平成30年度資源管理研修会 2018/12/27 9:30-12:30

CPUE標準化と時空間解析

西嶋 翔太 (中央水産研究所 資源研究センター)

謝辞

本研修の実例として、愛知県水産試験場からシャコの、富山県水産試験場からサワラの漁業データを貸していただきました。大変ありがとうございました。

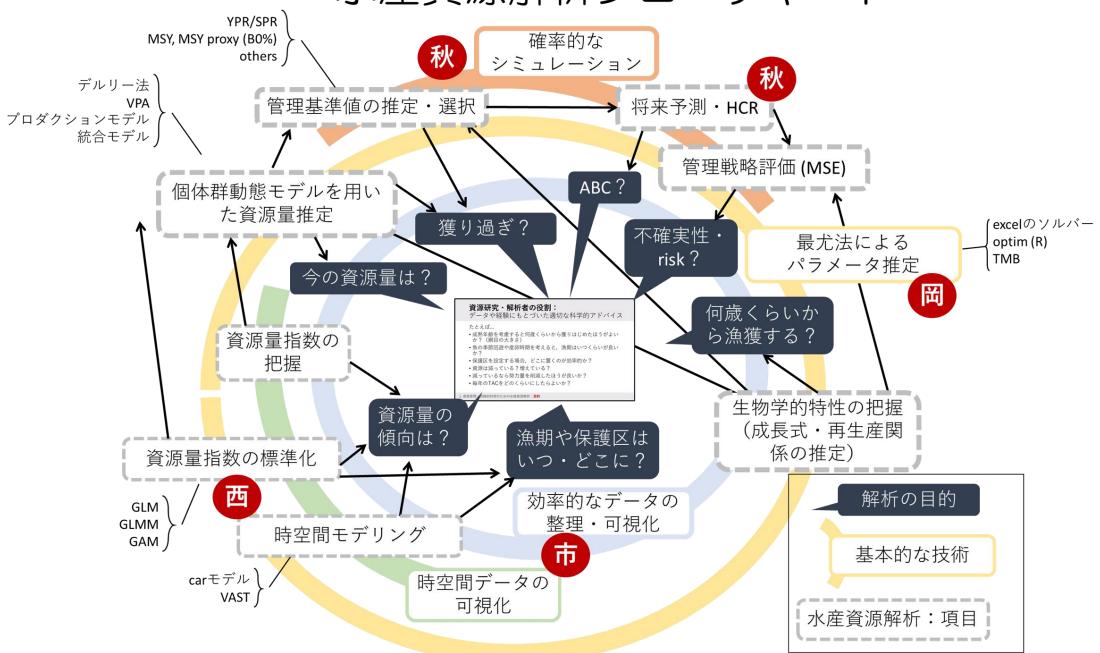
データの使用は参加者のみとし、他の人には配布しないようお願いいたします。

使用するRパッケージ

- arm
- mgcv
- AER
- MASS
- pscl
- DHARMa
- Ime4
- CARBayes
- maps

- ✓ 実演したい人は事前にインストールを お願いします
- ✓ install.package("パッケージ名")で インストールできます

水産資源解析フローチャート



本日の内容

- CPUE標準化とは
- 実例1: シャコ
 - 様々な確率分布を使った一般化線形モデル (GLM)
 - モデル診断とモデル選択
 - 一般化加法モデル (GAM)
- 実例2: ミナミマグロ
 - zero catchを多く含むときの解析: zero inflated model / delta GLM
 - GLMを使った海区分け
- □ 実例3: サワラ
 - 一般化線形混合モデル (GLMM)
 - ・ 空間自己相関を扱ったモデル: CAR model
- VASTの紹介

CPUE (catch per unit effort)

- 単位努力量あたりの漁獲量CPUEとは、努力量を漁獲量で除した もの
- 努力量の単位は、時間・人数・網・隻数など
- 相対的なトレンドを表す資源量指数 CPUE = q × N
- 個体群モデル (VPAなど)のチューニングに使用される
- それ自身で許容漁獲量を決められることもある(2系ルール)

Evaluating methods for setting catch limits in data-limited fisheries



Thomas R. Carruthers a,*, André E. Punt b,1, Carl J. Walters a, Alec MacCall c,2, Murdoch K. McAllister a, Edward J. Dick c,2, Jason Cope d,3

(Carruthers et al. 2014, Fish.Res.)

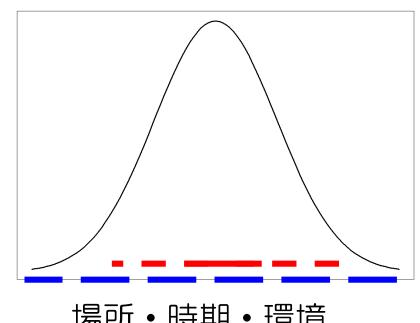
CPUEデータに生じるバイアス

CPUE = q * N

局所密度

漁具能率

- 漁具能率(a) も時間や場所によって変わる
- 知りたいのは資源量全体だが、データは局所的な密度を反映



局所密度の高い場所を 中心にサンプリング

> 均等にサンプリング した場合

バイアスが生じる (特に漁業データで)

場所•時期•環境

CPUEデータに生じるバイアス

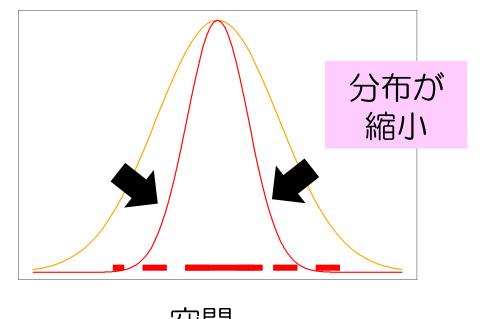
CPUE = q * N

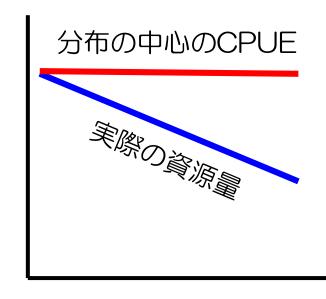
局所密度

- 漁具能率 (q) も時間や場所によって変わる
- 知りたいのは資源量全体だが、データは局所的な密度を反映

資源量

CPUE





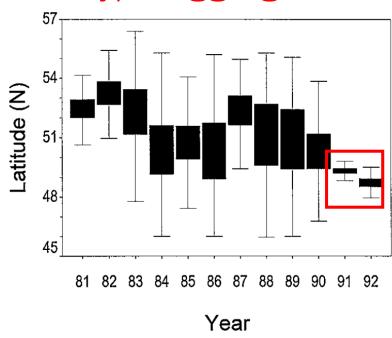
分布変化の影響 を受ける

空間

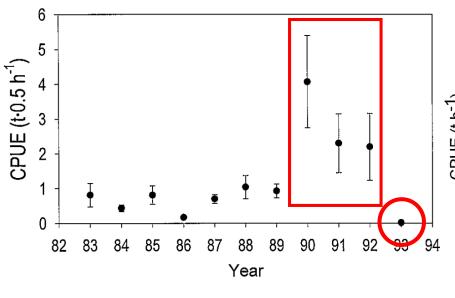
時間

タイセイヨウダラ (Atlantic cod)の例

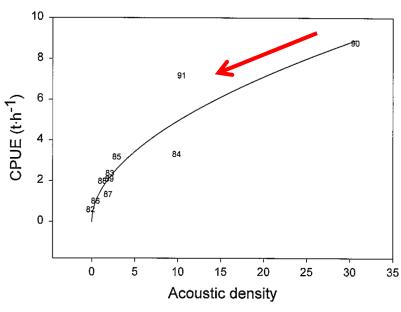




CPUEの一時的な上昇



Hyperstability

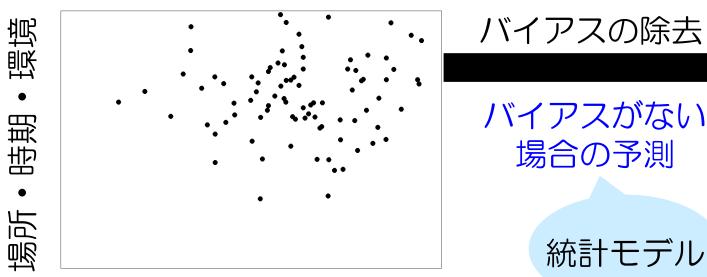


(Rose & Kulka 1999 CJFAS)

CPUEの「標準化」

• サンプリングバイアスを除去した場合のCPUEを予測し、年トレンドを取り出すこと





場所•時期•環境

バイアスのないサンプリング

• 「予測力の高い」統計モデルが必要

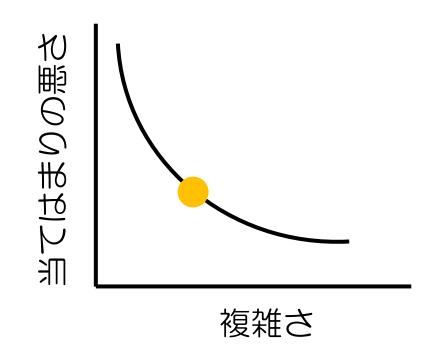
統計モデルの「予測力」

予測力の高いモデルとは、節約的かつデータへの当てはまりが良いモデル

• 予測力を測る指標:

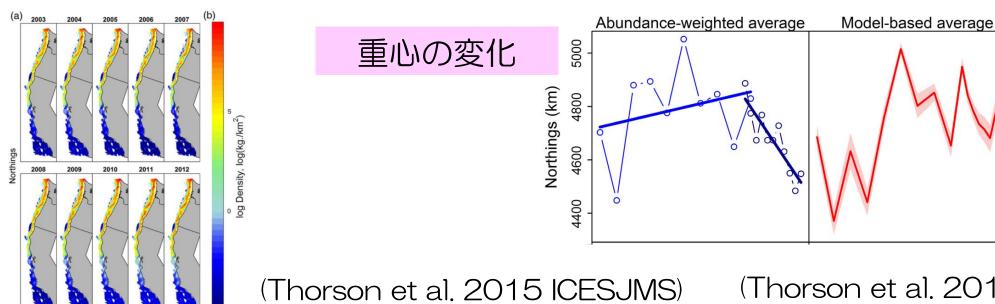
AIC = -2*Log(L) + 2*p

トレードオフにおいてバランス のいいポイントを探す



CPUE標準化の現状

- 我が国の資源評価で標準化CPUEを導入している資源が増加中: スルメイカ、マサバ(太平洋・対馬)、ホッケ、スケトウダラ、 トラフグ(伊勢三河湾)
- 新たな手法の開発により、時空間分布の解明の解明が進展



(Thorson et al. 2016 MEE)

本日の内容

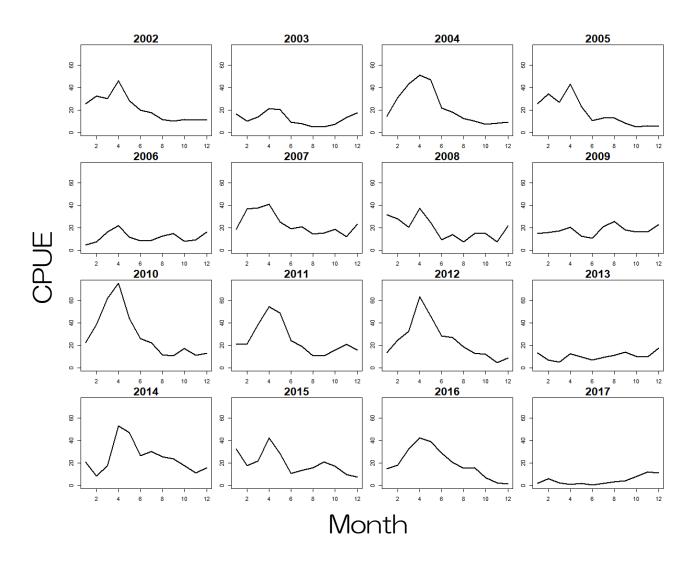
- 実例1: シャコ
 - 様々な確率分布を使った一般化線形モデル (GLM)
 - モデル診断とモデル選択
 - 一般化加法モデル (GAM)
- 実例2: ミナミマグロ
 - zero catchを多く含むときの解析: zero inflated model / delta GLM
 - GLMを使った海区分け
- 実例3: サワラ
 - 一般化線形混合モデル (GLMM)
 - 空間自己相関を扱ったモデル: CAR model
- □ VASTの紹介

実例1:シャコの月別CPUEデータ

>	head(dat)										
	Year	Month	Catch	Effort	CPUE						
1	2002	1	8404	327	25.70031						
2	2002	2	10945	334	32.76946						
3	2002	3	14456	479	30.17954						
4	2002	4	31887	693	46.01299						
5	2002	5	21873	768	28.48047						
6	2002	6	18028	910	19.81099						

使用するデータ

- 2002~17年の月別データ
- 小型底引き網の漁獲量 (kg)
- 努力量(延べ隻数)



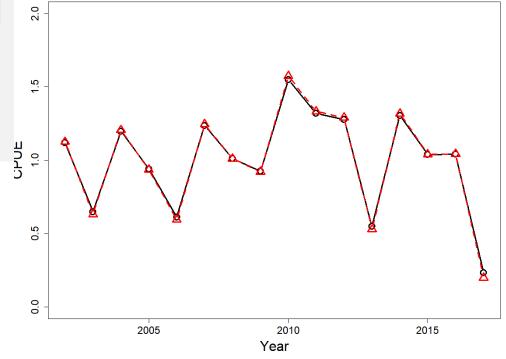
一般化線形モデル(GLM):正規分布

```
norm <- glm(CPUE ~ Year + Month, family = gaussian(), data = dat)</pre>
                  説明変数
        目的変数
                            確率分布(今は正規分布)
               > as.data.frame(coef(norm))
係数表の見方
                          coef(norm)
                                   → 2002年1月の回帰係数(最初のカテゴリ)
               (Intercept)
                          20.510672
                       -8.988538
               Year2003
                       1.471489
      2003~
               Year2004
                                       2002年と比較した
      2017年
                                       ときの回帰係数
               Year2017
                          -16.904601
                           2.952152
               Month2
                           7.907778
               Month3
                                       1月と比較したときの
                                       回帰係数
                           -4.651303
```

年トレンドの導出(交互作用なし)

```
standardCPUE <- c()
for (i in 1:nyear) {
  if (i==1) standardCPUE[i] <- norm$coefficients[1]
#1年目は切片の係数
  else standardCPUE[i] <-
        norm$coefficients[1] + norm$coefficients[i] を
# 2年目以降は切片+回帰係数
}
standardCPUE <- standardCPUE/mean(standardCPUE)
#scaled by mean
```

<u>※ただし、この手法は年との交互作用項を</u> <u>含まないモデルしか使えない</u>



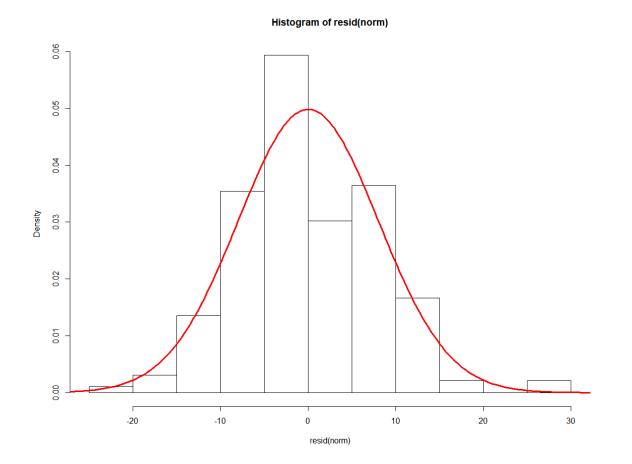
より簡単な年トレンドの導出手法

```
standardCPUE <- norm$coefficients[1:nyear] #係数をそのまま取ればいい
standardCPUE <- standardCPUE/mean(standardCPUE)
```

<u>※ただし、この手法は年との交互作用項を</u> <u>含まないモデルしか使えない</u>

モデルの診断:正規性のチェック

$$y = \alpha + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \varepsilon,$$



 $\varepsilon \sim Normal(0, \sigma^2)$

残差が正規分布に従う

Shapiro-Wilk検定

帰無仮説:標本が正規正規分布に従う

> shapiro.test(resid(norm))

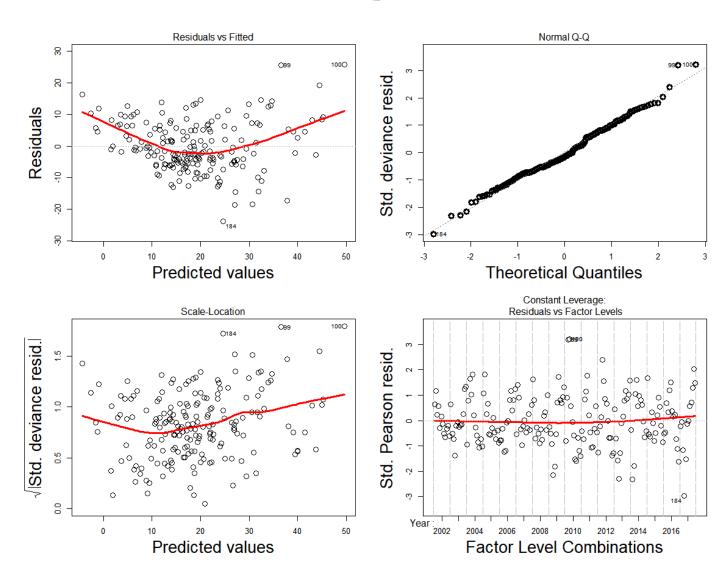
Shapiro-Wilk normality test

data: resid(norm)
W = 0.9885, p-value = 0.1235

モデルの診断:QQプロット等

plot(glm object) で診断結果がプロットできる

QQプロット(右上):正規分布に従っていれば直線上に点が載る



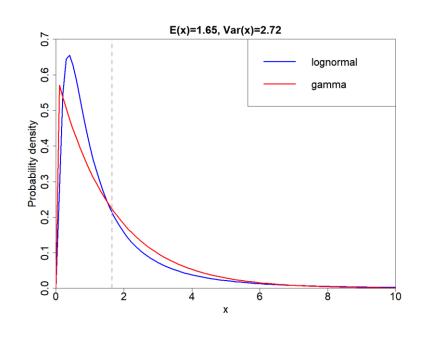
Oよりも大きい連続変数を扱える分布

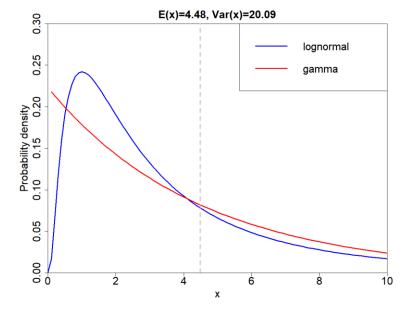
対数正規分布

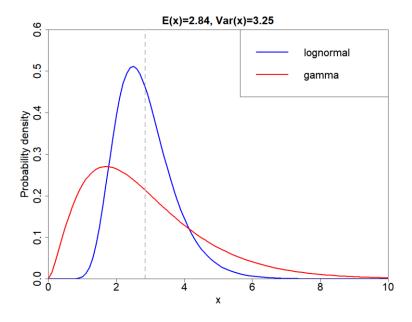
対数をとると正規分布に従う分布 $\log(y) \sim Normal(\mu, \sigma^2)$

ガンマ分布

指数分布から導出、対数正規分布よりも極端な値をとりやすい







GLM:対数正規分布

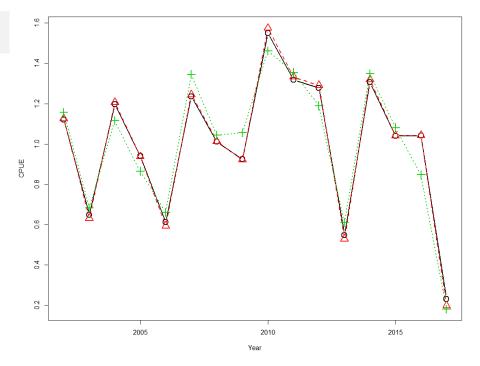
```
lognorm <- glm(log(CPUE) ~ 0 + Year + Month, family = gaussian(), data=dat)

対数をとったものを
目的変数にする

CPUEの幾何平均を予測
```

standardCPUE <- exp(lognorm\$coefficients[1:nyear])</pre>

係数のexpをとった ものが標準化CPUE



モデル診断

> shapiro.test(resid(lognorm))

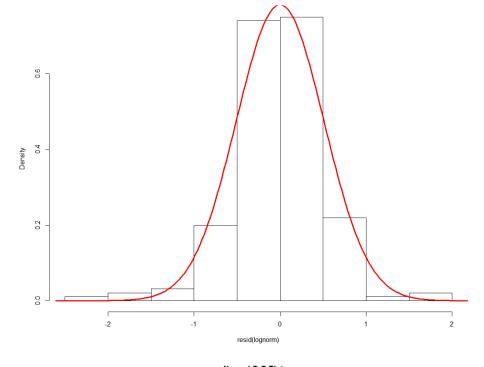
Shapiro-Wilk normality test

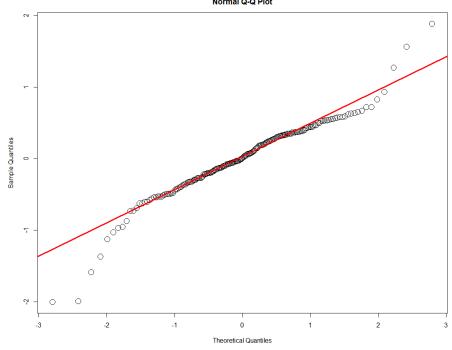
data: resid(lognorm)

W = 0.95123, p-value = 3.817e-06



有意:正規分布に従っている とは言えない





GLM:ガンマ分布

```
gamma <- glm(CPUE ~ 0 + Year + Month, family = Gamma("log"), data = dat)

目的変数はCPUE ガンマ分布を指定し、
のまま リンク関数をlogに
```

$$E(CPUE) = \exp(\alpha + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \cdots)$$

CPUEの期待値が線形予測子の expで表されるということ

正規分布以外の場合の診断

逸脱度 (deviance) D = -2*log-likelihood 当てはまりの悪さを表し、負の対数尤度の2倍で表される

残差逸脱度 (residual deviance) D_{resid} = D - 最小のDeviance

Devianceと完全にデータを予測できた場合のdeviance (min(D))との差

R = sign(y-mu)* $\sqrt{D_{resid}}$ 逸脱残差 (deviance residual)

残差逸脱度の平方根をとって、残差の符号をかけたもの



■ これを一般化された残差として、正規分布と同様のチェックができる(はず)

resid(glm object)はディフォルトで逸脱残差を計算してくれる

ホームワーク(1)

- ガンマ分布を使った解析結果で、ヒストグラムやQQ plotを描いたり、Shapiro-Wilk検定を実行し、モデルの診断をしてみよう
- 正規分布や対数正規分布のコードにおいて、glm objectを入れ替えればできるはずです

AICによるモデル選択

lognorm <- $glm(log(CPUE) \sim 0 + Year + Month, family = gaussian(), data=dat)$ 目的変数が違うので単純には比較できない

gamma <- glm(CPUE ~ 0 + Year + Month, family = Gamma("log"), data = dat)</pre>

正規分布の対数尤度

变换

対数正規分布の対数尤度

$$\log L_{norm} = -\frac{n}{2} - \frac{1}{2\sigma^2} \sum_{k=1}^{n} (\log x_k - \mu_k)^2 \qquad \qquad \qquad \qquad \log L_{lognorm} = \log L_{norm} - \sum_{k=1}^{n} \log x_k$$



$$\log L_{lognorm} = \log L_{norm} - \sum_{k=1}^{n} \log x_k$$

```
目的変数の合計を引く
> AIC(gamma) # gamma
[1] 1359.531
> as.numeric(-2*(logLik(lognorm)-sum(log(dat$CPUE))) +
              2*(norm$rank+1)) #AIC for lognormal
[1] 1377.399
```

GLM:ポワソン分布~非負整数の解析

シャコのCatchデータは漁獲重量なので、本来整数ではなく連続変数とみなすべきですが、ここでは漁獲尾数とみなしてポワソン分布の解析をしてみます

Offset項

回帰係数を1と固定してパラメータ推定

E(Catch) =
$$\exp(\alpha + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \log(\text{Effort}))$$

$$= \left(\frac{\text{Catch}}{\text{Effort}}\right) = \text{E}(\text{CPUE}) = \exp(\alpha + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots)$$

過分散 (overdispersion)

data: pois

- ポワソン分布は平均と分散が等しく、分散に関するパラメータが存在しません
- 個体差がなく、各個体が独立にふるまっていることを仮定しています

z = 9.6924, p-value < 2.2e-16 有意 ⇒ 帰無仮説「過分散でない」とはいえない

• 生態学や水産資源学のデータではこの仮定が不成立なことが多く、分散が平均 よりも大きくなることが多いです(過分散)

```
(Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)

Null deviance: 832515 on 191 degrees of freedom
Residual deviance: 239035 on 165 degrees of freedom ← この比が1に近くないといけない
> dispersiontest(pois) #significantly overdispersed ← library(AER)内にある 過分散の検定
```

GLM:負の二項分布~過分散への対応

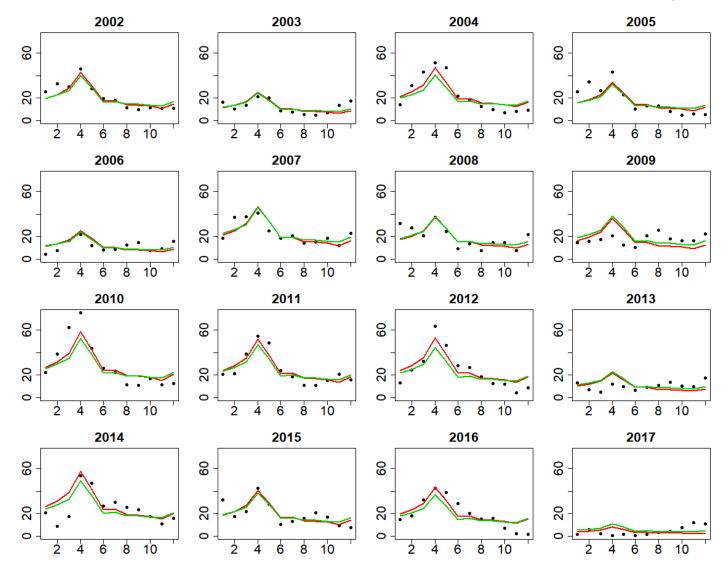
- ・ 過分散の問題に対処可能な分布として、負の二項分布があります
- 負の二項分布は、ポワソン分布における平均がガンマ分布で「ばらつく」ことを考えています(negative binomial = poisson + gamma)
- 確率pで成功するベルヌーイ試行において、成功回数がk回になるまでに必要な 試行回数として定義されまし(そのため「負の」二項分布と呼ばれる)

```
library(MASS)
nb <- glm.nb(Catch ~ Year + Month + offset(log(Effort)), data = dat)</pre>
```

library(MASS) に入っているglm.nbという関数を使います

- 負の二項分布の方がAICが断然低い!
- 負の二項分布の方が自由度が1つ増えていることに注意

当てはまりと予測値の比較



赤:ポワソン

緑:負の二項分布

交互作用効果:月の影響が年で変わる

• ある変数の影響が別の変数によって変わることを「交互作用効果」と言います

```
interact0 <- glm(log(CPUE) ~ Year*Month, data = dat)</pre>
```

*を使って年と月の交互作用を表す

2002年1月 ←	(Intercept)	Estimate 3.246503	Std	l. Error t NA	t value NA	Pr(> t) NA	
2003~17年の1月(切片との差)	Year2003	-0.437131		推定できてない!			
	Year2017 Month2	-2.623973 0.242994		データ数192に対して誤差の 分散を入れて193個のパラ			
2002年2~12月 (切片との差)	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •			メータを推定しているから			
	Month12	-0.858927	中	典型的なoverfitting(過剰適			
2003~17年の 5	Year2003:Month2	-0.722569		3)			
2~12月(<u>切片</u> ~ <u>との差</u>)	 Year2017:Month12	2.624844		NA	NA	NA	

月をカテゴリカル変数からを連続変数に

```
dat$Month <- as.numeric(dat$Month)
interact <- glm(log(CPUE) ~ Year * Month, data = dat)</pre>
```

