线

本

阵名

东南大学考试卷(A卷)

| | 741 | 113 | , , | , | | | | |
|---|--|--------------------|---------------------------|-----------------|--------------|--------------|-----------|------------|
| 课程名 | 称 概 | 率统计与阿 | 道机过程 | 考试: | 学期 12 | -13-2 | 得分 | |
| 适用专 | 业 | 全校 | 考 | 试形式 | 闭卷 | 考证 | 式时间长度 | 120 分包 |
| 题号 | _ | | Ξ | 四 | 五 | 六 | 七 | 八 |
| 得分 | | | | | | | | |
| $\Phi(x) =$ | $\int_{-\infty}^{x} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2\pi}} e^{-\frac$ | -t²/2 dt 表示 | 示标准正态 | 分布的分 | 布函数, | | | |
| $\Phi(-1.645) = 0.05; \ \Phi(-1.96) = 0.025; \ \Phi(0) = 0.5; \ \Phi(1) = 0.8413$ | | | | | | | | |
| $\Phi(1.3) = 0.9032;$ $\Phi(1.96) = 0.975;$ $\Phi(2) = 0.9772$ | | | | | | | | |
| $t_{0.05}(8$ |) = 1.86, | $t_{0.025}(8)$ | = 2.31, | $t_{0.05}(9) =$ | $=1.83, t_0$ | 025(9) = | =2.26 | |
| 一、填充 | · 题(每空 | 格 2', 共 | 34') | | | | | |
| 1) | 已知 P(B)=0.2,P(A)=0.3, P(A B)=0.5,则 P(B-A)=;P(AUB)=。 | | | | | | | |
| 2) | 一盒中有2个白球,3个黑球,每次抽取一球,取后放回,连续抽取5次,则第 | | | | | | | |
| | 5 次首次取到黑球的概率为,第一次和第五次都取到白球概率 | | | | | | | |
| | 为。 | | | | | | | |
| 3) | 设随机变量 X 服从正态分布 $N(1, 4), P(X < 3) =。$ | | | | | | | |
| 4) | 随机变量 X, Y 服从二元正态分布, EX=EY=1,DX=DY=4, X 和 Y 的相关系数为 | | | | | | | |
| | 0.5,则P | (X-Y>2)=_ | 0 | | | | | |
| 5) | 5) 随机变量 X, Y 的联合分布律为: P(X=1,Y=1)=0.1; P(X=1,Y | | | | | | | |
| | P(X=2,Y= | 1)=0.4; P(2 | X=2,Y=2)=0.1. 则 X-Y 分布律为。 | | | | | |
| | | 分布律为 | | | | | | |
| 6) | 在[0,t]时 | 间段内乘 | 客到达某信 | 害票处的数 | (目为一强) | 度为 λ=2 | 的泊松过程 | , $令T_i$ 表 |
| | 示第 <i>i</i> -1~ | 个和第i个 | 乘客到达位 | 售票处的时 | 寸间间隔, | 则 $E(T_i)$ = | = | • |
| 7) | 设随机 | 变量月 | 序 列 {X | n,n=1,2, | } 独 立 | 同分布 | ī 于 N(1,1 | 1) ,则 |

第1页共4页-

 $\frac{1}{n}(X_1^2 + X_2^2 + ... + X_n^2) \xrightarrow{p} \underline{\hspace{1cm}}.$

- 8) 设总体 X 服从正态分布 N(1,2), X_1 , X_2 , ..., X_{10} 是来此该总体的样本, \bar{X} , S^2 分别表示样本均值和样本方差,则 $D(\bar{X}) =$ _______, $D(S^2) =$ ______。
- 9) 随机变量 X 的分布律为 P(X=2)=0.1, P(X=3)=0.2, P(X=4)=0.7,则其分布函数为____。
- 10) 设 X_1, X_2, X_3, X_4 是 来 自 正 态 总 体 N(0,9) 的 简 单 随 机 样 本 , 若 $c(X_1^2 + X_2^2 + X_4^2)$ 服 从 $\chi^2(3)$ 分 布 , 则 c= _____, 若 $b \frac{X_1^2}{X_2^2 + X_3^2 + X_4^2} \sim F(1,3)$,则常数 $b = _____$ 。
- 11) 设某假设检验问题在水平 α =0.1 时,根据样本得到的结论是拒绝原假设。若 α =0.2,则基于同样的样本和检验统计量得到的结论是_____。
- 12) 设总体 $X \sim f(x,a)$, a 为未知参数,若 $X_1, X_2, ..., X_n$ 是来自该总体的简单随机样本, \bar{X}, S^2 分别表示表示样本均值和样本方差。设 $\frac{\bar{X}-a}{S}$ 的密度函数为 g(t)=2t,0 < t < 1, g(t)=0,其他;则 a 的置信度为 95%的置信区间为______。

二、(10') 设有甲乙两个箱子,甲中有红球 3 只,白球 2 只; 乙箱中有红球 4 只,白球 1 只。随机地选一箱子,然后再随机的从该箱中任选一球。(1) 求取出的球为红球的概率; (2) 如果取出的球为红球,则该球取自甲箱的概率是多少?

三、(10')设随机变量 X 和 Y 相互独立且都服从标准正态分布。令 $Z=X^2+Y^2$,求随机变量 Z 的概率密度函数 $f_Z(z)$ 。

四、(10') 某灯泡企业每月生产 20 万只节能灯泡,每只灯泡的寿命服从均值为 1000 小时的指数分布。现在从一大批灯泡中随机抽取 100 只进行检验。 试用中心极限定理求 100 只灯泡的平均寿命超过 1200 小时的概率.

五、(10')设总体 X 的概率分布密度函数如下,

$$f(x,a) = \begin{cases} e^{-(x-a)} & x \ge a \\ 0 & x < a \end{cases}$$

 $X_1,...X_n$ 为来自该总体的样本,(1)求参数 a 的最大似然估计量 \hat{a} ,(2) \hat{a} 是否是 a的 无偏估计量,说明理由。.

六、 (8')设总体 X 服从正态分布 N (u,b),u,b 未知。 现有来自该总体样本容量为 9 的样本, 其样本均值为 2.4,样本方差为 4. 试检验 H_0 : u=2.0 v.s. H_1 : u>2.0.(检验水平 $\alpha=0.05$)

七、(8') 设随机过程 $X(t)=R\cdot t+C$, $t\in(0,+\infty)$, C 为常数,R 服从[0,1]区间上的均匀分布,

- (1) 求X(t)的一维概率密度函数;
- (2)求X(t)的均值函数 $m_X(t)$,相关函数 $R_X(s,t)$ 以及协方差函数 $C_X(s,t)$ 。

八、(10')设有 6 个球(其中 2 个红球,4 个白球)分别放于甲乙两个盒子,每个盒子放 3 个球,现每次从两个盒子中任取一个进行交换,以 X_0 表示开始时甲盒中红球的个数, X_n ($n \ge 1$)表示经过 n 次交换后甲盒中红球的个数,则 $\{X_n, n \ge 0\}$ 是一个齐次马尔科夫链。

- (1) 写出一步转移概率矩阵;
- (2) 证明该链是否具有遍历性,若有,求出极限分布。