1장. 암호의 기초

♣학습목표

- 용어 정리
- 역사
- 알고리즘(암호화, 복호화)
- 암호 기법
 - 대치, 치환, 대체, 환자(다른 문자로 치환)
 - 순열, 환치, 전치(암호의 위치를 바꿈)
 - 확산
 - 혼돈

Cryptography

- cryptography
- 정보를 안전하게(secure) 지속되도록 하는 방법
- 암호화
- ♪ 메시지(Message = M), 평문(Plaintext = P)
- ▶ ∃ (Key = K)
- ♪ 암호문 (Ciphertext = C)
- ♣ 암호화(Encryption = E)
 - 암호화 함수 : E
 - 0 || Ek(M) = C
- ♣ 복호화(Decryption = D)
 - 복호화 함수 : D
 - 04) Dk(C) = M



- ♪ 암호학(Cryptology)
 - 암호 알고리즘 개발과 암호 분석에 관한 학문
 - = Cryptos(=hidden) + logos(science)
- ▶ Cryptanalyst(암호 분석가)

cryptanalyst

암호 해독 전문가

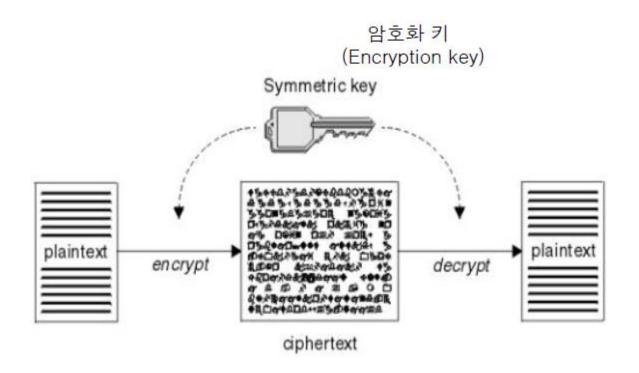
- 암호사용자가 암호화한 것을 해독하려(cryptanalysis)는 사람
- Cryptographer

cryptographer

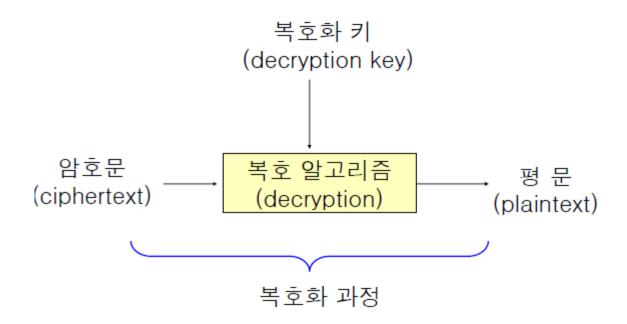
암호 사용지

■ 정보의 의미를 숨기려고 암호를 사용하는 사람

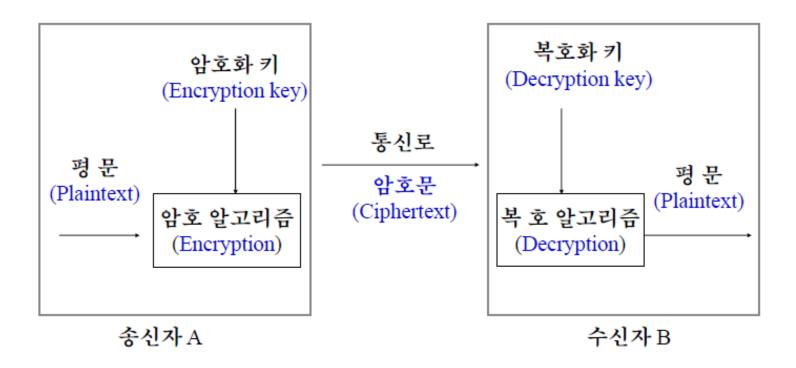
- ♪ 암호화 과정
 - $\blacksquare \operatorname{Ek}(M) = C, \operatorname{Ek}(P) = C$



