

Instituto Tecnológico y de Estudios Superiores de Monterrey

TE3001B Fundamentos de Robótica(Gpo 101)

Actividad 2 (Análisis de transformaciones)

Autores:

Yestli Darinka Santos Sánchez // A01736992

Profesores:

Juan Manuel Ahuactzin Larios

Rigoberto Cerino Jiménez

Alfredo García Suárez

Viernes 21 de Febrero de 2025 Semestre (5) Feb-Jun 2025

Campus Puebla

Análisis comparativo

Estructura y configuración

Robot Antropomórfico 3GDL

- Configuración: Espacial (movimiento en 3D).
- Tipo de articulaciones: Tres articulaciones rotacionales.
- Disposición:
 - Primera articulación: Rotación en el plano XY.
 - Segunda articulación: Rotación en el plano YZ.
 - Tercera articulación: Rotación en el plano XZ.
- Movimiento del extremo final: Puede alcanzar cualquier punto dentro de su volumen de trabajo con diferentes orientaciones.

Robot Planar 3GDL

- Configuración: Plano XY (movimiento restringido a 2D).
- Tipo de articulaciones: Tres articulaciones rotacionales.
- Disposición:
 - Todas las articulaciones permiten movimientos dentro de un mismo plano.
 - No hay desplazamiento en el eje Z.
- Movimiento del extremo final: Restringido al plano (x, y) con rotaciones sobre el eje Z.

Matrices de Transformación en el Robot Antropomórfico

Matrices Locales A

Cada junta tiene su propia matriz de transformación homogénea local, considerando la rotación en el espacio tridimensional

Matrices Globales T

Las matrices globales se obtienen multiplicando las matrices locales, cada matriz T proporciona la transformación desde el sistema base hasta la articulación correspondiente.

Matrices de Transformación en el Robot Planar

Matrices Locales A

Dado que el robot es planar, todas las rotaciones solo ocurren en el eje Z (plano XY)

Matrices Globales T

Similar al robot antropomórfico, dado que el robot está restringido al plano, las matrices de transformación sólo afectan X y Y, sin influir en Z.

Resultados

Robot antropom3rfico 3GDL

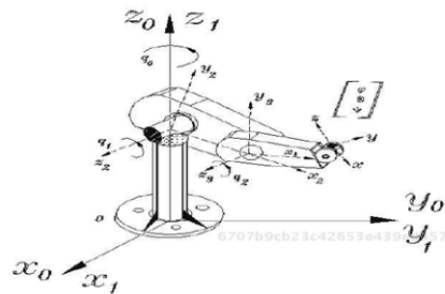


Figura 4.15 Robot antropom3rfico.

Velocidad lineal

Velocidad lineal obtenida mediante el Jacobiano lineal

$$\begin{bmatrix} \frac{d}{dt} \left(-\sin(\theta_1(t)) \#3 - \cos(\theta_1(t)) \#4 - l_3 \#1 \cos(\theta_1(t)) \#6 \right) \\ \frac{d}{dt} \left(\sin(\theta_1(t)) \#3 - \sin(\theta_1(t)) \#4 - l_3 \#1 \sin(\theta_1(t)) \#6 \right) \\ \#2 \#3 + l_3 \#1 \#5 \end{bmatrix}$$

where

$$\begin{aligned} \#1 &= \frac{d}{dt} \theta_3(t) \\ \#2 &= \frac{d}{dt} \theta_2(t) \\ \#3 &= l_2 \cos(\theta_2(t)) + l_3 \#5 \\ \#4 &= l_2 \sin(\theta_2(t)) + l_3 \#6 \\ \#5 &= \cos(\theta_2(t) + \theta_3(t)) \\ \#6 &= \sin(\theta_2(t) + \theta_3(t)) \end{aligned}$$

