



兴趣 认真 执著 创新

《电子线路分析与设计》

第三讲：线性电路时域分析

胡薇薇

2023. 9. 18



北京大学

第二节：常见电路元件及其约束方程

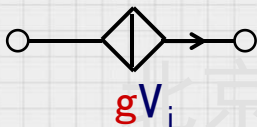
复习

受控源

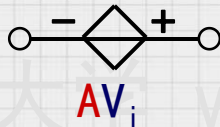
符号：

特征：源电压或电流受控于外支路的电压或电流

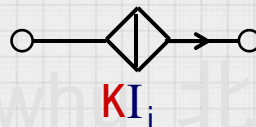
VCCS



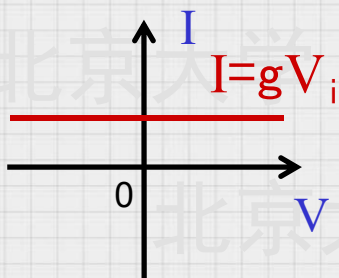
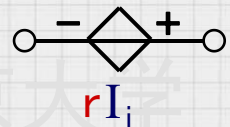
VCVS



CCCS



CCVS



1. 用菱形符号区别于独立源
2. 一个貌似二端实为四端的元件
3. 用来描述体现电压or电流“转移or放大”物理现象的一类电子器件

源和非源特征。。。

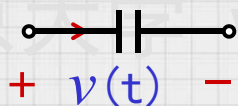
第二节：常见电路元件及其约束方程

复习

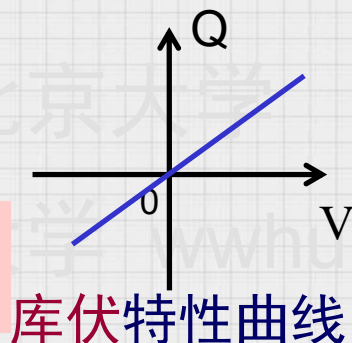
a. 线性定常电容：C

约束方程： $Q(t) = Cv(t)$

符号： $i(t)$



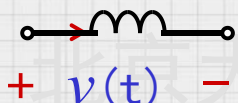
$$i(t) = \frac{dQ(t)}{dt} = C \frac{dv(t)}{dt}$$



