

# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

#### «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

## Отчет по лабораторной работе №4 по дисциплине "Анализ алгоритмов"

<b>Тема</b> <u>Исследование многопоточности</u>
Студент <u>Малышев И. А.</u>
Группа <u>ИУ7-51Б</u>
Оценка (баллы)
Преподаватель: Волкова Л. Л.

## Содержание

$\mathbf{B}$	веде	ние	2
1	Ана	алитическая часть	3
	1.1	Стандартный алгоритм	3
	1.2	Параллельный алгоритм	
	1.3	Вывод	
2	Кон	нструкторская часть	4
	2.1	Схемы алгоритмов	4
	2.2	Вывод	
3	Tex	снологическая часть	6
	3.1	Средства реализации	6
	3.2	Реализация алгоритмов	6
	3.3	Тестирование	8
	3.4	Вывод	8
4	Исс	следовательская часть	9
	4.1	Технические характеристики	9
	4.2	Время выполнения реализаций алгоритмов	9
	4.3	Вывод	10
За	клю	очение	11
$\mathbf{C}_{1}$	писо	к литературы	12

## Введение

Поток, или поток выполнения, – базовая упорядоченная последовательность инструкций, которые могут быть переданы или обработаны одним ядром процессора. Вычисления разбиваются на части, за каждую из которых отвечает отдельный поток. Если в системе больше одного процессора, то использование многопоточности фактически позволяет выполнять несколько действий одновременно.

Многие алгоритмы (операции над матрицами, алгоритмы сортировки и т. д.) допускают многопоточную реализацию. Поэтому **целью** данной работы является сравнить производительность обычной и многопоточной реализаций алгоритма вычисления среднего степенного для строк матрицы. Для достижения поставленной цели необходимо решить следующие задачи:

- изучить стандартный алгоритм вычисления среднего степенного для строк матрицы и найти способ его распараллеливания;
- разработать и привести схемы алгоритмов;
- выбрать средства реализации;
- реализовать однопоточный и многопоточный алгоритм вычисления среднего степенного для строк матрицы;
- протестировать реализованные алгоритмы;
- провести сравнительный анализ алгоритмов на основе экспериментальных данных о времени выполнения в зависимости от количества потоков.

## 1 Аналитическая часть

В этом разделе приведён обзор и анализ алгоритмов вычисления среднего степенного для строк матрицы.

#### 1.1 Стандартный алгоритм

Пусть дана прямоугольная матрица

$$A_{nm} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1m} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2m} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{l1} & a_{l2} & \dots & a_{nm} \end{pmatrix}, \tag{1.1}$$

тогда вектор B

$$B_n = \begin{pmatrix} b_1 & b_2 & \dots & b_n \end{pmatrix}, \tag{1.2}$$

где

$$b_{i} = \sqrt[d]{\frac{\sum_{j=1}^{m} a_{ij}^{d}}{m}} \quad , (j = \overline{1, m})$$
 (1.3)

будет называться средним степенным строки матрицы A [1].

## 1.2 Параллельный алгоритм

Можно заметить, что каждый элемент вектора B вычисляется независимо от других и матрица A не изменяется. Тогда для параллельного вычисления среднего степенного строк достаточно просто равным образом распределить строки матрицы A между потоками [2].

#### 1.3 Вывод

В данном разделе было выявлено, что обычный алгоритм получения среднего степенного от ряда чисел в строке матрицы независимо вычисляет элементы вектора-результата, что дает большое количество возможностей для реализации параллельного варианта алгоритма.

## 2 Конструкторская часть

В этом разделе приводятся схемы алгоритмов вычисления среднего степенного для строк матрицы, приведённых в аналитической части.

## 2.1 Схемы алгоритмов

На рисунках 2.1 и 2.2 показаны схемы алгоритмов сортировки пузырьком, выбором и быстрой сортировки соответственно.

