



## Page Replacement Algorithms

2022년 1학기 운영체제 수업 실습 03

조교 김명현 (freckie@korea.ac.kr)

2022.05.30

#### Table of Contents

- 1. Basic Concepts
- 2. FIFO, Optimal Page Replacement
- 3. LRU Page Replacement
- 4. LRU in Linux
- 5. Assignment

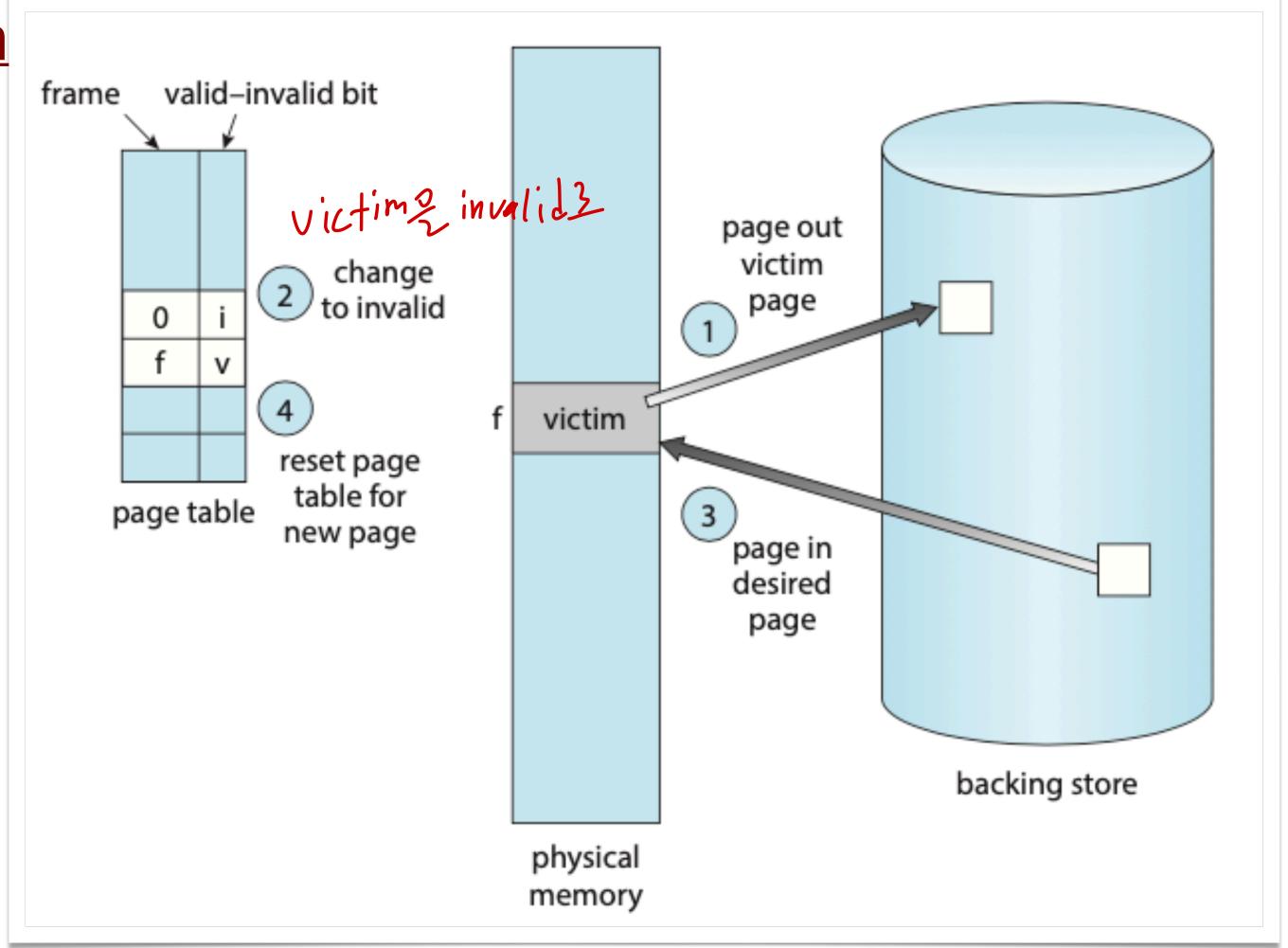
# Section 1 "Basic Concepts"

## Page Replacement

- 요구되는 페이지를 모두 메모리에 유지할 수는 없으므로 페이지의 교체는 필수적임.
- 디스크 I/O의 비용이 매우 크기 때문에 적절한 페이지를 선택하여 교체하는 알고리즘이 필요함. 교체가 최대한 적계 이루미서나항
- Page Fault : 요구되는 페이지가 프레임에 존재하지 않는 상황
- Victim Page : 빈 프레임이 없는 경우 프레임의 확보를 위해 swap-out되는 페이지

- Page Replacement 알고리즘들은 페이지 부재율(Page Fault rate)을 성능의 지표로 삼음.

## Page Replacem



Distributed and Cloud Computing Lab.

## Page Replacement

- Reference String : 메모리 참조 요청들의 시간순 집합

- Address sequence: 0100, 0432, 0101, 0612, 0102, 0103, 0104, 0101, 0611, 0102, 0103, 0104, 0101, 0609, 0102, 0105

- 페이지의 크기가 100 Bytes라고 가정.

## Page Replacement

- Reference String : 메모리 참조 요청들의 시간순 집합

- Address sequence : 0100, 0432, 0101, 0612, 0102, 0103, 0104, 0101, 0611, 0102, 0103, 0104, 0101, 0609, 0102, 0105
- 페이지의 크기가 100 Bytes라고 가정.

- Reference String: 1, 4, 1, 6, 1, 6, 1, 6, 1, 6, 1, 6, 1
나는 어젯밤 에 가는 무어나 나는 나는 나는 나는 나는 어디를 보게 하는 기를 보게 하는 기를 보게 하는 기를 보게 하는 기를 보고 있다.