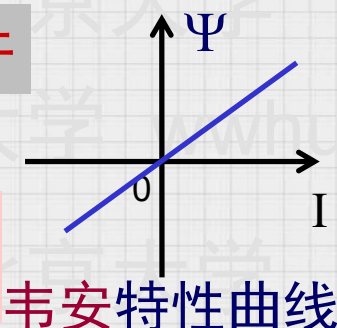
b. 线性定常电感：L

约束方程： $\Psi(t) = Li(t)$

符号： $i(t)$



$$v(t) = \frac{d\Psi(t)}{dt} = L \frac{di(t)}{dt}$$



记忆元件

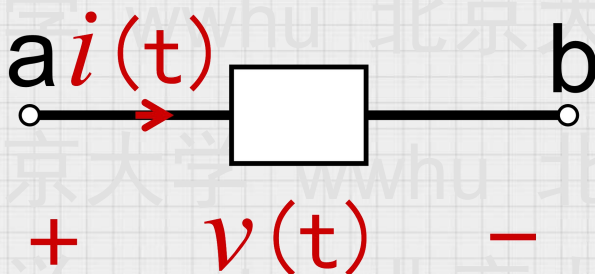
线性常系数微分方程。。。。

主要内容

复习

第二节：常见电路元件及其约束方程

元件分类、电阻元件、独立源、受控源、动态元件



元件特性vs约束方程：一一对应

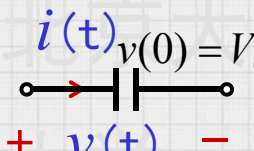
学会了根据约束方程画电路的本领。。。。

第三节：线性二端（单口）网络的等效

复习

2. 动态元件的等效：

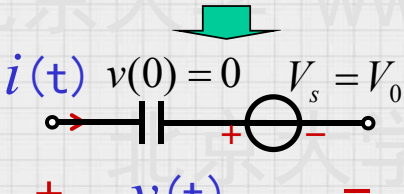
电容： $i(t)$ $v(0) = V_0$



$$i(t) = C \frac{dv(t)}{dt}$$

如果 $i(t)$ 为有限量 $\neq \infty$ 则 $v(t)$ 为连续函数。

$v(0) = 0$ $V_s = V_0$



$$v(t) = v(0) + \frac{1}{C} \int_0^t i(t) d(t)$$

$t \geq 0$

等效对外不对内

电容上的电压不会跃变

补充：
等效适用于 $t \geq 0$ 的电路分析

$$v_c(t_{0-}) = v_c(t_{0+})$$

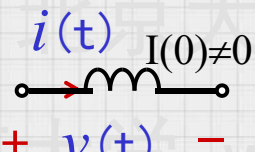
画一图（数学、充放电路）解释一下

第三节：线性二端（单口）网络的等效

复习

2. 动态元件的等效：

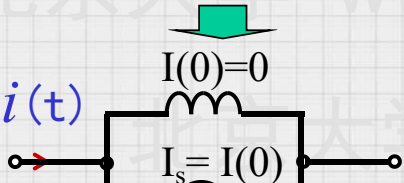