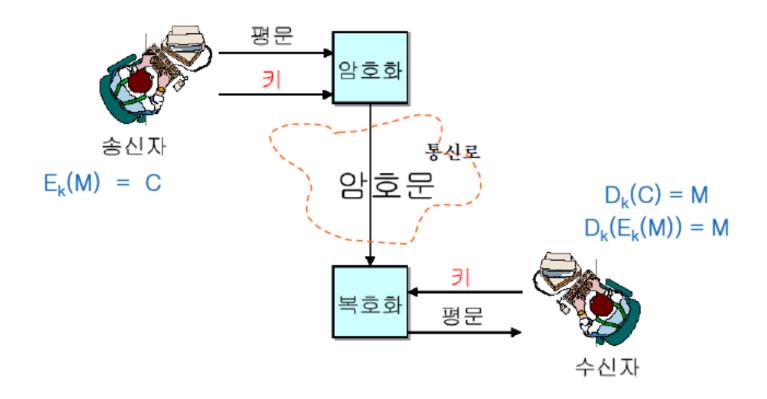
- ♬ 복호화 과정
 - Dk(C) = M



♣ 암호화와 복호화의 전체 과정



♣ 암호화와 복호화의 전체 과정



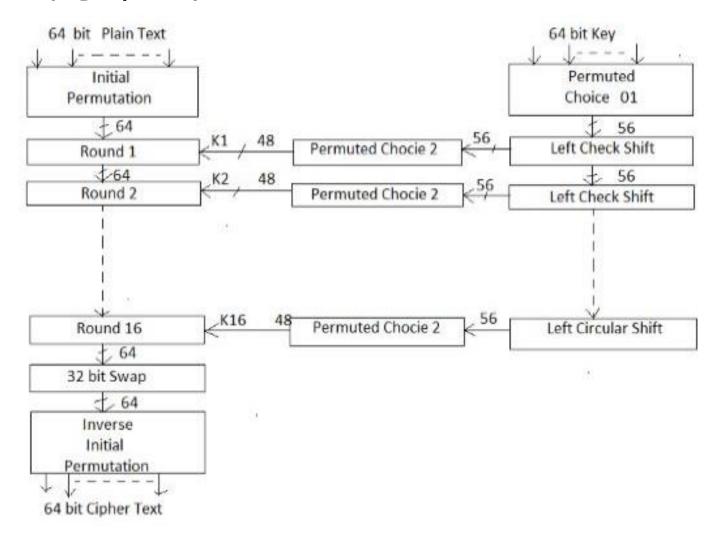
- ▶ DES 알고리즘의 예
 - $\frac{3}{\text{(key)}}$: 5e d9 20 4f ec e0 b9 67
 - 평문(plaintext):

 "The unknown message is: The DES-test contest's plaintext"
 - 암호문(ciphertext):

```
3e a7 86 f9 1d 76 bb d3 66 c6 3f 54 eb 3f e3 3f 39 88 81 4c 8b a1 97 f7 be 1b dd 7e fb 39 96 31 3c 3d 3b 65 c8 b8 3e 31 89 f9 04 14 fb cd c3 70 c1 11 a5 2f 3a ef 80 f4 cf f5 43 a4 b1 65 5b ae
```

DES

♪ DES의 동작 원리



- ♣비밀키(Secret Key)
 - 키의 소유자만 비밀스럽게 간직하는 키
- ♣ 개인키(Private Key)
 - 공개키 암호 방식에서 사용하는 비밀키에 해당하는 키
- ♣ 공개키(Public Key)
 - 모든 사람들에게 공개되는 키
- ♣서명(Signature)
 - 디지털 서명(digital signature)
 - 인감 도장과 같은 역할
- ♪ 인증서(Certificate)



Exclusive-OR(XOR)