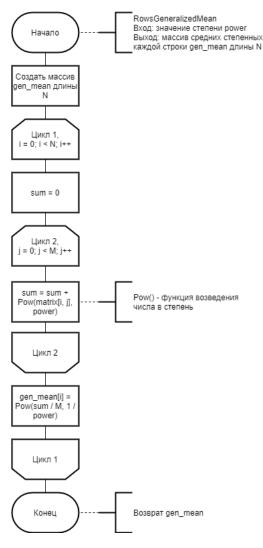


Рис. 2.1: Схема стандартного алгоритма

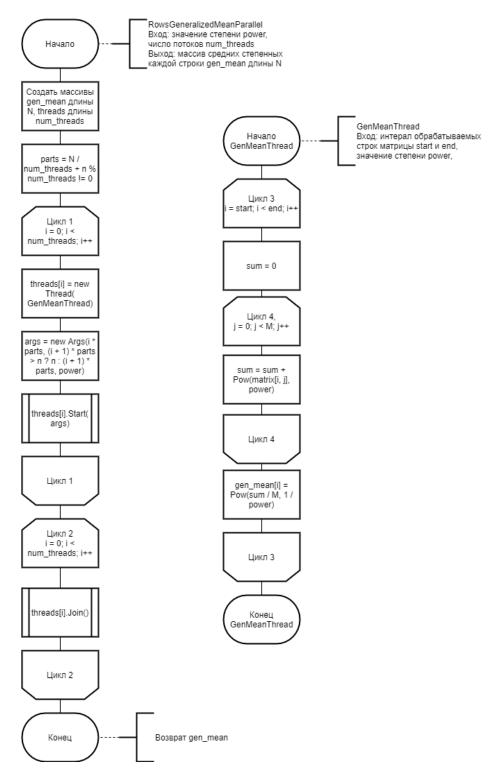


Рис. 2.2: Схема параллельной версии алгоритма

## 2.2 Вывод

На основе теоретических данных, полученных из аналитического раздела, были построены схемы алгоритмов вычисления среднего степенного для строк матрицы.

## 3 Технологическая часть

В данном разделе приводится реализация алгоритмов, схемы которых были разработаны в конструкторской части. Кроме того, обосновывается выбор технологического стека и проводится тестирование реализованных алгоритмов.

#### 3.1 Средства реализации

В качестве языка программирования был выбран С#, а среды разработки – Visual Studio, т. к. я знаком с данным языком и имею представление о тестировании программ в данном языке. Время работы алгоритмов было замерено с помощью библиотеки System. Diagnostics, класса Stopwatch, который имеет методы для расчёта процессорного времени [3].

#### 3.2 Реализация алгоритмов

В листингах 3.1 и 3.2 приведена реализация стандартного и параллельного алгоритмов вычисления среднего степенного для строк матрицы.

Листинг 3.1: Стандартный метод вычисления среднего степенного для строк матрицы

```
1
  public double[] RowsGenMean(double power)
2
  {
3
    double[] gen_means = new double[n];
4
5
    for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
6
7
       double sum = 0;
8
       for (int j = 0; j < m; j++)
         sum += Math.Pow(matrix[i, j], power);
9
10
11
       gen_means[i] = Math.Pow(sum / m, 1.0 / power);
12
    }
13
14
    return gen_means;
15
```

Листинг 3.2: Параллельный метод вычисления среднего степенного для строк матрицы

```
public double[] RowsGenMeanParallel(double power, int num_threads = 1)
2
3
    Thread[] threads = new Thread[num_threads];
4
     double[] gen_means = new double[n];
5
6
     int parts = n / num_threads + (n % num_threads != 0 ? 1 : 0);
7
8
    for (int i = 0; i < num_threads; i++)</pre>
9
10
       threads[i] = new Thread(GenMeanThread);
11
12
       Args args = new Args(i * parts, (i + 1) * parts > n ? n : (i + 1) *
          parts, power);
13
      threads[i].Start(args);
14
15
    }
16
17
    foreach (Thread t in threads)
18
       t.Join();
19
20
    return gen_means;
21
22
    void GenMeanThread(object obj)
23
24
       Args args = (Args)obj;
25
       var (start, end) = (args.row_indx_start, args.row_indx_end);
26
       double pow = args.power;
27
28
       for (int i = start; i < end; i++)</pre>
29
30
         double sum = 0;
         for (int j = 0; j < m; j++)
31
           sum += Math.Pow(matrix[i, j], pow);
32
33
34
         gen_means[i] = Math.Pow(sum / m, 1.0 / pow);
35
       }
36
    }
37 }
```

## 3.3 Тестирование

В таблице 3.1 приведены тесты для функций, реализующих стандартный и параллельный алгоритм вычисления среднего степенного для строк матрицы. Число потоков для многопоточной версии равно числу строк в матрице.

