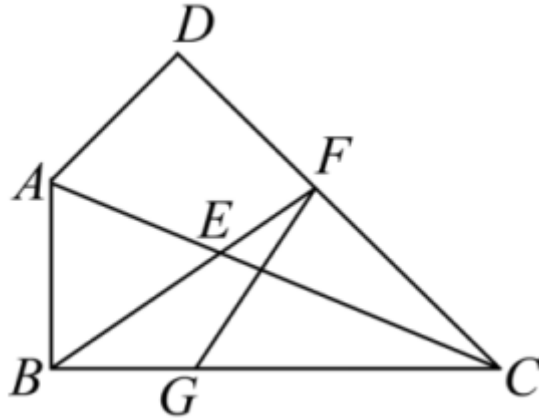
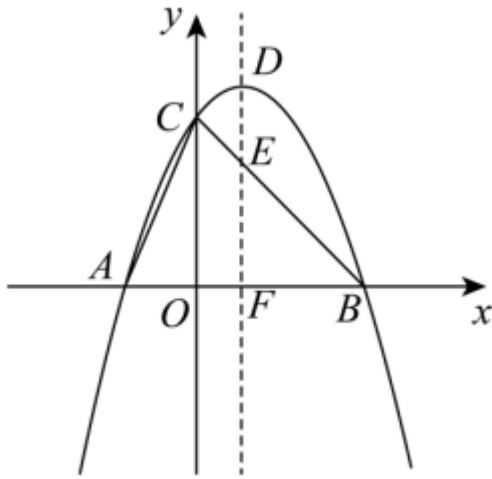


1. (10 分) 如图, 在四边形 $ABCD$ 中, $\angle ABC = \angle D = 90^\circ$, 连接 AC , 点 F 为 CD 边上一点, 连接 BE 交 AC 于点 E , $AB = AE$, $\angle FGC + \angle FBG = 90^\circ$, $\angle BFG + 2\angle GFC = 180^\circ$, 若 $AD = \frac{7\sqrt{2}}{2}$, $BG = 4$, 则 CG 的长为 _____.



2. (15 分) 如图, 二次函数 $y = -x^2 + 2mx + 2m + 1$ (m 是常数, 且 $m > 0$) 的图象与 x 轴交于 A , B 两点 (点 A 在点 B 的左侧), 与 y 轴交于点 C , 顶点为 D . 其对称轴与线段 BC 交于点 E , 与 x 轴交于点 F . 连接 AC . 若 $\angle BEF = 2\angle ACO$, 则 m 的值是多少?



(22-23 九年级上·龙江哈尔滨·阶段练习) 如图, 在四边形 $ABCD$ 中, $\angle ABC = \angle D = 90^\circ$, 连接 AC , 点 F 为边 CD 上点, 连接 BF 交 AC 于点 E , $AB = AE$, $\angle FGC + \angle FBG = 90^\circ$, $\angle BFG + 2\angle GFC = 180^\circ$ 若 $AD = \frac{7\sqrt{2}}{2} BG = 4$, 则 CG 的长为 _

10. 如右图, 若 $\triangle ABC \cong \triangle ADE$, 且 $\angle B = 60^\circ$, $\angle C = 30^\circ$, 则 $\angle DAE = 90^\circ$

【变式 1】函数 $y = \frac{x-1}{x^2-x+1} (x > 1)$ 的最大值为

解法 1: 像这种 $= 107 \frac{1 \times 10^3 kg}{1 = 1 \times 10^3 kg}$ 型的分式函数, 通用做法是令一次函数部分为 t , 再

分子分母同除以 t , 令 $t = x - 1$, 则 $t > 0$, $x = t + 1$, 所以 $y = \frac{t}{(t+1)^2 - (t+1) + 1} =$

$\frac{t}{t^2 + t + 1} = \frac{1}{t + \frac{1}{t} + 1} \leq \frac{1}{2\sqrt{t \cdot \frac{1}{t}} + 1} = \frac{1}{3}$ ∴ 当且仅当 $t = \frac{1}{t}$, 即 $t = 1$ 时取等号, 此时

$x = 2$, 故函数 $y = \frac{x-1}{x^2-x+1} (x > 1)$ 的最大值为 $\frac{1}{3}$ 解法 2: 把函数的解析式看成关

于 x 的方程, 将方程变形, 利用判别式研究 y 的最值, 将 $y = \frac{x-1}{x^2-x+1}$ 变形为

$y(x^2 - x + 1) = x - 1$, 整理得: $yx^2 - (y+1)x + y+1 = 0$ ①, 当 $y \neq 0$ 时, 把 ① 看成关

于 x 的一元二次方程, 其判别式 $\Delta = [-(y+1)]^2 - 4y(y+1) \geq 0$, 解得: $-1 \leq y \leq \frac{1}{3}$

, 要得出 y 的最大值是 $\frac{1}{3}$ 还需验证等号能成立, 可把 $y = \frac{1}{3}$ 代回 $y = \frac{x-1}{x^2-x+1}$ 看

能否求出满足题意的 x , 由 $\frac{1}{3} = \frac{x-1}{x^2-x+1}$ 可解得: $x = 2$, 满足 $x > 1$, 所以函数

$y = \frac{x-1}{x^2-x+1} (x > 1)$ 的最大值为 $\frac{1}{3}$ 答案: $\frac{1}{3}$

解法 1: \overrightarrow{AC} , \overrightarrow{AE} 的长度、夹角都容易计算, 故可用定义求数量积, 由题意, $\vec{c}_1 = \sqrt{4^2 + 3^2} =$

5 , $|\overrightarrow{AE}| = \frac{1}{2}|\overrightarrow{AB}| = 2$, $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{AE} = |\overrightarrow{AC}| \cdot |\overrightarrow{AE}| \cdot \cos \angle CAE = 5 \times 2 \times \frac{|\overrightarrow{AB}|}{|\overrightarrow{AC}|} = 10 \times \frac{4}{5} = 8$.