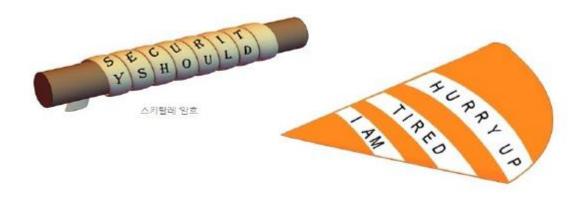
XOR	Α	В
0	0	0
1	0	1
1	1	0
0	1	1

▶ 암호문: 평문 + 암호 알고리즘 + 암호(화) 키

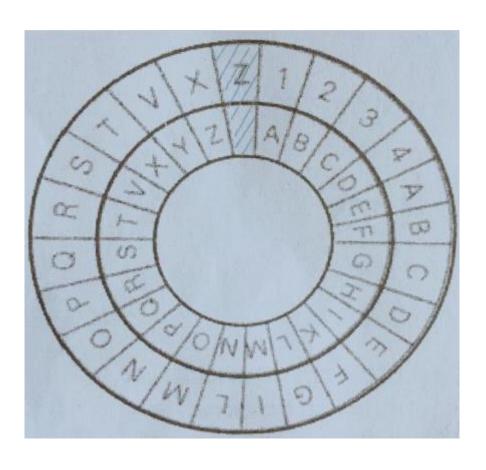
▶ 복호문 : 암호문 + 암호 알고리즘 + 복호(화) 키

구분	1세대 (고전암호)	2세대	3세대 (현대암호)
시대	고대 ~19세기후반	20세기초 ~1940년대후반	1940년대 말 ~현재
알고리즘	- 시저암호 - 비게네르 암호 - 뷰포트 암호	- ENIGMA - Schlüsselzusatz - M-209	- 암호 알고리즘 - 암호 프로토콜
특징	암호화 과정이 단순히 문자를 대 입 또는 대치하는 방법		Shannon의 정보이론을 시작으로 복잡도가 높은 암호 알고리즘 사용

- ▶ 신성문자를 암호로 사용
 - 문신, 스키탈레(scytale, 스키테일), 시저(caesar), 중국인의 잉여(나머지)정리
 - 스키테일(scytale)
 - BC 400년 스파르타에서 군사용으로 사용한 암호화 방식
 - 나무의 굵기가 키가 된다



- ♪ 알베르티 암호원판
 - ■초기화
 - 빗금친 부분
 - 키 : Z
 - 평문 :
 - 'mathematics'
 - 암호문 :
 - 'I1RDAI1RE3Q'



- ♣비지네르(Vigenere)
 - 최초의 근대 암호(16세기 프랑스 외교관)
 - 복잡한 표(26x26)를 미리 암호를 조합하거나 품.
 - 다중 치환의 대표적인 예
 - 예) 암호 키: HOME 평문: enemy

암호문 : lbqqf

-복호화 : 암호 키를 가로축 에서 먼저 찾고 다음으로 세로축에서 평문을 찾는다.

```
통신문글자

···EFGHIJKLMNO···Y

현 :

현 E ···ijklmnopqrs····d

너 G ···klmnopqrs·t···d

너 G ···klmnopqrs·t···e

▼ H ···lmnopqrs·t···e

    M ···qrs·t·uvwxyza····k

N ···rs·t·uvwxyza····l

O ···s·t·uvwxyza·b···l
```

♣ 제퍼슨(wheel cipher), 바제리

♪ Vernam(one-time pad), enigma, M-209 암호기

♪ DES, RSA, 양자 암호





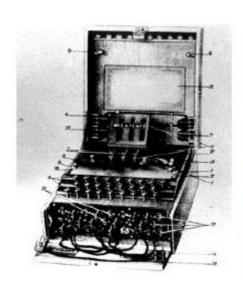
[M-209]

