In [1]:

```
# 구글 드라이브 사용 권한 설정
from google.colab import drive
drive.mount('/content/drive')
```

Mounted at /content/drive

In [91]:

```
# 작업할 폴더 위치 설정 (본인 폴더 경로에 맞게 수정필요)
colab_path = "/content/drive/MyDrive/MachineLearning/Week4"
```

##Python에서 다차원 배열 작업을 위한 NumPy 라이브러리에 대한 실습

NumPy: Numerical Python의 줄임말로 NumPy는 다차원 배열 데이터 구조를 효율적으로 사용할 수 있는 편리한 Python 인터페이스를 제공

N-dimensional Arrays(ndarray)

- 고정된 크기의 동형 다차원 배열
- 고정된 크기: 배열을 생성할 때, 크기 결정
- 동형: 같은 type의 원소로 구성된 배열

In [3]:

```
# numpy 라이브러리 import import numpy as np

# list로 numpy array 생성

Ist = [[1, 2, 3], [4, 5, 6]] # list -> 값 변경 가능 ary2d = np.array(Ist) print(ary2d)

# tuple로 numpy array 생성 tup = ((0.1, 0.2, 0.3)) # tuple -> 값을 변경할 수 없음 ary2d_2 = np.array(tup) print(ary2d_2)
```

```
[[1 2 3]
[4 5 6]]
[0.1 0.2 0.3]
```

기본적으로 NumPy는 ndarray를 생성할 때, 배열의 유형을 추론 Python 정수를 배열에 전달했으므로 ndarray 객체 ary2d 는 64비트 시스템에서 int64 유형이어야 하고, 이는 dtype 속성을 출력하여 확인 가능

In [4]:

```
# 생성한 배열의 data type 확인
ary2d.dtype
```

Out [4]:

```
dtvpe('int64')
```

다양한 유형의 NumPy 배열을 구성하려면 array 함수의 dtype 매개변수에 인수를 전달할 수 있음 예를 들어 np.int32 를 사용하면 32비트 배열을 생성 가능 지원되는 데이터 유형의 전체 목록은 공식 NumPy 문서

(https://docs.scipy.org/doc/numpy/user/basics.types.html)를 참조

배열이 생성되면 다음 예와 $\stackrel{.}{\mathbf{c}}$ 이 astype 메서드를 통해 해당 유형을 다운캐스트하거나 다시 캐스팅할 수 있음

In [5]:

```
# 생성한 배열의 type을 float32로 변경 및 출력
float32_ary = ary2d.astype(np.float32)
float32_ary
```

Out [5]:

```
array([[1., 2., 3.],
[4., 5., 6.]], dtype=float32)
```

In [6]:

```
# 배열의 타입 확인
float32_ary.dtype
```

Out [6]:

dtype('float32')

In [7]:

```
# 배열 요소의 갯수 확인
ary2d.size
```

Out [7]:

6

In [8]:

```
# 배열의 차원 수 확인
ary2d.ndim
```

Out[8]:

2

In [9]:

```
# 각 배열 차원의 요소 수(*)
ary2d.shape
```

Out [9]:

(2.3)

Array Construction Routines

이 섹션에서는 배열 구성 함수를 소개

• 1이나 0의 배열을 생성하는 것은 계산에 초기 값을 사용하지 않고 즉시 다른 값으로 채우려는 경우 자리 파시되 메여고 ㅇ요하 스 이ㅇ

In [10]:

```
# 배열의 요소를 모두 1로 초기화
np.ones((3, 3))
Out [10]:
array([[1., 1., 1.],
      [1., 1., 1.],
      [1., 1., 1.]])
In [11]:
# 배열의 요소를 모두 0로 초기화
np.zeros((3, 3))
Out [11]:
array([[0., 0., 0.],
      [0., 0., 0.],
      [0., 0., 0.]
In [12]:
# np.eye(n) -> nxn차원의 대각행렬 생성
np.eye(3)
Out [12]:
array([[1., 0., 0.],
      [0., 1., 0.],
      [0., 0., 1.]
```

np.diag은 두가지 기능을 제공

- 대각행렬 생성 기능 : v가 1차원 배열일때, v를 대각행렬로 하는 2차원 배열을 만들어줌
- 대각요소 추출 기능 : v가 2차원 배열일때, v의 대각선 요소들을 1차원으로 뽑아줌

