學號:B03902084 系級: 資工四 姓名:王藝霖

請實做以下兩種不同feature的模型,回答第 (1) ~ (3) 題:

- (1) 抽全部9小時內的污染源feature的一次項(加bias)
- (2) 抽全部9小時內pm2.5的一次項當作feature(加bias)

備註:

- a. NR請皆設為0,其他的數值不要做任何更動
- b. 所有 advanced 的 gradient descent 技術(如: adam, adagrad 等) 都是可以用的
- 1. (2%)記錄誤差值 (RMSE)(根據kaggle public+private分數),討論兩種feature的影響

參數設定(1): fixed learning rate = 0.000001, iteration = 10000, feature 沒有scale

(2): fixed learning rate = 0.00001, iteration = 10000

模型(1)RMSE: 7.199387104695093 模型(2)RMSE: 6.658049915196641

模型(1)使用 learning rate 較小的原因是因為在模型(1)中有些 feature 的值比較大,同樣的 learning rate 之下相較於(2)會走比較大步(更新值調整太多),因此把 learning rate 調小一點比較容易用 gradient decent 的方式找到最佳解。

模型(1)雖然有較模型(2)多的資訊,但因為每個資訊的空間不太一樣,例如 pm2.5 介於 -1 和 109 之間,NMHC 則介於 0 和 1.3 之間。因為在 gradient decent 調整 weight 的時候都是用同一個 learning rate,因此很容易受值最大的項影響,而值最大的項可能不是最好的能夠預測的 feature,可能會導致結果整個偏掉。因此反而模型(2)的結果比較好。

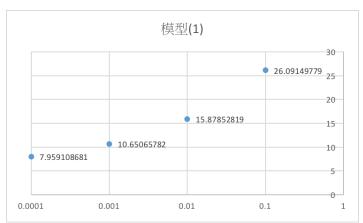
2. (1%)將feature從抽前9小時改成抽前5小時,討論其變化

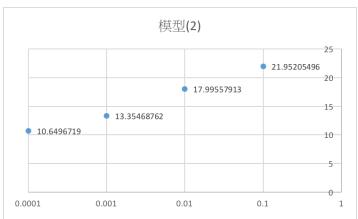
參數設定和上一題皆相同

模型(1)RMSE:7.144184737382566 模型(2)RMSE:11.75649524600125

模型(1)和抽9小時的結果相差不大,但模型(2)卻差很多,推測可能是因為資訊量太少了(只有前五個小時總共5個feature),才會導致這種結果。而(1)因為還有其他很多資訊(例如pm10等等)所以還是可以得到相差不大的結果,甚至因為有可能濾掉了些noise,因此結果甚至稍好一點。

- 3. (1%)Regularization on all the weight with λ=0.1、0.01、0.001、0.0001,並作圖
 - 參數設定和之前相同,但改成取第1000 iteration 的結果





- 4. (1%)在線性回歸問題中,假設有 N 筆訓練資料,每筆訓練資料的特徵 (feature) 為一向量 x^n ,其標註(label)為一存量 y^n ,模型參數為一向量w (此處忽略偏權值 b),則線性回歸的損失函數(loss function)為 $\sum\limits_{n=1}^{N} \left(y^n x^n \cdot w \right)^2$ 。若將所有訓練資料的特徵值以矩陣 $X = [x^1 \ x^2 \ ... \ x^N]^T$ 表示,所有訓練資料的標註以向量 $y = [y^1 \ y^2 \ ... \ y^N]^T$ 表示,請問如何以 X 和 y 表示可以最小化損失函數的向量 w ?請寫下算式並選出正確答案。(其中 X^T X為invertible)
 - (a) $(X^TX)X^Ty$
 - (b) $(X^{T}X)^{-0}X^{T}y$
 - (c) $(X^{T}X)^{-1}X^{T}y$
 - (d) $(X^{T}X)^{-2}X^{T}y$
 - (c) 是正確答案

proof:

$$L(w) = (Xw - Y)^{2} = w^{T}X^{T}Xw - 2w^{T}X^{T}y + y^{T}y$$

to minimize Loss, find w such that $gradient L(w) = 2(X^{T}Xw - X^{T}y) = 0$
$$\Rightarrow X^{T}Xw = X^{T}y \Rightarrow w = (X^{T}X)^{-1}X^{T}y$$