tot_e = 0
           for i in range(nb_entrainements):
               # Propagation directe
               sortie = entree_e[i]
               for couche in self.couches:
                   sortie = couche.propagation_directe(sortie)
               if np.argmax(sortie) == np.argmax(sortie_e[i]):
                   succes_e += 1
               tot e += 1
               # Ajout de l'erreur
               erreur += self.erreur(sortie_e[i],sortie)
               # Rétropropagation
               sortie_retro = self.erreur_derivee(sortie_e[i], sortie)
               for couche in reversed(self.couches):
                   sortie_retro = couche.retropropagation(sortie_retro,__
→pas_apprentissage)
               # Traitement de l'erreur
           erreur /= nb_entrainements
```

```
liste_erreur.append(erreur)
        print("Erreur : ", erreur)
        prec_test, err_test = precision_erreur(self, entree_t, sortie_t)
        liste_erreur_t.append(err_test)
        print("Erreur sur la base de test :", liste_erreur_t[-1])
        precision_e.append(succes_e/tot_e)
        precision t.append(prec test)
        print("Précision sur la base entrainement :", precision_e[-1])
        print("Précision sur la base test :", precision_t[-1])
        print("Durée de l'itération :", round(time.time() - titer,2) , "s")
        print()
   print()
    print("Fin de l'apprentissage")
   print("Durée de l'apprentissage : ", round(time.time() - tini,2) , "s")
   return (liste_erreur, liste_erreur_t, precision_e, precision_t)
def test(self, entree_t, sortie_t):
   nb_entrainements = len(entree_t)
    erreur = 0
   for i in range(nb_entrainements):
        # Propagation directe
        sortie = entree t[i]
        for couche in self.couches:
            sortie = couche.propagation_directe(sortie)
        # Ajout de l'erreur
        erreur += self.erreur(sortie_t[i],sortie)
    erreur /= nb_entrainements
    return erreur
```

Voici trois applications de ce code ci-dessous :

2 XOR (ou exclusif)

```
[]: # Données (entree_e et sortie_e : liste des entrées/sorties voulues)

entree_e = [np.reshape([0,0],(2,1)), np.reshape([0,1],(2,1)), np.

→reshape([1,0],(2,1)), np.reshape([1,1],(2,1))]

sortie_e = [np.array([0]),np.array([1]),np.array([1]),np.array([0])]

# Structure du réseau (Reseau(couches, erreur, erreur_derivee))
```

```
couches = [Dense(2,5), Tanh(), Dense(5,3), Tanh(), Dense(3,1), Tanh()]
     reseau1 = Reseau([Dense(2,5), Tanh(), Dense(5,3), Tanh(), Dense(3,1),
     →Tanh()],eqm,eqm_derivee)
     reseau2 = Reseau([Dense(2,5), Tanh(), Dense(5,3), Tanh(), Dense(3,1),
      →Tanh()],eqm,eqm_derivee)
     reseau3 = Reseau([Dense(2,5), Tanh(), Dense(5,3), Tanh(),Dense(3,1),
      →Tanh()],eqm,eqm_derivee)
     # Entrainement (reseau.entrainement(entree_e, sortie_e, iterations,_
     \rightarrow pas\_apprentissage))
     err_pas1, _, _,_ = reseau1.entrainement(entree_e, sortie_e, entree_e, _u
      ⇔sortie_e, 100, 0.01)
     err_pas2, _, _,_, = reseau2.entrainement(entree_e, sortie_e, entree_e,_
     ⇔sortie_e, 100, 0.1)
     err_pas3, _, _,_, = reseau3.entrainement(entree_e, sortie_e, entree_e,_
      ⇒sortie_e, 100, 1)
[]: x = [x \text{ for } x \text{ in } range(1,101)]
     plt.plot(x, err_pas1)
     plt.plot(x, err_pas2)
     plt.plot(x, err_pas3)
     plt.legend(["0.01","0.1", "1"])
     plt.savefig("XOR : pas d'apprentissage 2")
     plt.show()
[]: couches = [Dense(2,5), Tanh(), Dense(5,3), Tanh(), Dense(3,1), Tanh()]
     reseau_al1 = Reseau([Dense(2,5), Tanh(), Dense(5,3), Tanh(),Dense(3,1),__
     →Tanh()],eqm,eqm_derivee)
     reseau_al2 = Reseau([Dense(2,5), Tanh(), Dense(5,3), Tanh(),Dense(3,1),__
     →Tanh()],eqm,eqm_derivee)
     reseau_al3 = Reseau([Dense(2,5), Tanh(), Dense(5,3), Tanh(),Dense(3,1),__
      →Tanh()],eqm,eqm_derivee)
     reseau_al4 = Reseau([Dense(2,5), Tanh(), Dense(5,3), Tanh(),Dense(3,1),__
     →Tanh()],eqm,eqm_derivee)
     reseau_al5 = Reseau([Dense(2,5), Tanh(), Dense(5,3), Tanh(),Dense(3,1),__
     →Tanh()],eqm,eqm_derivee)
     err_alea1, _, _, _ = reseau_al1.entrainement(entree_e, sortie_e, entree_e, _u
     →sortie_e, 100, 0.1)
     err_alea2, _, _, _ = reseau_al2.entrainement(entree_e, sortie_e, entree_e,
     →sortie_e, 100, 0.1)
     err_alea3, _, _, = reseau_al3.entrainement(entree_e, sortie_e, entree_e,
      \rightarrowsortie_e, 100, 0.1)
```