In [13]:

 $[[0\ 0\ 0]]$ [0 1 0] [0 0 2]]

```
# [0 1 2] 값을 가지는 list arr1d 생성
arr1d = np.arange(3)
print(arr1d)
# arr1d의 값으로 대칭행렬로 만들어 출력
print(np.diag(arr1d))
[0 1 2]
np.diag(arr1d):
```

```
In [14]:
```

```
# [0, 1, 2, ..., 8]의 값을 가지는 3x3형태의 2차원 list arr2d 생성 arr2d = np.arange(9).reshape((3,3)) print(arr2d)

# arr2d의 대각선 요소를 출력 print(f"np.diag(arr2d): {np.diag(arr2d)}") # 대각선 요소 출력
```

```
[[0 1 2]

[3 4 5]

[6 7 8]]

np.diag(arr2d): [0 4 8]
```

In [15]:

```
# (1, 2, 3)로 대각행렬 생성
np.diag((1, 2, 3))
```

Out [15]:

```
array([[1, 0, 0],
[0, 2, 0],
[0, 0, 3]])
```

지정된 범위 내에서 일련의 숫자를 생성하는 함수: arange, linspace NumPy의 arange 함수는 Python의 range 객체와 동일한 구문형식을 가짐

- 두 개의 인수가 제공되면 첫 번째 인수는 시작 값을 나타내고 두 번째 값은 중지 값을 정의
- Python의 range 와 유사하게 세 번째 인수를 제공하여 단계를 정의할 수 있음

In [16]:

```
# numpy의 arange 함수를 사용하여 4에서 10까지의 값을 가지는 배열 생성 np.arange(4., 10.)
```

Out [16]:

```
array([4., 5., 6., 7., 8., 9.])
```

In [17]:

```
# numpy의 arange 함수를 사용하여 1에서 11까지 2씩 더해지는 배열을 생성
np.arange(1., 11., 2)
```

Out [17]:

```
array([1., 3., 5., 7., 9.])
```

Linspace 함수는 지정된 범위에서 지정한 갯수의 균일한 값을 가지는 배열을 생성가능

In [18]:

```
# numpy의 linspace 함수를 사용하여 0에서 1사이에 균일한 간격을 가지는 5개 요소를 가지는 배열 생성 np.linspace(0., 1., num=5)
```

Out [18]:

```
array([0. , 0.25, 0.5 , 0.75, 1. ])
```

Array Indexing

이 섹션에서는 다양한 인덱싱 방법을 통해 NumPy 배열 요소를 검색하는 기본 사항을 살펴보겠습니다. 간단한 NumPy 인덱싱 및 슬라이싱은 Python 목록과 유사하게 작동하며, 1차원 배열의 첫 번째 요소를 검색하는 다음 코드 조각에서 이를 보여줍니다.

In [19]:

```
# numpy array ary를 생성하여 첫번째 요소를 출력 ary = np.array([1, 2, 3]) ary[0]
```

Out[19]:

1

In [20]:

```
# ary의 처음 두개의 값을 출력
ary[:2] # ary[0:2]와 동일한 결과
```

Out [20]:

array([1, 2])

둘 이상의 차원이나 축이 있는 배열로 작업하는 경우 아래 일련의 예에 표시된 대로 인덱싱 또는 슬라이싱 작업을 쉼표로 구분합니다.