# Section 2 "FIFO, Optimal"

## FIFO (First-In, First-Out)

- Page Fault 발생 시, 프레임에 **적재된 지 가장 오래된 페이지**를 victim으로 선택
- 페이지가 적재된 순서를 FIFO Queue를 유지하여 구현

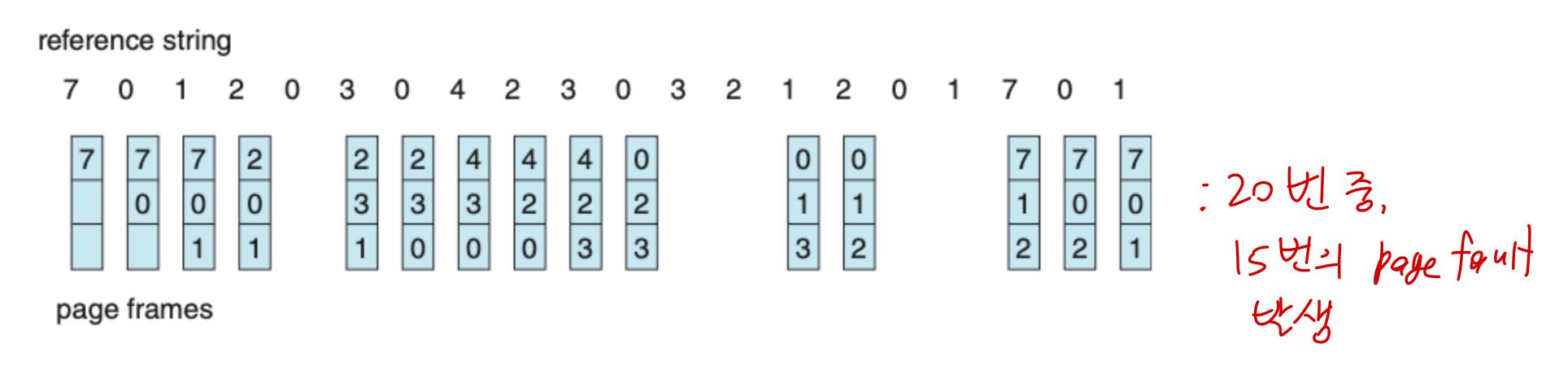


Figure 10.12 FIFO page-replacement algorithm.

```
reference stringer
, size
     FIFO (First-In, First-Out)
reference string
                                                                                                  . . (fault)
                                                                                             7(0). . (fault)
                                                                                             7 0 1). (fault)
                  void fifo(int* ref_arr, size_t ref_arr_sz, size_t frame_sz) {
                                                                                            7 0 1 (2) (fault)
                      int i, j, is_fault;
            29
                      int page_faults = 0, target = 0;
                                                                                           (3)0 1 2 (fault)
             31
                      // Initializing frames
             32
                                                                                             3(4)1 2 (fault)
             33
                      int* frames = (int*) malloc(sizeof(int) * frame_sz);
                      for (i=0; i<frame_sz; i++) frames[i] = EMPTY_FRAME;</pre>
                                                                                一 3 农3
                      // Iterating reference string
                                                                                             3 4 0 2 (fault)
                      for (i=0; i<ref_arr_sz; i++) {
                          is_fault = _contains(frames, frame_sz, ref_arr[i]);
                                                                                                 0 (1) (fault)
                          // Miss (page fault occurred)
                                                                                           (2)4 0 1 (fault)
此级新生队
                          if (is_fault == -1) {
                              frames[target] = ref_arr[i];
                              target = (target + 1) % frame_sz;
             43
                                                                                            2(7)0 1 (fault)
             44
                              page_faults++;
             45
```

## **Optimal**

- Page Fault 발생 시, 앞으로 가장 오랫동안 참조되지 않을 페이지를 victim으로 선택
- 미래의 reference string까지 알 수만 있다면 가장 최적의 교체 알고리즘

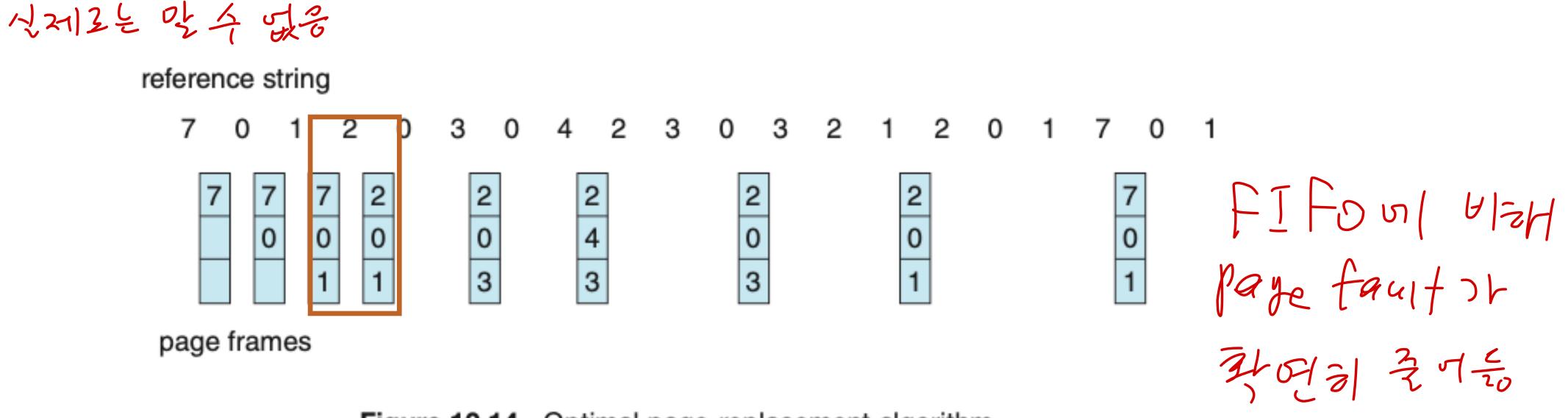


Figure 10.14 Optimal page-replacement algorithm.

```
void opt(int* ref_arr, size_t ref_arr_sz, size_t frame_sz) {
         int i, j, is_fault;
30
         int page_faults = 0, target = 0;
31
         int dist = -1;
33
34
         // Initializing frames
         int* frames = (int*) malloc(sizeof(int) * frame_sz);
35
36
         for (i=0; i<frame_sz; i++) frames[i] = EMPTY_FRAME;</pre>
37
38
         // Iterating reference string
         for (i=0; i<ref_arr_sz; i++) {
39
             is_fault = _contains(frames, frame_sz, ref_arr[i]);
40
41
42
             // Miss (page fault occurred)
43
             if (is_fault == -1) {
                 int empty_idx = _contains(frames, frame_sz, EMPTY_FRAME);
45
46
                 // Checking for empty frame slots
                 if (empty_idx != EMPTY_FRAME) {
48
                      target = empty_idx;
49
50
                 else {
                      for (j=0; j<frame_sz; j++) {
51
52
                          int tmp_dist = _get_distance(ref_arr, ref_arr_sz, i, frames[j]);
53
                          if (tmp_dist > dist) {
54
                              target = j;
55
                              dist = tmp_dist;
56
57
59
                 frames[target] = ref_arr[i];
60
61
                 page_faults++;
62
                 dist = -1;
63
```

```
(fault)
            (fault)
       (1). (fault)
        1(2)(fault)
   (3)0 1 2 (fault)
      0(4)2 (fault)
   (1)0 4 2 (fault)
     . 0 7 ((fault)
0 | 1 0 7 2
  11072
```

## Summary

#### FIFO (First-In First-Out)

- 페이지가 프레임에 로드된 시점을 기준으로 victim을 선택함.