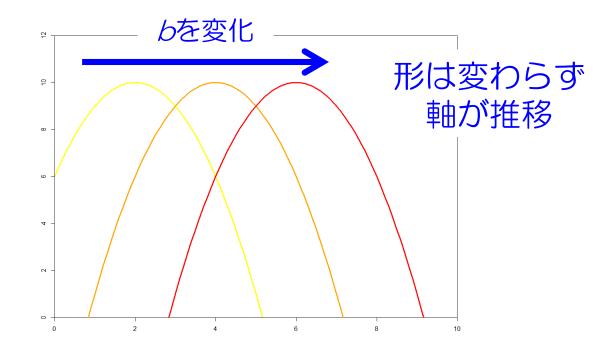
```
Coefficients:
                               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                                  12.331
                                                         < 2e-16 ***
             ← (Intercept)
                                        0.304753
  2002年0月
                              3.758058
               Year2003
                              -1.068334
                                        0.430985 -2.479 0.014219 *
2003~17年の0
月(切片との差
                                         0.430985 -8.656 4.98e-15
                Year2017
                              -3.730573
2002年の月効果 ← Month
                                         0.041408 -3.073 0.002495
                              -0.127228
               Year2003:Month 0.083186
                                         0.058559
                                                   1.421 0.157396
2003~17年の月
               Year2017:Month 0.288261
                                        0.058559 4.923 2.11e-06 ***
  きとの差)
```

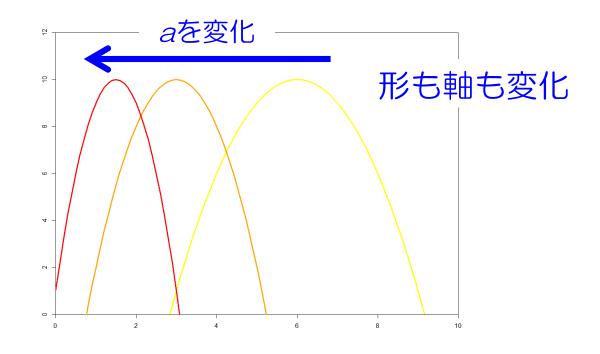
推定できて いる

連続変数の二乗項

- 連続変数の二乗項を入れると上(下)に凸の関数が作れ、非線形性を考慮できる
- 環境変数(水温など)に対する反応を表すのに便利

$$f(x) = ax^2 + bx + c$$

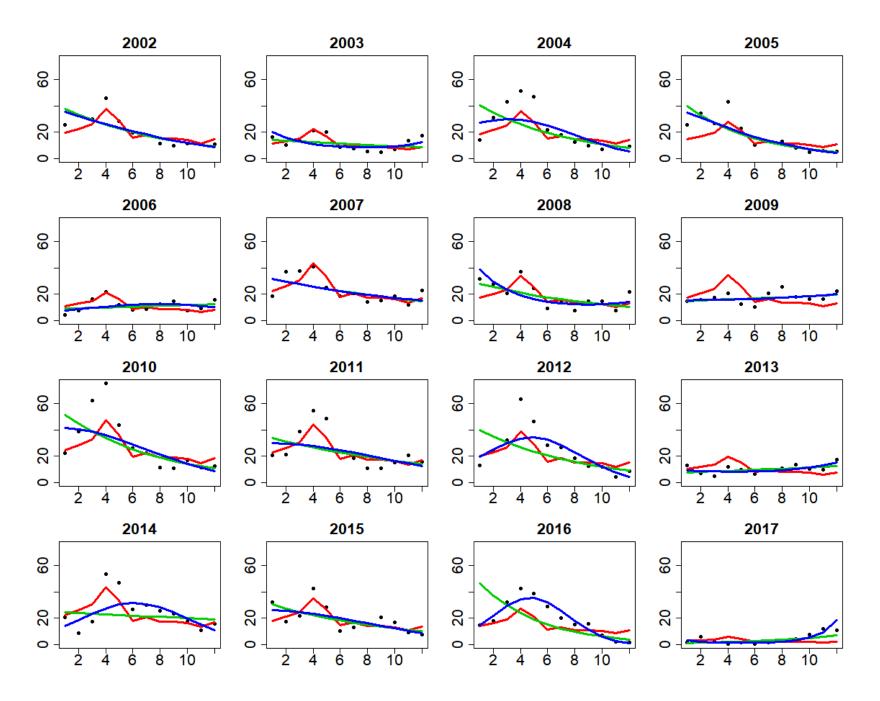




二乗項と交互作用効果

二乗項

ー次項と二乗項と両方の 交互作用アリがベスト



当てはまり

赤:交互作用なし

緑:交互作用あり(二乗項なし)

青:交互作用&二乗項あり(ベストモデル)

あまり当てはまっているようには見えない 月の効果を二乗項で表すのは難しい

ホームワーク②

• 月の二乗項と、年と月の交互作用を加えたモデルにおいて、QQ plotやShapiro-Wilk検定で残差の正規性をチェックしてみよう

• 同様のモデルのガンマ分布版を作って、AICを対数正規分布モデルとAICを比較してみよう

• 正規性が保証され、AICも対数正規分布モデルの方が少し低くなるはず…

年トレンドの導出方法

1. 各説明変数(年と月)の総当たりの組み合わせをもつバランスデータを作成(今回は元のデータと一致する)

CPUE	1月	2月	•••	11月	12月	
2002	$\widehat{\mathcal{Y}}_{2002,1}$	$\widehat{\mathcal{Y}}_{2002,2}$	• • •	$\widehat{\mathcal{Y}}_{2002,11}$	$\widehat{\mathcal{Y}}_{2002,12}$	$\rightarrow E(\hat{y}_{2002})$
2003	$\widehat{\mathcal{Y}}_{2003,1}$	$\widehat{\mathcal{Y}}_{2003,2}$	• • •	$\widehat{\mathcal{Y}}_{2003,11}$	$\widehat{\mathcal{Y}}_{2003,12}$	$\rightarrow E(\hat{y}_{2003})$
•••	• • •	•••	• • •	•••	•••	
2017	$\hat{y}_{2017.1}$	$\widehat{y}_{2017.2}$	• • •	$\hat{y}_{2017.11}$	$\widehat{\mathcal{Y}}_{2017.12}$	$\rightarrow E(\hat{y}_{2017})$

- 2. 推定されたモデル(GLM等)を使って、バランスデータにおけるCPUEを予測する
- 3. 各年における予測CPUEの平均値(または中央値)を算出

Rでの実行例

1. "expand.grid"を用いてバランスデータの作成

```
new.dat <- <u>expand.grid(</u>Year=unique(dat$Year), Month=unique(dat$Month)) 総当たりデータを作成
してくれる関数
```

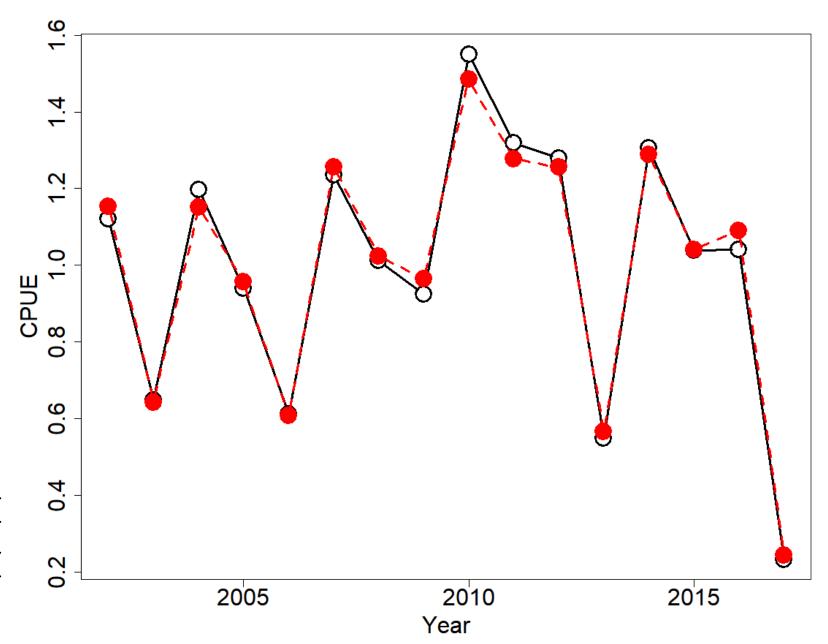
2. "predict" 関数を使用してCPUEの予測

```
new.dat$pred.cpue <- exp(predict(interact3, newdata=new.dat))
GLM 予測用データ
object を使用
```

3. "apply" 関数を使用して平均CPUEの計算

```
standardCPUE <- tapply(new.dat$pred.cpue, new.dat$Year, mean)
standardCPUE <- standardCPUE / mean(standardCPUE)</pre>
```

年トレンド



黒:ノミナルCPUE

赤:標準化CPUE

信頼区間の推定:データリサンプリング

• サンプル数が等しくなるようにデータを再抽出し、モデルを当てはめ標準化CPUEを計算する作業を繰り返す

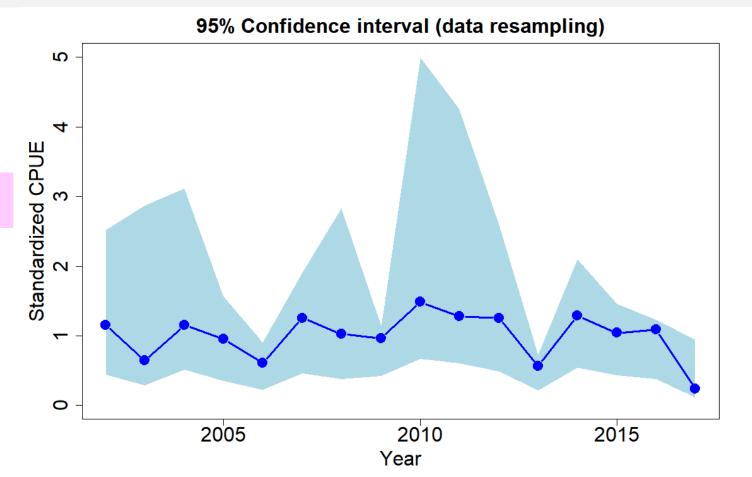
元データ				リサ	ンプル	データ					
	ID	Year	Month	CPUE						•	GLMによる推定
	1	2002	1	26			ID	Year	Month	CPUE	年トレンドの算出
	2	2002	2	33			1	2002	1	26	これを繰り返す
					,		4	2002	4	46	
	192	2017	12	11					***		
	ミベロロガケギケナ・ガケナ・フ				190	2017	10	8	•••		