In [21]:

Out [21]:

```
array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
```

In [22]:

```
# ary의 우하단 값을 출력
ary[-1, -1] # 가장 끝 값에 대한 접근
```

Out [22]:

6

In [23]:

```
# ary의 첫번째 행, 두번째 열의 값
ary[0, 1]
```

Out [23]:

```
In [24]:
# ary의 첫번째 행 출력
ary[0]
Out [24]:
array([1, 2, 3])
In [25]:
# ary의 첫번째 열 출력
ary[:, 0]
Out [25]:
array([1, 4])
In [26]:
# ary의 모든 행에 대해 2번째 열까지 출력
ary[:, :2]
Out [26]:
array([[1, 2],
     [4, 5]])
In [27]:
# ary의 첫번째 요소 출력
ary[0, 0]
Out [27]:
1
Array Math and Universal Functions
 • ndarray에 수행하는 다양한 연산
NumPy는 수학 연산자(+, -, /, * 및 **)를 직접 사용하여 연산을 수행
In [28]:
# 수학연산자 '+'를 사용하여 ary의 모든 요소에 1을 더한 배열을 출력
ary + 1
Out [28]:
array([[2, 3, 4],
     [5, 6, 7]])
```

```
In [29]:
```

```
# 수학연산자 '**'를 사용하여 ary의 모든 요소의 제곱값을 가지는 배열을 출력
ary**2
```

Out [29]:

```
array([[ 1, 4, 9],
[16, 25, 36]])
```

In [30]:

Out [30]:

```
array([[1, 2, 3],
[4, 5, 6]])
```

In [31]:

numpy의 add.reduce 함수를 사용하여 ary의 각 열의 모든 행의 합에 해당하는 1차원 배열을 출력 print(np.add.reduce(ary)) # column sumns

[579]

In [32]:

sum 함수를 사용하여 ary의 각 열의 모든 행의 합에 해당하는 1차원 배열을 출력 print(ary.sum(axis=0))

[579]

In [33]:

numpy의 add.reduce 함수를 사용하여 ary의 각 행의 모든 열의 합에 해당하는 1차원 배열을 출력 print(np.add.reduce(ary, axis=1)) # row sums

[6 15]

In [34]:

```
# sum 함수를 사용하여 ary의 각 행의 모든 열의 합에 해당하는 1차원 배열을 출력 print(ary.sum(axis=1))
```

[6 15]

In [35]:

```
# sum 함수를 사용하여 ary 모든 요소의 합을 출력
ary.sum()
```

Out [35]:

21

Broadcasting

```
In [36]:
```

```
ary1 = np.array([1, 2, 3])
ary2 = np.array([4, 5, 6])
# '+' 연산자로 ary1과 ary2의 합을 출력
ary1 + ary2
```

Out [36]:

array([5, 7, 9])

In [37]:

```
ary3 = np.array([[4, 5, 6], [7, 8, 9]])
# '+'연산자로 ary3과 ary1의 합을 출력
ary3 + ary1
```

Out [37]:

```
array([[ 5, 7, 9], [ 8, 10, 12]])
```

Advanced Indexing -- Memory Views and Copies

기본적인 정수 기반 인덱싱 및 슬라이싱은 메모리에 NumPy 배열의 *view*를 생성 (얕은 복사) view: 메모리 자원을 절약하기 위해 불필요한 배열 복사본을 만드는 작업 방지

In [38]:

Out [38]:

```
array([[100, 101, 102],
[ 4, 5, 6]])
```

위의 예제에 나타나는 것과 같이 first_row 값을 변경하면 원래 배열에도 영향을 미침. 그 이유는 ary[0] 이 ary 의 첫 번째 행에 대한 view를 생성한 후 해당 요소가 99만큼 증가했기 때문

In [39]:

```
ary = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
# ary의 첫번째 생을 슬라이싱(:)으로 first_row에 입력
first_row = ary[:1] # 슬라이싱의 경우에도 얕은 복사가 실행됨
# first_row의 각 요송 99를 더하여 출력
first_row += 99
ary
```

Out [39]:

```
array([[100, 101, 102],
[ 4, 5, 6]])
```

copy 함수, pancy 인덱싱 예제 (깊은 복사)

In [40]:

Out [40]:

```
array([[1, 2, 3],
[4, 5, 6]])
```

pancy 인덱싱을 통해 연속되지 않은 정수 인덱스의 튜플 또는 리스트 객체를 사용하여 원하는 배열 요소를 반환할 수 있음.