- ▶ 악보암호 해독표
 - 제1차 세계대전 당시 독일과 프랑스를 오가며 이중간첩 활동



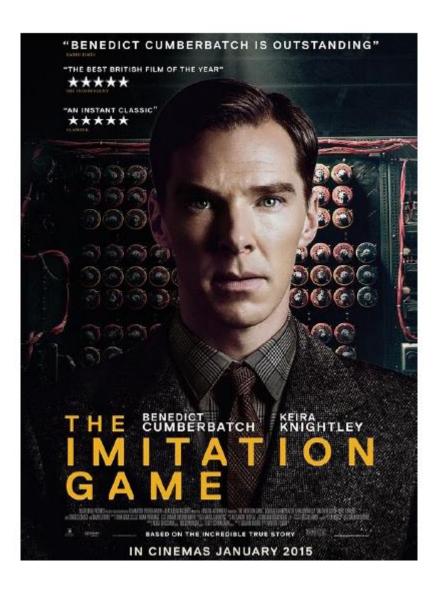
Enigma

- 암호의 작성과 해독을 할수있는 암호기계
- 다중 치환의 발전된 형태인 플레이페어(playfair) 암호의 종류
- 1918년 아르투르 슈르비우스(Arthur Schrbius)가 처음 고안
 - 여러 회사와 국가에 의해 사용
- '악마의 기계'
- 제2차 세계대전, 독일이 군 정보를 암호화하는데 사용





Enigma



Enigma

- U 알란 튜링(Alan Turing)
 - 컴퓨터의 아버지
- 현대 컴퓨터의 이론적 모델을 최초로 고안 '튜링 머신'
 - 세계 최초의 해커



- ▶ M-209 암호기
 - 미국
 - Roter machine
 - 회전하는 부분을 가진 기계
 - Rotor
 - 발전기, 전동기 등의 회전하는 부분을 통틀어 지칭

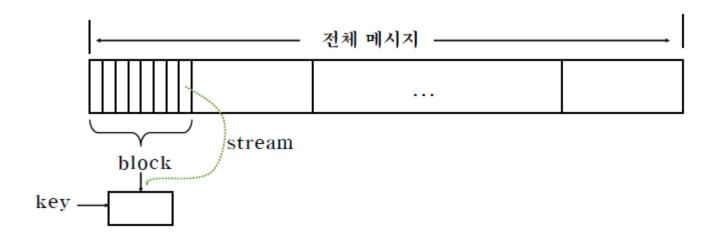


[M-209]

- ♣ 암호 시스템 3가지 영역
 - 1.평문을 암호화하기 위한 연산자의 유형
 - 치환(Substitution) : 평문의 각 원소를 다른 원소로 사상
 - 전치(Transposition): 평문의 각 원소를 재배열
 - 2.사용된 키의 수
 - 관용키 : 송·수신자가 같은 키를 사용
 - single-key, symmetric key(대칭키), secret-key(비밀키)
 - 공개키 : 송 · 수신자가 다른 키를 사용
 - two-key, asymmetric key (비대칭키), public-key
 - 3.평문 처리 방법
 - 스트림 암호화(Stream cipher)
 - 입력을 연속적(비트 단위)로 처리
 - 주로 인터넷 및 이동통신환경에서 무선 데이터 암호에 사용
 - 키 스트림과 XOR 연산
 - 블록 암호화(Block cipher)
 - 연산을 블록 단위로 처리

3.평문 처리 방법

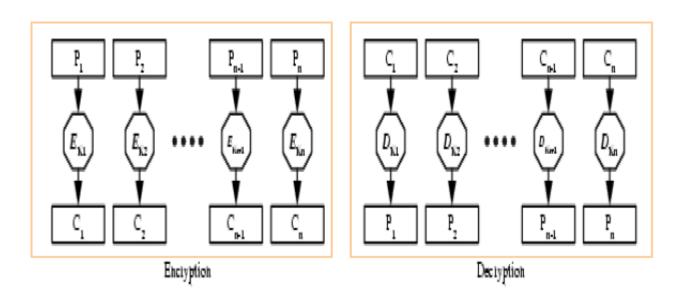
- 스트림 암호화(Stream cipher)
 - 1 bit, 1byte
 - 예) LFSR, one time-pad
- 블록 암호화(Block cipher)
 - 연산을 블록 단위로 처리
 - 예) DES, IDEA, SEED, RC5, AES



