ΠΡΟΓΡΑΜΜΑ

по дисциплине: Введение в математический анализ

по направлению

подготовки: 03.03.01 «Прикладные математика и физика»

физтех-школа: физики и исследований им. Ландау

кафедра: высшей математики

курс: $\frac{1}{2}$ семестр: $\frac{1}{2}$

лекции — 60 часов Экзамен — 1 семестр

практические (семинарские)

занятия — 60 часов

лабораторные занятия — нет

ВСЕГО АУДИТОРНЫХ ЧАСОВ — 120 — Самостоятельная работа:

теор. курс - 120 часов

Программу составил

д. ф.-м. н., профессор Г. Е. Иванов

Программа принята на заседании кафедры высшей математики 11 апреля 2024 г.

Заведующий кафедрой

д. ф.-м. н., профессор Г. Е. Иванов

- 1. Аксимы действительных чисел. Теорема о существовании и единственности точной верхней (нижней) грани числового множества, ограниченного сверху (снизу). Принцип Архимеда.
- 2. Предел числовой последовательности. Единственность предела. Свойства пределов, связанные с арифметическими операциями и неравенствами. Теорема Вейерштрасса о пределе монотонной последовательности. Принцип вложенных отрезков (теорема Кантора).
- 3. Подпоследовательности, частичные пределы. Верхний и нижний пределы числовой последовательности. Теорема Больцано-Вейерштрасса. Критерий Коши сходимости числовой последовательности. Открытые и замкнутые множества. Счётные и несчётные множества.
- 4. Предел функции одной переменной. Определения по Гейне и по Коши, их эквивалентность. Свойства пределов функции. Критерий Коши существования конечного предела функции. Предел по множеству, односторонние пределы. Существование односторонних пределов у монотонной функции.
- Непрерывность функции в точке. Точки разрыва, их классификация. Односторонняя непрерывность. Теоремы о пределе и непрерывности сложной функции.
- 6. Свойства функций, непрерывных на компакте ограниченность, достижение точных верхней и нижней граней, компактность множества значений. Теоремы о промежуточных значениях для функции, непрерывной на отрезке, и для функции, непрерывной на числовом промежутке. Теорема об обратной функции.
- 7. Непрерывность элементарных функций. Определение экспоненты, ее свойства. Показательная, логарифмическая и степенная функции. Тригонометрические функции. Замечательные пределы, следствия из них.
- 8. Классы эквивалентности. Сравнение функций (символы o, O, \sim). Вычисление пределов при помощи выделения главной части в числителе и знаменателе дроби.
- 9. Производная функции одной переменной. Односторонние производные. Непрерывность функции, имеющей производную. Дифференцируемость функции в точке, дифференциал. Геометрический смысл производной и дифференциала. Производная суммы, произведения и частного двух функций. Производная сложной функции. Инвариантность формы дифференциала относительно замены переменной. Производная обратной функции. Производные элементарных функций. Дифференцируемость параметрически заданной функции.

- 10. Производные высших порядков. Формула Лейбница для *n*-й производной произведения. Дифференциал второго порядка. Отсутствие инвариантности его формы относительно замены переменной. Дифференциалы высших порядков.
- 11. Теорема Ферма (необходимое условие локального экстремума). Теоремы о среднем Ролля, Лагранжа, Коши. Формула Тейлора с остаточным членом в формах Пеано и Лагранжа. Разложения основных элементарных функций по формуле Тейлора. Правила Лопиталя для раскрытия неопределенностей вида $\frac{0}{0}$ и $\frac{\infty}{\infty}$.
- 12. Применение производной к исследованию функций. Необходимые и достаточные условия монотонности, достаточные условия локального экстремума в терминах первой производной. Достаточные условия локального экстремума в терминах второй и высших производных. Выпуклость, точки перегиба. Построение графиков функций асимптоты, исследование интервалов монотонности и точек локального экстремума, интервалов выпуклости и точек перегиба.
- 13. Линейное, евклидово, нормированное и метрическое пространства, пространство \mathbb{R}^n . Открытые и замкнутые и компактные множества. Полнота и компактность метрических пространств. Лемма Гейне-Бореля. Предел, непрерывность и равномерная непрерывность функций в метрических пространствах. Свойства непрерывных функций в метрических пространствах. Предел и непрерывность функций нескольких переменных.
- 14. Элементы дифференциальной геометрии. Вектор функции: предел, непрерывность, производная, формула Тейлора. Теорема Лагранжа для векторфункций. Кривые в Rⁿ. Длина кривой. Гладкие кривые, касательная к гладкой кривой. Производная переменной длины дуги. Натуральный параметр. Кривизна кривой, формулы для ее вычисления. Сопровождающий трехгранник пространственной кривой.
- 15. Комплексные числа. Модуль и аргумент, тригонометрическая форма. Арифметические операции с комплексными числами. Извлечение корня. Экспонента с комплексным показателем. Формула Эйлера. Формула Муавра. Основная теорема алгебры. Разложение многочлена с комплексными коэффициентами на линейные множители. Разложение многочлена с действительными коэффициентами на линейные и неприводимые квадратичные множители. Разложение правильной дроби в сумму простейших дробей.
- 16. Первообразная и неопределенный интеграл. Линейность неопределенного интеграла, интегрирование подстановкой и по частям. Интегрирова-

