

Analisis y documentacion de practica 3A: Regresion Lineal

Angel Cruz

October 2022

Abstract

En este documento se desglosará los detalles importantes durante el desarrollo de la practica 3A. Tales como los antecedentes y las bases para el calculo de la regresion lineal y el coeficiente de correlacion.

Keywords: regresion lineal, coeficiente de correlacion, coeficiente R, formula

1 Introduction

1.1 Objectives

Calculo de la regresion lineal asi como de sus coeficientes de correlacion, aplicando las pruebas necesarias sugeridas dentro de los "issues" dentro del repositorio de GitHub

1.2 Problem Statement

Durante el calculo estadistico, la regresión lineal permite predecir el comportamiento de una variable (dependiente o predicha) a partir de otra (independiente o predictora). Esto resulta bastante util a la hora de necesitar alguna predicción para algun evento. Durante esta practica, la regresion lineal nos ayuda a predecir el como varian los tiempos de programacion de lineas de codigo en relacion a las horas de desarrollo. Aplicando las formulas necesarias se espera llegar a las pruebas deseadas

2 State of the art

2.1 Previous IoT architectures

La regresion lineal es un calculo es un modelo matemático usado para aproximar la relación de dependencia entre una variable dependiente Y , m variables independientes X_i y un término aleatorio. Este método es aplicable en muchas situaciones en las que se estudia la relación entre dos o más variables o predecir

$$y = \beta_0 + \beta_1 x$$

un comportamiento La formula para aplicarla es:

Para calcular los valores de B0 y B1 se aplican las siguientes formulas:

$$\beta_1 = \frac{\left(\sum_{i=1}^n x_i y_i \right) - (n x_{avg} y_{avg})}{\left(\sum_{i=1}^n x_i^2 \right) - (n x_{avg}^2)}$$

$$\beta_0 = y_{avg} - \beta_1 x_{avg}$$

El coeficiente de correlación es la medida específica que cuantifica la intensidad de la relación lineal entre dos variables en un análisis de correlación. En los informes de correlación, este coeficiente se simboliza con la r.

Las formulas para calcular los coeficientes Rxy y r2 son:

$$r_{x,y} = \frac{n \left(\sum_{i=1}^n x_i y_i \right) - \left(\sum_{i=1}^n x_i \right) \left(\sum_{i=1}^n y_i \right)}{\sqrt{\left[n \left(\sum_{i=1}^n x_i^2 \right) - \left(\sum_{i=1}^n x_i \right)^2 \right] \left[n \left(\sum_{i=1}^n y_i^2 \right) - \left(\sum_{i=1}^n y_i \right)^2 \right]}}$$

$$r^2 = r * r$$

3 Methodology

3.1 General architecture

Para el desarrollo de la practica, se utilizaron las formulas anteriormente mencionadas. Aplicadas a la tabla de la relacion de horas y desarrollo siguiente:

Program Number	Estimated Proxy Size	Plan Added and Modified size	Actual Added and Modified Size	Actual Development Hours
1	130	163	186	15.0
2	650	765	699	69.9
3	99	141	132	6.5
4	150	166	272	22.4
5	128	137	291	28.4
6	302	355	331	65.9
7	95	136	199	19.4
8	945	1206	1890	198.7
9	368	433	788	38.8
10	961	1130	1601	138.2

Aplicamos los test correspondientes a la practica, los cuales son los siguientes:

Test 1:

Description: Calculate the regression parameters between estimated proxy size and actual added and modified size in data table

Calculate the linear regression given an estimated proxy of $X_k = 386$

-Should return $B_1 = 1.7279$, if $X = [130, 650, 99, 150, 128, 302, 95, 945, 368, 961]$ and $Y = [186, 699, 132, 272, 291, 331, 199, 1890, 788, 1601]$

-Should return $B_0 = -22.55$, if $B_1 = 1.7279$ and $X = [130, 650, 99, 150, 128, 302, 95, 945, 368, 961]$ and $Y = [186, 699, 132, 272, 291, 331, 199, 1890, 788, 1601]$

- Should return $y_k = 644.429$ if $x_k = 386$ and $B_0 = -22.55$ and $B_1 = 1.7279$

Test 2:

Description: Calculate the regression parameters between estimated proxy size and actual development time in data table

Calculate the linear regression given an estimated proxy of $X_k = 386$

-Should return $B_1 = 0.1681$, if $X = [130, 650, 99, 150, 128, 302, 95, 945, 368, 961]$ and $Y = [15.0, 69.9, 6.5, 22.4, 28.4, 65.9, 19.4, 198.7, 38.8, 138.2]$

-Should return $B_0 = -4.039$, if $B_1 = 0.1681$ and $X = [130, 650, 99, 150, 128, 302, 95, 945, 368, 961]$ and $Y = [15.0, 69.9, 6.5, 22.4, 28.4, 65.9, 19.4, 198.7, 38.8, 138.2]$

-Should return $y_k = 60.858$, if $x_k = 386$ and $B_0 = -4.039$ and $B_1 = 1.7279$

Test 3

Calculate the regression parameters between plan added and modified size and actual added and modified size in data table

Calculate the linear regression given an estimated proxy of $X_k = 386$

-Should return $B_1 = 1.43097$, if $X = [163, 765, 141, 166, 137, 355, 136, 1206, 433, 1130]$ and $Y = [186, 699, 132, 272, 291, 331, 199, 1890, 788, 1601]$

-Should return $B_0 = -23.92$, if $B_1 = 1.43097$ and $X = [163, 765, 141, 166, 137, 355, 136, 1206, 433, 1130]$ and $Y = [186, 699, 132, 272, 291, 331, 199, 1890, 788, 1601]$

-Should return $y_k = 528.4294$, if $x_k = 386$ and $B_0 = -23.92$ and $B_1 = 1.43097$

Test 4

Calculate the regression parameters between plan added and modified size and actual development time in data table

Calculate the linear regresion given an estimated proxy of $X_k = 386$

-Should return $B_1 = 0.140164$, if $X=[163, 765, 141, 166, 137, 355, 136, 1206, 433, 1130]$ and $Y=[15.0, 69.9, 6.5, 22.4, 28.4, 65.9, 19.4, 198.7, 38.8, 138.2]$

-Should return $B_0 = -4.604$, if $B_1 = 0.140164$ and $X=[163, 765, 141, 166, 137, 355, 136, 1206, 433, 1130]$ and $Y=[15.0, 69.9, 6.5, 22.4, 28.4, 65.9, 19.4, 198.7, 38.8, 138.2]$

-Should return $y_k = 49.4994$, if $x_k = 386$ and $B_0 = -4.604$ and $B_1 = 0.140164$

4 Results

Como resultado final deberiamos obtener los datos dados en la siguiente tabla:

Test	Expected Values				
	β_0	β_1	$r_{x,y}$	r^2	y_k
Test 1	-22.55	1.7279	0.9545	0.9111	644.429
Test 2	-4.039	0.1681	0.9333	.8711	60.858
Test 3	-23.92	1.43097	.9631	.9276	528.4294
Test 4	-4.604	0.140164	.9480	.8988	49.4994

5 Conclusion

Conclusion and future work

6 References