复数运算的几何意义

叶卢庆*

杭州师范大学理学院, 浙江 杭州 310036

2014年2月23日

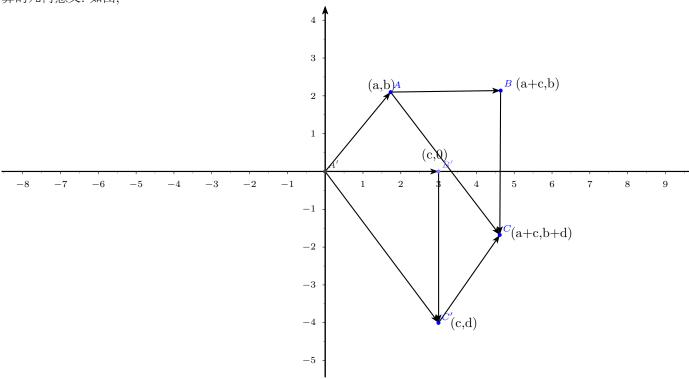
我们知道, 复数 a + bi 和 c + di 的相加定义为

$$(a+bi) + (c+di) = (a+c) + (b+d)i,$$

相乘定义为

$$(a+bi)(c+di) = (ac-bd) + (ad+bc)i.$$

其中 $i^2 = -1$. 把 a + bi 和 c + di 分别看作平面直角坐标系上的点 (a,b) 和 (c,d). 我们先来看复数加法运算的几何意义. 如图,



一图胜千言,我不再说什么了.从上图很容易看出,复数相加的几何意义正是平面上向量相加的平行四边形法则.下面我们来解释复数相乘的几何意义.

我们先看 (a+bi)c, 其中 c 是实数. 此时, 易得复数 a+bi 与 c 相乘, 只是把点 (a,b) 变成 (ac,bc), 这时候的几何意义是显然的. 然后我们来看 (a+bi)di, 此时, 是先把点 (a,b) 变成 (-b,a), 然后再把点 (-b,a) 变成 (-bd,ad). 综合起来, 几何意义如下图:

^{*}叶卢庆 (1992—), 男, 杭州师范大学理学院数学与应用数学专业本科在读,E-mail:h5411167@gmail.com