#### **OPT (Optimal)**

- 페이지가 참조되는 시점을 기준으로 victim을 선택함.
- 실제로 구현이 불가능한 이상적인 알고리즘

# Section 3 "LRU"

## LRU (Least Recently Used)

- Page Fault 발생 시, 가장 오랫동안 사용되지 않은 페이지를 victim으로 선택
  - 가까운 미래에 대한 예측으로 가까운 과거를 사용하는 전략
  - OPT와 마찬가지로 **페이지 참조 시점**을 기준으로 사용함
    - 즉, LRU는 과거 시간에 대한 OPT 알고리즘이라 표현할 수 있음.
- Reference String S의 순서를 뒤집은 것을  $S^R$ 이라 할 때,
  - OPT(S)의 Page Fault rate는  $OPT(S^R)$ 의 Page Fault rate와 같음.
  - 마찬가지로, LRU(S)와  $LRU(S^R)$ 의 Page Fault rate는 같음.

## LRU (Least Recently Used)

- Page Fault 발생 시, 가장 오랫동안 사용되지 않은 페이지를 victim으로 선택

- LRU는 시간 지역성(Temporal Locality) 또한 고려한 알고리즘
  - 최근 많이 사용된 페이지는 빠른 시간 내에 다시 사용될 확률이 높음.

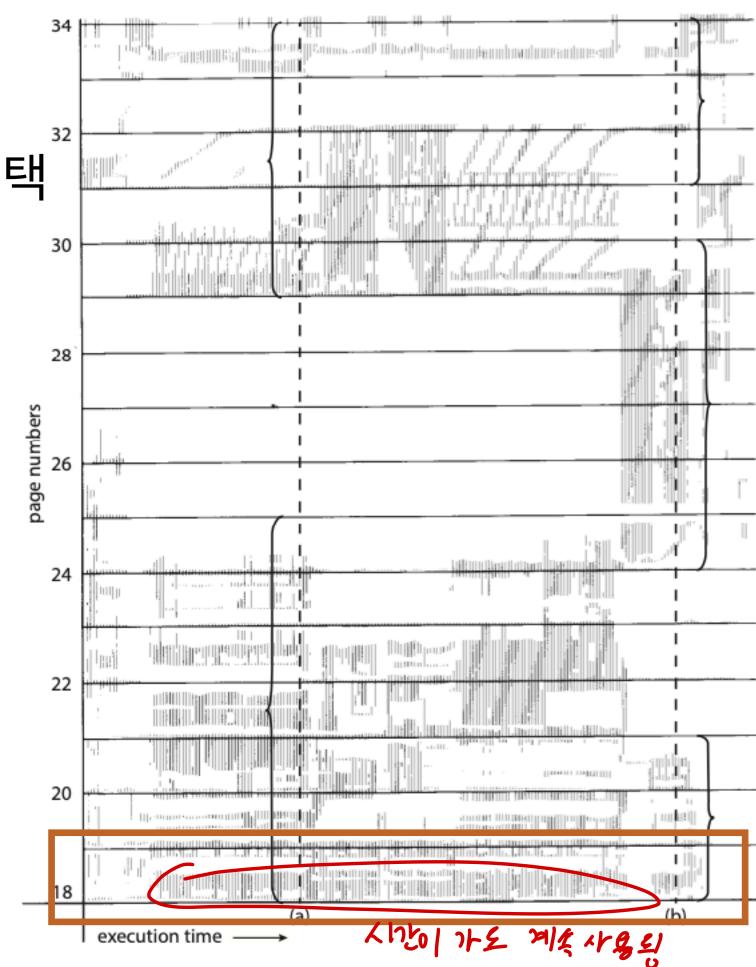


Figure 10.21 Locality in a memory-reference pattern.

## LRU (Least Recently Used)

- Page Fault 발생 시, 가장 오랫동안 사용되지 않은 페이지를 victim으로 선택

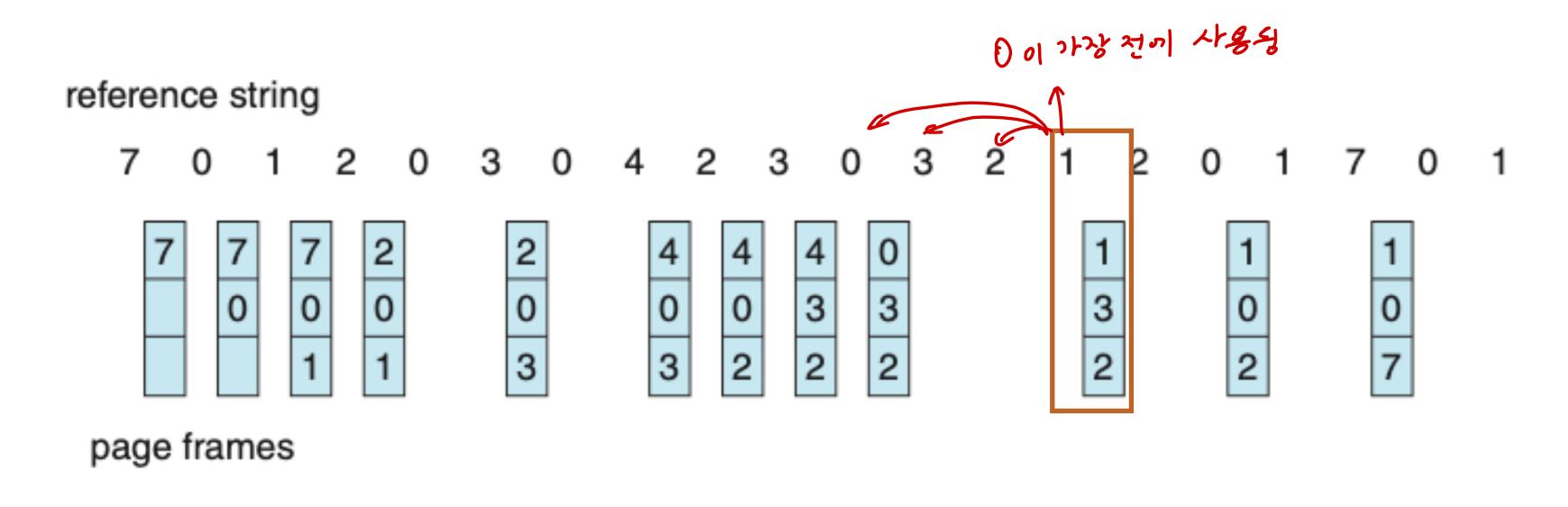


Figure 10.15 LRU page-replacement algorithm.

## LRU (Least Recently Used)

#### Counter를 사용한 LRU 구현

Counter is 3 215 it will als victimes us.

