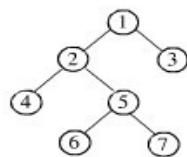


- (2 分)为解决计算机和打印机速度不匹配问题, 通常设置一个打印数据缓冲区, 主机将要输出的数据依次写入缓冲区, 而打印机依次从该缓冲区中取出数据. 该缓冲区的逻辑结构应该是?  
A. 栈      B. 队列      C. 树      D. 图
- (2 分)设栈 S 和队列 Q 的初始状态均为空, 元素 abcdefg 依次进入栈 S. 若每个元素出栈后立即进入队列 Q, 且 7 个元素出对的顺序是 bdcfeag, 则栈 S 的容量至少是?  
A. 1      B. 2      C. 3      D. 4

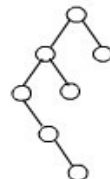
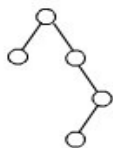
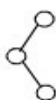
3. 给定二叉树油图所示。设N代表二叉树的根, L代表根结点的左子树, R代表根结点的右子树。若遍历后的结点序列为3, 1, 7, 5, 6, 2, 4, 则其遍历方式是\_\_\_\_\_。



- A. LRN      B. NRL      C. RLN      D. RNL

4. 下列二叉排序树中, 满足平衡二叉树定义的是\_\_\_\_\_。

- A.      B.      C.      D.



- (2 分)已知完全二叉树的第六层(根节点视为第一次)有 8 个节点. 则此完全二叉树节点个数最多为  
A. 39      B. 52      C. 111      D. 119
- 将森林转换为对应的二叉树. 若在二叉树中节点 u 是节点 v 的父节点的父节点. 则在原来的森林中, u 与 v 的可能关系为  
甲) 父子关系.      乙) 兄弟关系      丙) u 的父节点与 v 的父节点是兄弟关系  
A. 只有 甲      B. 甲 和 乙      C. 甲 和 丙      D. 甲 乙 丙
- 下面关于无向连通图特性的叙述中, 正确的是:  
甲) 所有顶点度数之和为偶数.      乙) 边数大于顶点个数减 1  
丙) 至少有一个顶点的度为 1.  
A. 只有 甲      B. 只有 乙      C. 甲 和 乙      D. 甲 和 丙

参考答案:

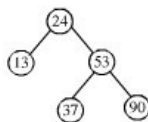
1)B 2)C 3)D 4)B 5)C 6)B 7)A

- 下面叙述中, 不符合 m 阶 B 树定义要求的是:
  - A. 根节点最多有 m 棵子树
  - B. 所有叶节点都在同一层上.
  - C. 各节点内关键字均升序或降序排列
  - D. 叶节点之间通过指针链接.
- 已知关键字序列 5, 8, 12, 19, 28, 20, 15, 22 为极小堆(小根堆, 最小堆). 添加关键字 3 调整后得到的极小堆是:
  - A. 3,5,12,8,28,20,15,22,19
  - B. 3,5,12,19,20,15,22,8,28
  - C. 3,8,12,5,20,15,22,28,19
  - D. 3,12,5,8,28,20,15,22,19
- 若数据元素序列 11,12,13,7,8,9,23,4,5 是采用下列排序算法之一得到的第二趟排序后的结果, 则该排序算法只能是:
  - A. 冒泡排序
  - B. 插入排序
  - C. 选择排序
  - D. 二路归并排序
- 如元素 abcdef 依次进栈, 允许进栈出栈操作交替进行, 但不允许连续三次退栈. 则不可能得到的出栈序列为:
  - A. dcebf a
  - B. cbdaef
  - C. bcaefd
  - D. afedcb
- 某队列允许在其两端进行入队操作, 但仅允许在一端进行出队操作. 若元素 abcde 依次入队后再进行出队操作, 则不可能的出队序列为
  - A. bacde
  - B. dbace
  - C. dbcae
  - D. ecbad
- 

参考答案:

1)D 2)A 3)B 4) D 5)C

4. 在右图所示的平衡二叉树中，插入关键字 48 后得到一棵新平衡二叉树。在新平衡二叉树中，关键字 37 所在结点的左、右子结点中保存的关键字分别是\_\_\_\_\_。



- A. 13、48      B. 24、48      C. 24、53      D. 24、90

5. 在一棵度为 4 的树 T 中，若有 20 个度为 4 的结点，10 个度为 3 的结点，1 个度为 2 的结点，10 个度为 1 的结点，则树 T 的叶节点个数是\_\_\_\_\_。

- A. 41      B. 82      C. 113      D. 122

6. 对  $n(n \geq 2)$  个权值均不相同的字符构造哈夫曼树。下列关于该哈夫曼树的叙述中，错误的是\_\_\_\_\_。

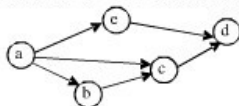
- A. 该树一定是一棵完全二叉树  
B. 树中一定没有度为 1 的结点  
C. 树中两个权值最小的结点一定是兄弟结点  
D. 树中任一非叶结点的权值一定不小于下一层任一结点的权值

