



4.4

高级链表

Advanced Linked Lists

郝家胜

hao@uestc.edu.cn

自动化工程学院

内容回顾

- 线性表的概念
- 线性表的抽象数据类型
- 线性表抽象数据类型的运算示例



内容提要

- 循环链表

- ▶ 循环链表的表示
- ▶ 循环链表的操作

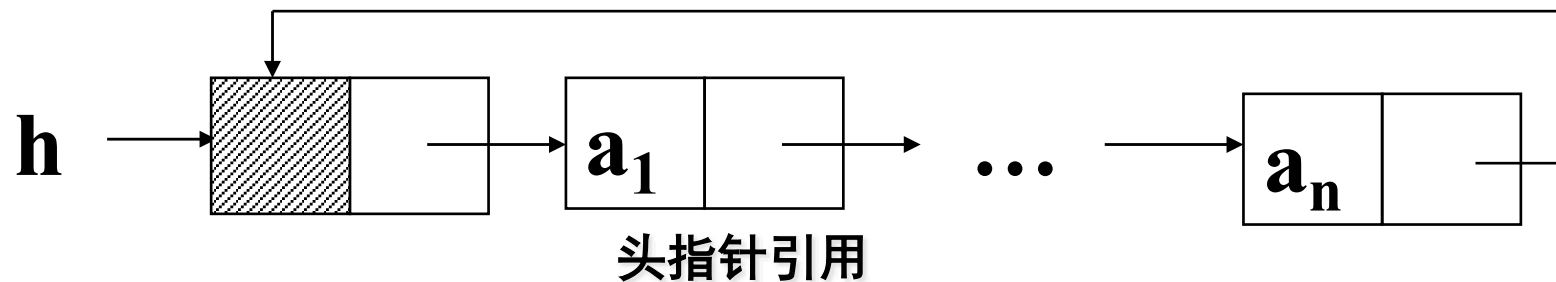
- 双链表

- ▶ 双链表的表示
- ▶ 双链表的操作



循环链表

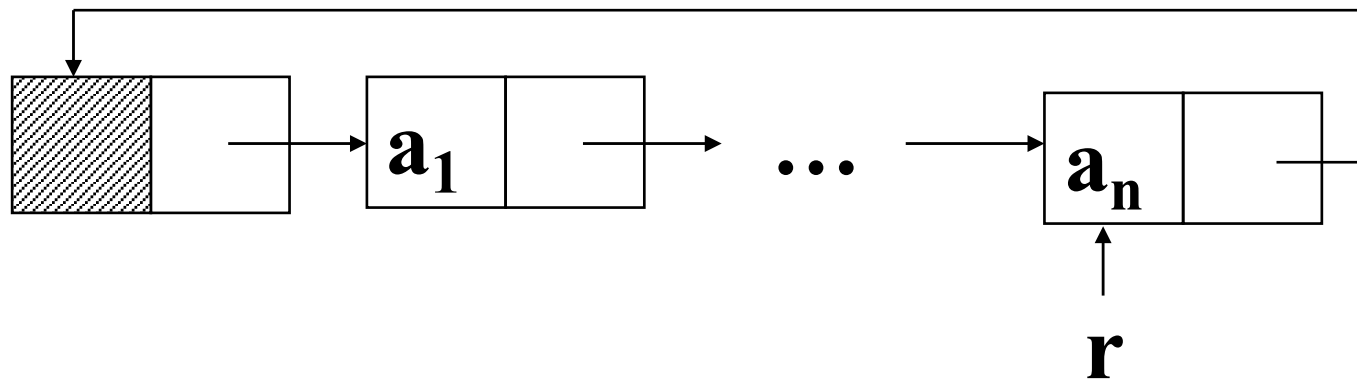
- 一种首尾相接的链表
- 将单链表的最后一个结点的指针域指向头结点（或不带头结点链表的第一个元素结点）