- LRU 구현 중 가장 간단한 방법으로, 개별 페이지마다 최근에 접근했던 시간을 유지함.
- 단점:
  - 접근했던 시간이 가장 작은 페이지를 찾기 위해 매번 테이블을 탐색해야 함.
  - 페이지 테이블 수정이 일어날 때마다 시간 값을 관리해야 함.

+ DHY interrupt EMZON overhead Will

- 인터럽트를 이용해 소프트웨어로 구현 시 Page Fault마다 시간 값을 저장하고, 테이블을 탐색해야 하므로 메모리 참조 속도가 상당히 저하됨.
  - LRU를 위한 하드웨어 지원이 필요함.

atimes[ref\_arr[i]] = curr\_time++;

78

79

```
// Initializing frames
45
        int* frames = (int*) malloc(sizeof(int) * frame_sz);
46
        for (i=0; i<frame_sz; i++) frames[i] = EMPTY_FRAME;</pre>
47
        // Initializing accessed times table
48
        int page_max = _max(ref_arr, ref_arr_sz) + 1;
49
                                                                                                      7 0 1 . (fault)
        int* atimes = (int*) malloc(sizeof(int) * page_max);
50
                                                                                                      7 0 1 2 (fault)
        for (i=0; i<page_max; i++) atimes[i] = -1;
51
52
                                                                                                      7012
53
        // Iterating reference string
                                                                                                      3 0 1 2 (fault)
54 ~
        for (i=0; i<ref_arr_sz; i++) {
                                                                                                      3 0 1 2
55
            is_fault = _contains(frames, frame_sz, ref_arr[i]);
                                                                                                      3 0 4 2 (fault)
56
57
            // Miss (page fault occurred)
                                                                                                      3 0 4 2
58 ~
            if (is_fault == -1) {
                                                                                                      3 0 4 2
59
                int empty_idx = _contains(frames, frame_sz, EMPTY_FRAME);
                                                                                                      3 0 4 2
60
61
                // Checking for empty frame slots
                                                                                                      3 0 4 2
62 ~
                if (empty_idx != EMPTY_FRAME) {
                                                                                                      3 0 4 2
63
                   target = empty_idx;
                                                                                                      3 0 1 2 (fault)
64
65 ~
                                                                                                      3 0 1 2
66
                   int target_atime = INT_MAX;
                                                                                                      3 0 1 2
67 ~
                   for (j=0; j<frame_sz; j++) {
                                                                                                      3012
68 ~
                       if (atimes[frames[j]] < target_atime && atimes[frames[j]] >= 0) {
                                                                                                      7 0 1 2 (fault)
69
                           target = j;
                           target_atime = atimes[frames[j]];
70
                                                                                                      7012
71
                                                                                                      7012
72
73
74
                frames[target] = ref_arr[i];
75
76
                page_faults++;
77
```

## LRU (Least Recently Used)

#### Stack을 사용한 LRU 구현

- 페이지 참조가 일어날 때마다, 그 페이지의 번호를 스택의 top에 유지시켜두는 구현
- 스택의 top은 항상 최근에 참조된 페이지이며, bottom은 오랫동안 참조되지 못한 페이지
- 스택의 중간에 있던 번호의 페이지를 참조 시, 이를 스택의 top으로 옮겨야하는 등 중앙에서의 삭제가 빈번함. 이 Vel head 보통생
  - 따라서 소프트웨어로 구현 시 Doubly Linked List로 구현
  - 3月至 沙兰케 지원이 現里

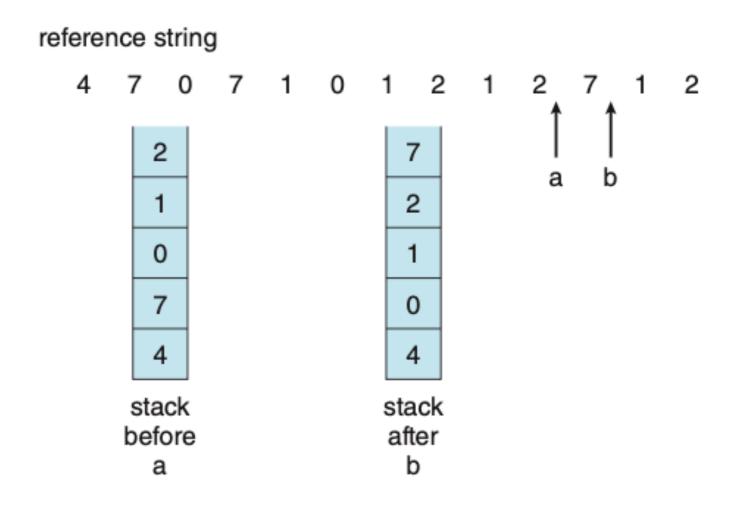


Figure 10.16 Use of a stack to record the most recent page references.

## LRU Approximation

- LRU를 완벽히 지원하는 하드웨어를 가진 시스템은 거의 없으나, 대부분의 시스템이 Reference Bit의 형태로 제한적으로나마 지원함.
  - Reference Bit들은 0으로 초기화된 상태로 시작
  - 페이지의 참조가 일어나면 그 페이지의 비트는 하드웨어가 1로 세팅

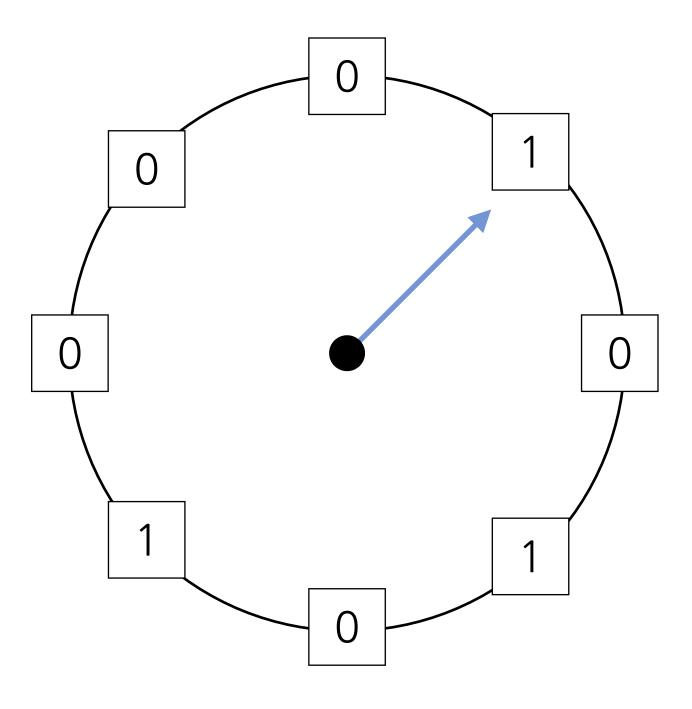
经地 化分级和比 的一是 喜洲 小各 网节七 对处司 处今 双音

## LRU Approximation - Clock Algorithm (Second-Chance Algorithm)

- Clock 알고리즘은 Reference Bit를 이용한 LRU Approximation 알고리즘 중 하나
- 리눅스 커널 2.6부터 Clock 알고리즘 기반의 Clock-PRO 알고리즘을 사용함.
- Reference Bit을 Circular Queue로 관리함.