CBA

7. 若无向图  $G=(V,E)$  中含 7 个顶点，要保证图 G 在任何情况下都是连通的，则需要的边数最少是\_\_\_\_\_。

- A. 6      B. 15      C. 16      D. 21

8. 对下图进拓扑排序，可以得到不同的拓扑序列的个数是\_\_\_\_\_。



- A. 4      B. 3      C. 2      D. 1

9. 已知一个长度为 16 的顺序表 L，其元素按关键字有序排列。若采用折半查找法查找一个 L 中不存在的元素，则关键字的比较次数最多是\_\_\_\_\_。

- A. 4      B. 5      C. 6      D. 7

CBB

- 采用递归方式对顺序表进行快速排序。下列关于递归次数的叙述中，正确的是：

- A. 递归的次数与初始数据的排列次序无关。
- B. 每次划分后先处理较长的区间可以减少递归次数；
- C. 每次划分后先处理较短的区间可以减少递归次数；
- D. 递归次数与处理划分后得到的区间的次序无关。

- 对一组数据(2,12,16,88,5,10)进行排序。如果前三趟排序结果如下

第一趟(2,12,16,5,10,88)

第二趟(2,12,5,10,16,88)

第三趟(2,5,10,12,16,88)

则采用的排序算法可能是：

- A. 冒泡排序
- B. 希尔排序
- C. 归并排序
- D. 基数排序

DA

1. ( ) 数据的逻辑结构是指数据的各数据项之间的逻辑关系。
2. ( ) KMP 算法的特点是在模式匹配时指示主串的指针不会变小。
3. ( ) 强连通分量是无向图的极大强连通子图。
4. ( ) 查找相同结点的效率折半查找总比顺序查找高。
5. ( ) 求  $n$  个数中最大的  $k$  ( $k \ll n$ ) 个数，起泡排序比直接选择排序要好。
6. ( ) 平衡二叉树 (AVL 树) 的中序遍历值是递增的。
7. ( ) 外排中使用置换选择排序的目的，是为了增加初始归并段的长度。
8. ( ) 链表的每个结点都恰好有一个指针。
9. ( ) 用六叉链表表示 30 个结点的六叉树，则树中共有 151 个空指针。
10. ( ) 若完全二叉树的某个结点没有左子，则此结点必是叶子结点。

批注 [曹魏腾1]: 应为数据元素间的关系

批注 [曹魏腾2]: 有向图

批注 [曹魏腾3]: 单链表

FTFFF

TFFTT

11. ( ) 栈和队列都是线性表，只是在插入和删除时受到了一些限制。
12. ( ) 数据的逻辑结构与数据元素本身的形式和内容无关。
13. ( ) 若把堆看成是一棵完全二叉树，则该树一定是一棵二叉排序树。
14. ( ) 若装填因子  $\alpha$  为 1，则向散列表中散列元素时一定会产生冲突。
15. ( ) 霍夫曼树的所有子树也均是霍夫曼树。
16. ( ) 平衡二叉树 (AVL 树) 的中序遍历值是递增的。
17. ( ) 若有向图不存在回路，即使不用访问标志位同一结点也不会被访问两次。
18. ( ) 归并排序在任何情况下都比所有简单排序速度快。
19. ( ) 外排中使用置换选择排序的目的，是为了增加初始归并段的长度。
20. ( ) 任何一个关键活动提前完成，则整个工程也会提前完成。

批注 [曹魏腾4]: 都是线性表，都是逻辑结构

TTFFT

TFFTF

- ( ) 在对线性表的插入、删除操作较多，随机访问较少的情况下，采用链式存储结构优于顺序存储结构。
- ( ) 线性表的逻辑顺序与存储顺序总是一致的。
- ( ) 顺序存储方式只能用于存储线性结构。
- ( ) 顺序存储的线性表可以按序号随机存取。
- ( ) 非空循环链表中每一个元素都有后继。
- ( F ) 在对队列做出队操作时，不会改变 front 指针的值。
- ( F ) 数据结构包含数据的逻辑结构、数据的存储结构以及数据集合上定义的运算。
- ( ) 若一个树叶是某二叉树的先序遍历序列最后一个结点，则它必是该二叉树的中序遍历序列最后一个结点。
- ( ) 已知一棵树的先序序列和后序序列，一定能构造出该树。
- ( ) 字符串是数据对象特定的线性表。

批注 [曹魏腾5]: 明显错了 树也可以用线性结构

批注 [曹魏腾6]: front++, 不会改变 rear

批注 [曹魏腾7]: 不包括存储结构

批注 [曹魏腾8]:

TFFTT

FFFTT

选择题:

- 在数据结构中，从逻辑上可以把数据结构分成 ( )
  - 动态结构和静态结构
  - 紧凑结构和非紧凑结构
  - 线性结构和非线性结构
  - 内部结构和外部结构
- 线性表若采用链式存储结构时，要求内存中可用存储单元的地址 ( )。
  - 必须是连续的
  - 部分地址必须是连续的
  - 一定是不连续的
  - 连续或不连续都可以
- 下列数据中，( ) 不是线性数据结构。
  - 队列
  - 栈
  - 完全二叉树
  - 循环队列
- 除了考虑存储数据结构本身所占用的空间外，实现算法所用辅助空间的多少称为 ( )
  - 时间效率
  - 空间效率
  - 硬件效率
  - 软件效率
- 带头结点的单链表 h 为空的判断条件是 ( )
  - h==NULL
  - h->next==h
  - h->next==NULL
  - h!=NULL
- 以下算法的时间复杂度为 \_\_\_\_\_。
 

```
for(i=1;i<=100;i++)
  for(j=i;j<=1000;j++)
    x=x+1;
```