▶ 평문(P)의 크기

■ 1 : stream cipher

■ 1이상이면 : block cipher

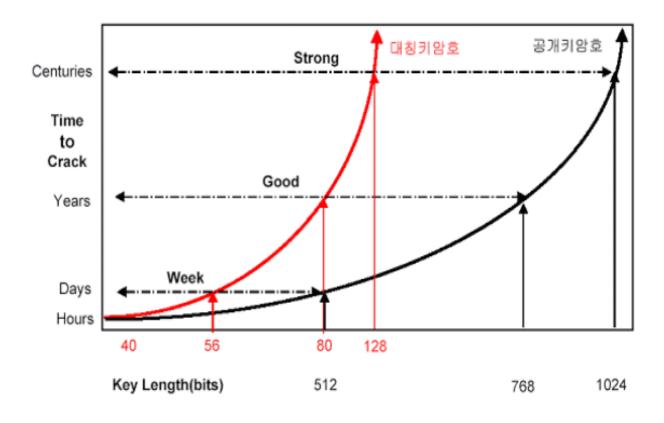


🏂 일 반화

- 암호화
 - $C = E(P) = (P + k) \mod (26)$
- 복호화
 - $P = D(C) = (C k) \mod (26)$
- 단점
 - 암호화 및 해독 알고리즘이 단순

Key size	가능한 키 수	Crack Time					
40 bits	1 x 10 ¹²	2시간					
56 bits	7 x 10 ¹⁶	20시간					
64 bits	2 x 10 ¹⁹	9년					
128 bits	3 x 10 ²⁸	10 ¹⁹ 년(2조년)					





🔈 단점

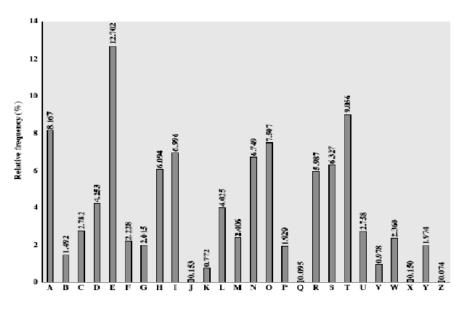
- 단순 대치이므로 문자 출현 빈도수에 의한 복호가 용이
- 한 키가 25개 뿐이다.
 - Brute-force attack(전수키 조사/전수 공격)이 가능
 - _ 가능한 모든 경우의 수를 시도
- 추정 단어 공격(Probable-Word Attack)
- 사전 공격(Dictionary attack)

- 평문의 언어를 알고 있으며 쉽게 인식할 수 있다.
 - 평문 유형을 알 수 없도록 암호화 이전에 압축하여 인식을 어렵게 변환

▶ 알파벳의 통계 특성

• 평	• 평문의 통계적 분포와 암호문의 통계적 분포는 일치											
● 영문자의 통계 분포 예												
글자 빈도 글자 빈도 글자 빈도												
e	12.31%	t	9.59%	a	8.05%	О	7.94%					
n	7.19%	i	7.18%	\mathbf{s}	6.59%	r	6.03%					
h	5.14%	1	4.03%	d	3.65%	$^{\rm c}$	3.20%					
u	3.10%	p	2.29%	f	2.28%	\mathbf{m}	2.25%					
w	2.03%	\mathbf{y}	1.88%	b	1.62%	g	1.61%					
v	0.93%	k	0.52%	\mathbf{q}	0.20%	x	0.20%					
j	0.10%	\mathbf{z}	0.09%									

알파벳의 통계 특성



영문자의 출현 빈도

- ♪ 암호 해독(Cryptanalysis)
 - 평문이나 키 또는 이 두 가지를 모두 발견하려는 시도 과정
- ▶ 전사적 공격(Brute-Force Attack)
 - 추정 단어 공격(Probable-Word Attack)

▶ 안전성

- 무조건 절대 안전성
 - 비용과 시간이 충분하여도 복호하기가 불가능
- 계산상 안전성
 - 해독 비용이 복호된 정보의 가치를 초과
 - 해독 시간이 정보의 유효한 수명 주기를 초과