- 説明変数も変わる
- パラメータ推定+説明変数の不確実性を評価

```
boot.cpue <- sapply(1:nsim, function(i){
  boot.dat <- dat[sample(1:nrow(dat),nrow(dat),replace=TRUE),] #データのリサンプリング
  boot.res <- update(interact3, data=boot.dat) #GLMの更新
  pred.cpue <- exp(predict(boot.res, newdata=new.dat)) #CPUEの予測
  staCPUE <- tapply(pred.cpue, new.dat$Year, mean) #標準化CPUEの導出
  staCPUE / mean(staCPUE)
})
```



Rでの実行例



信頼区間の推定:残差のリサンプリング

• 残差をリサンプリングし、予測値から観測値を生成し、モデルを当てはめ標準化CPUEを計算する作業を繰り返す

元データ+予測値+残差

Year	Month	y	ŷ	ε	
2002	1	3.3	3.6	-0.3	残差のみ
2002	2	3.5	3.5	0.0	resampling
2017	12	2.4	2.9	-0.5	

リサンプルデータ

ε	$\widehat{oldsymbol{y}}$	y	Year	Month
0.4	3.6	4.0	2002	1
-0.5	3.5	4.0	2002	2
0.0	2.9	2.9	2017	12

- 説明変数は変わらない
- パラメータ推定の不確実性を評価

- 予測値に残差を足す
- 説明変数を使ってGLM
- これを繰り返す

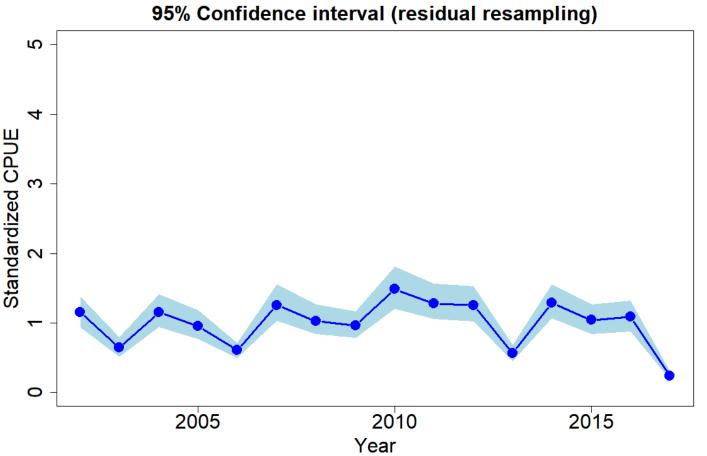
```
boot.cpue2 <- sapply(1:nsim, function(i){
  boot.resid <- sample(interact3$resid,nrow(dat),replace=TRUE) #残差のリサンプリング
  boot.dat <- dat
  boot.dat$CPUE <- exp(interact3$fitted.values + boot.resid) #予測値に残差を足す
  boot.res <- update(interact3, data=boot.dat) #後は同じ
  pred.cpue <- exp(predict(boot.res, newdata=new.dat))
  staCPUE <- tapply(pred.cpue, new.dat$Year, mean)
  staCPUE / mean(staCPUE)

95% Confidence interval (residual resampling)
```

(対数) 正規分布以外、特に離散変数の場合に難しい

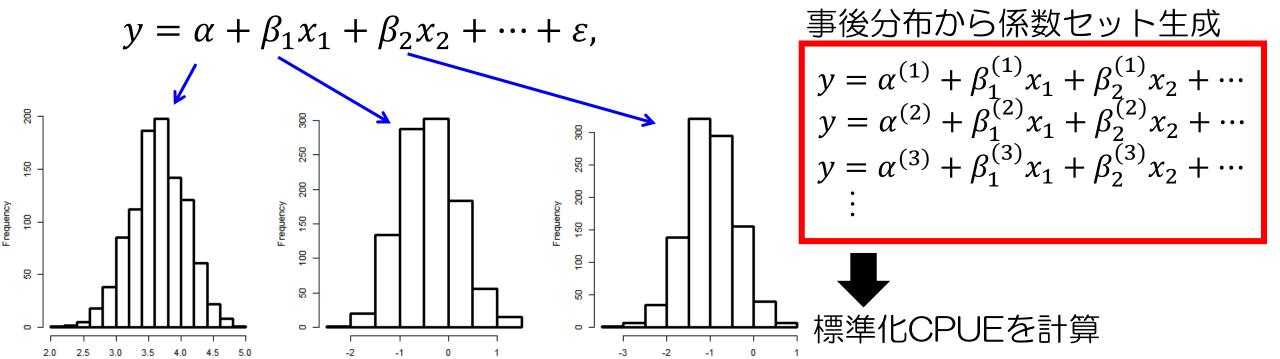
})

Rでの実行例



信頼区間の推定:事後分布の推定

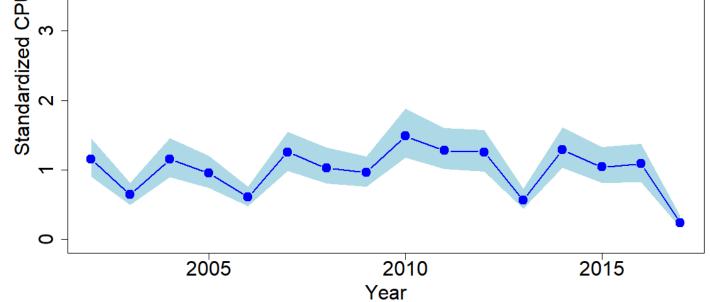
(ベイズ推定的に) MCMCを行い、パラメータの事後分布を得る (package" arm" のsim()を使う)



```
library(arm) #package"arm"の読み込み
par.post <- sim(interact3, n.sims = 1000) #事後分布の計算
boot.coef <- coef(par.post) #係数の取り出し
new.dat$CPUE <- rep(1,length(new.dat))</pre>
sim.dat <- model.matrix(interact3$formula, data = new.dat) %*% t(boot.coef)</pre>
#予測値の計算
#model.matrixはカテゴリ変数をダミー変数化したり係数にかける値を算出する関数
sim.dat <- exp(sim.dat)</pre>
boot.cpue3 <- apply(sim.dat,2, function(x) {</pre>
  staCPUE <- tapply(x, new.dat$Year, mean)</pre>
  staCPUE / mean(staCPUE)
  })
```

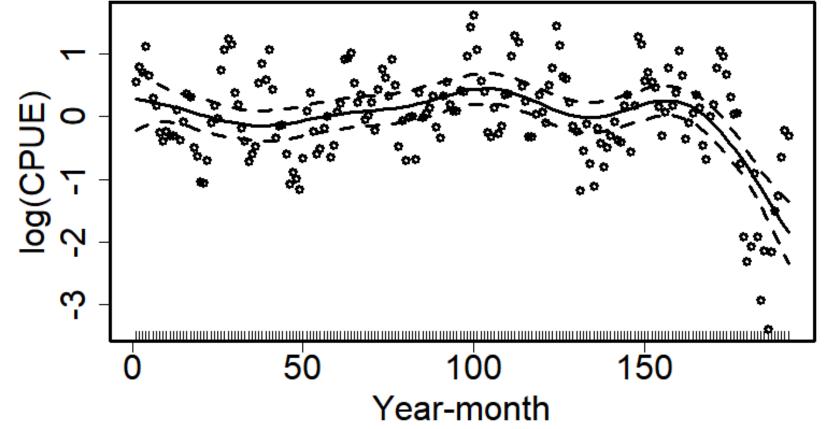
sim()はglmやlmerに対して使 える(正規分布以外もOK)

Rでの実行例



一般化加法モデル(GAM)