Velocidad angular

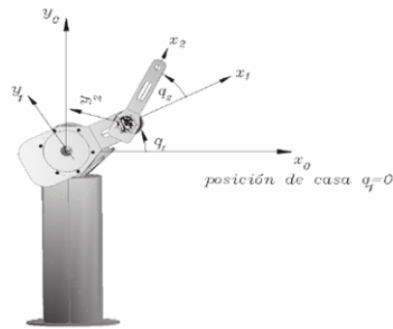
Velocidad angular obtenida mediante el Jacobiano angular

$$\begin{bmatrix} \sin(\theta_1(t)) \left(\frac{d}{dt} \theta_2(t) + \frac{d}{dt} \theta_3(t) \right) \\ -\cos(\theta_1(t)) \left(\frac{d}{dt} \theta_2(t) + \frac{d}{dt} \theta_3(t) \right) \\ \frac{d}{dt} \theta_1(t) \end{bmatrix}$$

Matrices de transformación homogéneas locales y globales

$$\begin{array}{l}
 \text{Matriz de Transformación Homogénea Local A1} \\
 \begin{pmatrix} \cos(\theta_1(t)) & 0 & \sin(\theta_1(t)) & 0 \\ \sin(\theta_1(t)) & 0 & -\cos(\theta_1(t)) & 0 \\ 0 & 1 & 0 & l_1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \\
 \text{Matriz de Transformación Homogénea Local A2} \\
 \begin{pmatrix} \cos(\theta_2(t)) & -\sin(\theta_2(t)) & 0 & l_2 \cos(\theta_2(t)) \\ \sin(\theta_2(t)) & \cos(\theta_2(t)) & 0 & l_2 \sin(\theta_2(t)) \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \\
 \text{Matriz de Transformación Homogénea Global T1} \\
 \begin{pmatrix} \cos(\theta_1(t)) & 0 & \sin(\theta_1(t)) & 0 \\ \sin(\theta_1(t)) & 0 & -\cos(\theta_1(t)) & 0 \\ 0 & 1 & 0 & l_1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \\
 \text{Matriz de Transformación Homogénea Global T2} \\
 \begin{pmatrix} \cos(\theta_1(t)) \cos(\theta_2(t)) & -\cos(\theta_1(t)) \sin(\theta_2(t)) & \sin(\theta_1(t)) & l_2 \cos(\theta_1(t)) \cos(\theta_2(t)) \\ \cos(\theta_1(t)) \sin(\theta_2(t)) & \sin(\theta_1(t)) \sin(\theta_2(t)) & -\cos(\theta_1(t)) & l_2 \cos(\theta_1(t)) \sin(\theta_2(t)) \\ \sin(\theta_2(t)) & \cos(\theta_2(t)) & 0 & l_1 + l_2 \sin(\theta_2(t)) \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \\
 \text{Matriz de Transformación Homogénea Local A3} \\
 \begin{pmatrix} \cos(\theta_3(t)) & -\sin(\theta_3(t)) & 0 & l_3 \cos(\theta_3(t)) \\ \sin(\theta_3(t)) & \cos(\theta_3(t)) & 0 & l_3 \sin(\theta_3(t)) \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \\
 \text{Matriz de Transformación Homogénea Global T3} \\
 \begin{pmatrix} \cos(\theta_1(t)) \cos(\theta_2(t)) \cos(\theta_3(t)) - \cos(\theta_1(t)) \sin(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) - \cos(\theta_1(t)) \cos(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) - \cos(\theta_1(t)) \cos(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) & \sin(\theta_1(t)) & l_2 \cos(\theta_1(t)) \cos(\theta_2(t)) + l_3 \cos(\theta_1(t)) \cos(\theta_2(t)) \cos(\theta_3(t)) - l_3 \cos(\theta_1(t)) \sin(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) \\ \cos(\theta_1(t)) \cos(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) - \sin(\theta_1(t)) \sin(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) - \cos(\theta_1(t)) \sin(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) - \cos(\theta_1(t)) \sin(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) & -\cos(\theta_1(t)) & l_2 \cos(\theta_1(t)) \sin(\theta_2(t)) + l_3 \cos(\theta_1(t)) \cos(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) - l_3 \sin(\theta_1(t)) \sin(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) \\ \cos(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) + \cos(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) & \cos(\theta_2(t)) \cos(\theta_3(t)) - \sin(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) & 0 & l_1 + l_2 \sin(\theta_2(t)) + l_3 \cos(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) + l_3 \cos(\theta_2(t)) \sin(\theta_3(t)) \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}
 \end{array}$$

