Abgabe - Übungsblatt [5] Angewandte Mathematik: Stochastik

[Vincent Schönbach]

[Yihao Wang]

24. Mai 2020

Aufgabe 1

- a) $\Omega_n = [1:m]^n = \{(\omega_1, \dots, \omega_m) \mid \forall i: \omega_i \in [1:m]\}, m, n \in \mathbb{N}$ $A = 2^{\Omega}$ $P = \frac{1}{m^n}$
- b) $X = \{ \#(\omega_i, \omega_{i+1}) \mid \forall i \in [0 : n-1] : \omega_i = \omega_{i+1}) \}$
- c) Wir haben zwei unterscheidbare Kugeln und nennen die r(rot) & b(blau). Es gibt inegesamt 2³ Möglichkeiten: bbb/bbr/brb/rbb/brr/rbr/rrb/rrr Offensichtlich ist $P(X=k)=\frac{4}{8}=\frac{1}{2}$ $X^{-1}(\{1\})=\{(\omega_a,\omega_b,\omega_c)\mid \omega_a=\omega_b\neq\omega_c\vee\omega_a=\omega_c\neq\omega_b\vee\omega_c=\omega_b\neq\omega_a)\}$

Aufgabe 2

a) Wenn ich die Prüfung bestehen möchte, muss ich zum mindestens 11 Aufgaben richtig antworten.

Wir schauen mal zunächst die Möglichkeit, die ich genau 11 Aufgaben richtig geantwortet habe. Das passt genau die Binomial-Verteilung

$$\binom{18}{11} \times (\frac{3}{4})^7 \times (\frac{1}{4})^{11}$$

geantworter habe. Das passt genau die Binomiai-verteilung
$$\binom{18}{11} \times (\frac{3}{4})^7 \times (\frac{1}{4})^{11}$$
 zum mindestens 11 Aufgaben bezeichnet man als:
$$P(bestanden) = \sum_{i=11}^{18} \binom{18}{i} \times (\frac{3}{4})^{18-i} \times (\frac{1}{4})^i \approx 1.24 \times 10^{-3}$$
 $\Omega = [1:4]^{18}$ $\mathcal{A} = 2^{\Omega}$

$$\Omega = [1:4]^{18}$$

$$\mathcal{A} = 2^{\Omega}$$

b) die Intuition ist gleich:
$$P(bestanden) = \sum_{i=11}^{18} {18 \choose i} \times (\frac{2}{3})^{18-i} \times (\frac{1}{3})^i \approx 0.0144$$

$$\Omega = [1:3]^{18}$$

$$\mathcal{A} = 2^{\Omega}$$

$$\Omega = [1:3]^{18}$$

$$A = 2^{\Omega}$$

c) $P(bestanden) = \sum_{i=11}^{18} {18 \choose i} \times (\frac{1}{2})^{18-i} \times (\frac{1}{2})^i \approx 0.2403$ $\Omega = [1:2]^{18}$ $A = 2^{\Omega}$

$$\Omega = [1:2]^{18}$$

$$A = 2^{\Omega}$$

Aufgabe 3

- a) $\sum_{i=8}^{12} {12 \choose i} \times (\frac{1}{2})^{12-i} \times (\frac{1}{2})^i \approx 0.1938$ Wir finden, dass die Binomial-Verteilung schon reicht, aber natürlich kann man es mit Poisson-Verteilung approximiert werden.
- b) Wir übersetzen die Aufgabestellung, man muss nun mindestens 6 Aufgaben von 10 Fragen richtig antworten. $\sum_{i=6}^{19} \binom{10}{i} \times (\frac{1}{2})^{10-i} \times (\frac{1}{2})^i \approx 0.3769$ wie a), Binomial-Verteilung.
- c) $\frac{1}{\binom{12}{6}} \approx 1.082 \times 10^{-3}$

Aufgabe 4

- a) 1 : ein kleiner Gewinn, 2 : ein größerer Geweinn, 3 : Bild $\Omega=[1:3]^{24}=\{\#(\omega_i)\mid \omega_i\in[1:2]\}.$ $\mathcal{A}=2^{\Omega}$
- b) $\binom{24}{5} \times (\frac{3}{10})^5 \times \binom{19}{3} \times (\frac{1}{10})^3 \times (\frac{6}{10})^{16} \approx 0.02823$