ние рациональных функций. Основные приемы интегрирования иррациональных и трансцендентных функций.

Литература

Основная

- 1. Иванов Г. Е. Лекции по математическому анализу. Ч. 1. Москва : МФТИ, 2019.
- 2. Иванов Г. Е. Лекции по математическому анализу, ЛФИ. Ч. 1. mipt.ru/institute-departments/kafedra-vysshey-matematiki/study docs/books lections
- 3. Зорич В. А. Математический анализ. Т 1, 2. Москва : МЦНМО, 2012.
- Кудрявцев Л. Д. Курс математического анализа (в трёх томах). Т 1, 2. Москва : Дрофа, 2004.

Дополнительная

- 5. Яковлев Г. Н. Лекции по математическому анализу. Ч. 1. Москва: Физматлит, 2004.
- 6. Никольский С. М. Курс математического анализа. Т. 1. Москва: Наука, 2000.
- 7. Бесов О. В. Лекции по математическому анализу. Москва: Физматлит, 2014.
- 8. *Петрович А. Ю.* Лекции по математическому анализу. Ч. 1. Введение в математический анализ. Москва: МФТИ, 2017.
- 9. *Тер-Крикоров А.М., Шабунин М.И.* Курс математического анализа. Москва : МФТИ, 2007.
- 10. Ильин В. А., Позняк Э. Г. Основы математического анализа. Т 1, 2.- Москва : Наука-Физматлит, 1998.
- 11. Фихтенгольц Г. М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. Т 1.— 8-е изд. Москва: Физматлит, 2007.
- 12. Рудин У. Основы математического анализа. Москва : Мир, 1976.
- Ульянов П. Л., Бахвалов А. Н., Дьяченко М. И., Казарян К. С., Сифуэнтес П. Действительный анализ в задачах (топология и мощность множеств). Москва : Физматлит, 2005.

ЗАДАНИЯ

Литература

- 1. Сборник задач по математическому анализу. Т.1. Предел. Непрерывность. Дифференцируемость: учебное пособие/под ред. Л.Д. Кудрявцева. Москва : Физматлит, 2003. (цитируется ${f C1}$)
- 2. Сборник задач по математическому анализу. Интегралы. Ряды: учебное пособие/под ред. Л.Д. Кудрявцева. Москва : Физматлит, 2003. (цитируется ${\bf C2}$)
- 3. Сборник задач по математическому анализу. Т.3. Функции нескольких переменных: учебное пособие/под ред. Л.Д. Кудрявцева. Москва : Физматлит, 2003. (цитируется ${f C3}$)

Замечания

- 1. Задачи с подчёркнутыми номерами рекомендовано разобрать на семинарских занятиях.
- 2. Задачи, отмеченные *, являются необязательными для всех студентов.

ПЕРВОЕ ЗАДАНИЕ

(срок сдачи 7–12 октября)

I. Производная

C1, §13: 32; 67; 106; 149.

Т.1. Найти производную функции (ответ не упрощать)

$$y = \left(\frac{\operatorname{tg}\sqrt{1 - \log_3 2x}}{\operatorname{cth}(x^3 + 3e^{x^4})}\right)^{\operatorname{arccos} 2x^2}.$$

II. Неопределенный интеграл

C2, §1: 2(15, 16); 12(2); 17(4); 23(5); 24(3).

III. Последовательности. Предел последовательности

C1, §7: 275(3); 276(7); 279(2); 300(2).