电感： $i(t)$ $I(0) \neq 0$



$$v(t) = L \frac{di(t)}{dt}$$

如果 $v(t)$ 为有限量 $\neq \infty$ 则 $i(t)$ 为连续函数。

$I(0) = 0$



$$i(t) = I(0) + \frac{1}{L} \int_0^t v(t) d(t)$$

$t \geq 0$

等效对外不对内

电感上的电流不会跃变

补充：
等效适用于 $t \geq 0$ 的电路分析

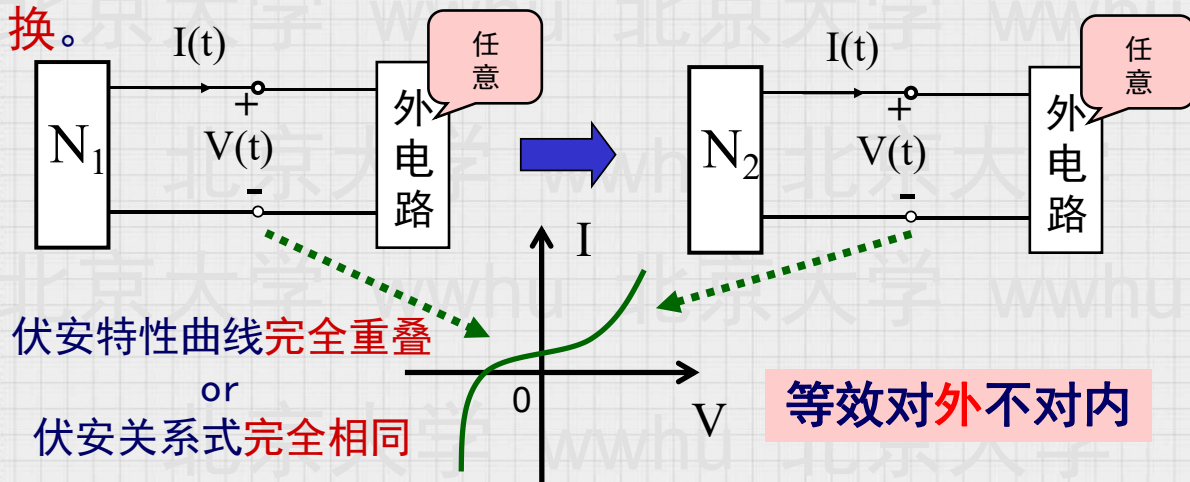
$$i_L(t_{0-}) = i_L(t_{0+})$$

第三节：线性二端（单口）网络的等效

复习

等效定义：

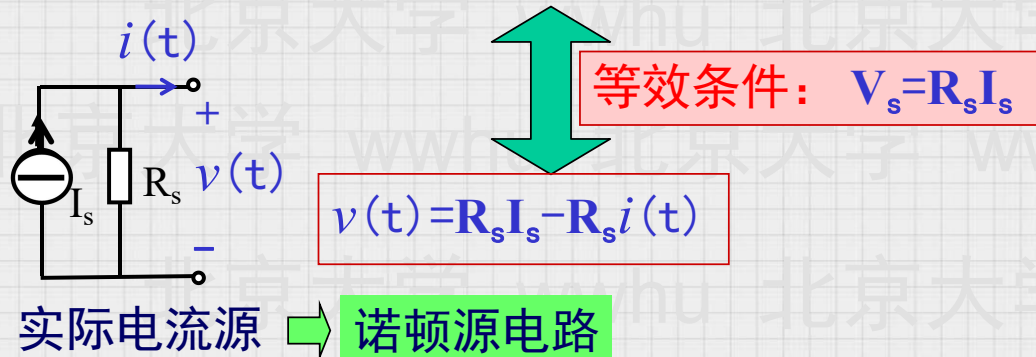
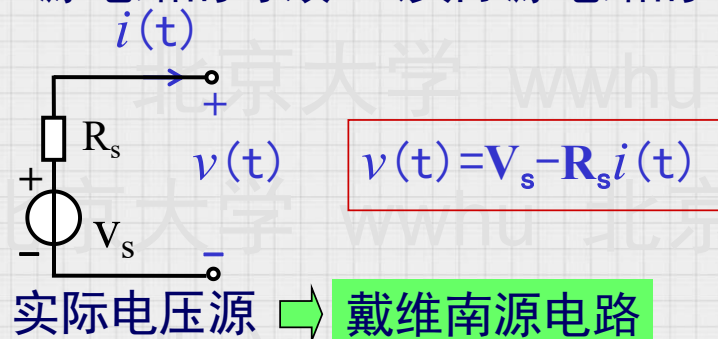
如果一个单口网络 N_1 的口特性(伏安特性曲线)和另一个单口网络 N_2 的口特性完全相同，则这两个单口网络互为等效，网络 N_1 和 N_2 对任意外电路可以等效互换。



第三节：线性二端（单口）网络的等效

复习

3. 源电路的等效：（实际源电路的等效）



第三节：线性二端（单口）网络的等效

复习

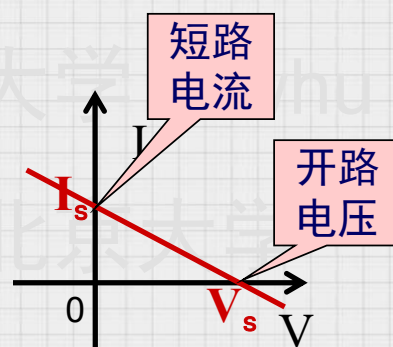
戴维南定理和诺顿定理

描述：任何一个线性含源二端网络，如果已知其端口上的开路电压 V_{OC} 短路电流 I_{SC} 和等效电阻 R_{eq} ，则：

- ▲ 该网络可以用一个电压源为 V_{OC} 和电阻为 R_{eq} 的串联来等效替换（戴文宁定理）；
- ▲ 也可以用一个电流源为 I_{SC} 和电阻为 R_{eq} 的并联来等效替换（诺顿定理）；
- ▲ 并且有： $V_{OC} = I_{SC} R_{eq}$