## した外いかれて

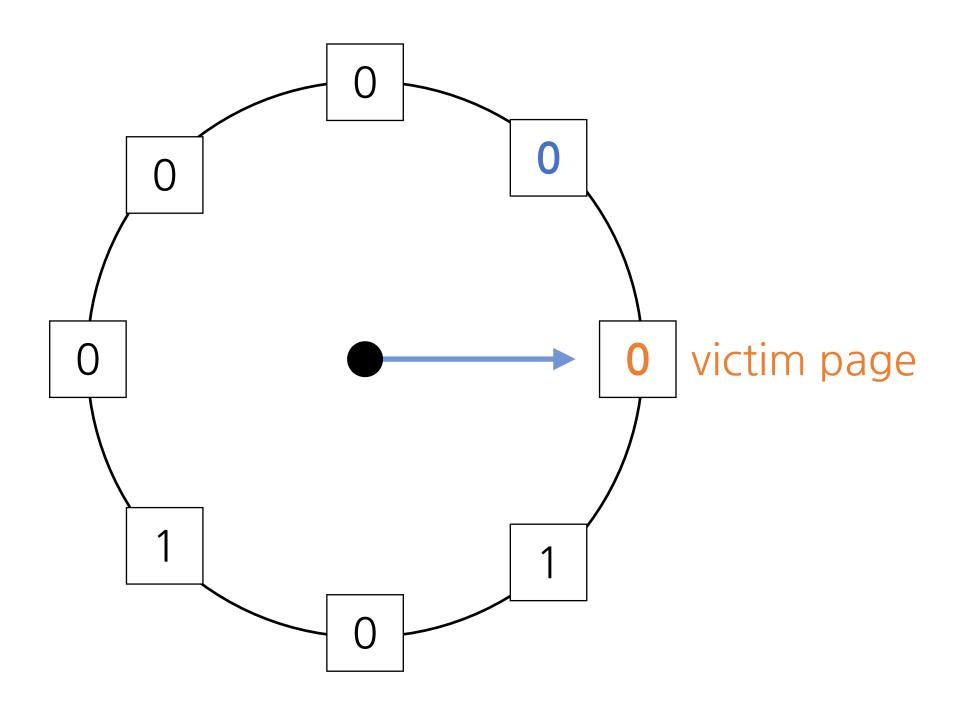
- Page Fault 발생 시, 포인터는 0을 발견할 때까지 전진함.
  - 포인터가 가리키는 Reference Bit가 1인 경우, 0으로 변경 (Second Chance)
  - Reference Bit가 0인 경우, 해당 페이지를 victim으로 선택



## LRU Approximation - Clock Algorithm (Second-Chance Algorithm)

- Clock 알고리즘은 Reference Bit를 이용한 LRU Approximation 알고리즘 중 하나
- 리눅스 커널 2.6기준 Clock 알고리즘 기반의 Clock-PRO 알고리즘을 사용함.
- Reference Bit을 Circular Queue로 관리함.

- Page Fault 발생 시, 포인터는 0을 발견할 때까지 전진함.
  - 포인터가 가리키는 Reference Bit가 1인 경우, 0으로 변경 (Second Chance) 한번 더 기키는 주는 느낌
  - Reference Bit가 0인 경우, 해당 페이지를 victim으로 선택 (Sway out 항.



## LRU Approximation - Additional Reference Bits Algorithm

8 bits

- Reference Bit를 사용하면서, 각 페이지에 추가적인 비트들을 기록하여 선후 관계를 기록하는 알고리즘

- 페이지가 참조되면 하드웨어에 의해 Reference Bit가 1로 설정되는 것은 동일
- 각 페이지에 8비트를 할당하여 0000 0000 으로 초기화
- 일정 시간 간격마다 OS가 다음 로직 실행 (타이머 인터럽트): ex) /oom 5 vr다.
  - 각 페이지에 할당된 8비트를 오른쪽으로 Shift

[DHU 6 행과떤 overhead 내무 귀심]

- Reference Bit를 8비트의 최상위 비트에 이동

## LRU Approximation - Additional Reference Bits Algorithm

(주의: 쉬운 이해를 위해, Bit Shift 수행을 타이머 인터럽트 발생 시 하지 않고 페이지 참조가 일어날 때마다 한다고 가정) 여가 제일 작으므로 사하는

- Reference String: [0, 1, 2, 0, 4, 0]

Page No.	초기상태	0	1	2	0	4	0
0	0000 0000	1000 0000	0100 0000	0010 0000	<b>1</b> 001 0000	0100 1000	<b>1</b> 010 0100
1	0000 0000	0000 0000	<b>1</b> 000 0000	0100 0000	0010 0000	0001 0000	0000 1000
2	0000 0000	0000 0000	0000 0000	<b>1</b> 000 0000	0100 0000	0010 0000	0001 0000
3	0000 0000	0000 0000	0000 0000	0000 0000	0000 0000	0000 0000	0000 0000
4	0000 0000	0000 0000	0000 0000	0000 0000	0000 0000	1000 0000	0100 0000

- <u>프레임이 3개</u>라고 할 때, 4번 페이지가 요청되었을 때 프레임에 [0, 1, 2]가 존재하며 Page Fault 발생함.
  - 이때, [0, 1, 2] 중 참조 비트의 값이 가장 작은 페이지는 1번 페이지 (= Least Recently Used)

## LRU Approximation - Additional Reference Bits Algorithm

(주의: 쉬운 이해를 위해, Bit Shift 수행을 타이머 인터럽트 발생 시 하지 않고 페이지 참조가 일어날 때마다 한다고 가정)

- Reference String: [0, 1, 2, 0, 4, 0]

Page No.	초기상태	0	1	2	0	4	0
0	0000 0000	<b>1</b> 000 0000	0100 0000	0010 0000	<b>1</b> 001 0000	0100 1000	<b>1</b> 010 0100
1	0000 0000	0000 0000	<b>1</b> 000 0000	0100 0000	0010 0000	0001 0000	0000 1000
2	0000 0000	0000 0000	0000 0000	1000 0000	0100 0000	0010 0000	0001 0000
3	0000 0000	0000 0000	0000 0000	0000 0000	0000 0000	0000 0000	0000 0000
4	0000 0000	0000 0000	0000 0000	0000 0000	0000 0000	<b>1</b> 000 0000	0100 0000