- 連続変数に対してグネグネした関数を用いてモデル(平滑化)
- 線形ではない式を足し合わせたモデル(加法モデル)



$$y = f(x) + \varepsilon$$

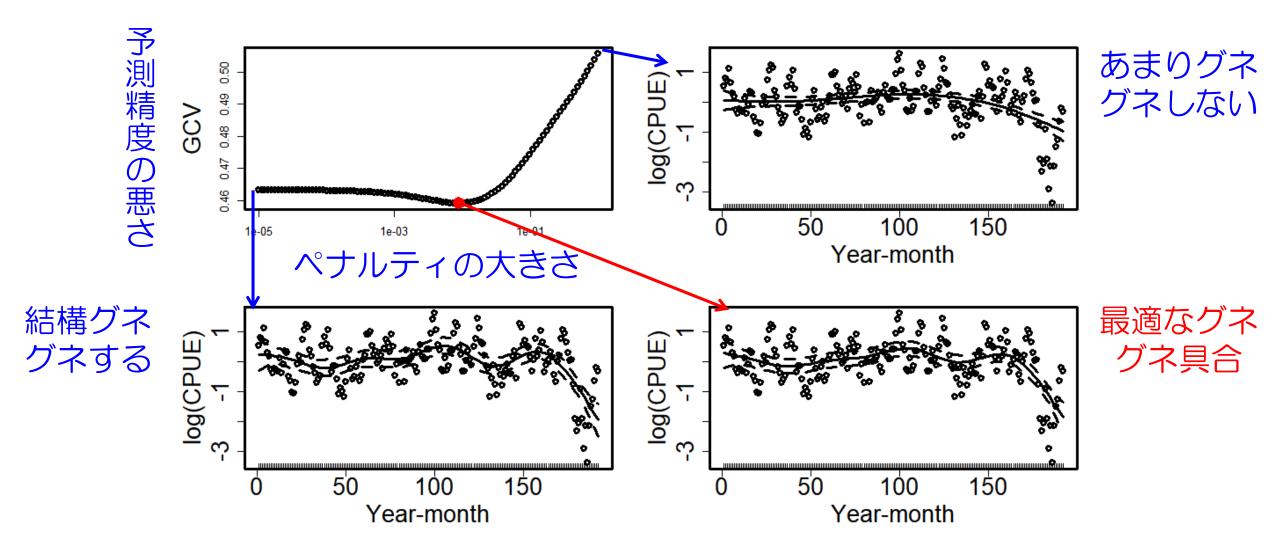
最小

$$-\log(L) + \lambda \int f''(x) dx$$
グネグネ度

交差検証による予測精度を基に決定

Penalized likelihood

ペナルティの大きさの影響



GAMの解析:交互作用なし・あり

```
> gam <- gam(log(CPUE) ~ Year + s(Month), data = dat) #no interaction</pre>
> gam2 <- gam(log(CPUE) ~ Year + s(Month, by=Year), data = dat) # interaction</pre>
> AIC(gam,gam2)
            df
                   AIC
   23.36517 337.03791
gam
gam2 119.18574 -46.01879
> c(gam$gcv.ubre,gam2$gcv.ubre)
    GCV.Cp GCV.Cp
0.34021964 0.09006807
```

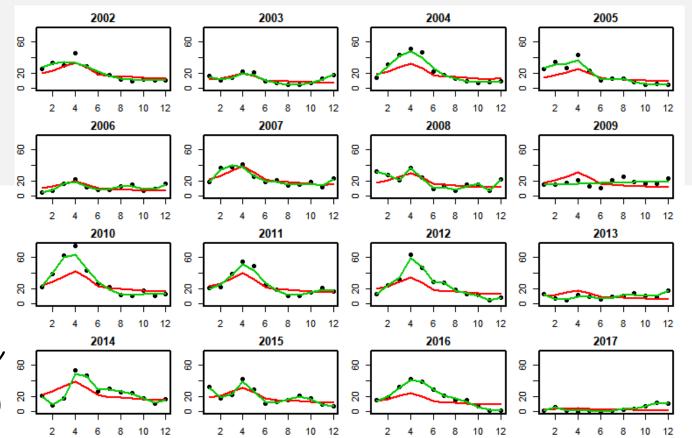


交互作用ありの方がよい (季節変動パターンが年 によって変わってる)

赤:交互作用なし。

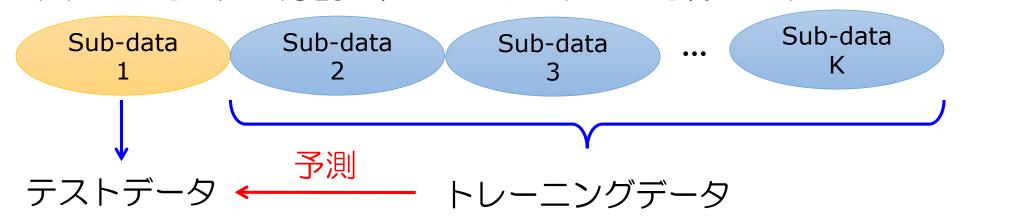
緑:交互作用あり

年ごとに平滑化



交差検証 (cross validation)

- GLMは最尤法で、GAMはペナルティ付き最尤法なのでAIC等では 比較できない
- K-分割交差検証によって異なるモデル間の比較が可能である
- 1. データをK個に分割し、1つのサブデータを除いたデータでパラメータ推定



2. テストデータを予測し、予測精度をRMSE (root mean squared error) などで測る

```
GLM vs. GAM
> nfolds <- 10 #10-fold cross validation</pre>
> dat$id <- sample(1:nfolds, nrow(dat), replace=TRUE)</pre>
> rmse <- sapply(1:nfolds, function(i) {</pre>
   train.dat <- subset(dat, id != i)</pre>
   test.dat <- subset(dat, id == i)</pre>
   glm.cv <- predict(update(interact3, data=train.dat),newdata = test.dat)</pre>
   glm.rmse <- sqrt(mean((log(test.dat$CPUE) - glm.cv)^2))</pre>
   gam.cv <- predict(update(gam2, data=train.dat),newdata = test.dat)</pre>
   gam.rmse <- sqrt(mean((log(test.dat$CPUE) - gam.cv)^2))</pre>
  c(glm.rmse,gam.rmse)
   })
> rmse
         [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6]
[1,] 0.5843955 0.4890191 0.5507541 0.5466020 0.4347081 0.4318414 0.5496188
[2,] 0.4057898 0.4125000 0.3239788 0.7122763 1.9777294 0.3819786 0.5984412
         [,8] [,9] [,10]
[1,] 0.5056577 0.5627170 0.6045362
                                        平均したらGLMの方がよい
[2,] 0.2663090 0.4960411 0.4800705
> rowMeans(rmse)
                                        GAMはすごく悪いときがある
[1] 0.5259850 0.6055114
```

ホームワーク③

- GAMの結果から、年トレンドを算出してみよう
- さらに、残差リサンプリングによって、その信頼区間も求めてみよう

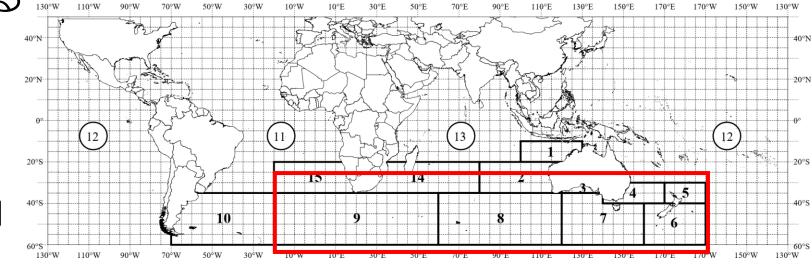
まとめ (シャコ)

- GLMにおける様々な確率分布
- GLMのモデル診断
- 交互作用や二乗項の使い方
- 年トレンドおよびその信頼区間の求め方
- GAMの解析手法
- モデル選択:AICや交差検証

実例2:ミナミマグロの延縄CPUE

https://www.ccsbt.org/en/content/sbt-data

- 漁獲量データは漁獲尾数で与えられる(整数)
- Oデータが含まれる(ただし1%)
- ・ 負の二項分布が使えそうだが…



1969年以降の海域4~9を使用

ゼロ過剰モデル (zero inflated model)

- ・ ポワソン分布や負の二項分布はOデータを扱えるが、実際のデータに はそこから期待されるよりも多くのOデータが含まれることが多い
- ・ポワソン / 負の二項分布 + 二項分布(ロジスティック回帰)

ゼロ過剰ポワソン分布
$$\Pr(y_i = h) = \begin{cases} \pi_i + (1 - \pi_i) \exp(-\mu_i), & h = 0 \\ (1 - \pi_i) \frac{\mu_i^h}{h!} \exp(-\mu_i), & h \ge 1 \end{cases}$$

 $\times \log it(1-\pi_i)$ と $\log(\mu_i)$ を線形関数で予測する

2種類のOを分けられる二項分布でO:その生き物が「いない」ポワソンでO:「いるけど見つからない」

ゼロ過剰モデルの解析

負の二項分布

Manath L Annan La C Cant () a c (C C C C C n t)) | Manath L Annan

library(pscl) #パッケージの読み込み

(Intercept) Year1970	[,1] -4.87423227 -0.18358938	[,2] -25.751639546 -0.120541282	
Year2017 Month5	-0.43859665 -0.03468044	21.640351181 -0.834141186	
Month9 Area5	0.19571714 -0.21308927	-0.172274691 -13.921101665	
 Area9	0.18666930	2.223451251	

- 一列目がロジスティック回帰の係数
- 二列目が負の二項分布モデルの回帰係数

ゼロ過剰モデルが妥当か?