补充分析：

如果 $R_{eq} = 0$ ，则仅可等效为戴维南源电路；
如果 $R_{eq} = \infty$ ，则仅可等效为诺顿源电路。

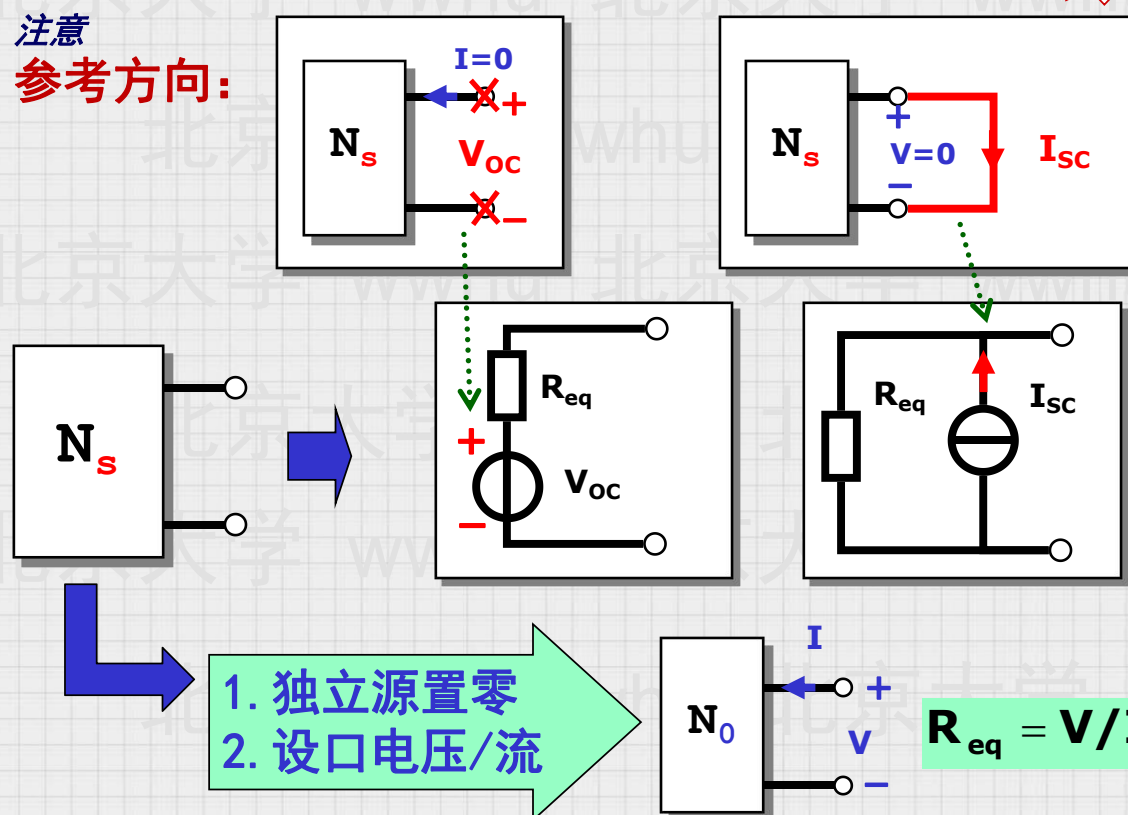


戴维南和诺顿定理

复习

注意

参考方向：



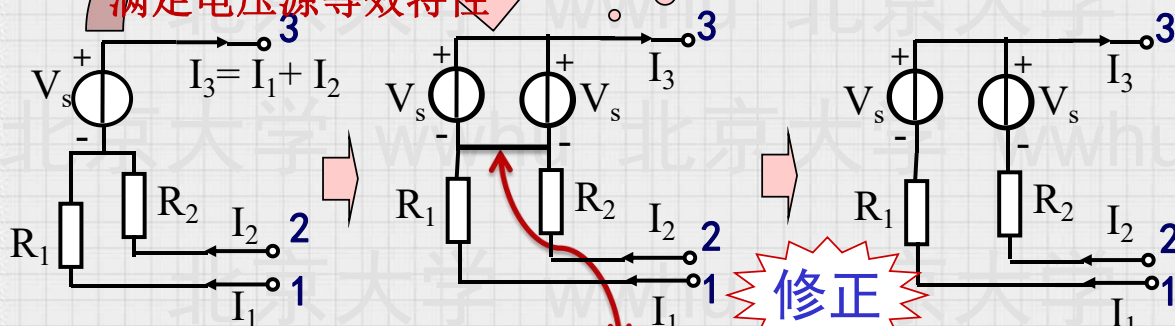
第三节：线性二端（单口）网络

Learning from students...