  - O(1)
  - O(n)
  - O(n^2)
  - O(n^3)
- 数据元素是数据的基本单位，其内 \_\_\_\_\_ 数据项。
  - 只能包括一个
  - 不包含
  - 可以包含多个
  - 必须包含多个
- 线性表的链式存储和顺序存储相比，最有利于进行 \_\_\_\_\_。
  - 查找
  - 表尾插入或删除
  - 按值插入
  - 表头插入或删除
- 在一个单链表中，如果要在 p 所指向的节点之后插入一个新的节点，则需要相继修改 \_\_\_\_\_ 个节点的指针域的值。
  - 1
  - 2
  - 3
  - 4

- 10、栈的插入和删除操作在 \_\_\_\_\_ 进行。  
(A) 栈顶 (B) 栈底 (C) 任意位置 (D) 指定位置
- 11、假定一个不设队列长度变量的顺序队列的队首和队尾指针分别为  $f$  和  $r$ ，则判断队空的条件是\_\_\_\_\_。  
(A)  $f+1==r$  (B)  $r+1==f$  (C)  $r==f$  (D)  $f==0$
- 12、在一棵树中，每个节点最多有\_\_\_\_\_个前驱节点。  
(A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) 任意多个
- 13、二叉树的中序遍历的顺序是\_\_\_\_\_。  
(A) 根结点，左子树，右子树 (B) 左子树，根结点，右子树  
(C) 右子树，根结点，左子树 (D) 左子树，右子树，根结点
- 14、在一棵有 35 个结点的完全二叉树中，该树深度是\_\_\_\_\_。  
(A) 5 (B) 6 (C) 7 (D) 8
- 15、顺序查找适用于存储结构为\_\_\_\_\_的线性表  
(A) 顺序存储 (B) 链式存储  
(C) 顺序存储或链式存储 (D) 索引存储
- 16、设有两个串  $p$  和  $q$ ，其中  $q$  是  $p$  的子串，求  $q$  在  $p$  中首次出现的位置的算法称为( )。  
(A) 求子串 (B) 联接 (C) 模式匹配 (D) 求串长
- 17、具有 10 个记录的序列，采用冒泡排序最少的比较次数为\_\_\_\_\_。  
(A) 1 (B) 100 (C) 9 (D) 55
- 18、快速排序在\_\_\_\_\_ 情况下最不利于发挥其长处。  
(A) 要排序的数据量太大 (B) 要排序的数据中含有多个相同值  
(C) 要排序的数据已经基本有序 (D) 要排序的数据是逆序
- 19、一组记录的排序关键字为 (46, 79, 56, 38, 40, 84)，利用快速排序方法，以第一个记录为基准得到的第一次划分的结果为\_\_\_\_\_。  
(A) 38, 40, 46, 56, 79, 84 (B) 40, 38, 46, 79, 56, 84  
(C) 40, 38, 46, 56, 79, 84 (D) 40, 38, 46, 84, 56, 79
- 20、对  $n$  个元素进行直接选择排序，需要进行\_\_\_\_\_ 趟选择和交换。  
(A)  $n$  (B)  $n+1$  (C)  $n-1$  (D)  $n/2$
- 21、折半查找一个具有  $n$  个数据元素的线性表，其时间复杂度为\_\_\_\_\_。  
(A)  $O(n)$  (B)  $O(n^2)$  (C)  $O(\log_2^n)$  (D)  $O(n^3)$
- 22、在一棵非空二叉树的中序遍历序列中，根结点的右边\_\_\_\_\_。  
(A) 只有右子树上的所有结点 (B) 只有右子树上的部分结点  
(C) 只有左子树上的所有结点 (D) 只有左子树上的部分结点
- 23、采用顺序查找法检索长度为  $n$  的线性表，则检索每个元素的平均比较次数为\_\_\_\_\_。  
(A)  $n$  (B)  $n/2$  (C)  $(n+1)/2$  (D)  $(n-1)/2$
- 24、采用顺序查找时，设置“监测哨”的好处是\_\_\_\_\_。  
(A) 降低平均查找长度 (B) 查找失败时，不必每次判断表是否检测完，统一算法  
(C) 对于查找成功的情况，可以提高效率 (D) 可以使算法对存储没有要求
- 25、在一棵度为 3 的树中，度为 3 的结点个数为 2，度为 2 的结点个数为 1，度为 1 的结点个数为 0，则度为 0 的结点个数为\_\_\_\_\_。  
A. 4 B. 5 C. 6 D. 7
- 26、快速排序在平均情况下的时间复杂度为 \_\_\_\_\_。  
(A)  $O(n)$  (B)  $O(n^2)$  (C)  $O(n \log_2^n)$  (D)  $O(n^3)$
- 27、每次从无序表中挑选出一个最大或最小元素，把它交换到有序表的一端，这种排序方法