Robot planar de 3GDL



Velocidad lineal

$$\begin{array}{l}
 \text{Velocidad lineal obtenida mediante el Jacobiano lineal} \\
 \begin{pmatrix} \#4 (l_1 \sin(\theta_1(t)) - \#1) + \#3 (l_2 \sin(\theta_2(t)) - \#1) - l_3 \sin(\theta_3(t)) \\ \#3 \cos(\theta_3(t)) - \#3 (l_2 \cos(\theta_2(t)) - \#2) - \#4 (l_1 \cos(\theta_1(t)) - \#2) \\ 0 \end{pmatrix}
 \end{array}$$

where

$$\#1 == l_3 \sin(\theta_3(t))$$

$$\#2 == l_3 \cos(\theta_3(t))$$

$$\#3 == \frac{d}{dt} \theta_3(t)$$

$$\#4 == \frac{d}{dt} \theta_2(t)$$

$$\#5 == \frac{d}{dt} \theta_1(t)$$

Velocidad angular

Velocidad angular obtenida mediante el Jacobiano angular

$$\begin{bmatrix} \dot{\theta} \\ \dot{\theta} \\ \frac{d}{dt} \theta_1(t) + \frac{d}{dt} \theta_2(t) + \frac{d}{dt} \theta_3(t) \end{bmatrix}$$

Matrices de transformación homogéneas locales y globales

Matriz de Transformación Homogénea LOCAL A1

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta_1(t)) & -\sin(\theta_1(t)) & 0 & l_1 \cos(\theta_1(t)) \\ \sin(\theta_1(t)) & \cos(\theta_1(t)) & 0 & l_1 \sin(\theta_1(t)) \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Matriz de Transformación Homogénea GLOBAL T1

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta_1(t)) & -\sin(\theta_1(t)) & 0 & l_1 \cos(\theta_1(t)) \\ \sin(\theta_1(t)) & \cos(\theta_1(t)) & 0 & l_1 \sin(\theta_1(t)) \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Matriz de Transformación Homogénea LOCAL A2

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta_2(t)) & -\sin(\theta_2(t)) & 0 & l_2 \cos(\theta_2(t)) \\ \sin(\theta_2(t)) & \cos(\theta_2(t)) & 0 & l_2 \sin(\theta_2(t)) \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Matriz de Transformación Homogénea GLOBAL T2

$$\begin{bmatrix} \#2 & -\#1 & 0 & l_1 \cos(\theta_1(t)) + l_2 \#2 \\ \#1 & \#2 & 0 & l_1 \sin(\theta_1(t)) + l_2 \#1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

where

$$\#1 == \sin(\theta_1(t) + \theta_2(t))$$

$$\#2 == \cos(\theta_1(t) + \theta_2(t))$$

Matriz de Transformación Homogénea LOCAL A3

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta_3(t)) & -\sin(\theta_3(t)) & 0 & l_3 \cos(\theta_3(t)) \\ \sin(\theta_3(t)) & \cos(\theta_3(t)) & 0 & l_3 \sin(\theta_3(t)) \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Matriz de Transformación Homogénea GLOBAL T3

$$\begin{bmatrix} \#2 & -\#1 & 0 & l_1 \cos(\theta_1(t)) + l_2 \#2 + l_3 \cos(\theta_1(t) + \theta_2(t)) \\ \#1 & \#2 & 0 & l_1 \sin(\theta_1(t)) + l_2 \#1 + l_3 \sin(\theta_1(t) + \theta_2(t)) \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

where

$$\#1 == \sin(\theta_1(t) + \theta_2(t) + \theta_3(t))$$

$$\#2 == \cos(\theta_1(t) + \theta_2(t) + \theta_3(t))$$