```
err_alea4, _, _, = reseau_al4.entrainement(entree_e, sortie_e, entree_e, u

sortie_e, 100, 0.1)

err_alea5, _, _, = reseau_al5.entrainement(entree_e, sortie_e, entree_e, u

sortie_e, 100, 0.1)
```

```
[]: x = [x for x in range(1,101)]
plt.plot(x, err_alea1)
plt.plot(x, err_alea2)
plt.plot(x, err_alea3)
plt.plot(x, err_alea4)
plt.plot(x, err_alea5)
plt.savefig("XOR : initialisation des poids et biais 2")
plt.show()
```

3 MNIST (classification de chiffres écrits à la main)

3.1 Pour que cela soit plus maniable, dans un premier temps, commencons par classer deux chiffres quelconques

Pour ce faire, nous allons importer un module de Keras, qui ne sert qu'à importer les données du MNIST

```
[]: from keras.datasets import mnist # Données du MNIST
```

```
[]: # Chargement de la donnée
     (entree_e, sortie_e), (entree_t, sortie_t) = mnist.load_data() # entree_t et_
     ⇒sortie_t : Entrée et sortie test
     # Quelques données
     print(len(entree_e))
     print(len(entree_t))
     compte e = [0]*10
     compte_t = [0]*10
     abcs = [x for x in range(10)]
     for x in sortie_e:
        for i in range(10):
             if x == i:
                 compte_e[i] += 1
     for x in sortie_t:
         for i in range(10):
             if x == i:
                 compte_t[i] += 1
     # Traitement de la donnée
```

```
def nettoyage_mnist(chiffre1, chiffre2, entree, sortie, limite):
         indices_1 = np.where(sortie == chiffre1)[0][:limite] # Indices du chiffre_
      →1, avec au maximum limite indices
         indices 2 = np.where(sortie == chiffre2)[0][:limite]
         indices = np.concatenate((indices_1, indices_2))
         indices = np.random.permutation(indices)
         x = entree[indices]
         y = sortie[indices]
         x = x.reshape(len(x), 1, 28, 28) # Les images ont pour format (28,28) mais_{\bot}
      →notre réseau prend en entrée une image
                                           # de format (profondeur, hauteur, largeur)
      \rightarrow à 3 dimensions
         x = x.astype("float32")/255 # x est de type uint8 et contient des_\( \)
      \rightarrow entiers de 0 à 255
         vecteur1 = np.reshape(np.array([1,0]), (2,1))
         vecteur2 = np.reshape(np.array([0,1]), (2,1))
         1 = []
         for i in y:
             if i == chiffre1:
                 l.append(vecteur1)
             else:
                 1.append(vecteur2)
         y = np.array(1)
         return (x,y)
     (entree_e, sortie_e) = nettoyage_mnist(0,1,entree_e,sortie_e,1000)
     (entree_t, sortie_t) = nettoyage_mnist(0,1,entree_t,sortie_t,-1)
     print(entree e.shape)
     print(sortie e.shape)
     print(entree_t.shape)
     print(sortie_t.shape)
[]: plt.bar(abcs, compte_e)
     plt.savefig('mnist_compte_e', transparent = True)
     plt.show()
     plt.bar(abcs, compte_t)
     plt.savefig('mnist_compte_t', transparent = True)
     plt.show()
```