・ ゼロ過剰モデルが妥当かを調べられるパッケージ: "DHARMa"

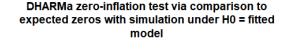
9

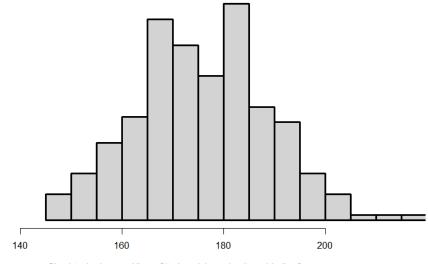
library(DHARMa)
mod.nb <- glm.nb(Catch ~ Year + Month + Area + offset(log(Effort)), data = dat) # 負の二項分布 simresid.nb <- simulateResiduals(mod.nb)

#残差をsimulate

testZeroInflation(simresid.nb) #0となる

- 負の二項分布が真だとしてOデータの数 をシミュレート
- この場合はゼロ過小?
- このパッケージは他にも各種診断(二項 分布のQQプロット・空間自己相関な ど)が行える





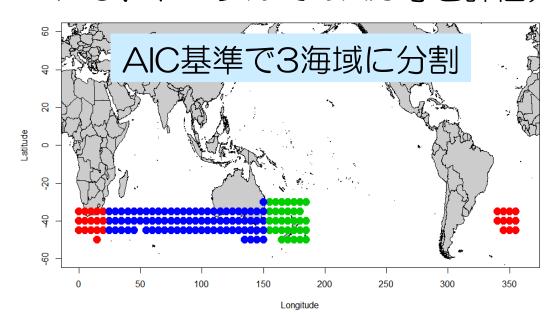
Simulated values, red line = fitted model. p-value (two.sided) = 0

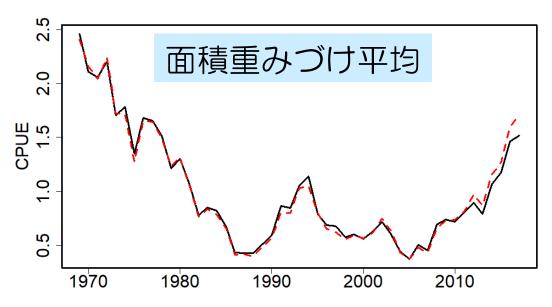
Delta-GLM (2段階法)

- 対数正規分布やガンマ分布はOより大きい連続値
- 対数正規 / ガンマ分布 + 二項分布(ロジスティック回帰)
- データを2個に分けて解析
 - 1. ゼロデータを含むデータ ⇒ 二項分布
 - 2. ゼロデータを除いたデータ ⇒対数正規 / ガンマ分布
 - ※ ゼロ過剰モデルと違って不在と未発見を分けられない
- 予測値は y = (1-p) * mu (p: Oをとる確率, mu: 正の場合の予測値)
 (標準化CPUEの予測もこの式からできる)

Delta-GLM-treeによる海区分け

- GLMは簡単で便利だが、適切な海域の設定はしばしば難しい
- GLM-tree: AIC等を基準に、予測力が最も良くなるように海域の境界を順々に 決定木のように設定する手法 (Ichinokawa and Brodziak 2010)
- このアルゴリズムをdelta-GLMに拡張(2つのモデルで海域が共通となるようにし、トータルでのAIC等を評価)





実例3:サワラの定置網の漁獲量データ

2006年以降の大型定置網における銘柄:サイズ大の(1統あたりの)漁獲量を予測してみよう

```
> head(dat.1)
    year month day gyosyu catch netnumber depth area
9358 2006
            2 16
                   330
                         18
                                 37
                                      50
41776 2006 2 16
                                      36 8
                   330 3
                                 45
11893 2006 2 17
                   330 3
                                 37
                                      50 4
        2 17
                                 53
                                      55
                   330
                                          12
21082 2006
        2 17
                         10
                                 47
37787 2006
                   330
                                      43
            2 18
                         10
                                 45
                                      36
42164 2006
                   330
```

• netnumberが漁場を表しており(小さいほど東側)、areaは netnumberから番号(1~16)を割り当てたもの

一般化線形混合モデル:GLMM

$$\log(catch_{y,m,a}) = \alpha + \beta_y + \gamma_m + \varphi_a + \varepsilon_{y,m,a}$$
年の効果 月の効果 場所の効果

GLM: $\varphi = (\varphi_2, \varphi_3, ..., \varphi_{16})$ という15個のパラメータを推定 GLMM: $\varphi_a \sim \text{Normal}(0, \tau^2)$ として、一つのパラメータ (τ^2) を推定

• lme4パッケージのlmer()関数を使用

```
library(lme4) #lme4パッケージの読み込み
glmm.res <- lmer(log(catch) ~ year + month + (1 area), data=dat.l)
```

切片がランダム効果で変わるという意味

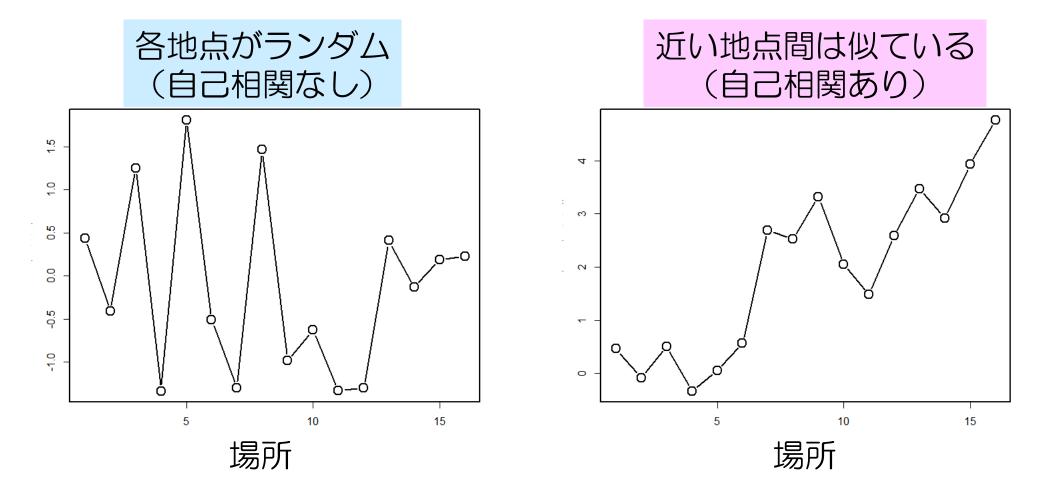
固定効果とランダム効果

- カテゴリカル変数の一つ一つの水準に関心があるなら固定効果
- 水準による「ばらつき」を考慮したい/関心があるならランダム効果
- 混合モデルは、各水準の効果はランダム効果として推定するので、 固定効果として推定するパラメータ数は少なく、節約的
- ただし、尤度の算出に積分が必要なので、計算が大変

$$L_{y,m,a} = \int \frac{p(y_{y,m,a}|\alpha,\beta_y,\gamma_m,\varphi_a)}{\delta \delta \delta \delta con} \times \frac{p(\varphi_a|\tau)d\varphi_a}{\delta \delta con} \times \frac{p(\varphi_a|\tau)d\varphi_a}{\delta \delta con} \rightarrow \delta \delta con$$
 るが消える

そのため、複雑なランダム効果の場合、ベイズ推定やTMB(自動微分)が有効

空間自己相関



空間自己相関したモデリングの方が予測性能が上がる可能性がある

条件付き自己回帰モデル (CAR model)

ある地点のランダム効果が近傍のランダム効果の影響を受ける

地点k 自己相関なし
以外 のときの分散
$$\phi_k|\phi_{-k}, \mathbf{W}, \tau^2, \rho \sim N\left(\frac{\rho\sum_{i=1}^K w_{ki}\phi_i}{\rho\sum_{i=1}^K w_{ki} + 1 - \rho}, \frac{\tau^2}{\rho\sum_{i=1}^K w_{ki} + 1 - \rho}\right)$$
地点間の影響の $\rho = 0$: 平均O 自己相関係数と近傍

地点間の影響の 強さを表す行列

$$\begin{pmatrix}
0 & 1 & 0 & \dots & 0 \\
1 & 0 & 1 & \ddots & 0 \\
0 & 1 & 0 & \ddots & \ddots
\end{pmatrix}$$

$$\langle \vdots \quad 0 \quad \cdots \quad \ddots \quad 1 \rangle$$

近傍間のみ1で あとはO

係数

1: 近傍の平均

 $\rho=0$: 自己相関なし

セルが多いほど、分

散が小さくなる

 $\rho=1$: 自己相関のみ

Rでの解析

• library(CARBayes) で解析できる

library(CARBayes)

```
n.area <- length(unique(dat.l$area))</pre>
W <- matrix(0, ncol = n.area, nrow = n.area) → 各要素が○の行列を作成
for (i in 1:(n.area-1)) W[i,i+1] <- W[i+1,i] <- 1
```

対角成分の隣に1を代入

```
car.bayes <- S.CARmultilevel(formula = log(catch) ~ year + month, data = dat.l,</pre>
                          family = "gaussian", #glmのように式を指定
                          W = W, ind.area = as.numeric(dat.l$area),
                          #近傍間の重みの関係を表す行列と各データの地点を指定
                          burnin=2000, n.sample=5000, thin=3)
```

MCMCサンプリングを開始し MCMCサンプリングを てから捨てるステップ数

行うステップ数

3つおきにサンプリング

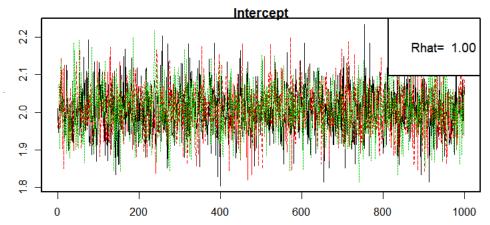
推定パラメータの収束の判断手法・基準

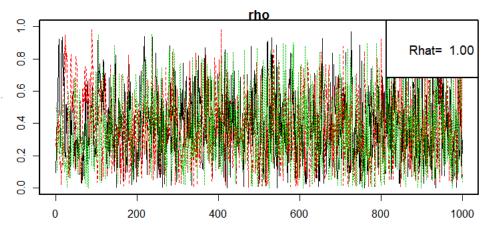
・ 複数回、MCMCサンプリングを実行し、サンプリング列内の分散と

列間の分散を比較する

$$\hat{R} = \sqrt{\frac{n-1}{n} + \frac{B}{nW}} \leftarrow$$
列間の分散
列内の分散

 < 1.1なら収束していると一応み なせる(必要条件)