С1, §8: 2(4)(по определению); 13(1); 15(1); 17(1,2); 25(1); 27; $29(1)^*$; 46(1,2,4).

Т.2. Найдите предел последовательности, заданной как отношение многочленов

$$x_n = \frac{a_p n^p + a_{p-1} n^{p-1} + \dots + a_0}{b_q n^q + b_{q-1} n^{q-1} + \dots + b_0} \qquad (a_p \neq 0, \ b_q \neq 0)$$

в зависимости от степеней p,q и коэффициентов a_i,b_j этих многочленов.

C1, §8: <u>91</u>; 53(1); 7; 60(для всех a > 0); 67; 71(1); 74(1).

C1, §8: $\underline{116(1)}$; $\underline{117(2)}$; $\underline{121}$; $\underline{136}$; $\underline{143(3)}$; $\underline{146}$; $\underline{147(4)}$; $\underline{158}$; $\underline{164(1)}$; $\underline{220}^*$; $\underline{246(1,2,3^*)}$.

Т.3*. (Теорема Штольца.) Пусть

- 1) $y_{n+1} > y_n \ \forall n \in \mathbb{N};$
- $2) \lim_{n \to \infty} y_n = +\infty;$
- 3) существует $\lim_{n\to\infty} \frac{x_n-x_{n-1}}{y_n-y_{n-1}}=C\in\mathbb{R}.$

Докажите, что существует $\lim_{n\to\infty}\frac{x_n}{y_n}=\lim_{n\to\infty}\frac{x_n-x_{n-1}}{y_n-y_{n-1}}.$

IV. Топология и мошность множеств

- **Т.4.** Для множества $A = (-1; 0] \cup ([1; 2] \cap \mathbb{Q}) \cup \{3\}, \ A \subset \mathbb{R}$ найдите:
 - а) все внутренние точки; б) все точки прикосновения; в) все граничные точки; г) все предельные точки; д) все изолированные точки.
- **Т.5.** Для множества $A = \left(\bigcup_{n \in \mathbb{N}} \left[\frac{1}{3^n}, \frac{2}{3^n}\right)\right) \bigcup \left\{\frac{n+1}{n}: n \in \mathbb{N}\right\}$ найдите:
 - а) все внутренние точки; б) все точки прикосновения; в) все граничные точки; г) все предельные точки; д) все изолированные точки.
- Т.6. Докажите равномощность множеств
 - а) \mathbb{R} и (0,1);
 - <u>б)</u> [0,1] и (0,1).
- **Т.7*.** Докажите неравномощность множеств A и 2^A для любого непустого множества A. $(2^A$ множество всех подмножеств множества A.)
- ${f T.8}^*.$ Докажите, что всякое непустое ограниченное открытое множество $A\subset \mathbb{R}$ является объединением конечного или счётного набора попарно непересекающихся интервалов.
- ${\bf T.9}^*$. Докажите, что если множество A действительных чисел состоит только из изолированных точек, то оно не более, чем счетно.
- V. Функции. Предел функции. Непрерывность
 - C1, §7: 218(5); 219(2).
 - **C1,** §9: $\underline{1(1)}$; 8(1); $\underline{16}$; 19(2); 25(5); 26(2); 29($\underline{2}$, 5); 33(1); 35(4); $\underline{61}$.
 - **C1**, §10: 14; <u>22</u>; 23; 40; <u>41(1)</u>; 44; 47*; 66*; 76.
- **Т.10.** Пусть функция $f:[a,b] \to [a,b]$ непрерывна. Докажите, что существует точка $x \in [a,b]$ такая, что f(x) = x.
- **Т.11*.** Пусть функция $f:[0,1]\to\mathbb{R}$ непрерывна и f(0)=f(1). Докажите, что для любого $n\in\mathbb{N}$ найдется точка $x\in\left[0,1-\frac{1}{n}\right]$ такая, что $f(x+\frac{1}{n})=f(x)$. Верно ли, что найдется точка $x\in\left[0,\frac{1}{3}\right]$ такая, что $f(x+\frac{2}{3})=f(x)$?
- **Т.12.** Пусть функция f непрерывна на луче $[0,+\infty)$ и $\lim_{x\to +\infty}|f(x)|=+\infty.$ Верно ли, что выполнено одно из соотношений $\lim_{x\to +\infty}f(x)=+\infty$ или $\lim_{x\to +\infty}f(x)=-\infty$?