```
[]: # Réseau de neurones
     # Rappelons le format des couches utilisées:
     """Dense(taille_entree, taille_sortie)
         Convolution(dimensions_entree, taille_filtre, profondeur_sortie
         Dimension(dimension_entree, dimension_sortie)"""
     couches = [
         Convolution((1,28,28),3,5),
         Tanh(),
         Dimension((5,26,26),(5*26*26,1)),
         Dense(5*26*26,100),
         Tanh(),
         Dense(100,2),
         Sigmoide()
     ]
     reseau = Reseau(couches, bce, bce_derivee)
     (erreur_e, erreur_t, precision_e, precision_t) = reseau.entrainement(entree_e ,_
      ⇒sortie_e , entree_t, sortie_t, 10, 0.1)
[]: abcs = [x for x in range(1,11)]
    plt.figure()
     plt.plot(abcs, erreur_e)
     plt.plot(abcs, erreur_t)
     plt.savefig("Mnist 2 chiffres : erreurr", transparent = True)
    plt.show()
     plt.figure()
     plt.plot(abcs, precision_e)
     plt.plot(abcs, precision_t)
     plt.savefig("Mnist 2 chiffres : précisionn")
     plt.show()
```

3.2 Version complète avec les 10 chiffres

```
[]: # Chargement de la donnée

(entree_e, sortie_e), (entree_t, sortie_t) = mnist.load_data() # entree_t etu
→sortie_t : Entrée et sortie test

# Traitement de la donnée

def nettoyage_mnist(entree, sortie, limite): # limite = nombre d'exemples auu
→maximum par chiffre
```

```
indices = []
         for i in range(10):
             indices.extend(np.where(sortie == i)[0][:limite])
         indices = np.random.permutation(indices)
         x = entree[indices]
         y = sortie[indices]
         x = x.reshape(len(x), 1, 28, 28) # Les images ont pour format (28,28) mais_\Box
      →notre réseau prend en entrée une image
                                           # de format (profondeur, hauteur, largeur)
      \rightarrow \hat{a} 3 dimensions
         x = x.astype("float32")/255 # x est de type uint8 et contient des
      →entiers de 0 à 255
         identite = np.eye(10) # Matrice identité de taille 10
         1 = []
         for i in y:
             l.append(identite[i])
         y = np.reshape(np.array(1),(len(y),10,1))
         return (x,y)
     (entree_e, sortie_e) = nettoyage_mnist(entree_e,sortie_e,1000)
     (entree_t, sortie_t) = nettoyage_mnist(entree_t,sortie_t,-1)
     print(entree_e.shape)
     print(entree_t.shape)
[]: # Réseau de neurones
     # Rappelons le format des couches utilisées:
     """Dense(taille_entree, taille_sortie)
         Convolution(dimensions_entree, taille_filtre, profondeur_sortie
         Dimension(dimension_entree, dimension_sortie)"""
     couches = [
         Convolution((1,28,28),3,32),
         Relu(),
         Maxpooling((32,26,26),(2,2),2),
         Dimension((32,13,13),(32*13*13,1)),
         Dense(32*13*13,100),
         Relu(),
         Dense(100,10),
```

```
Softmax()