Таблица 3.1: Тестирование функций

Матрица	Степен	ь Ожидаемый	Фактический	Фактический
		результат	результат	результат
			(стандартный)	(многопоточный)
$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 4 & 5 \end{pmatrix}$	2	(2.1602  4.0825)	(2.1602  4.0825)	(2.1602  4.0825)
$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$	0.5	(1.4571  3.4821  5.4886)	(1.4571 3.4821 5.4886)	(1.4571 3.4821 5.4886)
(2)	1	(2)	(2)	(2)
$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}$	0	$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$	(1 1 1)	$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$

Все тесты пройдены успешно.

### 3.4 Вывод

В данном разделе были реализованы стандартный и параллельный алгоритм вычисления среднего степенного для строк матрицы. Кроме того, реализации были успешно протестированы.

## 4 Исследовательская часть

В данном разделе проводится сравненительный анализ реализованных алгоритмов по процессорному времени.

#### 4.1 Технические характеристики

Ниже приведены технические характеристики устройства, на котором было проведено тестирование  $\Pi O$ :

- операционная система: Windows 10 Home 64-bit [4];
- оперативная память: 16 ГБ;
- процессор: 4.0 GHz 4-ядерный процессор Intel Core i7-4790K [5].

### 4.2 Время выполнения реализаций алгоритмов

Для сравнительного анализа времени выполнения реализаций алгоритмов были проведены эксперименты. Для замеров были сформированы следующие данные:

- матрица со случайными числами размером 1024 на 1024;
- значение степени равно 2.

В таблице ?? представлены результаты замеров. Время измерялось 100 раз для каждого числа потоков, после усреднялось.

Таблица 4.1: Таблица времени выполнения (в тиках) алгоритмов при разном числе потоков

Число потоков	Время выполнения
не распараллелено	$455\ 547$
1	549 188
2	369 247
4	221 466
8	218 486
16	243 658
32	248 079

#### 4.3 Вывод

На основе замеров процессорного времени было получено, что на конкретных данных параллельный алгоритм имеет наименьшее время работы при 8 потоках, что соответствует числу логических ядер компьютера, на котором проводилось тестирование. При числе потоков больше 8 увеличивается время работы алгоритма на тестируемом компьютере. Таким образом, рекомендуется использовать число потоков, равное числу логических ядер.

Также выявлено, что параллельная реализация при 8 потоках быстрее стандарной примерно в 2.1 раза. Хотя не распараллеленная реализация имеет меньшее время работы по сравнению с однопоточной, поскольку в однопоточной уходит время на создание потока.

## Заключение

В рамках данной лабораторной работы:

- был найден способ распараллеливания алгоритма вычисления среднего степенного для строк матрицы;
- были разработаны и приведены схемы алгоритмов;
- были реализованы однопоточный и многопоточный алгоритм вычисления среднего степенного для строк матрицы, а также протестированы;
- был проведён сравнительный анализ алгоритмов на основе экспериментальных данных: по времени выполнения в зависимости от количества потоков.

В результате исследования было выяснено, что параллельные реализации алгоритма вычисления среднего степенного для строк матрицы работают быстрее стандартной реализации. Наиболее эффективны данные алгоритмы при количестве потоков, совпадающем с количеством логических ядер компьютера. Так, на матрице размером 1024 на 1024 удалось улучшить время выполнения алгоритма в 2.1 раз (в сравнении со стандартной реализацией).

Поставленная цель была достигнута.

## Список литературы

- 1. Математическое просвещение (II). Выпуск 6. Математика, ее преподавание, приложения и история. Сборник. М., ГИТТЛ, 1961. 376 с.
- 2. Kunle Olukotun. Chip Multiprocessor Architecture Techniques to Improve Throughput and Latency. Morgan and Claypool Publishers, 2007. 154 p.
- 3. Свойство Process.UserProcessorTime [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://docs.microsoft.cru/dotnet/api/system.diagnostics.stopwatch?view=net-5.0. Дата обращения: 26.10.2021
- 4. Windows 10 [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://www.microsoft.com/ru-ru/windows/get-windows-10. Дата обращения: 26.10.2021
- 5. Процессор Intel Core I7-4790K [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://ark.intel.com/content/core-i7-4790k-processor-8m-cache-up-to-4-40-ghz.html. Дата обращения: 26.10.2021