- ♣ 대체, 대치(substitution)
 - 평문의 문자를 문자, 숫자, 기호로 대체시키는 방법
 - 간단한 치환 암호 기법
 - ■예) 평 문: Come here at once



- 🔈 단순 대치
 - shift사용 Caesar 암호, 키워드, 키 문장을 사용한 단순 대치
 - $X = Y + Z \pmod{26}$
- ▶ 다중 대치(다중 치환)
 - 비지네르(Vigenere), 키 수열 사용
 - $X = Y + Zi \pmod{26}, Z=3, 7, 4, 2, 5$



비지네르 표

- ♣ 대체, 대치(substitution)
 - 쥴리어스 시저가 개발
 - Caeser Cipher, 시저 암호
 - 원래 써야 할 알파벳을 옆으로 3칸 이동한 자리의 알파벳으로 대체 하여 쓰는 방식
 - 예) Key:?

평 문 : meet me after the toga party

암호문: PHHW PH DIWHU WKH WRJD SDUWB

abcdefghljklmnopqrstuvwxyz

abcdefghljklmnopqrstuvwxyz

🏂 암호화

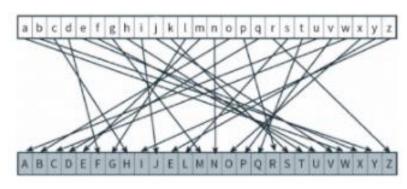
- 문자 P를 암호화
- $C = Ek(P) = (P + 3) \mod 26$
- $P = Dk(C) = (C 3) \mod 26$

abcdefghljklmnopqrstuvwxyz

abcdefghljklmnopqrstuvwxyz

▶ 단일 치환 암호

- 모노 알파베틱 암호(Mono-alphabetic)
 - 시저 암호와 마찬가지로 단일 치환 암호 방식이지만 알고리즘의 개선 을 통해 보안성을 강화시킨 알고리즘
 - 암호화: 알파벳 26 글자를 각각 다른 알파벳에 대응시키는 방식
 - 전사 공격에 다소 강하나, 빈도 분석법에는 쉽게 해독됨
 - 모든 경우의 수: 26!



- Shift cipher
 - Shift 3

평문	Α	В	С	D	Ε	F	G	Н	1	J	K	L	M	N	0	Р	Q	 Z
숫자	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	 25
암호문	D	E	F	G	Н	I	J	Κ	L	М	N	0	P	Q				С

- $C = (M + K) \mod 26 = (M + 3) \mod 26$
- 예) Key = 9, M = ENCRYPTIONISIMPORTANT

♣ Affine 암호

- $C = f(p) = (aP + b) \bmod N$
 - a, b: 임의 정수 값
 - N: 알파벳 문자 총 개수(26)
- $f(p) = (3P + 8) \mod 26$
- 평문 : FIRE AT NOON

- 수치로 바꾼다
 - 5, 8, 17, 4, 0, 19, 13, 14, 14, 13

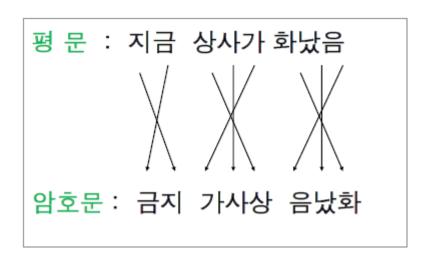
- 수치로 바꾼다
 - 5, 8, 17, 4, 0, 19, 13, 14, 14, 13
- 숫자 5와 8을 각 함수에 적용
 - $f(5) = (3 \times 5 + 8) \mod 26 = 23 \mod 26 = 23$
 - $f(8) = (3 \times 8 + 8) \mod 26 = 32 \mod 26 = 6$
 - 결과 : 23, 6, 7, 20, 8, 13, 21, 24, 24, 21
 - 문자 변환(암호화)
 - XGHU IN VYYV

평^문 A B C D E F G H I J K L M N O P Q..... X Y Z 숫자 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 23 24 25

♣ Affine 암호

- 혼자 놀기
 - f(P) = (3P + 2) mod 26을 사용해서 메시지 DON'T FEED THE BEARS 를 암호화하시오.