09G孙宇翔

用电路的语言证明源的转移：

满足电压源等效特性



电位相同且可以没有电流
故连线可以断开

$$V_{32} = V_s - I_2 R_2$$

$$V_{31} = V_s - I_1 R_1$$

$$V_{12} = I_1 R_1 - I_2 R_2$$

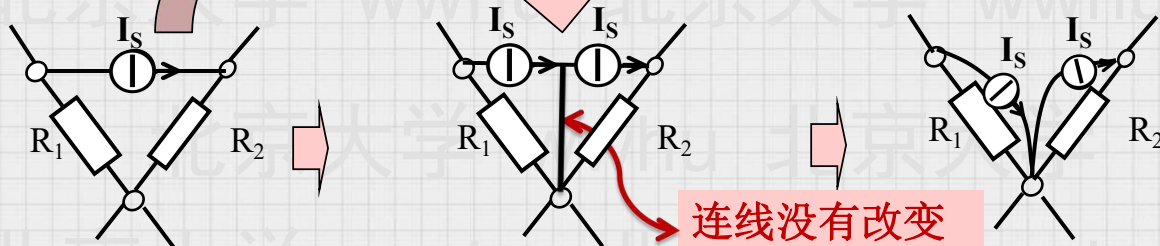
满足口特性完全相同
(伏安关系式相等)

第三节：线性二端（单口）网络的等效

用电路的语言证明源的转移：

电流源的转移：

满足电流源等效特性



连线没有改变
各节点的KCL关
系, 并且串接的
电流源的电压
是可以被定义
的, 故可连。

修正

本讲要点

更多地强调物理概念而不是数学

线性定常电路的时域分析

(以一阶动态电路为例)

1) 典型源信号(激励信号)

2) 动态电路的时域分析

动态与稳态

初始状态(初值/初始条件)的确定

二阶、高阶电路分析

任意信号激励的电路分析

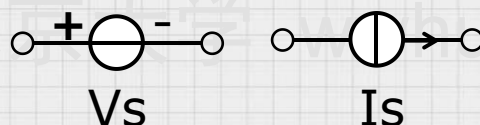
为什么要分析动态电路：利弊--利用与避免

本讲要点

线性定常电路的时域分析

(以一阶动态电路为例)

1) 典型源信号(激励信号)



