五、(本题满分 8 分)已知数列  $\{a_n\}$ 满足:

$$a_1 = 1, a_2 = \frac{1}{2}, a_n = \frac{1 + a_{n-2}}{2 + a_{n-2}} \ (n \ge 3)$$

判断  $\{a_n\}$ 是否收敛,若收敛求其极限.

六、 (本题满分 7 分) 试写出函数  $y=x^2\mathrm{e}^{2x}$  在点 x=1 处的带有Peano型余项的 n 阶Talor公式.