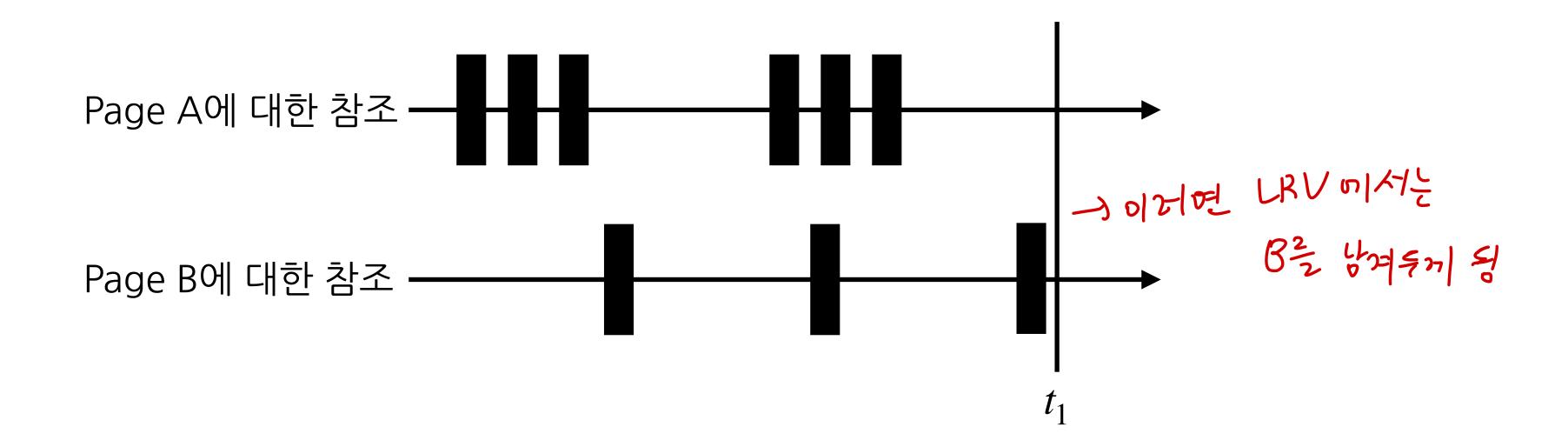
- 프레임이 3개라고 할 때, 4번 페이지가 요청되었을 때 프레임에 [0, 1, 2]가 존재하며 Page Fault 발생함.
  - 이때, [0, 1, 2] 중 참조 비트의 값이 가장 작은 페이지는 1번 페이지 (= Least Recently Used)

## Section 4 "LRU in Linux"

## LRU-K (Least Recently Used - Kth)

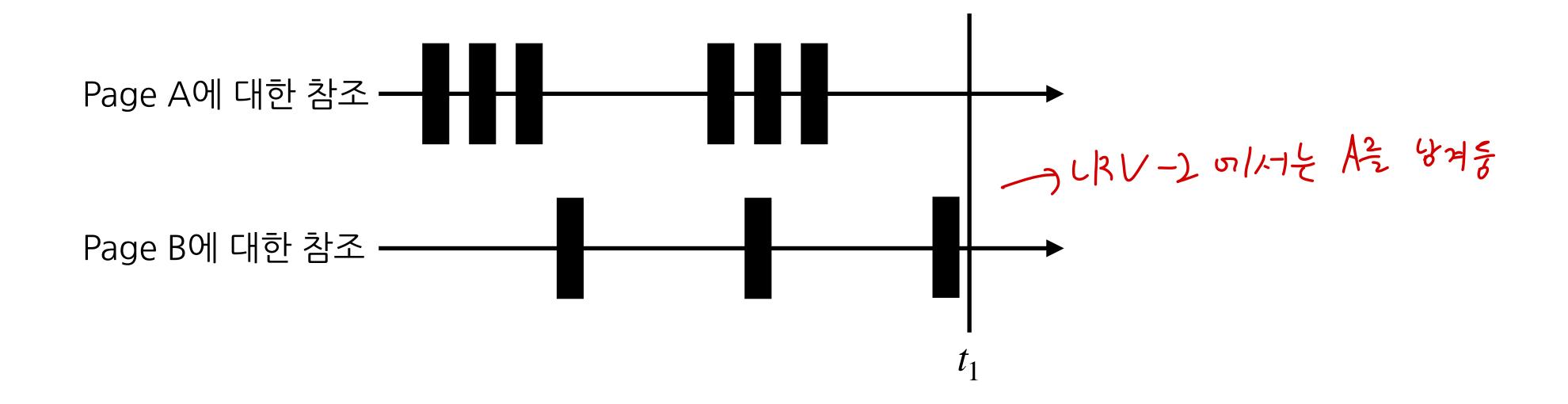
#### 기존 LRU의 문제점

- 기존 LRU는 최근에 참조한 페이지만을 고려한다는 점이 있음.
  - 과거에 여러번 참조된 페이지보다, 가장 최근에 한 번만 참조된 페이지가 프레임에 남아있게 됨.