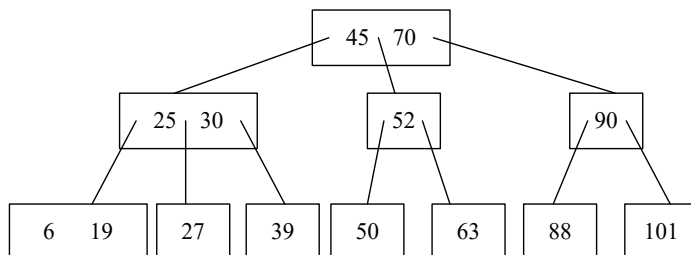




- 六个**不同**元素依次进栈，能得到\_\_\_\_\_种不同的出栈序列。  
A. 42                      B. 82                      C. 132                      D. 192
- 数据对象是具有相同特性的\_\_\_\_\_的集合，它是数据的子集。  
A. 数据项                      B. 数据元素                      C. 数据对象                      D. 数据结构
- 含有 4 个元素值**均不相同**的结点的二叉排序树有\_\_\_\_\_种。  
A. 4                      B. 6                      C. 10                      D. 14
- 有 345 个元素的有序表，等概率顺序查找成功的平均查找长度为\_\_\_\_\_。  
A. 173                      B. 172                      C. 86                      D. 345
- 一棵 Huffman 树共有 215 个结点，对其进行 Huffman 编码，共能得到\_\_\_\_\_个**不同**的码字；  
A. 107                      B. 108                      C. 214                      D. 215
- 一个具有  $n$  个顶点的无向图，最少有\_\_\_\_\_条边就**一定**连通。  
A.  $n-1$                       B.  $n$                       C.  $n(n-1)/2$                       D.  $(n-1)(n-2)/2+1$
- 若一个有向图的邻接矩阵是\_\_\_\_\_，则该有向图**一定**存在拓扑排序。  
A. 稀疏矩阵                      B. 对称矩阵                      C. 对角矩阵                      D. 三角矩阵
- 选用时间最快的稳定排序算法是\_\_\_\_\_。  
A. 归并排序                      B. 堆排序                      C. 快速排序                      D. 简单插入排序
- 18 个初始归并段进行 5 路平衡归并，需要增加\_\_\_\_\_个虚拟归并段。  
A. 1                      B. 2                      C. 3                      D. 4
- 一棵  $m$  阶的 B+树中，每个结点**最多**有\_\_\_\_\_棵子树。  
A.  $m/2$                       B.  $m$                       C.  $m-1$                       D.  $m+1$

CBDAB  
DDACB

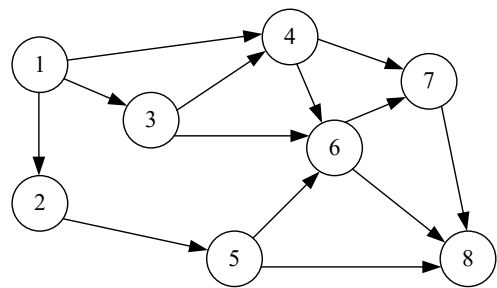
- 一. 已知一棵 3 阶的 B-树初态如下所示，若此后依次向此树中插入关键字 55、61、7，然后再删除关键字 50、101，请画出**每一步**执行后 B-树的状态。



- 二. 请回答以下关于有向图的一些问题：

(1) 某有向无环图如下所示，请写出该图全部的拓扑序列；

(2) 对于一个有向图，不用拓扑排序，如何判断图中是否存在环？



三. 已知一组待排关键字序列{83120, 52366, 7037, 43126, 50921, 5731, 83265, 73192, 8235, 49198}, 试根据基数排序原理写出每一趟排序的结果。

四. 求模式串 P='decddcgdecdegf'的 next 和 nextval 数组各元素的值，填入下表中。

J	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
P	d	e	c	d	d	e	c	g	d	e	c	d	e	g	f
next[j]															
nextval[j]															

五. 设已知散列表的地址空间为 0-10，散列函数为  $H(K)=K \text{ MOD } 11$ ，解决冲突的方法为线性探测再散列法，试将下列关键字集合 {22, 41, 53, 33, 46, 30, 13, 01, 67} 依次插入到如下所示的散列表中。并分别求出等概率下查找成功时和查找失败时的平均查找长度。

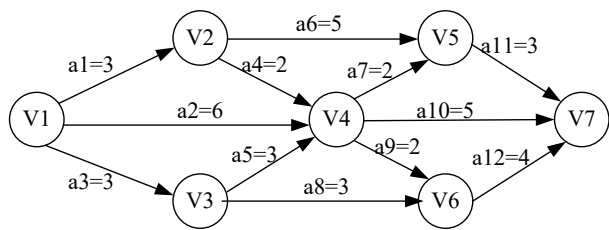
散列地址	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
关键字											

六. 已知一棵树的先根遍历序列和后根遍历序列如下所示，请画出这颗树对应的二叉树。

先根遍历序列：A B C D E F G H I J K L

后根遍历序列：B D E F C G J K I L H A

七. 已知一图如下图所示, 以 v1 为源点, 以 v7 为汇点, 求出所有事件允许发生的最早时间和最晚时间填入下表中, 并求出所有的关键路径;



事件	V1	V2	V3	V4	V5	V6	V7
Ve(j)							
VI(j)							

八. 已知采用某种内部排序方法对关键字序列{3, 87, 12, 61, 70, 97, 26, 45}进行排序, 可得到如下几组中间结果, 请问该方法为何种排序法, 并利用该排序方法填写空白处的内容。