- 不增加存储量
- 从任意结点开始，可以遍历所有结点

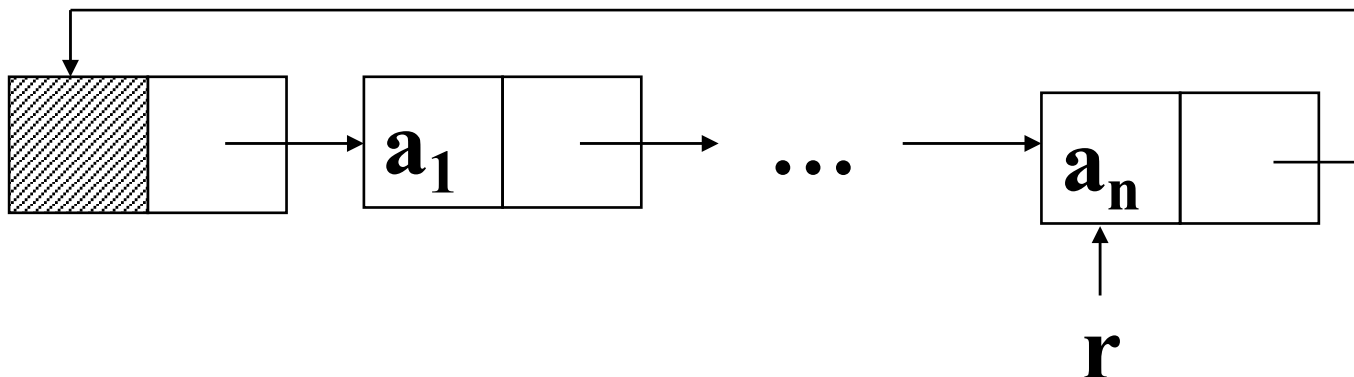
尾指针引用

- 循环单链表常用尾指针 r 来命名，这样查找链表开始结点 a_1 和终端结点 a_n 都很方便，
- 它们的存储位置分别是 $r \rightarrow \text{next} \rightarrow \text{next}$ 和 r



循环链表的特征

结点结构：首尾相连 $\text{next}(\text{rear}(\text{L})) == \text{head}(\text{L})$



空表判断 : $\text{next}(\text{head}(\text{L})) == \text{head}(\text{L})$

最后一个节点: $\text{next}(\text{x}) == \text{head}(\text{L})$

第一个节点: $\text{prev}(\text{x}) == \text{head}(\text{L})$

访问第一个节点: $\text{next}(\text{head}(\text{L}))$

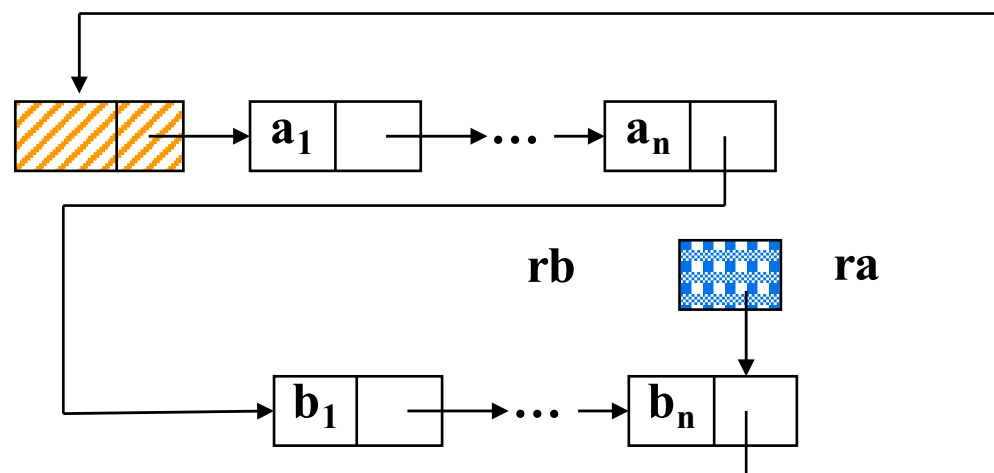
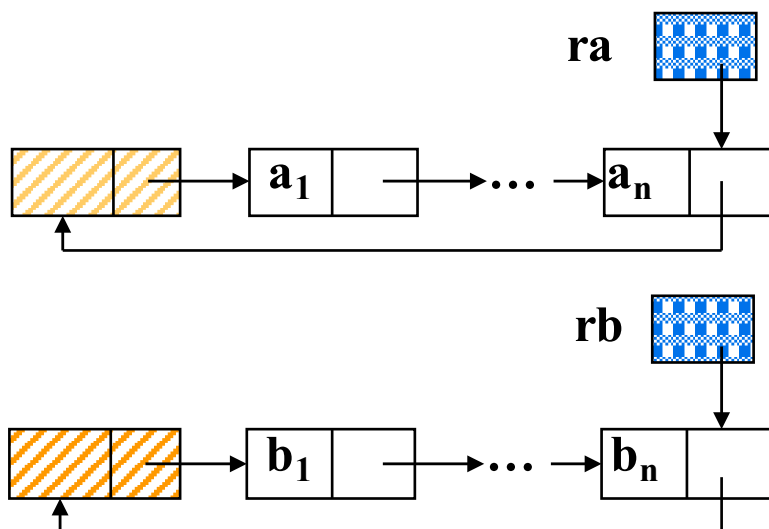