## LRU-K (Least Recently Used - Kth)

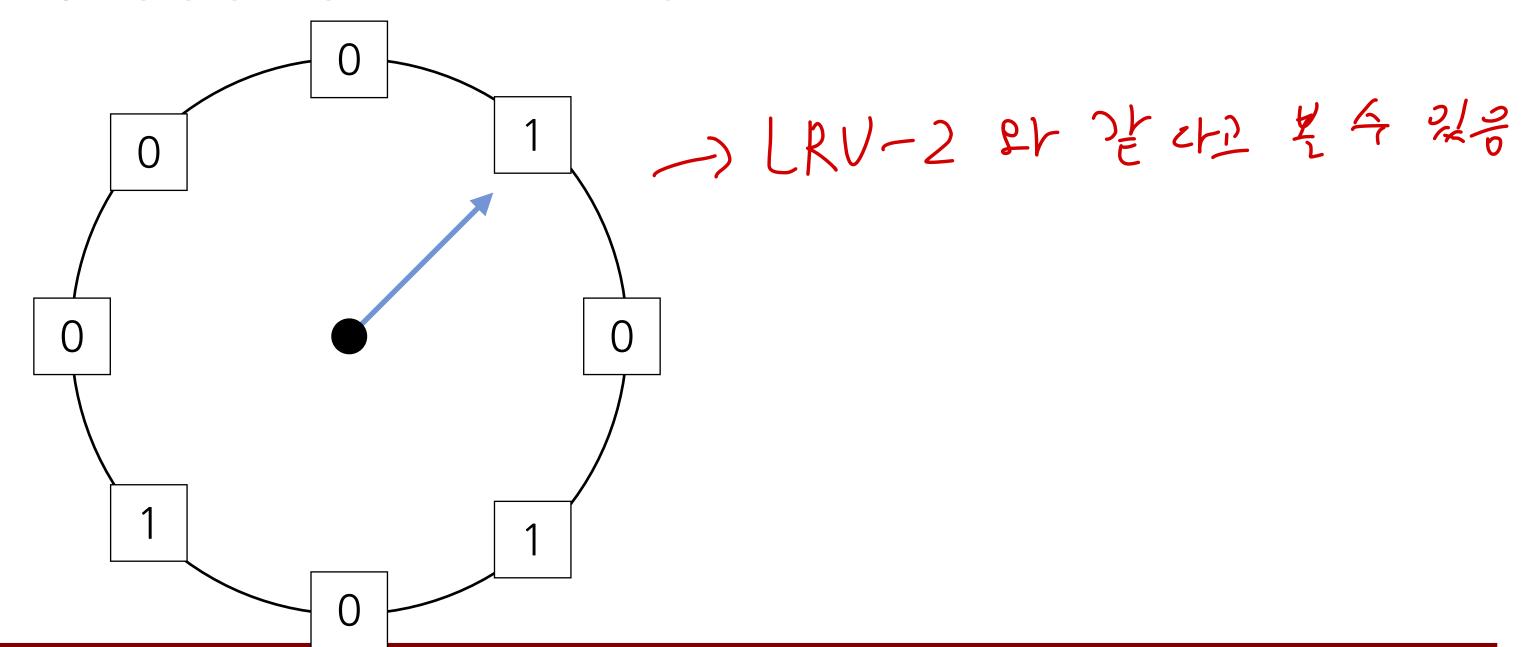
- LRU-K : K번째로 최근에 참조되었던 시간을 기준으로 victim을 결정하는 전략
  - 가장 최근에 참조된 시간을 기준으로 삼는 경우는 LRU-1이라고 할 수 있음. 그기혼에 학교 있던 및 USV
  - 아래 그래프에서 LRU-2를 적용할 경우 페이지 B가 victim으로 결정됨.



Distributed and Cloud Computing Lab.

## LRU-K (Least Recently Used - Kth)

- LRU-K: K번째로 최근에 참조되었던 시간을 기준으로 victim을 결정하는 전략
  - 가장 최근에 참조된 시간을 기준으로 삼는 경우는 LRU-1이라고 할 수 있음.
  - 아래 그래프에서 LRU-2를 적용할 경우 페이지 B가 victim으로 결정됨.



Distributed and Cloud Computing Lab.

## LRU implementation in Linux

- Linux에서는 프레임에 존재하는 페이지들을 active list와 inactive list로 나누어서 관리함.\*

- Active list : 최근에 참조한 페이지들로, 다시 접근할 확률이 높은 페이지들
  - 커널에서 판단할 때 시스템이나 일부 프로세스에서 활성 사용 중

- Inactive list : 프레임 할당 해제 후보 페이지들
  - 커널에서 판단할 때, 현재 사용 중이 아닌 페이지들

\* 커널 버전 2.6 기준이며, 현재는 5개의 리스트를 사용함.

## LRU implementation in Linux

武台部加了2对 Page 与到 list

- Active 페이지가 swap-out 대상으로 고려되면, 바로 메모리에서 제거되지 않고 inactive list로 이동함.
- 만약 inactive 페이지를 참조하고자 하면 Soft Fault가 발생하고 active list로 이동함.

Parte fault Lite overheadst 43

## LRU implementation in Linux

- 종합하자면, Linux에서 프레임에 할당된 페이지는 다음 두 가지 비트를 가지고 있음.
  - Active Bit : 현재 페이지가 active list에 있는지에 대한 정보
  - Reference Bit : 현재 페이지가 최근에 참조되었는지에 대한 정보
- 이 4가지 상태를 다루는 LRU 관련 함수들 5가지: (linux/mm/swap.c)
  - Iru\_cache\_add(), Iru\_cache\_add\_active(), mark\_page\_accessed(),
  - page\_referenced(), refill\_inactive\_zone()

## LRU implementation in Linux

Pase of VSEHE 井메함

- Iru\_cache\_add (\*page)
  - inactive list에 페이지를 추가하는 함수 (LRU 리스트에 아직 페이지가 없는 경우 호출됨.)  $\alpha c + i \nu e bi + = 0$
- Iru\_cache\_add\_active (\*page)
  - active list에 페이지를 추가하는 함수 (마찬가지로 LRU 리스트에 아직 페이지가 없는 경우 호출됨.)

## LRU implementation in Linux

## #mark\_page\_accessed (\*page)

- 페이지 참조가 요청될 때마다 호출되는 함수
- inactive list에서 active list로 페이지를 이동시킴.

## payer 1 Voth He

- inactive, unreferenced -> inactive, referenced
- inactive, referenced -> active, unreferenced
- active , unreferenced -> active , referenced

