***第一章 线性方程组的解法***

1. 初等行变换：①交换两行；②某一行乘k；③某一行乘k后加到另一行；

***第二章 行列式***

1. **某一行的展开式**：

列同理

1. 行列式变号：交换某两行

不变：①转置； ②某一行/列乘k后加到另一行/列；

③某行所有元素为两个数之和，可以写成两个行列式之和

数乘：①某行的公因数k可以提到外面；②

1. 若A中无0且
2. [八大类型行列式及其解法](https://zhuanlan.zhihu.com/p/34685081)

箭型行列式、两三角型行列式、两条线型行列式、Hessenberg型行列式、三对角型行列式、各行元素和相等型行列式、相邻两行对应元素相差K倍型行列式、副对角行列式、**范德蒙德型行列式：**

解法：拆行法、升阶法、方程组法、累加消点法、累加法、递推法（特征方程法）、步步差法

1. 莫拉克法则：

***第三章 矩阵***

1. n维上/下三角方阵，
2. **B**、**C**分别为m、n阶，则，
3. 伴随矩阵： 逆矩阵：

1. **A、B等价**：存在可逆矩阵P和Q，使得

**几何意义：两个**有限维向量空间的同一个线性映射

一个矩阵经过**初等行/列变换**后得到的任意一个矩阵与原矩阵等价

1. n维方阵A可逆 ⇔A与E等价

|A|≠0 A为非奇异矩阵 R(A)=n

A的各列/行**线性无关** AT可逆 A的列向量构成的

0不是A的特征值 Ax=0只有零解 Ax=b只有唯一解

1. 初等矩阵：***E***经过一次初等变换 左乘⇔行变换，右乘⇔列变换

1. 求逆：

求解：

1. ①

② ③

④

⑤A可逆，则 ⑥

⑦

1. 非齐次线性方程组： 齐次线性方程组：

***第四章 向量组的线性相关性***



线性相关：|A|=0 ⇔不全为0 ⇔不满秩

线性无关：|A|≠0 ⇔全为0 ⇔满秩

结论：①n+1个n维度向量必线性相关

②任何部分相关整体相关；整体无关任何部分无关

③线性无关延伸无关；线性相关缩短相关

1. 线性组合/表出/表示：
2. 极大无关组：r组线性无关，r+1组线性相关
3. 坐标变换公式：或 P为过渡矩阵
4. 的基础解系：对A初等行变换得到最简形
5. 的通解：对初等行变换得到最简形，通解=特解+基础解系

***第五章 矩阵的相似对角化***

1. 特征值： 几何意义：伸缩比例

特征方程： （迹）

特征向量：对应的 几何意义：矩阵对向量只发生伸缩变换

1. 有相同的特征向量

是它们的特征值

1. **A、B相似**： A、B的行列式、秩、迹、特征值相等

**几何意义：一个**有限维向量空间的同一个线性变换

1. 可相似对角化的充分必要条件：，是重特征值

P的求法：先解，P由基础解系构成

1. 向量正交**内积为0**
2. 施密特正交化方法：
3. **正交**矩阵： 行/列向量组是**单位**正交向量组
4. 实对称矩阵化为对角阵：

①求出特征值；②求出特征向量，然后正交化，再单位化，构成正交矩阵Q

***第六章 实二次型***

1. 二次型： A为实对称矩阵

标准型：只含有完全平方项 规范型：完全平方项前的系数为±1

1. 化实二次型为标准型方法
   1. (可逆)线性变换：，C为可逆矩阵
   2. 配方法：
      1. 二次型含有完全平方项:：例令
      2. 二次型不含完全平方项：例令
   3. 正交变换法步骤：

①求出特征值；②求出特征向量，正交化，单位化，构成正交矩阵Q

1. A、B**合同**：

几何意义：**一个**有限维向量空间的同一个双线性函数or内积

性质：①如果A为对称矩阵，B也是对称矩阵；②；③传递性

1. 正定二次型：，都有 负定二次型：，都有
2. A为正定矩阵①A特征值全为正；②各阶顺序主子式都为正值

A为负定矩阵奇数阶顺序主子式为负值，偶数得为正值