

A. 小W与屠龙游戏

记 f_i 表示以 i 为结尾的非空子段的长度，那么 $f_i = \max(f_{i-1}, 0) + a_i$

那么我们就得到了以 i 为结尾的，求以 i 为开头的也类似。

时间复杂度 $O(n)$ 。

B. 小W与斐波那契

首先求出 s_i 的长度 l_i ，由于长度类似于斐波那契数列，因此这里的 i 是 $O(\log)$ 级别。

记 $Solve(n, L)$ 表示答案，那么

$$Solve(n, L) = \begin{cases} Solve(n-1, L), & L \leq l_{n-1} \\ Solve(n-2, L-l_{n-1}), & Otherwise \end{cases}$$

于是我们的 n 可以对某个 $O(\log)$ 级别的数取 \min ，单次询问时间复杂度就是 $O(\log n)$ 了。

C. 小W与数据结构

如果给出的不是树，自然是可以用LCT或者线段树分治+带撤销并查集直接做的。但是因为给出的是树，我们可以考虑把树建出来，一次询问相当于求一段路径上被加入的边数量是否等于路径长度。

我们记 l_u 表示节点 u 到根的路径上被加入的边的数量，那么路径 (u, v) 上被加入的边数量是 $l_u + l_v - 2l_{LCA(u,v)}$

同样，路径长度为 $dep_u + dep_v - 2dep_{LCA(u,v)}$ 。

那么相当于每加入一条边，我们给一个子树的 l_u 加1，然后单点查询 l_u 的值。这个可以差分后用树状数组维护。

然后求LCA的部分，倍增常数比较大而且可能会MLE，因此最好的选择是树剖求LCA。

时间复杂度 $O(n \log n)$ ，空间 $O(n)$ 。

D. 小W与鸽国旅行

注意到如果一条路径 (s, t) 对一个排列 p 的体力消耗有贡献，当且仅当 s, t 在排列 p 中相邻。

任意一对数 (s, t) 在一个随机的排列中相邻的概率显然是相等的，这也就意味着在所有的 $n!$ 种排列中，所有路径的出现次数是一样的，都是 $\frac{n! \times (n-1)}{\frac{n(n-1)}{2}} = 2 \times (n-1)!$ ，因此问题变成统计所有路径的权值和。

考虑树形dp，记 f_i 表示 i 的子树中，所有以 i 为端点的路径的权值和。那么当我们把子树 j 合并到节点 i 时：

- 将最终答案累加上 $f_i \times w(i, j) \times f_j$ ；
- 将 f_i 加上 $f_j \times w(i, j)$ 。

时间复杂度 $O(n)$ 。