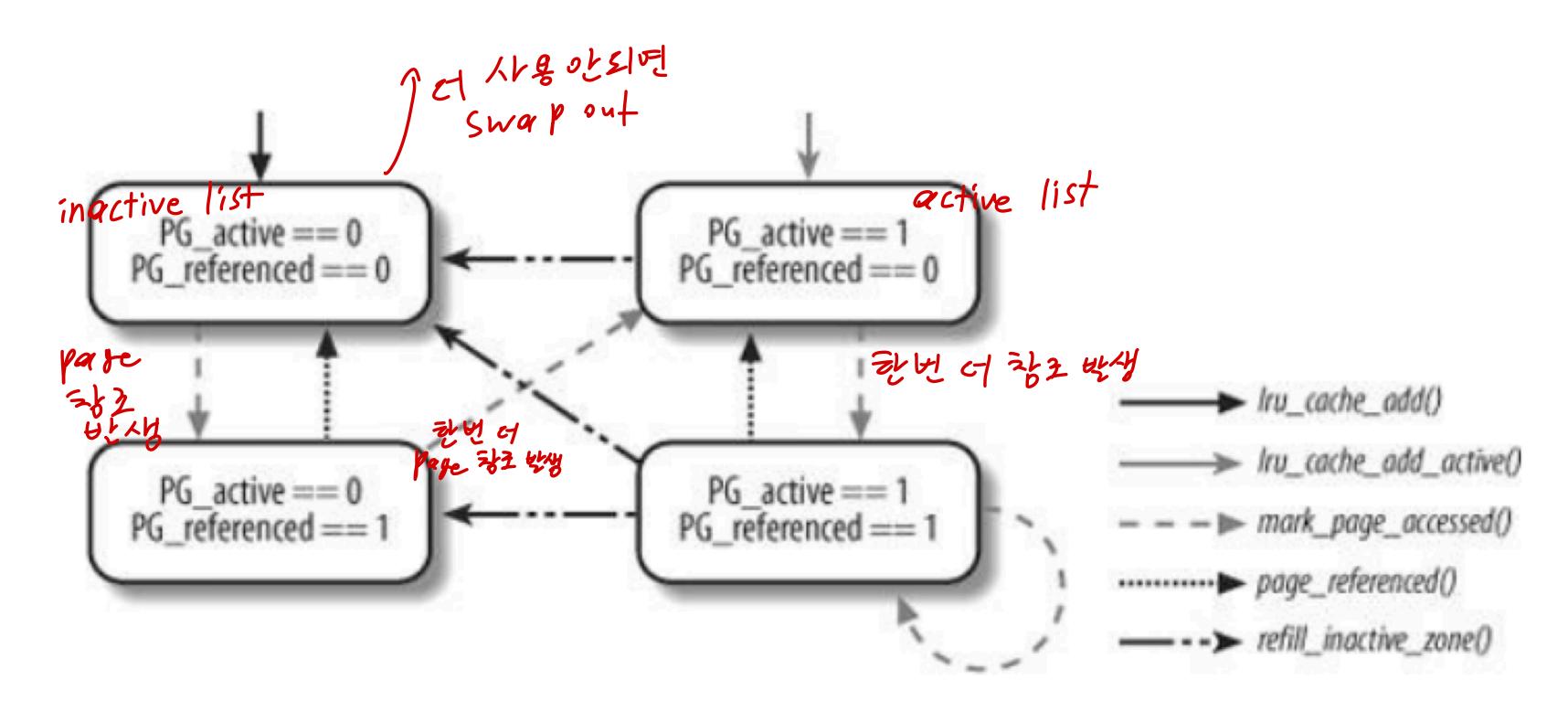
## LRU implementation in Linux

Pare 21 公时是 平元间 관심

- page\_referenced ()
  - 주기적으로 페이지가 참조되었는지 확인하고 아니라면 Reference Bit를 0으로 설정

- refill\_inactive\_zone ()
  - 주기적으로 페이지의 활성 상태를 판단하고, 비활성으로 판단되면 Active Bit를 0으로 설정

## LRU implementation in Linux



Distributed and Cloud Computing Lab.

# Section 5 "Assignment"

## 공통 stack, approximate 2) 나지

#### 3가지 버전의 LRU 알고리즘에 대해 구현 및 시뮬레이션

- github.com/ku-cloud/22spring-os-lab03 의 assignment/skeleton.c 기반으로 구현
- INPUT: Reference String 길이(50~100), 최대 페이지 번호(5~10), 프레임 사이즈(1~6)
- OUTPUT: Page Fault 발생 횟수

실행 방법: \$ ./program {ref\_arr\_sz} {page\_max} {frame\_size} example) ./program 50 10 5

Reference String은 주어진 ref\_arr\_sz와 page\_max를 기반으로(랜덤 생성) [자카셔츠 회구하는 [여유나

## 공통

#### 3가지 버전의 LRU 알고리즘에 대해 구현 및 시뮬레이션

- **과제 결과물** (학번-이름-lab03.zip 으로 압축)
  - 각 버전의 구현 소스 파일 3개 (학번-이름-x.c)
  - 리눅스 환경에서 빌드한 각 버전 별 실행 파일 3개 (학번-이름-x.out)
  - 구현에 대해 간단히 설명한 총 2-3장 내외의 보고서 (학번-이름.pdf)
  - "블랙보드 > 과제 및 시험 > 실습3 과제" 에 제출 바랍니다.

#### - 기간

~ 06.08 10:30am (오프라인 수업에서 답안 예시 공유 예정이므로, 기간 종료 후에는 받지 않겠습니다)

## 공통

#### 3가지 버전의 LRU 알고리즘에 대해 구현 및 시뮬레이션

- 보고서에 대한 설명
  - (학번-이름.pdf)
  - 2-3장 내외
  - 각 버전 별 구현에 대해 간단히 설명
  - Reference String  $S=\{7,0,1,2,0,3,0,4,2,3,0,3,2,1,2,0,1,7,0,1\}$ 에 대한 결과를 오른쪽 그림처럼 출력하여 스크린샷 첨부 (각 버전 별로) (프레임 개수 4로 통일)

```
7 . . . (fault)
 | 7 0 . . (fault)
   7 0 1 . (fault)
 | 7 0 1 2 (fault)
0 | 7 0 1 2
  | 3 0 1 2 (fault)
  13012
   3 4 1 2 (fault)
  1 3 4 1 2
   3 4 0 2 (fault)
  1 3 4 0 2
   3 4 0 2
   3 4 0 1 (fault)
   2 4 0 1 (fault)
   2401
   2 4 0 1
   2 7 0 1 (fault)
  12701
 . | 2 7 0 1
```

## Assignment 3-1 (6점)

#### Stack을 이용한 LRU Replacement 시뮬레이션

- 파일명: 학번-이름-1.c
  - 1. generate\_ref\_arr() 함수 구현 (랜덤 reference string 생성하여 리턴)
  - 2. Iru() 함수 구현 (page fault 발생 횟수 리턴)

- 보고서에 다음 내용 추가
  - 주어진 Reference String S에 대해, 페이지 참조마다 Stack 내용이 어떻게 변하는지 표로 작성

## Assignment 3-2 (7점)

#### Clock Algorithm 시뮬레이션

- 파일명: 학번-이름-2.c
  - 1. generate\_ref\_arr() 함수 구현 (랜덤 reference string 생성하여 리턴)
  - 2. Iru() 함수 구현 (page fault 발생 횟수 리턴)

## Assignment 3-3 (7점)

#### <u>Additional Reference Bits Algorithm 시뮬레이션</u>

- 파일명: 학번-이름-3.c
  - 1. generate\_ref\_arr() 함수 구현 (랜덤 reference string 생성하여 리턴)
  - 2. Iru() 함수 구현 (page fault 발생 횟수 리턴)

- 보고서에 다음 내용 추가
  - 주어진 Reference String S에 대해, 페이지 참조마다 0번 페이지의 Reference Bits이 어떻게 변하는지 표로 작성

## 추가적인 정보

- skeleton.c 파일은 Git clone해서 받는 것을 권장하지만, 다음 링크에서 내용 복사해가도 무방합니다.
  - https://github.com/KU-Cloud/22Spring-OS-Lab03/blob/master/assignment/skeleton.c
- 빌드는 gcc로 진행하며, Linux, macOS 관계 없습니다.
  - 단, Windows 실행 파일(.exe) 제출은 금지합니다.
    - 빌드를 위해 Linux 환경이 필요하다면 클라우드 가상머신을 제공할 수 있으니 조교 메일로 연락바랍니다.
- Iru() 함수는 input, output만 정확하면 되므로 함수 이름이나 파라미터 이름은 유연하게 수정해도 됩니다.
- 추가 문의: freckie@korea.ac.kr

## End of Document