

Homework assignments for chapter 9:

9.2, 9.5, 9.6, 9.8, 9.10, 9.13, 9.14, 9.15, 9.16, 9.22(a,c,e), 9.26, 9.28, 9.35, 9.37, 9.40

Discussion problem assignment:

第一题:

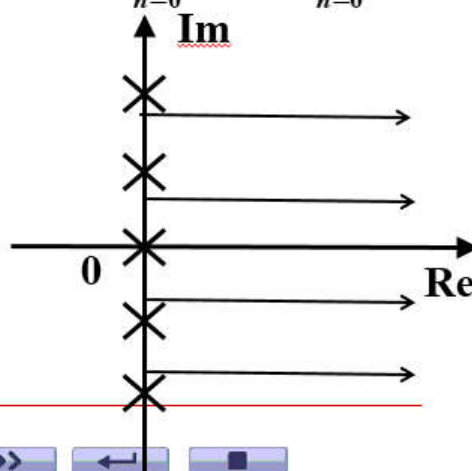
1. Determine the Laplace transform and sketch the pole-zero plot.

$$x(t) = \sum_{n=0}^{+\infty} \delta(t - n)$$

解答:

$$\begin{aligned} X(s) &= \int_{-\infty}^{+\infty} x(t)e^{-st} dt = \sum_{n=0}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \delta(t - n)e^{-st} dt = \sum_{n=0}^{\infty} e^{-sn} = \sum_{n=0}^{\infty} (e^{-s})^n \\ &= \frac{1}{1 - e^{-s}} \quad \text{Re}\{s\} > 0 \end{aligned}$$

Poles: $1 - e^{-s} = 0, s = j2n\pi$



关键在于级数求和时的收敛性要求，对应了 LT 表达式的 ROC。其次，求极点时，要注意复数运算和实数运算的一点差别。最后的结果是，虚轴上等间隔分布了无穷多个极点。

第二题:

2. Determine the Laplace transform and sketch the pole-zero plot.

$$x(t) = e^{-t} \cos(2t)u(t) + u(t)$$

解答:

$$x(t) = e^{-t} \cos(2t)u(t) + u(t)$$

$$X(s) = \frac{1/2}{s + (1 + 2j)} + \frac{1/2}{s + (1 - 2j)} + \frac{1}{s} = \frac{2s^2 + 3s + 5}{s(s^2 + 2s + 5)}$$

$$\text{Re}\{s\} > -1$$

$$\text{Re}\{s\} > 0$$

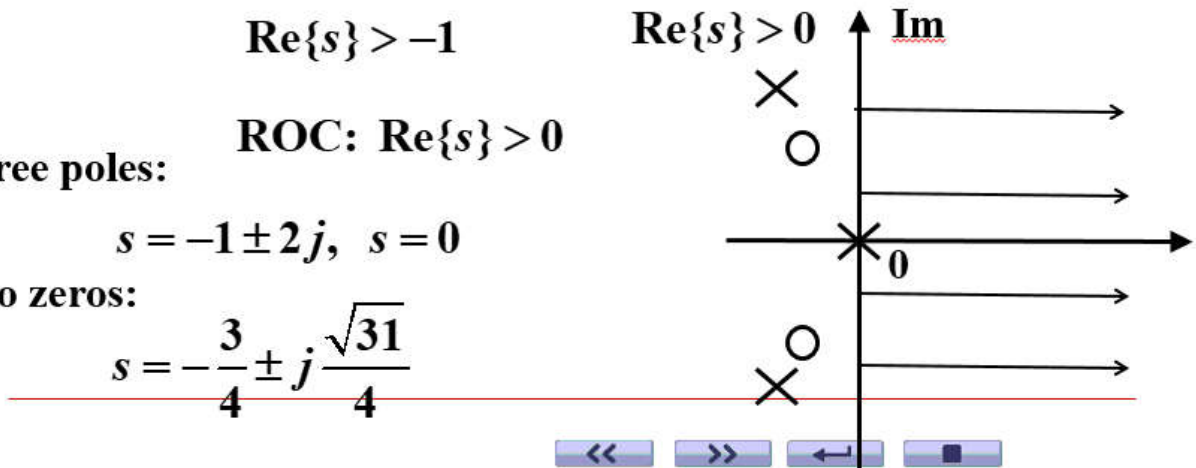
$$\text{ROC: } \text{Re}\{s\} > 0$$

Three poles:

$$s = -1 \pm 2j, \quad s = 0$$

Two zeros:

$$s = -\frac{3}{4} \pm j\frac{\sqrt{31}}{4}$$



第一步，当然是求 LT 表达式，参考例题 9.4。

第二步，有理形式的 LT 表达式，零极点定义很直接。但是需要注意，因为是复数平面，因此从二次多项式求解零极点时，需要注意复数解同样有效。我想，这点数学运算，应该不是什么问题。

$$ax^2 + bx + c = 0 \quad x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

If $b^2 - 4ac < 0$, for example

$$x = \frac{-1 \pm \sqrt{(-3)}}{2} = \frac{-1 \pm \sqrt{3}\sqrt{(-1)}}{2} = \frac{-1 \pm \sqrt{3}j}{2}$$

(有学生反馈，二次多项式求复数解，确实没用过!)