Т.13*. Может ли непрерывная функция отобразить полуинтервал в интервал?

Рекомендации по решению

первого домашнего задания по неделям

C1, §13: 32; 67; 106; 149; T.1.
C2, §1: $2(15, 16)$; $12(2)$; $17(4)$; $23(5)$; $24(3)$.
C1, §7: 275(3); 276(7); 279(2); 300(2).
C1 , §8: $2(4)$; $13(1)$; $15(1)$; $17(1,2)$; $25(1)$; 27 ; $29(1)^*$; $46(1,2,4)$.
T.2.
C1 , §8: 91; 53(1); 7; 60; 67; 71(1); 74(1); 116(1); 117(2); 121.
C1, §8: 136; 143(3); 146; 147(4); 158.
C1, §8: 164(1); 220*; 246(1, 2, 3*); T.3*.
T.4; T.5; T.6; T.7*; T.8*; T.9*.
C1, §7: 218(5); 219(2).
C1 , §9: 1(1); 8(1); 16; 19(2); 25(5); 26(2); 29(2,5).
C1 , §9 : 33(1); 35(4); 61.
C1 , §10: 14; 22; 23; 40; 41(1); 44; 47*; 66*; 76.
$T.10; T.11^*; T.12; T.13^*.$

 $68 + 10^*$

ВТОРОЕ ЗАДАНИЕ

(срок сдачи 11-16 ноября)

І. Сравнение функций

C1, $\S 9: \underline{50(1)}; 51(1).$

- **Т.1.** Докажите, что если при $x \to 0$ верно $f(x) = o\big(g(x)\big)$ и $g(x) \sim h(x)$, то $f(x) = o\big(h(x)\big)$ при $x \to 0$.
- **Т.2.** Для каких $x_0 \in \mathbb{R}$ выполнено $x^2 4x + 4 = o(x^2 3x + 2)$ при $x \to x_0$?

II. Дифференцируемость. Дифференциал

C1, §13: $197(\underline{2}, 3)$; $201(\underline{3}, 7)$; 213(1); $\underline{173}$; 179(1).

C1, §14: 10(3).

III. Производные и дифференциалы высших порядков

C1, §15: 9(4); 13(2); 14(4); 22(3); 24(13,14); 25(3,6,9); 26(2).

IV. Теоремы о среднем

C1, §16: $\underline{5}$; 15(2, $\underline{3}$); 19; 30; $\underline{33}$; 20*.

V. Формулы Маклорена и Тейлора

Т.3. Представьте формулой Маклорена с точностью до $o(x^5)$ функцию $f(x) = (x + x^2 - 2x^3 + x^4)^3$.

C1, §18: $\underline{2(9)}$; 3(5,9); 4(7); 5(3); $\underline{14(3)}$; 20(6); $\underline{30(1)}$; 39(5).

Т.4. Представьте формулой Маклорена с точностью до $o(x^4)$ функции

a) $y = \arcsin x$; 6) $y = \tan x$.

Т.5. Представьте формулой Маклорена с точностью до $o(x^6)$ функции

a) $y = \operatorname{tg} x$; 6) $y = \operatorname{arctg} x$.

VI. Вычисление пределов с помощью правил Лопиталя C1, §17: 39; 49; 64; 76(1); 80.

VII. Вычисление пределов с помощью формулы Тейлора C1, §19: 7(2); 8(6); 14(5); 21(4); 30(4); $47(1)^*$; $58(3)^*$.

VIII. Исследование функций

C1, §20: 20(2); 23(1); 35^* ; 39(5).

Т.6. Докажите неравенство $e^{(x+y)/2} \leq \frac{e^x + e^y}{2}$ при всех $x,y \in \mathbb{R}$.

ІХ. Построение графиков функций

C1, §21: $5(\underline{2},3)$; 9(3); 10(2); $\underline{12(1)}$; 13(11); 15(7); $23(1)^*$; $31(1)^*$.