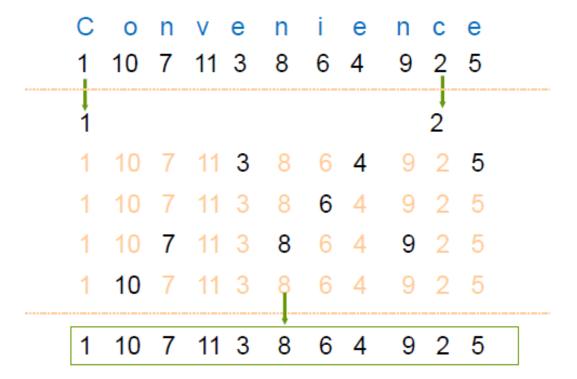
- ♪ 전치, 환치(permutation, transposition)
 - 평문의 각 문자 위치만 바꾸어 암호화시킨다
 - 평문을 고정된 길이의 블록으로 나눈 후 각 블록 내에 있는 문자들을 일정한 규칙에 의해 재배치
 - 예)



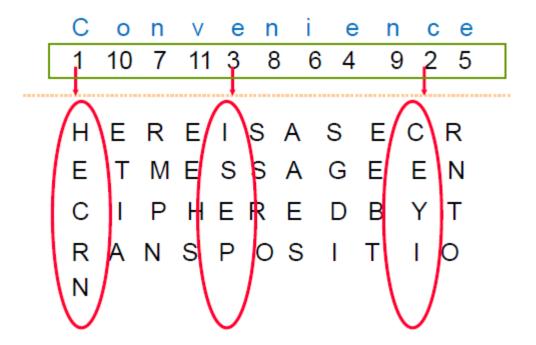
- •예) 한 문자 좌측으로 한 칸씩 이동시켜 암호화하면
 - 평문: "FIVE AM"
 - 암호문 : "IVEA MF"
- ■메시지가 행으로 작성되고 열로서 읽히는 방식
- 평문의 모든 문자를 재배치하여 생성된 암호문의 모든 문자들은 평문의 문자들과 동일함
- 평문에 있던 문자의 개수만큼 암호문이 만들어짐
- 단순 전치암호

- ▶ 전치 암호화(Transposition)
 - ■키 단어 사용
 - 예) CONVENIENCE
 - 여기에 알파벳 순서로 각 문자에 번호 할당
 - 알파벳 순서로 1부터 할당
 - 같은 문자 두 번 반복 시 앞 번호가 앞선다.
 - ■예) 평문: HERE IS A SECRET MESSAGE ENCIPHERED BY TRANSPOSITION
 - KEY: CONVENIENCE

- ■예) 평문: HERE IS A SECRET MESSAGE ENCIPHERED BY TRANSPOSITION
 - KEY: CONVENIENCE



- ■예) 평문: HERE IS A SECRET MESSAGE ENCIPHERED BY TRANSPOSITION
 - KEY: CONVENIENCE



- ▶ 치환과 전치 암호의 결합
 - 암호문 해독을 더욱 복잡하게 하는 암호문 생성
 - 더욱 안전한 암호 방법임
 - DES 암호 알고리즘은 치환 암호와 전치 암호의 결합을 이용하는 암호 알고리즘
- ♣ 암호 분석에 대한 대응
 - 암호문에 암호해독을 위한 어떠한 단서를 남겨두지 않아야 함
 - 치환 암호와 전치 암호 방법을 같이 사용하여 암호문에 나 타나는 평문의 특성을 숨긴다
 - 그러나, 완전하게 언어적인 특성을 숨기는 것은 어렵다
 - 영어 단어(문장)에 나타나는 알파벳 또는 단어의 통계적 패 턴을 이용하여 컴퓨터를 통한 효과적인 분석방법이 존재

