Instrukcja do programy:

- 1. Zainstalować python: https://www.python.org/downloads/
- 2. Zainstalować biblioteki NumPy: pip install numpy
- 3. Wpisać do terminalu: python "FileName"

Wstęp:

Musiałem skonstruować naturalny splajn kubiczny s(x) przechodzący przez punkty (x_i , y_i). Miałem ciąg punktów $x_i = -1 + 2\frac{i}{n+1}$, i = 0,...,n oraz funkcje $f(x) = \frac{1}{1+25x^2}$. Zrobiłem kilka wykresów funkcji f(x) i f(x) na przedziale [-1,1] dla f(x) = 5 i f(x) = 50.

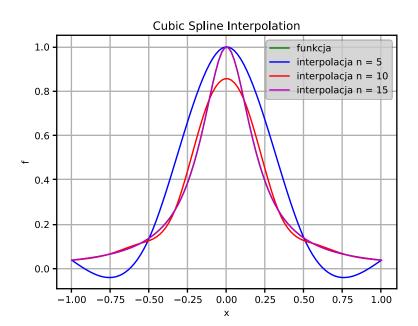
Splajn naturalny – jest to taki splajn kubiczny, który spełnia warunki postaci:

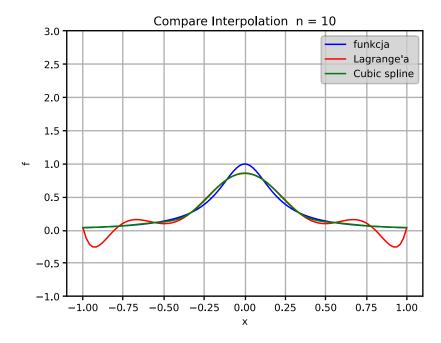
- $s''(x_0) = 0$
- s"(x_{n-1)} = 0

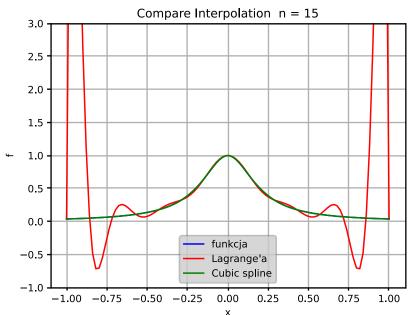
Także w przykładzie mamy **równoodległe węzły**. Jeżeli węzły interpolacji są równoodległe, czyli $\mathbf{h} = \mathbf{x}_{i+1} - \mathbf{x}_i$, równanie przybiera szczególnie postać:

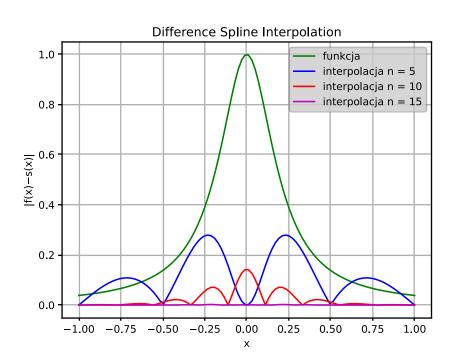
$$\begin{bmatrix} 4 & 1 & & & \\ 1 & 4 & 1 & & \\ & 1 & 4 & 1 & \\ & & & 1 & 4 & 1 \\ & & & & 1 & 4 & 1 \\ & & & & 1 & 4 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_2 \\ \xi_3 \\ \xi_4 \\ \vdots \\ \xi_{n-2} \\ \xi_{n-1} \end{bmatrix} = \frac{6}{h^2} \begin{bmatrix} f_1 - 2f_2 + f_3 \\ f_2 - 2f_3 + f_4 \\ f_3 - 2f_4 + f_5 \\ \vdots \\ f_{n-3} - 2f_{n-2} + f_{n-1} \\ f_{n-2} - 2f_{n-1} + f_n \end{bmatrix}$$

Wyniki:









Przedyskutowanie wyników:

Widać jak z wykresów jak zachowuję interpolacja kubiczna dla różnych **n**. Interpolacja kubiczna zachowuje się lepiej na brzegach przedziału niż interpolacja Lagrange'a. Czyli zachowanie interpolacji Lagrange'a dla małych **n** ma lepszą jakość niż interpolacja kubiczna. A dla dużych **n** interpolacja kubiczna ma lepszą jakość niż interpolacja wielomianowa. Zachowanie interpolacji zgadza się z zachowaniem interpolacji z bibliotek numerycznych.

3/5

-1 s_{l} ,

-1 marin gest- de dirari 3