]

reseau = Reseau(couches, cce, cce_derivee)

erreur, erreur_t, precision_e, precision_t = reseau.entrainement(entree_e ,__

sortie_e , entree_t, sortie_t, 20, 0.1)
```

```
[]: abcs = [x for x in range(1,51)]
  plt.figure()
  plt.plot(abcs, erreur_e)
  plt.plot(abcs, erreur_t)
  plt.savefig('/Users/yassinelaraki/Desktop/TIPE/Mnist 10 chiffres : erreur')
  plt.show()

plt.figure()
  plt.plot(abcs, precision_e)
  plt.plot(abcs, precision_t)
  plt.savefig('/Users/yassinelaraki/Desktop/TIPE/Mnist 10 chiffres : précision')
  plt.show()
```

4 HAM10000 (skin lesions)

```
[]: import pandas as pd from PIL import Image
```

4.1 Exploration de la base de donnée

```
'Kératose/ carcinome/ Bowen',
                   'Carcinome basocellulaire',
                   'Dermatofibrome',
                   'Mélanome',
                   'Naevus mélanocytaire',
                   'Lésions vasculaires'
indices = []
for x in types:
    indices.append(np.where(ham['dx'] == x)[0])
compte = []
for x in indices:
    compte.append((len(x))/10015)
plt.figure(figsize = (19,10))
plt.xticks(fontsize=25)
plt.yticks(fontsize=15)
plt.bar([x for x in range(7)], compte)
plt.savefig('Répartition des lésions dans la base de donnnée pourcentage', u
→transparent = True)
```

```
[]: plt.figure(figsize = (5,5))
     loca_lesions = []
     for x in ham['dx_type']:
         if x == 'histo':
             loca_lesions.append('Histopathologie')
         elif x == 'follow_up':
             loca_lesions.append('Examen de suivi')
         elif x == 'consensus':
             loca_lesions.append("Consensus d'experts")
         elif x == 'confocal':
             loca_lesions.append("Microscopie confocale in vivo")
     loca_lesions = pd.Series(loca_lesions)
     plt.xticks(fontsize = 12)
     loca_lesions.value_counts().plot(kind='bar')
     plt.savefig('Type de détermination du type des lésions', transparent = True, __
      ⇔bbox_inches="tight")
```

```
[]: plt.figure(figsize = (10,5))
     plt.title("Localisation de la lésion", fontsize = 17)
     ham['localization'].value_counts().plot(kind='bar')
[]: plt.figure(figsize = (10,5))
     ham['age'].hist(bins=50)
     plt.savefig('Nombre de lésions par âge', transparent = True,
      ⇔bbox_inches="tight")
[]: ham['sex'].value counts().plot(kind='bar')
     plt.savefig('Lésions par sexe', transparent = True, bbox_inches="tight")
[]: import seaborn as sns
     sns.catplot(x= "dx", y="age", hue="sex", kind="bar", data=ham)
     plt.savefig('Lésions par âge et sexe', transparent = True, bbox_inches="tight")
[]: g = sns.catplot(x="dx", kind="count", hue="age", palette='tab10', data=ham,__
      \rightarrowheight = 4, aspect = 3)
     plt.setp(g._legend.get_texts(), fontsize=10)
     g.set_xlabels('Type de lésion', fontsize=10)
     g.set_ylabels("Nombre d'occurences", fontsize=10)
     g._legend.set_title('Âge')
     plt.savefig('Occurence du nombre de lésions par sexe et type de lésion', u

    transparent = True, bbox_inches="tight")
[]: g = sns.catplot(x= "localization", kind = "count", hue="dx", data=ham, u
      \rightarrowpalette="tab10", height = 5, aspect = 3)
     g.set_xlabels('Localisation', fontsize=10)
     g.set_ylabels("Nombre d'occurence", fontsize=10)
     g._legend.set_title('Type de lésions')
```

4.2 Importation des images et implémentation du réseau

Malheureusement, l'utilisation des techniques précédentes est trop lent pour aboutir avec ce jeu de donnée. En effet, une itération prend à peu près 1 jour. C'est pourquoi nous allons faire le modèle sur Keras, en n'utilisant que des couches, fonctions d'erreurs et structures déjà codées auparavant. Le résultat est alors le même, mais beaucoup plus rapide, ce qui permet de faire plus d'itéations, et de comparer différents modèles.

Néanmoins, l'importation des données diffère sur 2 points entre Keras et le réseau codé auparavant. En effet, Keras prend des images de la forme (hauteur, largeur, profondeur) au lieu de (profondeur, hauteur, largeur). L'importation d'une image sur python se faisant dans le format (hauteur, largeur, profondeur), il faut appliquer une fonction convertir (ci-dessous) à chaque image de la base de

donnée pour le mettre en entrée du réseau codé auparavant. De plus, la sortie est au format (nombre_de_classe,) sur Keras au lieu (nombre_de_classe,1). Il suffit alors, au début du code, d'écrire identite = np.reshape(identite, (7,7,1)), à la suite de sa définition, si l'on souhaite utiliser cette base de donnée au réseau de neurone codé précedemment.

Tout le reste étant similaire, implémentons le réseau sur Keras

4.2.1 Une première implémentation naïve : déséquilibre de classe