- ♪ Shannon의 암호 이론
 - Confusion(혼돈)
 - 평문과 암호문 사이의 상관 관계를 숨김
 - ○ □ S-box
 - Diffusion(확산)
 - 평문의 통계적 특성을 암호문 전반에 퍼트림
 - 평문의 각각의 비트가 암호문의 많은 비트들에 영향을 줌으로써 평문과 암호문 사이의 관계를 복잡하게 하는 것
 - 즉,개개의 평문 문자들의 영향을 가능한 암호문의 많은 부분에 퍼뜨리는 것
 - Polybius 암호 방법을 응용함
 - 대체 암호문(Substitution)은 Diffusion이 나쁨
 - 전치 암호문(Transposition)은 Diffusion이 좋음
 - ○) p-box

- ▶ Polybius(폴리비우스) 암호
 - 고대 그리스의 역사가
 - 문자를 숫자(행X열)로 바꾸는 암호화 방법
 - 암호화하고자 하는 알파벳을 표에서 찾아서 (행,열)의 순서로 숫자를 써넣는다.

	1	2	3	4	5
1	A	В	U	D	E
2	F	G	Н	ľJ	K
3	L	M	7	0	P
4	Q	R	S	T	U
5	٧	W	X	Y	Z

- 예)

- 본문에 A가 있으면 표 안의 A가 1행 1열 -> A=11
- 본문에 B가 있으면 표 안의 B가 1행 2열 -> B=12
- HOLMES = $23 \ 34 \ 31 \ 32 \ 15 \ 43$ = 233431321543

- ♣ 암호를 더 복잡하고 싶을 경우
 - 키워드 활용

ſ		1	5	3	4	5
	1	5	Н	E	R	L
	2	O	С	K	Α	В
	3	D	F	G	I/J	М
	4	Ν	P	Q	T	U
	5	V	W	X	Y	Z

- 예)

- 1.자신이 원하는 키워드를 하나 설정한 다음 5행 5열의 표 안에 키워 드의 알파벳을 차례대로 써넣는다.
- 2.그 다음 키워드에 들어가지 않은 알파벳을 차례대로 써넣는다.
- 3.그렇게 완성된 표를 토대로 암호문을 작성한다.
- 4.만약 키워드의 알파벳들 중에 중복되는 것이 있다면 2번째로 나오 는 것은 쓰지 않는다.
 - 예) 키워드가 MOMENT라면 표 안에 써넣을 때에는 뒤에 중복되는 M을 생략하고 MOENT만 써넣는다.

- •예) 키워드: SHERLOCK 사용
- ■키워드 "SHERLOCK"의 알파벳을 표 안에 차례대로 써넣은 다음 나머지 알파벳을 써넣으면 옆의 그림과 같다.

	1	2	3	4	5
1	5	Н	E	R	L
2	О	С	K	Α	В
3	D	F	G	IJ	М
4	N	P	Q	T	U
5	V	W	X	Y	Z

- 이 표를 토대로 HOLMES를 암호화하면?
 - HOLMES = 12 21 15 35 13 11 = 122115351311

- 혼돈(Confusion)
 - 암호분석가는 암호문과 암호 방법을 이용하여 평문을 찾으려 한다.
 - 암호화 과정이 공격자에 의해서 이용되지 못하도록 키와 암호 문 사이의 관계를 가능한 복잡하게 하는 것
 - 암호문의 통계가 평문의 통계에 좌우되지 못하도록 하는 것 (one-time pad)
 - Caeser, Vigenere 암호는 비밀키를 알아내는 것을 막기엔 강력하지 못함
 - 복잡한 치환 암호방법으로 혼돈 성질을 제공함
 - DES는 Confusion, Diffusion 원리 기반
 - 키의 길이가 메시지 길이를 초과하는 Polyalphebetic 대체는 좋음

- ▶ 적(Product) 암호
 - 대체(substitution) 암호와 전치(transposition) 암호가 합쳐진 암호
 - 예) Jefferson's Wheel Cipher
 - 알고리즘의 종류
 - RC2
 - IDEA
 - Blowfish
 - DES
 - 3DES
 - AES(Advanced Encryption Standard)



다음 주

비밀키 암호 시스템