

a) usando la ley de enfriamiento de Newton

$$\frac{dT}{dt} = -K(T - T_a), \text{ donde:}$$

$T$  es la temperatura del cadaver en  $^{\circ}\text{C}$  en función del tiempo

$T_a$  es la temperatura ambiente en  $^{\circ}\text{C}$  en función del tiempo

$K$  cte de proporcionalidad

Ahora hallamos  $K$ :

La temperatura de la habitación se mantuvo cte a  $26.2^{\circ}\text{C}$

como a las 5 am,  $T(0) = 26.32^{\circ}\text{C}$  y a las 6 am  $T(1) = 26.25^{\circ}\text{C}$  tenemos lo siguiente.

$$\boxed{\frac{dT}{dt} = -K(T - 26.2)} \text{, integrando esta ecuación con los valores iniciales.} \quad \textcircled{1}$$

$$\int_{26.32}^{26.25} \frac{1}{T - 26.2} dT = -K \int_0^1 dt, \text{ luego}$$

$$\ln(T - 26.2) \Big|_{26.32}^{26.25} = -K(1 - 0) \Rightarrow$$

$$\ln(26.25 - 26.2) - \ln(26.32 - 26.2) = -K \Rightarrow$$

$$\ln(0.05) - \ln(0.12) = -K \Rightarrow \ln\left(\frac{0.05}{0.12}\right) = -K$$

$$\boxed{K = -\ln\left(\frac{0.05}{0.12}\right)} \quad \textcircled{2}$$

Ahora con el valor de  $K$  resolvamos la E.D.  $\textcircled{1}$

$$\frac{dT}{dt} = \ln\left(\frac{0.05}{0.12}\right)(T - 26.2), \quad T(0) = 26.32^{\circ}\text{C}$$

usando wolfram alfa para resolver la E.D, tenemos lo siguiente

$$T(t) = C_1 e^{-0,8754t} + 26,2$$

para hallar  $C_1$ ,  $T(0) = 26.32$

$$T(0) = C_1 e^{-0,8754(0)} + 26,2$$

$$26.32 = C_1(1) + 26,2$$

$$C_1 = 0.12$$

La temperatura del cadáver en todo instante es:

$$T(t) = 0.12 \cdot e^{-0,8754t} + 26,2$$

considerando la temperatura corporal normal de un ser humano vivo es de  $35.46^\circ\text{C}$

$$T(t) = 0.12 \cdot e^{-0,8754t} + 26,2$$

$$35.46 = 0.12 \cdot e^{-0,8754t} + 26,2$$

$$9.26 = 0.12 \cdot e^{-0,8754t} \rightarrow \left( \frac{9.26}{0.12} \right) = e^{-0,8754t}$$

$$\rightarrow \ln\left(\frac{9.26}{0.12}\right) = -0,8754t$$

$$t = \frac{-\ln\left(\frac{9.26}{0.12}\right)}{0,8754} \Rightarrow t = -4,964$$

al quedar negativo el tiempo indica que 4,964 h antes de las 5 am es la hora de la muerte,

$$\text{Luego } 5 - 4 = 1 \text{ am}$$

pasémoslo a minutos 0,964

$$60(0,964) = 57.84 \approx 58 \text{ min}$$

∴ La hora de la muerte fue a las 12:02 am

Ahora el tiempo en el que el cadáver alcanza la temperatura ambiente es

$$5x \rightarrow x = \frac{1}{k} = \frac{1}{0,8754}$$

$$5x \Rightarrow 5 \left( \frac{1}{0,8754} \right) \Rightarrow \boxed{5.71} \rightarrow 0,71 \text{ a min nos queda } \approx 42 \text{ min}$$

∴ alcanza la temperatura ambiente dentro de

**5 horas y 42 min.**

La grafica usando python seria:

