

Maschinelles Lernen 1:

1. Klausur WS18/19

4 multiple choice fragen: 20 Punkte 4 x 5

nur eine richtige antwort

What is not a discriminant function:

- a) $P(w_c|x)$
- b) $P(x|w_c) * P(w_c)$
- c) $P(w_c|x) * P(w_c)^{-1}$
- d) $P(x|w_c)^2 * P(w_c)^2$

What is likely an overfitted estimator?

- a) High bias model
- b) High variance model
- c) Low bias model
- d) Low variance model

What does Fisher discriminant optimize?

- a) ..
- b) ..
- c) Maximize ratio Within class variance to between class variance
- d) Minimize ratio Within class variance to between class variance

What does the constant C stand for in SVM?

- a) ability of the decision boundary to be out of the margin
- b) number of points not being classified correctly
- c)
- d)

Boosting: 15 Punkte

Genau wie in der Hausaufgabe, Gewichte der Punkte und gewichte der Classifier angeben

Kernel: 20 Punkte 4 x 5

Genau wie in Hausaufgabe:

- a) Zeige das $k_3 = \alpha * k_1 + \beta * k_2$ wieder ein positive semidefiniter Kernel ist.
 $\alpha, \beta \geq 0$
- b) Zeige das wenn α oder $\beta < 0$, dass dann die obere bedingung nicht mehr stimmt.
- c) Find a mapping for k_3 assuming that $k_2 = \langle \Phi_2(x_i), \Phi_2(x_j) \rangle$,
 $k_1 = \langle \Phi_1(x_i), \Phi_1(x_j) \rangle$ and prove that it satisfies $k_3 = \langle \Phi_3(x_i), \Phi_3(x_j) \rangle$
- d)
Do the same as in c but for $k_4(x_i, x_j) = k_3(x_i, x_i)k_3(x_j, x_j)$

Kernel: 20 Punkte (4 × 5)

Genau wie in Hausaufgabe:

a)

Zeige, dass

$$k_3 = \alpha k_1 + \beta k_2$$

wieder ein **positiv semidefiniter Kernel** ist.

Voraussetzung: $\alpha, \beta \geq 0$.

$$\sum_i \sum_j c_i c_j (\alpha k(x_i, x_j) + \beta k(x_i, x_j))$$

b)

Zeige, dass wenn α oder $\beta < 0$, dann die obere Bedingung nicht mehr stimmt.

c)

Finde eine **Mapping-Funktion** für k_3 , unter der Annahme:

$$k_2 = \langle \Phi_2(x_i), \Phi_2(x_j) \rangle, \quad k_1 = \langle \Phi_1(x_i), \Phi_1(x_j) \rangle$$

und beweise, dass dies die Bedingung

$$k_3 = \langle \Phi_3(x_i), \Phi_3(x_j) \rangle$$

erfüllt.

$$k_3 = \alpha \langle \Phi_1(x_i), \Phi_1(x_j) \rangle + \beta \langle \Phi_2(x_i), \Phi_2(x_j) \rangle$$

$$= \alpha \Phi_1^T(x_i) \Phi_1(x_j) + \beta \Phi_2^T(x_i) \Phi_2(x_j)$$

$$= \begin{bmatrix} \sqrt{\alpha} \Phi_1^T(x_i) & \sqrt{\beta} \Phi_2^T(x_i) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \sqrt{\alpha} \Phi_1(x_j) \\ \sqrt{\beta} \Phi_2(x_j) \end{bmatrix}$$

$$= \left\langle \begin{bmatrix} \sqrt{\alpha} \Phi_1(x_i) \\ \sqrt{\beta} \Phi_2(x_i) \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} \sqrt{\alpha} \Phi_1(x_j) \\ \sqrt{\beta} \Phi_2(x_j) \end{bmatrix} \right\rangle$$

d)

Mache dasselbe wie in c, aber für

$$k_4(x_i, x_j) = k_3(x_i, x_i) k_3(x_j, x_j)$$

$$= \phi_3(x_1)^T \phi_3(x_1) \phi_3(x_2)^T \phi_3(x_2)$$

$$= \underbrace{(\phi_3(x_1)^T \phi_3(x_1))}_{\phi_4} \phi_3(x_2)^T \phi_3(x_2)$$

Lagrang: 25 Punkte 5 x 5

Sigma is the covariance matrix of the dataset

$$\max w w^T \quad \text{s.t.} \quad w \Sigma^{-1} w^T = 1$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial L}{\partial w} &= 2w - 2\lambda \Sigma^{-1} w = 0 \\ w &= \lambda \Sigma^{-1} w \\ \Sigma w &= \lambda w \end{aligned}$$

a) Derive Lagrangian $L = w w^T - \lambda (w \Sigma^{-1} w^T - 1)$

$$\max w w^T = \lambda \Sigma^{-1} w w^T = \lambda$$

b) Show that the problem is a Eigenvalue problem of Sigma.

c) Show that the solution is the eigenvector corresponding to the largest eigenvalue.

d) Derive a closed form solution for x^t given:

$$L = z x_{t-1} - \lambda (z \Sigma^{-1} z^T - 1)$$

$$\max z x^{t-1} \quad \text{s.t.} \quad z \Sigma^{-1} z^T = 1$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial L}{\partial z} &= x_{t-1} - 2\lambda \Sigma^{-1} z^T = 0 & x_{(t-1)} &= 2\lambda \Sigma^{-1} z^T \\ \max & \lambda z \Sigma^{-1} z^T & &= 2\lambda \end{aligned}$$

e) What algorithm does this look similar to regarding PCA mentioned in ML1?

Regression: 20 Punkte 5 , 15

Klassisches Regressionsproblem:

$$\min \text{Summe } (y_i - wx_i + b)^2 \quad \text{oder so.}$$

a) Zeigen das $\min w^T X X w - 2y X w$ das gleiche problem ist.

b) Erstelle die Matrixen wie in der hausaufgabe für diesen quadratic solver. Q,b,A,l
Da war auch noch eine Konstante C gegeben.