

1. 敌方向 MAC Oracle 提交一个查询 m ，其中 $m = m_1, m_2, \dots, m_l$ ，则可以得到相应的标签 (t_0, t_l) ，显然有 $\text{Vrfy}_k(m, t_0, t_l) = 1$ 。则初始化种子 t_0 ，令 $m^* = 0^n, m_2, \dots, m_l$ 且种子初始化为 $t_0 \oplus m_1$ ，即有 $\text{Vrfy}_k(m^*, t_0 \oplus m_1, t_l) = 1$ 。根据 strong MAC 的定义可知，修改不安全。
2. 由 Feistel network 的计算方法可得，令初始串为 (L_0, R_0) ，则进行第一轮之后输出为 (R_0, L_0) ，第二轮的输出为 (L_0, R_0) ，依此类推可知，每一轮都是将左右半串进行位置交换，从而可知，当 r 为奇数的时候，第 r 轮的输出为 (R_0, L_0) ，当 r 为偶数的时候，则第 r 轮输出为 (L_0, R_0) 。
3. 由 Feistel network 的计算方法可得，令初始串为 (L_0, R_0) ，则进行第一轮之后输出为 $(R_0, L_0 \oplus R_0)$ ，第二轮的输出为 $(L_0 \oplus R_0, L_0)$ ，而第三轮之后的输出为 (L_0, R_0) 。依此类推可知，每 3 轮进行一次循环，从而可知，当 r 为 3 的倍数的时候，第 r 轮的输出为 (L_0, R_0) 。
4. 见源码
5. 假设向 MAC Oracle 提供一个查询 m ，其中 $m = m_1, 0^n, \dots, 0^n$ ，则可以得到相应的标签 (t_1, t_2, \dots, t_l) ，显然 $\text{Vrfy}_k(m, t_1, t_2, \dots, t_l) = 1$ ，其中 $t_1' = F_k(m_1)$ ，若令 $m^* = 0^n, 0^n, \dots, 0^n$ ，则得到对应的标签 $(t_1', t_2', \dots, t_l')$ ，显然 $\text{Vrfy}_k(m^*, t_1', t_2', \dots, t_l') = 1$ ，其中 $t_1' = F_k(0^n)$ ，若令 $m^{**} = m_1, t_1, \dots, t_l$ ，则显然 $\text{Vrfy}_k(m^{**}, t_1, t_1', t_2', \dots, t_l') = 1$ ，根据 strong MAC 的定义可知，该修改方案不安全。