```
[]: # Traitement de la donnée
     types = ['bkl', 'akiec', 'bcc', 'df', 'mel', 'nv', 'vasc']
     # Matrice identité 7 (utile pour la sortie sous forme [1,0,0,0,0,0,0], [0,1,\ldots]_{\sqcup}
      \rightarrowetc)
     identite = np.eye(7)
     # Indices pour chaque type de lésion
     indices = []
     for x in types:
         indices.append(np.where(ham['dx'] == x)[0].tolist())
     # Séparation de la base de donnée en test et entrainement
     indices_test = []
     indices_entrainement = []
     for ind in indices:
         k = 0
         seuil = seuil = 4* len(ind)/5
         indices_test.append([])
         indices_entrainement.append([])
         for i in ind:
             if k <= seuil:</pre>
                  indices_entrainement[-1].append(i)
                  k += 1
```

```
else:
            indices_test[-1].append(i)
            k += 1
# On applatit les listes, et on mélange aléatoirement les indices
def applatir(li):
   res = []
    for x in li:
        res.extend(x)
    return res
indices_test = np.random.permutation(applatir(indices_test))
indices_entrainement = np.random.permutation(applatir(indices_entrainement))
# Enfin, on crée les listes entree_e, sortie_e, ...
entree_e, sortie_e, entree_t, sortie_t = [],[],[],[]
k = 0
for i in indices_test:
    x= "/Users/yassinelaraki/Desktop/TIPE RE/dataverse_files/HAM10000/" +__
→ham['image_id'][i] + '.jpg'
    entree_t.append(np.asarray(Image.open(x).resize((64,64)))/255.)
    sortie_t.append(ham['dx'][i])
for i in indices_entrainement:
    x= "/Users/yassinelaraki/Desktop/TIPE RE/dataverse_files/HAM10000/" +__
→ham['image_id'][i] + '.jpg'
    entree_e.append(np.asarray(Image.open(x).resize((64,64)))/255.)
    sortie_e.append(ham['dx'][i])
# On convertit les sorties sous formes de chaînes de caractères en u
\hookrightarrow [1,0,0,0,0,0,0] ou [0,1,...] etc
s_e, s_t = [],[]
for x in sortie_e:
    for i in range(7):
        if x == types[i]:
            s_e.append(identite[i])
for x in sortie_t:
    for i in range (7):
        if x == types[i]:
            s_t.append(identite[i])
# On convertit les listes en array
```

