

《密码学原理》作业 2 答案

1. 敌方可以向 MAC Oracle 提交一个查询 m ，从而得到相应的 (t_0, t_l) 。显然有 $\text{Vrfy}_k(m, t_0, t_l)=1$ 。然后，任意选择一个 $m_1' \neq m_1$ ，并且选择 t_0' 使得 $t_0' \oplus m_1' = t_0 \oplus m_1$ 。而 m_2', m_3', \dots, m_l' 都分别与 m_2, m_3, \dots, m_l 相同， $t_l' = t_l$ 。因此， $m' \neq m$ 但 $\text{Vrfy}_k(m', t_0', t_l') = \text{Vrfy}_k(m, t_0, t_l) = 1$ 。
2. 对于第 i 轮，我们有 $L_i = R_{i-1}$ ， $R_i = L_{i-1}$ 。因此，当 r 为奇数时， $L_r = R_0$ ， $R_r = L_0$ ；当 r 为偶数时， $L_r = L_0$ ， $R_r = R_0$ 。
3. 对于第 i 轮，我们有 $L_i = R_{i-1}$ ， $R_i = L_{i-1} \oplus R_{i-1}$ 。所以， $L_{i+1} = R_i = L_{i-1} \oplus R_{i-1}$ ， $R_{i+1} = L_i \oplus R_i = R_{i-1} \oplus L_{i-1} \oplus R_{i-1} = L_{i-1}$ 。进一步，我们得到 $L_{i+2} = R_{i+1} = L_{i-1}$ ， $R_{i+2} = L_{i+1} \oplus R_{i+1} = L_{i-1} \oplus R_{i-1} \oplus L_{i-1} = R_{i-1}$ 。所以，该网络每 3 轮循环一次。当 r 是 3 的倍数时，输出就等于输入。
4. 助教准备一个密钥和一个 plain.txt 文件，抽查若干名同学，核对他们加密后生成的 encrypted.txt 是否正确。
5. 敌方可以向 MAC Oracle 提交两个查询 m 和 m' ，从而得到相应的 (t_1, t_2, \dots, t_l) 和 $(t_1', t_2', \dots, t_l')$ 。显然有 $\text{Vrfy}_k(m, t_1, t_2, \dots, t_l) = 1$ 和 $\text{Vrfy}_k(m', t_1', t_2', \dots, t_l') = 1$ 。取 n_2 使得 $n_2 \oplus t_1 = m_2' \oplus t_1'$ ，并且令 $n = (m_1, n_2, m_3', m_4', \dots, m_l')$ ， $v = (t_1, t_2', t_3', \dots, t_l')$ 。显然 n 不等于 m 和 m' ，并且不难验证 $\text{Vrfy}_k(n, v) = 1$ 。