연속되지 않은 시퀀스로 수행될 수 있으므로 메모리에서 연속적인 슬라이스인 뷰를 반환할 수 없어, 항상 배열의 복사본을 반환

In [41]:

```
ary = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
ary[:, [0, 2]] # 연속되지 않는 정수 인덱스의 배열 요소 반환
```

Out [41]:

```
array([[1, 3],
[4, 6]])
```

```
In [42]:
```

```
# pancy 인덱싱
this_is_a_copy = ary[:, [0, 2]] # 깊은 복사
this_is_a_copy += 99
ary
```

Out [42]:

```
array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
```

인덱싱을 위해 True 및 False 값의 bool 배열 마스크 활용

In [43]:

Out [43]:

```
array([[False, False, False],
[ True, True, True]])
```

In [44]:

```
# mask를 사용하여 ary의 요소중 3보다 큰 값만 출력
ary[greater3_mask]
```

Out [44]:

array([4, 5, 6])

논리연산자 and, &, or, | 또한 활용 가능

In [45]:

```
# 다양한 논리 연산자를 활용하여 출력
ary[(ary > 3) & (ary % 2 == 0)]
```

Out [45]:

array([4, 6])

Random Number Generators

머신러닝과 딥러닝에서는 난수 배열을 생성해야 하는 활용하는 경우가 많음 ex) 파라매터 초기화 등

In [46]:

```
# seed값 고정, random 한 값 생성
np.random.seed(123) # 전역적, 모든 NumPy의 난수 생성함수가 동일한 시드를 사용하여 랜덤 값 출력
np.random.rand(3)
```

Out [46]:

array([0.69646919, 0.28613933, 0.22685145])

In [47]:

rng1 = np.random.RandomState(seed=123) # 개별적인 인스턴스를 생성할 수 있으므로, 각 인스턴스는 독rng1.rand(3)

Out [47]:

array([0.69646919, 0.28613933, 0.22685145])

Reshaping Arrays

배열이 특정 계산을 수행할 때, *올바른* 모양을 갖지 않는 상황을 자주 직면하게 됨 NumPy 배열의 크기는 고정되어 있지만, 모양을 변경할 수 있음 NumPy는 다른 모양의 배열 보기를 얻을 수 있는 reshape 메소드를 제공

예를 들어, 다음과 같이 reshape 를 사용하여 1차원 배열을 2차원 배열로 재구성할 수 있음

In [48]:

```
# 1에서 6의 값을 가지는 1차원 배열 arr1d를 생성 ary1d = np.array([1, 2, 3, 4, 5, 6])
# reshape 함수로 2x3의 이차원 배열 arry2_view 생성 ary2d_view = ary1d.reshape(2, 3) ary2d_view
```

Out [48]:

```
array([[1, 2, 3],
[4, 5, 6]])
```

In [49]:

numpy의 may_share_memory 함수를 사용하여 ary2d_view와 arr2d가 같은 메모리를 공유하는 확인(True np.may_share_memory(ary2d_view, ary1d) # 얕은 복사, 두 배열이 같은 메모리를 가르킴

Out [49]:

True

하나의 축만 지정하고 하나의 축은 -1 로 지정하면 numpy에서 알맞은 축의 갯수를 계산하여 배열의 모양을 변경

```
In [50]:
```

```
# ary1d의 reshape의 하나의 축을 -1로 지정하여 2차원 배열 출력 ary1d.reshape(2, -1)
```

Out [50]:

```
array([[1, 2, 3],
[4, 5, 6]])
```

reshape 함수를 사용하면 2차원 배열을 1차원으로 펼 수도 있음

In [52]:

```
# numpy 함수를 사용하여 2차원 배열을 1차원으로 펼치기 ary = np.array([[[1, 2, 3], [4, 5, 6]]]) ary.reshape(-1)
```

Out [52]:

```
array([1, 2, 3, 4, 5, 6])
```

두개의 배열 값을 연결하고 심을 때, NumPy 배열의 크기는 고정되어 있으므로 두 배열을 합친 **새 배열**을 만들어야 함

두 개 이상의 배열 객체를 결합하려면 다음 예와 같이 NumPy의 concatenate 함수를 사용할 수 있음

In [53]:

```
ary = np.array([1, 2, 3])
# 배열의 값을 뒤로 연결
np.concatenate((ary, ary))
```