- 初态: 3, 87, 12, 61, 70, 97, 26, 45
- (1) 97, 87, 26, 61, 70, 12, 3, 45
- (2) 45, 87, 26, 61, 70, 12, 3, 97
- (3) 3, 70, 26, 61, 45, 12, 87, 97
- (4) 12, 61, 26, 3, 45, 70, 87, 97
- (5) \_\_\_\_\_
- (6) \_\_\_\_\_
- (7) \_\_\_\_\_
- (9) \_\_\_\_\_
- (9) 3, 12, 26, 45, 61, 70, 87, 97

九) 现有关键字序列(m, g, b, e, d, c, a, p, n, h, q, k), 按此顺序建立平衡二叉树, 画出此树, 并求在等概率情况下查找成功的平均查找长度。

十) 已知有向网络的邻接矩阵为:

顶点	A	B	C	D	E
A	0	15	30	$\infty$	$\infty$
B	$\infty$	0	10	8	$\infty$
C	$\infty$	$\infty$	0	15	10
D	20	$\infty$	$\infty$	0	8
E	$\infty$	$\infty$	$\infty$	$\infty$	0

1. 画出此图;
2. 求该图的强连通分量;
3. 从顶点 A 出发用 DFS 和 BFS 法遍历图, 分别写出遍历后的顶点序列并画出 DFS 生成树和 BFS 生成树;

用 Dijkstra 算法求出从源点 A 到其它各点的最短路径及它们的长度。

十一) 已知一组记录的关键字为 {18, 2, 10, 6, 78, 56, 45, 50, 110, 8}。按输入顺序画出此组记录的平衡二叉树, 求等概率情况下查找成功的平均查找长度。若查找每个元素的概率不等, 此时的平衡二叉树是否是最佳查找树? 为什么?

十二) 有字符集合 {A, B, C, D, E, F, G, H}, 各字符的使用频度依次为 {12, 8, 2, 35, 5, 15, 20, 3}, 设计它们的赫夫曼编码, 并求相对于这些字符采用等长编码, 传输的压缩率是多少?

十三) 求字符串 "aabcdaaa" 的 next 和 nextval 数组值。

- (10 分)求  $s$  到  $t$  的加权最短路径(权值非负)算法如下

```

u = s;
while(u != t)
{
    选择从 u 出发的权值最小的弧边 e = (u,v);
    u = v
}

```

请问上述算法是否正确. 若正确请给出证明, 若不正确, 请给出反例.

- (10 分) 设计一个函数, 返回带头结点的单链表的倒数第  $k(k \geq 0)$  个结点的值. (假设该链表至少有  $k$  个结点, 函数不能修改原链表)

甲)描述算法思想

乙)描述实现步骤

- 将  $n(n > 0)$  个整数存放在数值  $R$  中. 试设计一个算法在时间和空间两个方面尽可能高的算法, 将  $R$  中元素循环左移  $p$  ( $0 < p < n$ ) 个位置. 即将  $R$  中的数据有  $(x_0, x_1, \dots, x_{n-1})$  变换为  $(x_p, x_{p+1}, \dots, x_{n-1}, x_0, x_1, \dots, x_{p-1})$ . 要求给出算法的基本思想; 根据设计思想, 采用 C/C++/Java 语言描述算法; 关键处给出注释; 说明算法的时间和空间复杂度.

参考答案:

(1) 先将  $R$  就地倒置. 在将前后两段分别倒置.

(2) 算法实现

```

void Reverse(int r[],int left,int right)
{
    int k=left,j=right,temp;          /* k 等于左边界 left, j 等于右边界 right */
    while(k<j){
        temp=r[k];
        r[k]=r[j];
        r[j]=temp;
        k++;                          /* k 右移一个位置 */
        j--;                          /* j 左移一个位置 */
    }
}

void LeftShift(int r[],int n,int p)
{
    if(p>0 && p<n){
        Reverse(r,0,n-1);            /* 将全部数据逆置 */
        Reverse(r,0,n-p-1);          /* 将前 n-p 个元素逆置 */
        Reverse(r,n-p,n-1);          /* 将后 p 个元素逆置 */
    }
}

```

(3) 说明算法复杂性: 上述算法的时间复杂度为  $O(n)$ , 空间复杂度为  $O(1)$ 。

- 试编写算法, 对一棵以孩子—兄弟链表表示的树统计叶子节点的个数。

```

typedef struct node {
    etype data;
    node *child, *sibling;
}

```

```

} node, *bitptr;

int countleaf ( bitptr root ) //root 为根节点，函数返回值为叶子结点个数
{
    if(root==NULL)
        return(0);
    else if(t->child==NULL) //左子空，结点必为叶子
        return(1+Count(t->nextsibling));
        //1（当前结点为叶子）+兄弟子树上的叶子结点个数
    else
        return(Count(t->firstchild)+Count(t->nextsibling));
        //左子树的叶子个数+兄弟子树的叶子个数
}

```

算法思想：统计以孩子—兄弟链表表示的树的叶子数目，及求对应二叉树中没有左孩子结点的数目，可采用递归来解决，递归模型如下：若结点空，叶子数目=0；若左子空，则叶子数目=1+兄弟子树上的叶子结点个数；若左子不空，则叶子数目=左子树的叶子个数+兄弟子树的叶子个数。

- 已知由整数组成的、单调递增的有序表以带头结点的单链表存储，试编写算法将链表中元素值大于  $n$  且小于  $m$  的部分就地置逆 ( $n > m$ )，其它部分保持不变。
- 假设一棵平衡二叉树的每个结点都标明了平衡因子  $bf$ ，试设计一个算法，利用  $bf$  的值求平衡二叉树的高度。

```

typedef struct node
{
    int    bf, data;
    struct node *left, *right;
} BiTNode, *BSTree;