Рекомендации по решению

второго домашнего задания по неделям

1 неделя	C1, §9: 50(1); 51(1); T.1; T.2.
	C1 , §13: 197(2, 3); 201(3, 7); 213(1); 173; 179(1).
	C1, §14: 10(3).
	C1, §15: 9(4); 13(2); 14(4); 22(3).
2 неделя	C1, §15: 24(13, 14); 25(3, 6, 9); 26(2).
	C1 , §16: 5; $15(2,3)$; 19; 30; 33; 20^* ; T.3.
	C1, §18: $2(9)$; $3(5,9)$; $4(7)$; $5(3)$; $14(3)$; $20(6)$; $30(1)$; $39(5)$.
	T.4; T.5.
3 неделя	C1, §17: 39; 49; 64; 76; 80.
	C1 , §19: $7(2)$; $8(6)$; $14(5)$; $21(4)$; $30(4)$; $47(1)^*$; $58(3)^*$.
4 неделя	C1, §20: 20(2); 23(1); 35*; 39(5); T.6.
	C1 , §21: $5(2,3)$; $9(3)$; $10(2)$; $12(1)$; $13(11)$; $15(7)$; $23(1)^*$; $31(1)^*$.

 $61 + 6^*$

ТРЕТЬЕ ЗАДАНИЕ

(срок сдачи 9–14 декабря)

I. Множества в конечномерных евклидовых пространствах C3, $\S 2$: 9 a), 6), T) (3, 4).

Т.1. Пусть функция $f: \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}$ непрерывна. Докажите, что для любого $C \in \mathbb{R}$ множество всех решений неравенства f(x) < C является открытым, а множество всех решений неравенства $f(x) \le C$ – замкнутым.

C3, §1: 15; 18; 37; 38.

Т.2. Является ли множество

$$A = \{(x_1, x_2, x_3) \in \mathbb{R}^3 : e^{x_1^2 + x_2^2} < 1 + x_3^2\}$$

- в пространстве \mathbb{R}^3 :
- а) открытым; б) замкнутым; в) областью?
- **Т.3.** Верно ли, что из любого покрытия отрезка [0;1] отрезками можно выделить конечное подпокрытие?
- **Т.4*.** Докажите, что из всякого покрытия отрезка [0; 1] интервалами можно выбрать подпокрытие, которое накрывает каждую точку отрезка не более, чем два раза.
- II. Кривые
 - C1, §24: 50; 78(2); 80(1); 81(3); 109(1,3); 122(3); 14^* .
 - **C1**, §24: 67^* (определение стереографической проекции сформулировано перед задачей 67); 69^* .
- III. Предел и непрерывность функций нескольких переменных
- **Т.5.** Исследуйте существование предела $\lim_{\substack{x\to 0\\y\to 0}} f(x,y)$ по совокупности переменных для следующих функций в \mathbb{R}^2

a)
$$f(x,y) = \begin{cases} 1, & xy \neq 0, \\ 0, & xy = 0. \end{cases}$$
 6) $f(x,y) = \begin{cases} 0, & y \neq x^2, \\ 1, & y = x^2. \end{cases}$

Найдите также повторные пределы $\lim_{x\to 0}\lim_{y\to 0}f(x,y),\ \lim_{y\to 0}\lim_{x\to 0}f(x,y)$ и пределы в точке (0,0) по всем направлениям.

Т.6. Для функции $f(x,y) = \frac{x^2y}{x^4+y^2}$ исследуйте существование предела

 $\lim_{\substack{x\to 0\\y\to 0}} f(x,y)$ по совокупности переменных. Найдите также повторные пре-

делы $\lim_{x\to 0}\lim_{y\to 0}f(x,y),\ \lim_{y\to 0}\lim_{x\to 0}f(x,y)$ и пределы в точке (0,0) по всем направлениям.

C3, $\S 2: 37(8); 48(6^*, 8); 51; 71^*.$

Т.7. Исследуйте на непрерывность в \mathbb{R}^2 функцию

a)
$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{x^3 + y^3}{x^2 + y^2} \sin \frac{1}{x}, & x \neq 0, \\ 0, & x = 0. \end{cases}$$
6)
$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{\sin(x^2 - y^2)}{x - y}, & x \neq y, \\ x + y, & x = y. \end{cases}$$

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{\sin(x^2 - y^2)}{x - y}, & x \neq y, \\ x + y, & x = y. \end{cases}$$

Является ли множество точек разрыва функции f открытым или замкнутым в \mathbb{R}^2 ?