循环链表的操作

- 获取链表长度
 - ▶ **LENGTH(L)**
- 获取指定结点
 - ▶ **GET(L, i)**
- 在指定位置插入新结点
 - ▶ **INSERT(L, i, x)**
- 删除指定位置结点
 - ▶ **DELETE(L, i)**



两个循环链表的合并



● 使用头指针表示的单链表和循环单链表来实现

- 需要遍历第一个链表，找到结点 a_n ，
- 再将第二个链表的第一结点 b_1 链接到 a_n 后。

● 使用尾指针表示的循环单链表来实现

- 只需修改一些指针域
- 不需要遍历第一个链表

循环链表合并算法伪代码

```
ha ← next(rear(a))
```

```
hb ← next(rear(b))
```

```
next(rear(a)) ← next(hb)
```

```
next(rear(b)) ← ha
```

```
rear(a) ← rear(b)
```

```
LENGTH(a) ← LENGTH(a) + LENGTH(b)
```

```
delete hb
```

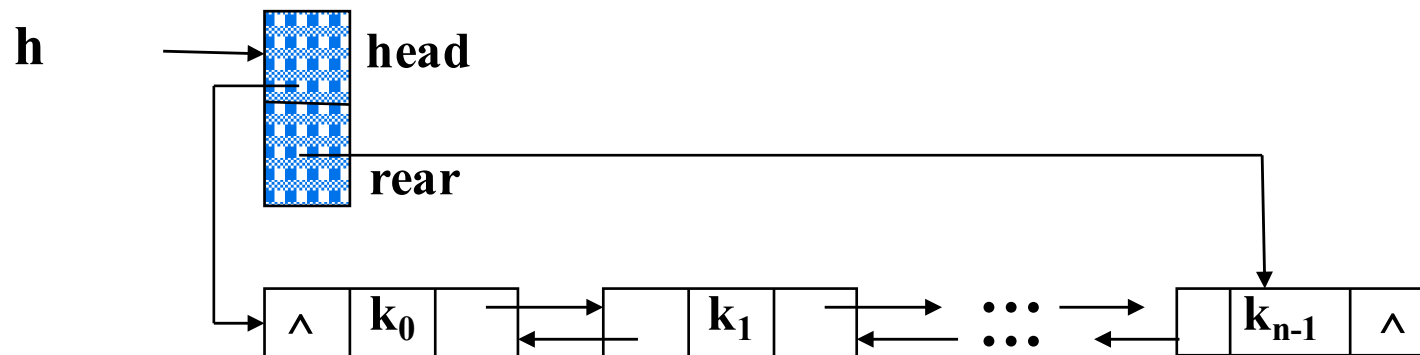
双链表

单链表缺点：找后继容易，找前驱必须从头开始查找。

双向链表：既可以找前驱，也可以找后继。

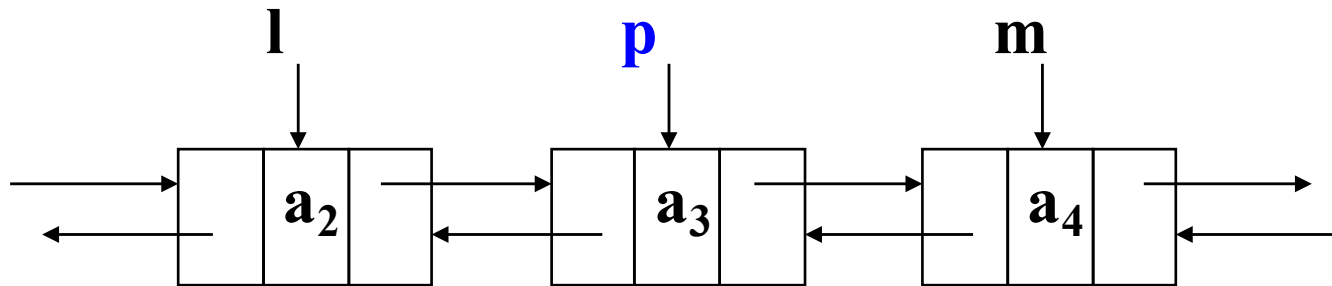
结点结构：

←	prior	data	next	→
---	-------	------	------	---



双链表

- 双链表中，若p是指向结点的指针

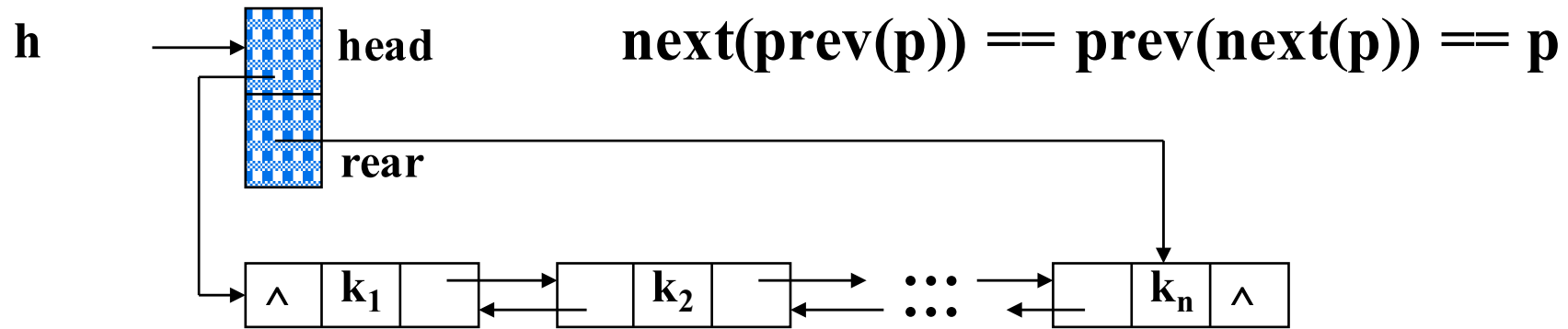


$\text{next}(\text{prev}(p)) == p$

$\text{prev}(\text{next}(p)) == p$

双向链表的特征

结点结构: 