```

```

int height(BSTree t) //函数返回值为平衡二叉树 t 的高度

```

- 若待排序列用带头结点的单链表存储，试给出简单选择排序算法。（15 分）

```

typedef struct node
{
    int    key;
    node   *next;
} node, *pointer;

```

```

void selectsort(pointer &h)//h 为头指针

```

- 已知一棵二叉树的中序遍历序列和按层次遍历的序列，试编写算法生成此二叉树的二叉链表。
- 设整型数组  $[a_0 \dots a_{n-1}]$  中的数据呈随机分布，利用快速排序的思想设计算法求其中第  $k$  小元素，要求平均时间复杂度为  $O(n)$ 。

```
int k_th(int a[], int n, int k)
//返回第 k 小元素
```

## 模拟试题

一. 选择题: 选择正确的答案填入下面的\_\_\_\_\_中。(10 分)

1. 长度为  $n$  的顺序存储线性表, 当在任何位置上插入或删除一个元素的概率都相等时, 插入一个元素所需移动元素的平均个数为 **A:**\_\_\_\_\_, 删除一个元素所需移动元素的平均个数为 **B:**\_\_\_\_\_。

**A、B:** ① $(n-1)/2$  ② $n$  ③ $n+1$  ④ $n-1$  ⑤ $n/2$  ⑥ $(n+1)/2$

2. 在双向循环链表  $p$  指针指向的结点之前插入一个  $q$  指针指向的结点, 其修改指针的操作为\_\_\_\_\_。(注: 双向链表结点的结构为 

prior	data	next
-------	------	------

 其中  $prior$  与  $next$  分别为指向前驱结点和后继结点的指针)

① $p \rightarrow prior = q; q \rightarrow next = p; p \rightarrow prior \rightarrow next = q; q \rightarrow prior = p \rightarrow prior;$   
② $p \rightarrow prior = q; p \rightarrow prior \rightarrow next = q; q \rightarrow next = p; q \rightarrow prior = p \rightarrow prior;$   
③ $q \rightarrow next = p; q \rightarrow prior = p \rightarrow prior; p \rightarrow prior \rightarrow next = q; p \rightarrow prior = q;$

3. 下列排序方法中时间复杂度为  $O(n \log n)$ , 且使用辅助空间最少的是 **A:**\_\_\_\_\_; 时间复杂度不受待排序序列的初始状态影响, 恒为  $O(n^2)$  的是 **B:**\_\_\_\_\_。

**A、B:** ①堆排序 ②冒泡排序 ③快速排序 ④希尔排序

⑤直接插入排序 ⑥简单选择排序

4. 顺序文件在数据量很大的情况下适合于\_\_\_\_\_。

①按关键字存取 ②直接存取 ③成批处理 ④随机存取

5. 二维数组  $a[0..8][1..10]$  中, 每个数组元素占用 6 个存储单元,  $a$  的第 8 列和第 5 行共占用 **A:**\_\_\_\_\_个存储单元。若  $a$  按行优先存放, 元素  $a[8][5]$  的起始地址与  $a$  按列优先存放时元素 **B:**\_\_\_\_\_的起始地址相同。

**A:** ①108 ②114 ③54 ④60 ⑤160

**B:** ① $a[8][5]$  ② $a[3][10]$  ③ $a[5][8]$  ④ $a[0][9]$

6. 假设某文件经过内部排序得到 27 个初始归并段, 若要使多路归并 3 趟完成, 则应取归并的路数为\_\_\_\_\_。

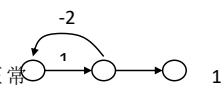
①2 ②3 ③4 ④5

7. 倒排文件含有若干个倒排表, 倒排表的每一个元素是\_\_\_\_\_。

- ①一个主关键字值及其记录地址
- ②一个次关键字值及具有此次关键字值的记录个数
- ③一个次关键字值及所有具有此次关键字值的记录地址

二. 回答下列问题 (10 分)

1. 设  $T$  是一棵二叉树, 共有 11 个结点, 除叶子结点外其它结点的度数皆为 2, 试问  $T$  的最大可能高度  $h_{\max}$  和最小可能高度  $h_{\min}$  是多少?  $T$  中共有多少非叶结点?
2. 设目标串  $s = \text{'abaababcdabfgp'}$ , 模式串  $t = \text{'abcd'}$ . 试说明简单的模式匹配过程. 设目标串长为  $n$ , 模式串长为  $m$ , 这种匹配方法在什么情况下时间复杂度最大? 应是多少? KMP 匹配方法的特点是什么? 时间复杂度是多少?
3. 如果有向图含有路径长度为负的回路 (如图题 II-1 所示), 试问用 Floyd 方法求每对顶点之间的最短路径能否正常



工 作 为 什 么 ?

图题 II-1

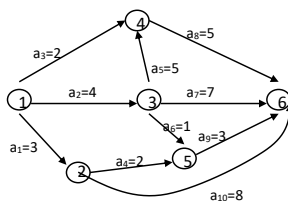
4. 高度为 4 的 3 阶 B-树至少有多少个结点? 为什么?
5. 外排序的归并排序中使用的选择树和堆排序中的堆有什么区别?