IV. Равномерная непрерывность функций одной переменной C1, §12: 2(2,4); 7.

- **Т.8.** Пусть функция f дифференцируема на $I = [a, +\infty)$. Докажите следующие утверждения:
 - если f' ограничена на I, то f равномерно непрерывна на I;
 - если f' бесконечно большая при $x \to +\infty$, то f не является равномерно непрерывной на I;
 - в)* если f' не ограничена, но не является бесконечно большой на I, то fможет быть, а может и не быть равномерно непрерывной на I (привести примеры).

C1, §12:
$$3(4,9)$$
; 9; 20; 23; 25; $4(3,5,7^*)$.

V. База. Предел по базе

- $\mathbf{T.9}^*$. Семейство \mathcal{B} подмножеств $A\subset X$ множества X будем называть $\mathit{6a3oй}$ в множестве X, если выполнены два условия:
 - 1) $\forall A \in \mathcal{B} \hookrightarrow A \neq \emptyset$;
 - 2) $\forall A_1 \in \mathcal{B} \ \forall A_2 \in \mathcal{B} \ \exists A_3 \in \mathcal{B} : \ A_3 \subset A_1 \cap A_2$.

Являются ли базами в N следующие семейства:

 \mathcal{B}_1 : система всех множеств вида $A_n^1 = \{n+k: k \in \mathbb{N}\}, n \in \mathbb{N};$

 \mathcal{B}_2 : система всех множеств вида $A_n^2=\{n^2+k:\ k\in\mathbb{N}\},\ n\in\mathbb{N};$

 \mathcal{B}_3 : система всех множеств вида $A_n^3=\{n+k^2:\ k\in\mathbb{N}\},\ n\in\mathbb{N}?$

Являются ли базами в \mathbb{R}^2 следующие семейства:

 \mathcal{B}_4 : система ε -окрестностей некоторой точки $(x_0, y_0) \in \mathbb{R}^2$;

 \mathcal{B}_5 : система проколотых ε -окрестностей некоторой точки $(x_0, y_0) \in \mathbb{R}^2$?

 $\mathbf{T.10}^*$. Пусть $f: X \to \mathbb{R}$ – функция на множестве X, \mathcal{B} – база в X. Число $C \in \mathbb{R}$ называется пределом функции f по базе \mathcal{B} и обозначается $\lim f$,

если для любой окрестности V(C) точки C найдётся элемент $A \in \mathcal{B}$ базы, образ которого f(A) содержится в окрестности V(C). На ε -языке это означает, что $\forall \varepsilon > 0 \; \exists A \in \mathcal{B} \; \forall x \in A \hookrightarrow |f(x) - C| < \varepsilon$. Докажите, что:

1)
$$\lim_{\mathcal{B}_1} f = C \quad \Leftrightarrow \quad \lim_{n \to \infty} f(n) = C;$$

 $\begin{array}{lll} 1) & \lim_{\mathcal{B}_1} f = C & \Leftrightarrow & \lim_{n \to \infty} f(n) = C; \\ 2) & \text{существование } \lim_{\mathcal{B}_4} f \text{ равносильно непрерывности } f \text{ в точке } (x_0, y_0); \\ 3) & \lim_{\mathcal{B}_5} f = C & \Leftrightarrow & \lim_{\substack{x \to x_0 \\ y \to y_0}} f(x, y) = C. \end{array}$

3)
$$\lim_{\mathcal{B}_5} f = C \quad \Leftrightarrow \quad \lim_{\substack{x \to x_0 \\ y \to y_0}} f(x, y) = C.$$

Базы $\mathcal{B}_1 - \mathcal{B}_5$ введены в предыдущей задаче.

Т.11*. Сформулируйте и докажите критерий Коши существования (конечного) предела функции f по базе \mathcal{B} .

Рекомендации по решению

третьего домашнего задания по неделям

1 неделя	C3, §2: 9(3,4); T.1;.
	C3, §1: 15; 18; 37; 38; T.2; T.3; T.4*.
	C1, §24: 50; $78(2)$; $80(1)$; $81(3)$; $109(1,3)$; $122(3)$; 14^* .
	C1, §24: 67*; 69*.
2 неделя	T.5; T.6;.
	C3 , §2: 37(8); 48(6*,8); 51; 71*; T.7.
3 неделя	C1, §12: $2(2,4)$; 7; T.8; $3(4,9)$; 9; 20; 23; 25; $4(3,5,7^*)$.
	T.9*; T.10*; T.11*.
	$34 \pm 10^*$

Составитель задания

д. ф.-м. н., профессор Г. Е. Иванов