```
sortie_e = np.asarray(s_e)
     entree_e = np.asarray(entree_e)
     sortie_t = np.asarray(s_t)
     entree_t = np.asarray(entree_t)
[]: # Importations de fonctions et couches déjà codées, grâce à Keras
[]: from tensorflow.keras.models import Sequential # Fonctionnement analogue à
     ⇔celui de Reseau
     from tensorflow.keras.layers import Conv2D # Fonctionnement analogue \hat{a} celui de_\sqcup
      \hookrightarrow Convolution
     from tensorflow.keras.layers import MaxPool2D # Fonctionnement analogue à celui⊔
     \rightarrow de Maxpooling
     from tensorflow.keras.layers import Dense # Fonctionnement analogue \hat{a} celui de
     from tensorflow.keras.layers import Flatten # Fonctionnement analogue à celui∟
      → de Dimension (ou
                                                   # de l'usage qui en est fait en_
     \rightarrow tout cas)
     from tensorflow.keras.layers import Dropout # Fonctionnement analogue à celuiu
     from tensorflow.keras.optimizers import SGD # (Rétropropagation)
[]: modele_naif = Sequential()
     modele_naif.add(Conv2D(256, (3,3), activation = "relu", input_shape = __
      \hookrightarrow (64,64,3)))
     modele naif.add(MaxPool2D(pool size = (2,2)))
     modele_naif.add(Dropout(0.3))
     modele_naif.add(Conv2D(128, (3,3), activation = "relu"))
     modele_naif.add(MaxPool2D(pool_size = (2,2)))
     modele_naif.add(Dropout(0.3))
     modele_naif.add(Conv2D(64, (3,3), activation = "relu"))
     modele_naif.add(MaxPool2D(pool_size = (2,2)))
     modele_naif.add(Dropout(0.3))
     modele_naif.add(Flatten())
     modele_naif.add(Dense(32, activation = "relu"))
     modele_naif.add(Dense(7, activation = "softmax"))
     modele_naif.summary()
[]: descente_gradient = SGD(learning_rate=0.01)
```

```
[]: # Pour information, voici le code équivalent sur la classe Réseau (testé mais
      \rightarrow trop lent)
     couches = [
         Convolution ((3,32,32),3,256),
         Relu(),
         Maxpooling((256,30,30),(2,2),2),
         Relu(),
         Dropout(0.3),
         Convolution ((256, 15, 15), 3, 128),
         Relu(),
         Maxpooling((128,13,13),(2,2),2),
         Dropout(0.3),
         Dimension((128,6,6),(128*6*6,1)),
         Dense(128*6*6,32),
         Relu(),
         Dense(32,7),
         Softmax()
              ]
     reseau_naif_2 = Reseau(couches, cce, cce_derivee)
     erreur, precision_e, precision_t = reseau ham.entrainement(entree_e, sortie_e,
         entree_t, sortie_t, repetitions, 0.01)
```

${\bf 4.2.2} \quad {\bf Une \ solution: \ m\^{e}me \ nombre \ d'images \ par \ classe, \ en \ d\'etruisant \ ou \ en \ r\'epliquant \ des \ images$

```
[]: # Traitement de la donnée

types = ['bkl', 'akiec', 'bcc', 'df', 'mel', 'nv', 'vasc']

# Matrice identité 7 (utile pour la sortie sous forme [1,0,0,0,0,0,0],[0,1,...]
→etc)
identite = np.eye(7)

# Indices pour chaque type de lésion
```

```
indices = []
for x in types:
    indices.append(np.where(ham['dx'] == x)[0].tolist())
# Séparation de la base de donnée en test et entrainement
indices test = []
indices_entrainement = []
for ind in indices:
    k = 0
    seuil = seuil = 4* len(ind)/5
    indices_test.append([])
    indices_entrainement.append([])
    for i in ind:
        if k <= seuil:</pre>
            indices_entrainement[-1].append(i)
            k += 1
        else:
            indices_test[-1].append(i)
            k += 1
# NOUVEAUTE : Compte du nombre de donnée de test et d'entraînement pour chaque_
\rightarrow classe
compte_test = []
compte_entrainement = []
for x in indices_test:
    compte_test.append(len(x))
for x in indices_entrainement:
    compte_entrainement.append(len(x))
# NOUVEAUTE : On augmente/diminue le nombre d'indices par classe
courant_t = [0] * 7
courant_e = [0] * 7
for i in range(7):
    while len(indices_test[i]) >= 101:
        (indices_test[i]).pop()
    while len(indices_test[i]) <= 99:</pre>
        (indices_test[i]).append(indices_test[i][courant_t[i]])
```