Out [53]:

array([1, 2, 3, 1, 2, 3])

In [54]:

```
ary = np.array([[1, 2, 3]])
# 첫번째 축에 대해 배열을 연결 axis=0
np.concatenate((ary, ary), axis=0)
```

Out [54]:

```
array([[1, 2, 3],
[1, 2, 3]])
```

In [55]:

```
# 두번째 축에 대해 배열을 연결 axis=1
np.concatenate((ary, ary), axis=1)
```

Out [55]:

```
array([[1, 2, 3, 1, 2, 3]])
```

Comparison Operators and Masks

비교 연산자(예: <, >, <= 및 >=)를 사용하여 해당 배열의 부울 마스크를 만들 수 있음이 마스크는 해당 배열의 값에 따라 True 및 False 요소로 구성

In [56]:

```
ary = np.array([1, 2, 3, 4])
mask = ary > 2
mask
```

Out [56]:

array([False, False, True, True])

부울 마스크는 특정 조건을 만족하는 요소의 갯수를 확인할 때도 활용 가능

In [59]:

```
# 생성한 mask를 사용하여 ary에서 2보다 큰 요소의 갯수를 출력 mask.sum()
```

Out [59]:

2

np.where: 배열의 특정 요소에 값을 할당하는데 유용한 함수

In [60]:

```
# numpy의 where 함수를 사용하여 배열에서 2보다 큰 모든 값에 1을 할당하고, 그렇지 않으면 0을 할당 np.where(ary > 2, 1, 0)
```

Out [60]:

array([0, 0, 1, 1])

Linear Algebra with NumPy Arrays

1차원 NumPy 배열을 행 벡터를 나타내는 데이터 구조, 2차원 NumPy 배열로 열 벡터를 나타내는 데이터 구조 생성 가능

In [61]:

```
# 배열 연산을 위해 row_vector와 column_vector 생성

row_vector = np.array([1, 2, 3])
print(row_vector)

column_vector = np.array([[1, 2, 3]]).reshape(-1, 1) # 열 벡터
print(column_vector)
```

Out [61]:

```
array([1, 2, 3])
```

1차원 배열을 2차원 배열로 바꾸는 것은 아래의 방법으로 간단하게 새 축을 추가할 수 있음

```
In [63]:
```

```
# 1차원 배열을 2차원 배열로 변경 1
row_vector[:, np.newaxis]
Out [63]:
array([[1],
     [2],
      [3]])
In [64]:
# 1차원 배열을 2차원 배열로 변경 2
row_vector[:, None]
Out [64]:
array([[1],
      [2].
      [3]])
행렬 간의 행렬 곱셈을 수행하려면 왼쪽 행렬의 열 수가 오른쪽 행렬의 행 수와 일치해야 함
NumPy에서는 matmul 함수를 통해 행렬 곱셈을 수행
In [65]:
# 배열 연산을 위한 matrix 생성
matrix = np.array([[1, 2, 3],
                [4, 5, 6]])
matrix
Out [65]:
array([[1, 2, 3],
      [4, 5, 6]])
In [67]:
# numpy의 matmul 함수를 사용하여 matrix와 column_vector의 행렬곱의 결과를 출력
np.matmul(matrix, column_vector)
Out [67]:
array([[14],
      [32]])
In [69]:
# numpy의 matmul 함수를 사용하여 row_vector와 row_vector의 곱을 출력
np.matmul(row_vector, row_vector)
Out [69]:
```

14

```
In [71]:
```

```
# numpy의 dot 함수를 사용하여 matrix와 row_vector의 곱을 출력
np.dot(matrix, row_vector)
Out [71]:
array([14, 32])
In [73]:
matrix = np.array([[1, 2, 3],
                 [4, 5, 6]])
# transpose함수를 사용하여 2차원 배열 matrix의 전치행렬 출력
matrix.transpose()
Out [73]:
array([[1, 4],
      [2, 5],
      [3, 6]])
In [74]:
# `transpose`의 약칭 `T`로도 전치행렬 출력 가능
matrix.T
Out [74]:
array([[1, 4],
```

SciPy

[2, 5], [3, 6]])