CAR modelのモデル選択

• $\rho = 0$ or 1の場合も解析できる

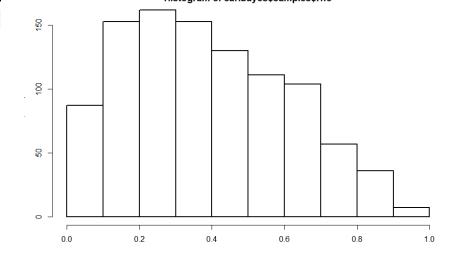
• WAIC (widely-applicable information criteria: ベイズ推定にも使

える情報量基準)によって予測性能を評価

```
rho.est.WAIC rho.0.WAIC rho.1.WAIC 43022.25 43020.92 43022.17
```



自己相関なしの方がWAIC低い



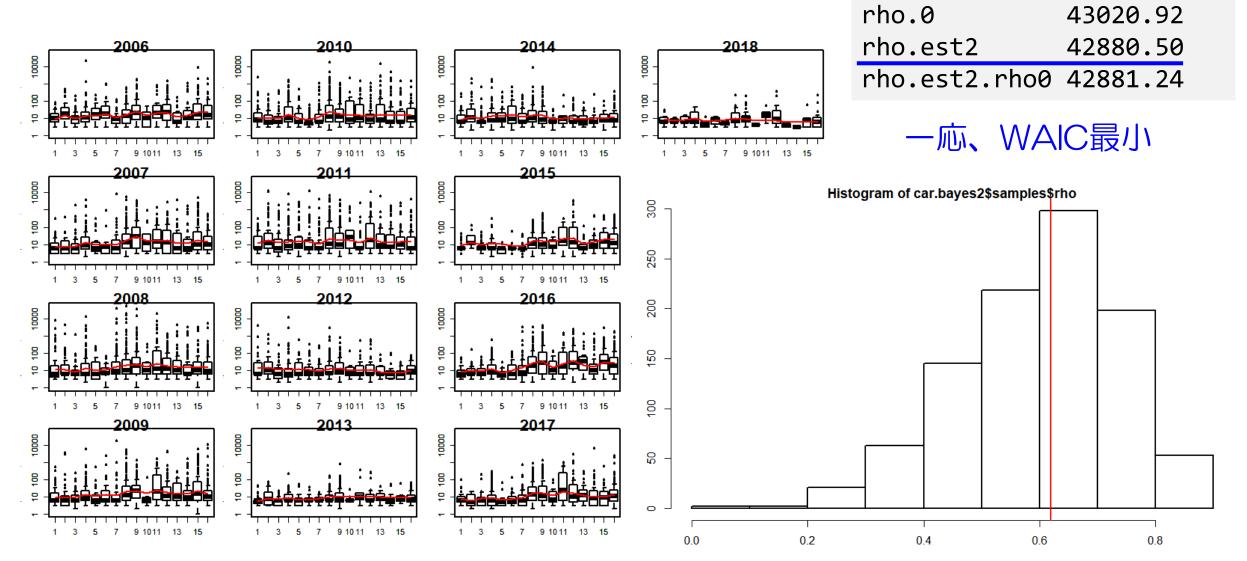
空間自己相関を年ごとに推定する

- 各地点のランダム効果は年によって変わっているかもしれない
- つまり、分布が年々変化している可能性がある
- 行列においてその年の近傍セルのみweightを1とすればよい

$$\mathbf{W2} = \begin{pmatrix} \mathbf{W} & \mathbf{O} & \dots & \mathbf{O} \\ \mathbf{O} & \mathbf{W} & \ddots & \mathbf{O} \\ \vdots & \ddots & \ddots & \mathbf{O} \\ \mathbf{O} & \cdots & \mathbf{O} & \mathbf{W} \end{pmatrix} \qquad \mathbf{W} = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & \dots & 0 \\ 1 & 0 & 1 & \ddots & 0 \\ 0 & 1 & 0 & \ddots & \vdots \\ \vdots & 0 & \cdots & \ddots & 1 \\ 0 & \cdots & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

- 「一列の行列 · 対角要素(同一年間の関係)に行列Wを代入の行列
 - それ以外(異なる年間の関係)には空行列を代入

解析結果

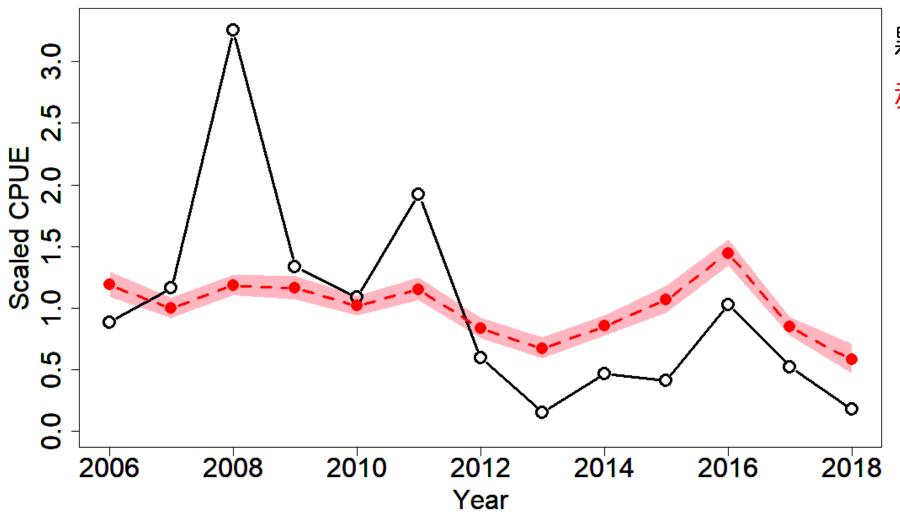


WAIC

rho.est

43022.25

年トレンド



黒:ノミナルCPUE

赤:標準化CPUE

ノミナルに比べて 安定?

ホームワーク④

サワラの小型のデータでCar modelのベイズ推定を行い、標準化CPUEを計算してみよう

まとめ (ミナミマグロ&サワラ)

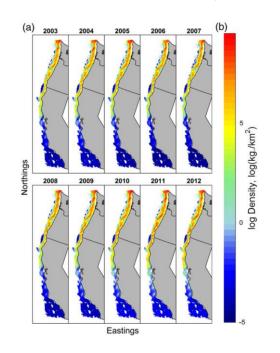
- ゼロ過剰モデル (zero inflated poisson or negative binomial)
- Delta GLM
- Delta-GLM-treeによる海区分け

- 一般化線形混合モデル(GLMM)
- 条件付き自己相関モデル (CAR model)
- ベイズ推定によるMCMC解析
- ベイズ推定にも使える情報量基準: WAIC

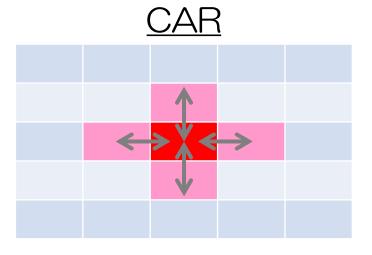
VASTの紹介

(Thorson and Barnett 2017 ICESJMS)

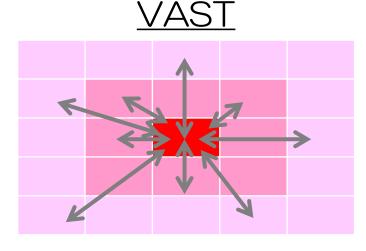
- VAST: vector-autoregressive spatio-temporal model
- ・ 自己回帰+ランダム効果により局所密度(CPUE)の時空間分布を推定



(Thorson et al. 2015 ICESJMS)



近傍間の相関関係をモデリング 比較的単純 ベイズ推定(CARBayes)



全体の相関関係をモデリング 複雑で計算が大変 TMBを使った最尤法

VASTでできること

https://github.com/James-Thorson/VAST

- 標準化
- ・ 分布重心や占有面積の変化の推定
- 密度依存性の検出
- 多種間の相関関係の推定とJoint distribution modeling
- 多種間の相互作用関係
- 分布の将来予測
- 狙い操業を考慮した推定

モデルの構造

デルタ型かゼロ過剰モデル (GLMM × 2)

0/1

時空間変動 (交互作用項) カンダム効果
$$p_1(i) = \beta_1(c_i,t_i) + \sum_{f=1}^{n_{\omega 1}} L_{\omega 1}(c_i,f)\omega_1(s_i,f) + \sum_{f=1}^{n_{\varepsilon 1}} L_{\varepsilon 1}(c_i,f)\varepsilon_1(s_i,f,t_i) + \sum_{f=1}^{n_{\eta 1}} L_1(c_i,f)\eta_1(v_i,f) + \sum_{p=1}^{n_p} \gamma_1(c_i,t_i,p)X(x_i,t_i,p) + \sum_{k=1}^{n_k} \lambda_1(k)Q(i,k)$$
 密度に影響する 漁具能率に影響 要因 する要因

Positive catch rate / count model

$$\begin{aligned} p_{2}(i) \\ &= \beta_{2}(c_{i}, t_{i}) + \sum_{f=1}^{n_{\omega 2}} L_{\omega 2}(c_{i}, f) \omega_{2}(s_{i}, f) + \sum_{f=1}^{n_{\varepsilon 2}} L_{\varepsilon 2}(c_{i}, f) \varepsilon_{2}(s_{i}, f, t_{i}) + \sum_{f=1}^{n_{\delta 2}} L_{2}(c_{i}, f) \eta_{2}(v_{i}, f) \\ &+ \sum_{p=1}^{n_{p}} \gamma_{2}(c_{i}, t_{i}, p) X(x_{i}, t_{i}, p) + \sum_{k=1}^{n_{k}} \lambda_{2}(k) Q(i, k) \end{aligned}$$

漁具や船などの

適用例:マサバの産卵量データ

Eastings

