习题 2.2.4

叶卢庆* 杭州师范大学理学院, 浙江 杭州 310036

习题 (2.2.4). 实数 m, p, q 满足什么条件时多项式 $x^2 + mx + 1$ 能够整除多项式 $x^4 + px + q$. 证明. 我们进行带余除法.

$$x^{4} + px + q = x^{2}(x^{2} + mx + 1) + (-mx^{3} - x^{2} + px + q).$$
(1)

$$-mx^{3} - x^{2} + px + q = -mx(x^{2} + mx + 1) + [(m^{2} - 1)x^{2} + (m + p)x + q].$$
 (2)

$$(m^2-1)x^2+(m+p)x+q=(m^2-1)(x^2+mx+1)-m(m^2-p)x+q-(m^2-1). \eqno(3)$$
 因此, 我们需要

$$m(m^2 - p) = 0, m^2 - 1 = q.$$

*叶卢庆 (1992—), 男, 杭州师范大学理学院数学与应用数学专业本科在读,E-mail:h5411167@gmail.com