空表判断 : $\text{next}(\text{head}(L)) == \text{NULL}$

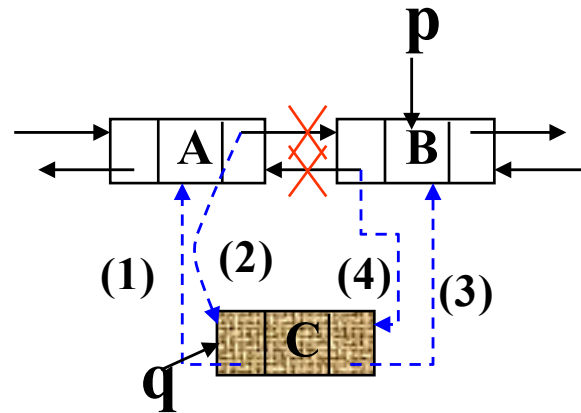
最后一个节点: $\text{next}(x) == \text{NULL}$

第一个节点: $\text{prev}(x) == \text{head}(L)$

访问第一个节点: $\text{next}(\text{head}(L))$

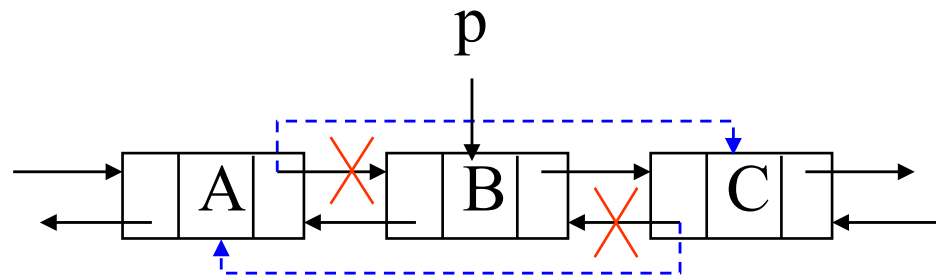


双向链表结点插入



- (1) $\text{prev}(q) \leftarrow \text{prev}(p)$
- (2) $\text{next}(\text{prev}(p)) \leftarrow q$
- (3) $\text{next}(q) \leftarrow p$
- (4) $\text{prev}(p) \leftarrow q$

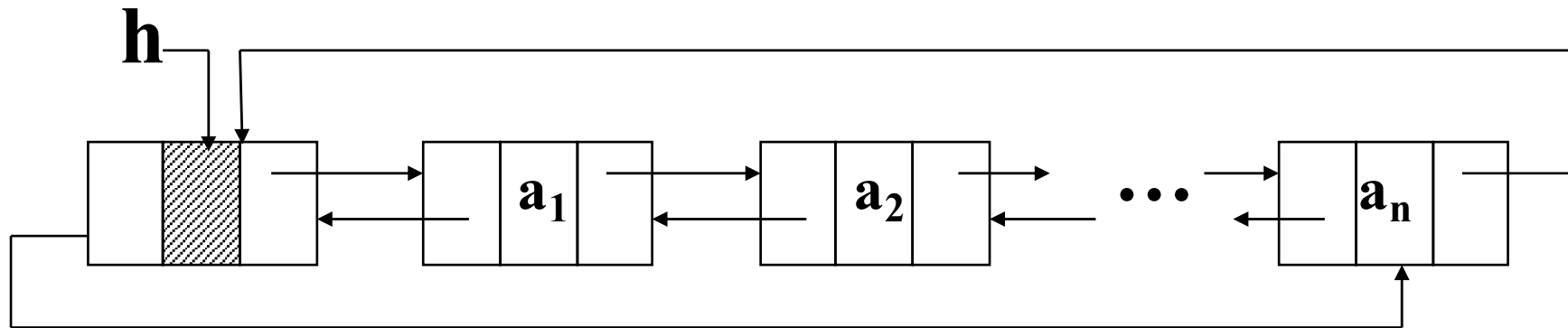
双向链表结点删除



```
next (prev (p) )  ←  next (p)
prev (next (p) )  ←  prev (p)
delete (p)
```



双向循环链表



空表判断 : $\text{prev}(\text{head}(L)) == \text{next}(\text{head}(L)) == \text{head}(L)$

最后结点判断: $p \rightarrow \text{rlink} = \text{pdlist} \rightarrow \text{head}$ 或
 $p = \text{pdlist} \rightarrow \text{head} \rightarrow \text{llink}$

第一个结点 : $\text{prev}(x) == \text{head}(L)$

最后结点 : $\text{next}(x) == \text{head}(L)$



应用举例（1）： Josephus问题

设有 n 个人围坐在一个圆桌周围，现从第 s 个人开始报数，数到第 m 的人出列，然后从出列的下一个入重新开始报数，数到第 m 的人又出列，...，如此反复直到所有的人全部出列为止。