三. 已知一棵二叉树按层次遍历序列为 ABCDEFGHIJ, 中序遍历序列为 BGDHAECIFJ. (13 分)

1. 画出此二叉树的后序后继线索树;
2. 画出此二叉树对应于完全二叉树的顺序存储结构;
3. 将此二叉树还原成森林.

四. 某工程的 AOE 网络如图题 II-2 所示. 图中边上的权值为活动  $a_1 \sim a_{10}$  的期限 (即完成活动所需的天数). (12 分)

1. 求该工程各事件的最早发生时间  $v_e$  和允许的最晚发生时间  $v_l$  及各活动的最早开始时间  $e$  和允许的最晚开始时间  $l$ .
2. 完成此项工程至少需要多少时间? 哪些活动是关 键 活 动 ?



图题 II-2

五. 有一组记录的关键字为 {78, 12, 45, 98, 23, 109, 85, 68, 89, 256, 34}. (15 分)

1. 写出对这组记录进行一趟快速排序的结果, 并说明这趟排序中关键字比较的次数为多少?
2. 将这组记录关键字建成一个小根堆;
3. 将这组记录排序后作为有序查找表, 画出此查找表的二叉判定树, 求在等概率情况下查找成功的平均比较长度是多少? 若查找给定关键字为 45 和 90 的记录各需比较多少次?

六. 有一组数据元素存于数组  $L[1..n]$  中, 阅读下面的算法, 写出该算法的功能, 并分析其时间复杂度是多少? (10 分)

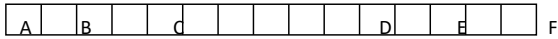
```
void maxmin(int i, int j, ElemType *max, ElemType *min)
//此为递归算法, 调用初值 i=1, j=n
{
    ElemType max1, max2, min1, min2;
    int mid;
    if (i==j) *max=*min=L[i];
```



```
else
{   mid=(i+j)/2;
    maxmin(i,mid,&max1,&min1);
    maxmin(mid+1,j,&max2,&min2);
    if (max1>max2) *max=max1;
    else *max=max2;
    if (min1<min2) *min=min1;
    else *min=min2;
}
} //maxmin
```

- 七. 试写一个算法, 判断某二叉树 (以二叉链表方式存储) 是否为完全二叉树。(15 分)
- 八. 已知有向图的邻接表, 试写出求此有向图逆邻接表的算法。(15 分)





图题 II-4

- 四. 1. 某工程 AOE 网络的各事件最早发生时间和允许的最晚发生时间如表题 II-1 所示; 各个活动的最早开始时间和允许的最晚开始时间如表题 II-2 所示。

表题 II-1									
事件	1	2	3	4	5	6			
$a_9$									
$a_{10}$									
	ve	0	3	4	9	5	14	e	0
4	4	4	9	5	3				
	vl	0	6	4	9	11	14	l	3
10	7	9	11	6					

2. 完成此项工程至少需 14 天。关键活动为  $a_2$ 、 $a_5$ 、 $a_8$ , 事件 1-3-4-6 为关键路径。

- 五. 1. 对这组记录关键字进行一趟快速排序后的结果是:

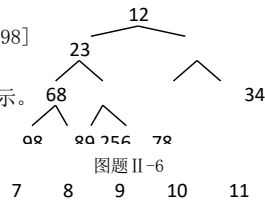
[34, 12, 45, 68, 23] 78 [85, 109, 89, 256, 98]

此趟排序中关键字比较 10 次。

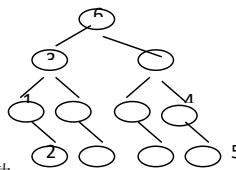
2. 由此组记录关键字建成的小根堆如图题 II-6 所示。

3. 此组记录排序后组成的有序查找表为:

表题 II-3						
序号	1	2	3	4	5	6
key	12	23	34	45	68	78
	85	89	98	109	256	98



图题 II-6



图题 II-7

二叉判定树如图题 II-7 所示。

等概率情况下查找成功的平均查找长度为:

$$ASL = (1+2 \times 2 + 4 \times 3 + 4 \times 4) / 11 = 33 / 11 = 3$$

查找  $K=45$  的记录需要比较 3 次, 查找成功;

查找  $K=90$  的记录需要比较 4 次, 查找失败。

- 六. 本算法的功能是求数组  $L$  中元素的最大值和最小值。算法的时间复杂度分析如下:

$$T(n) = \begin{cases} 1 & n=1 \\ T(n/2) + T(n/2) + 3 & n \geq 2 \end{cases}$$

为分析方便假设  $n=2^k$  ( $k$  为正整数), 且每次将序列分为两个长度相等的子序列,

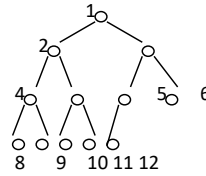
则:

$$\begin{aligned}
 T(n) &= T(n/2) + T(n/2) + 3 \\
 &= 2T(n/2) + 3 \\
 &= 2(2T(n/4) + 3) + 3 = 4T(n/4) + 2 \times 3 + 3 \\
 &= 4(2T(n/8) + 3) + 2 \times 3 + 1 \times 3 = 8T(n/8) + 2^2 \times 3 + 2^1 \times 3 + 2^0 \times 3 = 8T(n/8) + (2^2 + 2^1 + 2^0) \times 3 \\
 &= \dots \\
 &= 2^k T(n/2^k) + (2^{k-1} + 2^{k-2} + \dots + 2^1 + 2^0) \times 3 \\
 &= 2^k T(1) + (2^k - 1) \times 3 \\
 &= 2^k + (2^k - 1) \times 3 \\
 &= 4 \times 2^k - 3 \\
 &= 4n - 3 \\
 &= O(n)
 \end{aligned}$$