- 과학 계산용 함수를 모아 놓은 파이썬 패키지
- Numpy가 지원하지 않는 고성능 선형대수, 함수 최적화, 신호 처리, 특수한 수학 함수와 통계 분포 등을 포함한 많은 기능을 제공
- scikit-learn은 알고리즘을 구현할 때 SciPy의 여러 함수를 사용 SciPy document link (https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/)

Matplotlib

- 데이터 차트나 그래프로 시각화하는 패키지
- 데이터 분석 이전에 데이터 이해를 위한 시각화
- 데이터 분석 이후에 결과를 시각화 <u>공식 matplot 갤러리 (https://matplotlib.org/gallery/index.html)</u>

In [79]:

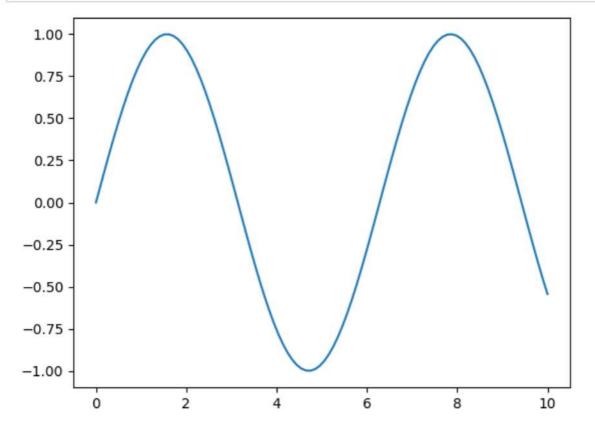
```
# 코드 셀에서 그래프를 생성하고 실행한 셀 아래에 이미지 형태로 바로 출력하도록 설정
%matplotlib inline
import matplotlib.pyplot as plt
```

Plotting Functions and Lines

In [80]:

```
# 그래프 예제 1
# linspace함수로 0에서 10사이의 100개의 값을 요소로 가지는 배열 x를 생성
x = np.linspace(0, 10, 100)

# x에 대한 sin(x)를 그래프로 출력
plt.plot(x, np.sin(x))
plt.show()
```



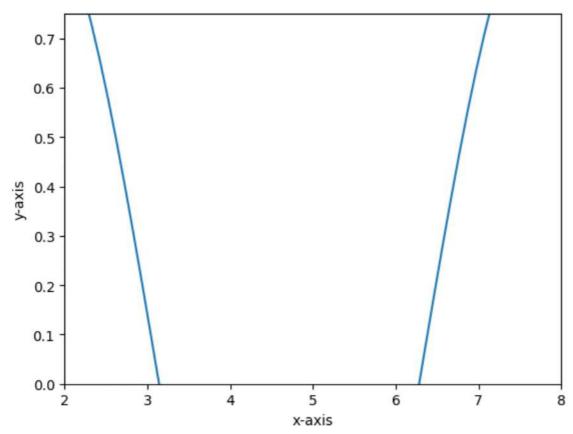
Add axis ranges and labels:

In [81]:

```
# 그래프 예제 2
# linspace함수로 0에서 10사이의 100개의 값을 요소로 가지는 배열 x를 생성, x에 대한 sin(x)를 그래프 x = np.linspace(0, 10, 100)
plt.plot(x, np.sin(x))

# xlim, ylim함수를 사용하여 x축의 값을 2에서 8, y축의 값을 0에서 0.75까지 출력
plt.xlim([2, 8])
plt.ylim([0, 0.75])

# xlabel과 ylabel을 'x-axis', 'y-axis'로 설정하여 표를 출력
plt.xlabel('x-axis')
plt.ylabel('y-axis')
plt.show()
```



plt.legend : 그림에 범례(legend)를 추가 loc = ['best': 최적의 위치를 자동으로 선택, 'upper rignt': 오른쪽 상단, 'upper left': 왼쪽 상단, 'lower right': 오른쪽 하단, 'loser left': 왼쪽 하단]

In [82]:

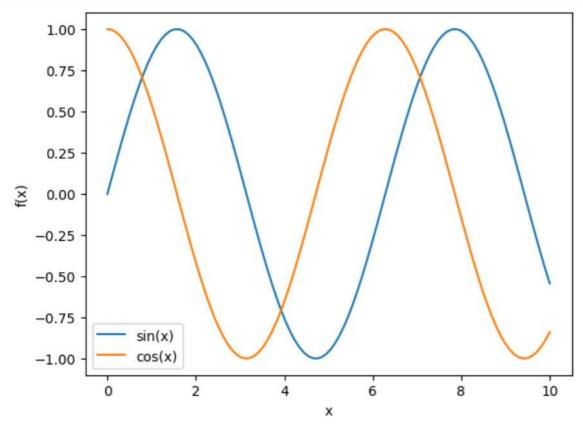
```
# 그래프 예제 3

# linspace함수로 0에서 10사이의 100개의 값을 요소로 가지는 배열 x를 생성
x = np.linspace(0, 10, 100)

# x 값에 대한 sin, cos함수를 생성, option 'label'을 사용하여 범례를 지정
plt.plot(x, np.sin(x), label=('sin(x)'))
plt.plot(x, np.cos(x), label=('cos(x)'))

# ylabel과 xlabel을 'f(x)', 'x'로 설정
plt.ylabel('f(x)')
plt.xlabel('x')

# 범례의 위치를 좌하단으로 설정하여 표를 출력
plt.legend(loc='lower left')
plt.show()
```

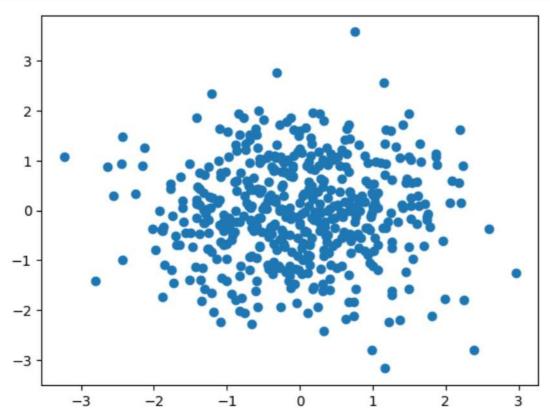


Scatter Plots(산점도)

• 산점도(Scatter plot)를 생성, 주로 데이터의 점들을 시각화할 때 사용

In [83]:

```
# 난수 500개를 생성하여 산점도 그래프를 출력 rng = np.random.RandomState(123) x = rng.normal(size=500) # 정규 분포(평균 0, 표준 편차 1)를 따르는 난수 500개를 생성 y = rng.normal(size=500) plt.scatter(x, y) plt.show()
```



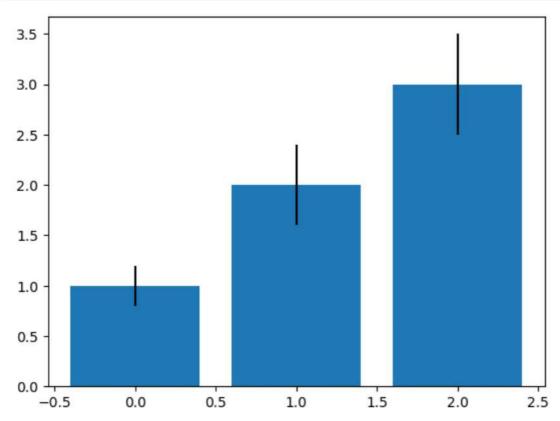
Bar Plots(막대그래프)

- 막대 그래프(Bar chart)를 생성
- 범주형 데이터(category)의 빈도, 비교, 분포(values)등을 시각화 하는 데 효과적

In [84]:

```
# 막대 그래프 예제
means = [1, 2, 3]
stddevs = [0.2, 0.4, 0.5]
bar_labels = ['bar 1', 'bar 2', 'bar 3']

# 막대그래프 출력
x_pos = list(range(len(bar_labels)))
plt.bar(x_pos, means, yerr=stddevs) # yerr: (선택인자)오차 막대의 길이(양수)
plt.show()
```



Histograms

- 히스토그램을 생성, 데이터의 분포를 시각화하는 데 효과적
- bin: 데이터를 나누는 구간의 수