```
courant_t[i] = (courant_t[i] +1) % compte_test[i]
for i in range(7):
    while len(indices_entrainement[i]) >= 501:
        (indices_entrainement[i]).pop()
    while len(indices_entrainement[i]) <= 499:</pre>
        (indices_entrainement[i]).append(indices_entrainement[i][courant_e[i]])
        courant_e[i] = (courant_e[i] +1) % compte_entrainement[i]
# On applatit les listes, et on mélange aléatoirement les indices
def applatir(li):
    res = []
    for x in li:
        res.extend(x)
    return res
indices_test = np.random.permutation(applatir(indices_test))
indices_entrainement = np.random.permutation(applatir(indices_entrainement))
# Enfin, on crée les listes entree_e, sortie_e, ...
entree_e, sortie_e, entree_t, sortie_t = [],[],[],[]
k = 0
for i in indices test:
    x= "/Users/yassinelaraki/Desktop/TIPE RE/dataverse_files/HAM10000/" +_{\sqcup}
→ham['image_id'][i] + '.jpg'
    entree_t.append(np.asarray(Image.open(x).resize((32,32)))/255.)
    sortie_t.append(ham['dx'][i])
for i in indices_entrainement:
    x= "/Users/yassinelaraki/Desktop/TIPE RE/dataverse_files/HAM10000/" +_{\sqcup}
→ham['image_id'][i] + '.jpg'
    entree e.append(np.asarray(Image.open(x).resize((32,32)))/255.)
    sortie_e.append(ham['dx'][i])
# On convertit les sorties sous formes de chaînes de caractères en_{f L}
\rightarrow [1,0,0,0,0,0,0] ou [0,1,...] etc
s_e, s_t = [],[]
for x in sortie_e:
    for i in range (7):
        if x == types[i]:
            s_e.append(identite[i])
for x in sortie_t:
   for i in range(7):
```

```
modele = Sequential()
modele.add(Conv2D(256, (3,3), activation = "relu", input_shape = (64,64,3)))
modele.add(MaxPool2D(pool_size = (2,2)))
modele.add(Dropout(0.3))

modele.add(Conv2D(128, (3,3), activation = "relu"))
modele.add(MaxPool2D(pool_size = (2,2)))
modele.add(Dropout(0.3))

modele.add(Conv2D(64, (3,3), activation = "relu"))
modele.add(MaxPool2D(pool_size = (2,2)))
modele.add(Dropout(0.3))
modele.add(Flatten())

modele.add(Dense(32, activation = "relu"))
modele.add(Dense(7, activation = "softmax"))
modele.summary()
```

4.2.3 Test du modèle

```
[]: sns.set_style("white")

# Erreur (loss = erreur, val_loss = erreur_test)

erreur = historique.history['loss']
  erreur_test = historique.history['val_loss']
```

```
repetitions = range(1, len(erreur) + 1)
plt.plot(repetitions, erreur, 'y', label='Erreur entrainement')
plt.plot(repetitions, erreur_test, 'r', label='Erreur test')
plt.xlabel('Répétitions')
plt.ylabel('Erreur')
plt.savefig('Erreur du HAM10000 essai 2')
plt.legend()
plt.show()
# Précision
precision = historique.history['acc']
precision_test = historique.history['val_acc']
plt.plot(repetitions, precision, 'y', label='Précision entrainement')
plt.plot(repetitions, precision_test, 'r', label='Précision test')
plt.xlabel('Répétitions')
plt.ylabel('Précision')
plt.savefig('Précision du HAM10000 essai 2')
plt.legend()
plt.show()
# Prédictions faites sur chaque échantillon
prediction_test = model.predict(entree_t)
classes_test = np.argmax(prediction_test, axis = 1)
vraies = np.argmax(sortie_t, axis = 1)
# Matrice de confusion
cm = confusion_matrix(vraies, classes_test)
fig, ax = plt.subplots(figsize=(6,6))
sns.set(font_scale=1.6)
sns.heatmap(cm, annot=True, linewidths=.5, ax=ax)
plt.savefig('Matrice de confusion essai 2')
plt.show()
sns.set_style("white")
# Pourcentage de prédictions erronées
faux_pourcentage = 1 - np.diag(cm) / np.sum(cm, axis=1)
plt.bar(np.arange(7), faux_pourcentage)
plt.xlabel('Vraie classe')
plt.ylabel('Pourcentage de prédictions incorrectes')
plt.savefig('Graph precisions du HAM essai 2')
plt.show()
```