因此算法的时间复杂度为  $O(n)$ 。

#### 七. 算法思想:

如图题 II-8 所示, 对于完全二叉树而言, 按层次排列二叉树的结点时, 结点是连续存在的; 而对于非完全二叉树, 如以结点 5 为根的子树 (包括结点 10 和 11) 不存在时, 即结点 5 为空结点, 其后还会有结点存在。也就是说, 非完全二叉树按完全二叉树序列层次排列结点时, 会有空结点间隔实际存在结点的情况。



图题 II-8 完全二叉树示例

设一个辅助队列  $q$  存放二叉树结点的指针, 另设标志变量  $tag$ , 表示按层次逐层从左至右扫描结点过程中是否出现过空结点, 其初值为 0, 意为尚未有空结点出现。

- (1) 若根结点存在, 指针入队;
- (2) 队列不空时, 反复以下操作:
  - 若出队指针  $p$  为空, 置  $tag=1$ ;
  - 否则  $p$  不为空, 若此时  $tag=1$ , 则判定为非完全二叉树, 结束;
  - 若此时  $tag=0$ , 将它的左孩子和右孩子指针入队;
- (3) 队列为空时, 判定为完全二叉树, 结束。

算法描述:

```
#define maxsize 100 //预定义队列容量

#define FALSE 0
#define TRUE 1
typedef struct Bitnode
{
    ElemType data;
    struct Bitnode *lchild,*rchild;
}Bitnode,*Bitree; //定义二叉树结点类型和二叉树类型
typedef struct
{
    Bitree Elem[maxsize];
    int front,rear;
}Sequeue; //定义队列类型

int complete_Bintree(Bitree t)
//判断二叉树是否为完全二叉树, t 为二叉树根结点的指针。
//该二叉树是完全二叉树, 返回“真”(即 1); 否则返回“假”(即 0)。
{
    Sequeue q; //定义辅助队列 q
    q.front=-1; q.rear=0; //队列初始化
    tag=0; //标志变量初始化
    q.Elem[q.rear]=t; //根结点指针入队
    while (q.front!=q.rear) //队列不空则循环
    {
        q.front++; p=q.Elem[q.front]; //队头指针出队
        if (p==NULL) tag=1; //若为空指针, 置标志表示出现过空指针
        else
        {
            if (tag==1) //队头指针不空且之前出现过空指针
                return(FALSE); //返回“假”并且退出
            else //队头指针不空且之前未出现过空指针
            {
                q.rear++; q.Elem[q.rear]=p->lchild; //p 的左孩子指针入队
                q.rear++; q.Elem[q.rear]=p->rchild; //p 的右孩子指针入队
            }
        }
    }
    return(TRUE);
}
```

```

        q.rear++; q.Elem[q.rear]=p->rchild;  /*p 的右孩子指针入队
    }
}
} //endwhile
return(TRUE);  //返回“真”并且退出
} //complete_Bintree

```

#### 八. 算法思想:

首先将有向图的邻接表的顶点表拷贝给逆邻接表的顶点表,依次扫描邻接表的边表,若顶点  $i$  存在邻接点  $w$ , 则  $i$  应为逆邻接表中顶点  $w$  的边表中的一个结点, 将其插入到该边表的表头。当扫描完邻接表中的所有边表后, 逆邻接表就建成了。

算法描述:

```

#define max_vertex_num 100  //预定义图的最多顶点数
typedef struct enode
{
    int adjvex;          //邻接顶点序号
    struct enode *next;  //下一结点指针
}EdgeNode;  //定义边表结点类型
typedef struct vnode
{
    VertexType vertex;  //顶点信息
    EdgeNode *firstedge; //边表头指针
}VertexNode;  //定义顶点表结点类型
typedef struct
{
    VertexNode adjlist[max_vertex_num]; //顶点表
    int n; //图中的顶点数
}ALGraph;  //定义邻接表类型

void inverse_adjlist(ALGraph A, ALGraph *B)
//利用有向图的邻接表 A, 建立它的逆邻接表*B
{
    B->n=A.n;
    for (i=0;i<A.n;i++) //建立逆邻接表的顶点表
    {
        B->adjlist[i].vertex=A.adjlist[i].vertex;
        B->adjlist[i].firstedge=NULL;
    }
    for (i=0;i<A.n;i++) //扫描邻接表每个边表, 建立逆邻接表的各边表
    {
        p=A.adjlist[i].firstedge; //p 为指向顶点 i 的边表的头指针
        while (p!=NULL) //扫描顶点 i 的边表
        {
            w=p->adjvex; //取它的一个邻接点 w
            s=(EdgeNode *)malloc(sizeof(EdgeNode)); //建立一个边表结点*s
            s->adjvex=i;
            s->next=B->adjlist[w].firstedge; //插入到逆邻接表顶点 w
            B->adjlist[w].firstedge=s; //的边表之表头
            p=p->next;
        } //endwhile
    } //endfor
} //inverse_adjlist

```