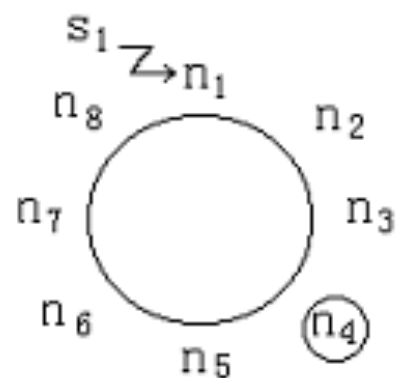
Josephus问题是：

对于任意给定的 n, s 和 m ，求出按出列次序得到的 n 个人员的序列。

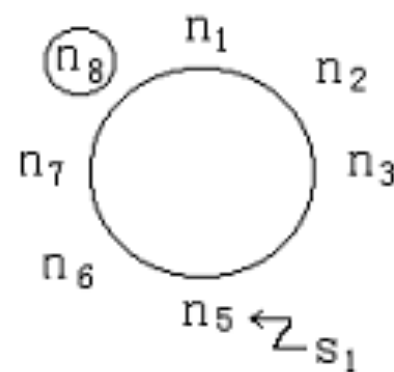


Josephus问题

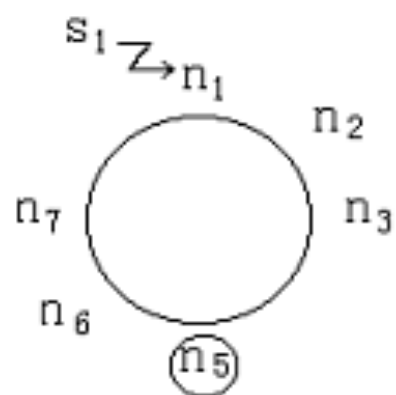
以 $n=8$, $s=1$, $m=4$ 为例



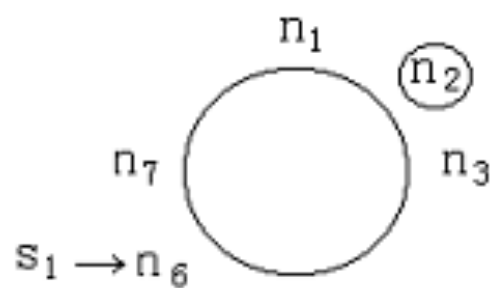
(a) n_4



(b) $n_4 n_8$



(c) $n_4 n_8 n_5$



(d) $n_4 n_8 n_5 n_2$



Josephus问题

- 求解Josephus问题的一般步骤为：

(1) 首先利用线性表的一些运算如创建空线性表、插入元素等构造Josephus表；

(2) 从Josephus表中的第s个结点开始寻找、输出和删除表中的第m个结点，然后再从该结点后的下一结点开始寻找、输出和删除表中的第m个结点，重复此过程，直到Josephus表中的所有元素都删除。



应用举例（2）：一元多项式表示和运算

一元多项式： $P_n(x) = p_0 + p_1x + p_2x^2 + \cdots + p_n x^n$

线性表表示： $P = (p_0, p_1, p_2, \cdots, p_n)$

顺序表表示：只存系数（第*i*个元素存 x^i 的系数）

特殊问题： $p(x) = 1 + 2x^{10000} + 4x^{40000}$

链表表示： 每个结点结构

系数	指数	→
----	----	---

0	-1	→	1	0	→	2	10000	→	4	40000	^
---	----	---	---	---	---	---	-------	---	---	-------	---



一元多项式的求和运算

- 数据:

$$f(x)=6x^3+12x^2+10x+11$$

$$f(x)=3x^2+5x+9;$$

- 运算: $f(x)+g(x)$ $f(x)-g(x)$ $f(x)*g(x)$ $f(x)/g(x)$
- 用线性表表示多项式; 用节点表示项; 用节点之间的关系表示项之间的降幂关系。



线性表小结

- 线性表的逻辑结构
- 线性表的顺序存储结构，要求能够灵活应用
 - ▶ 顺序表上的插入、删除操作及其平均时间性能分析
 - ▶ 利用顺序表设计算法解决简单的应用问题
- ADT的基本概念及基本实现方法
- 线性表的链式存储结构的单链表
 - ▶ 单链表如何表示线性表中元素之间的逻辑关系
 - ▶ 单链表中头指针和头结点的使用
 - ▶ 单链表上实现的建表、查找、插入和删除等基本算法，并分析其时间复杂度
 - ▶ 利用单链表设计算法解决简单的应用问题
- 线性表的链式存储结构的循环链表和双链表