2) 动态电路的时域分析

动态与稳态

初始状态(初值/初始条件)的确定

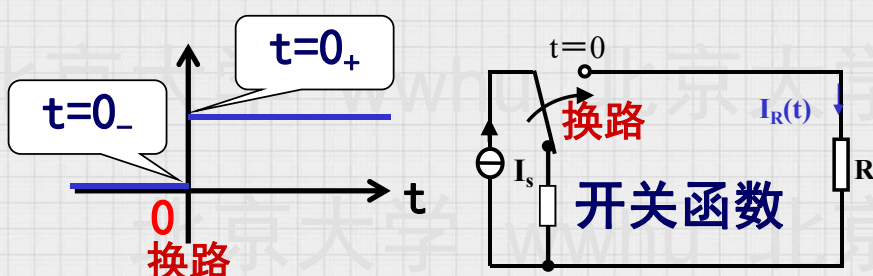
二阶、高阶电路分析

激励来源有两类。。。

动态电路的时域分析

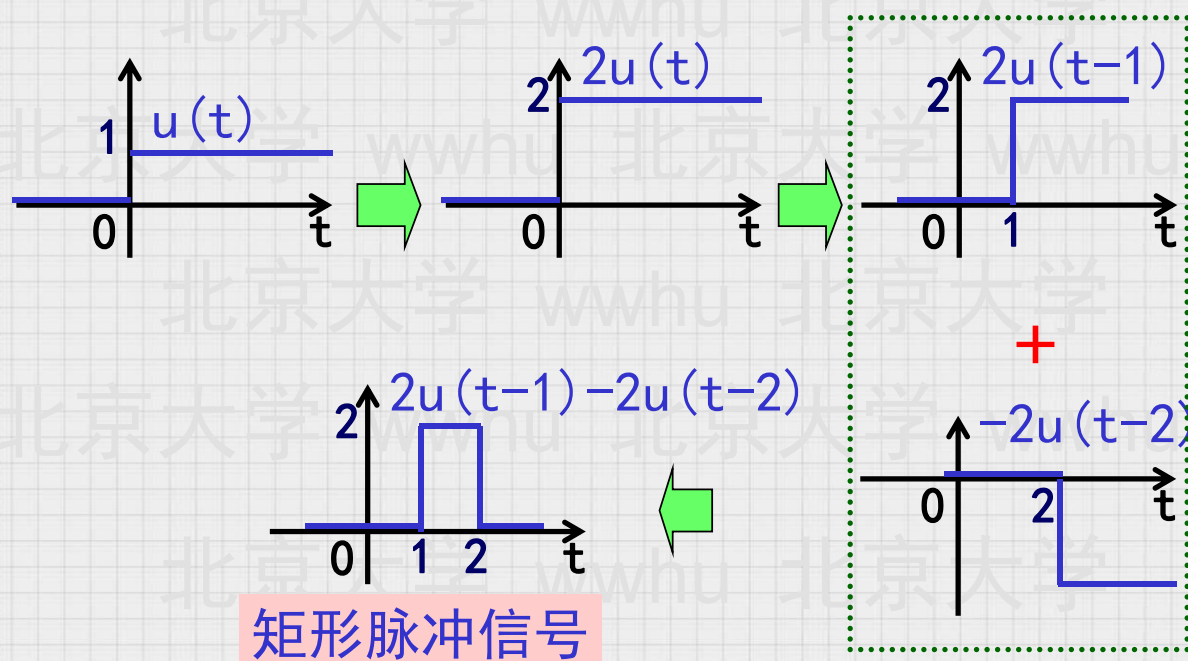
- 1 直流信号 (略) $f(t) = A$
- 2 正弦波信号 (略) $f(t) = A\cos(\omega t + \varphi)$
- 3 单位阶跃信号 $u(t)$ or $U(t)$ or $1(t)$

$$u(t) = \begin{cases} 0 & t \leq 0- \\ 1 & t \geq 0+ \end{cases} \quad u(0) = ? \quad (\text{奇异信号1})$$



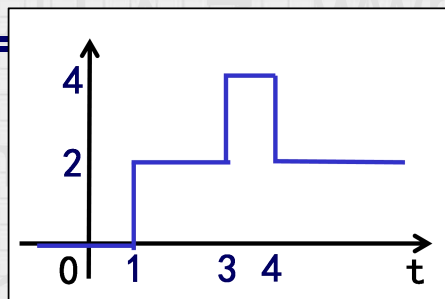
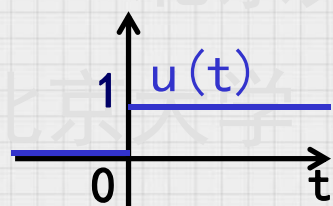
动态电路的时域分析

用单位阶跃信号表示...



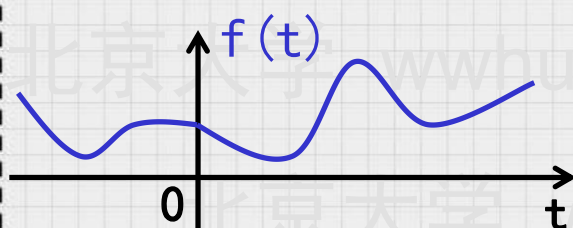
动态电路的时域分析

用单位阶跃信号表示...

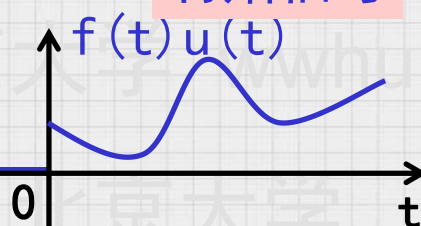


阶梯信号/分段线性信号

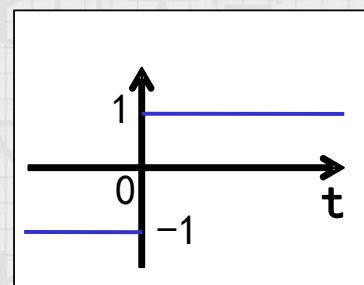
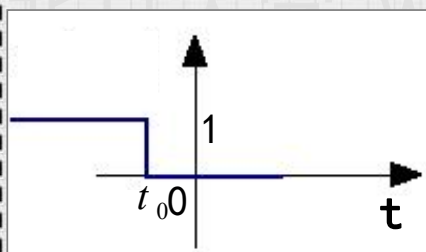
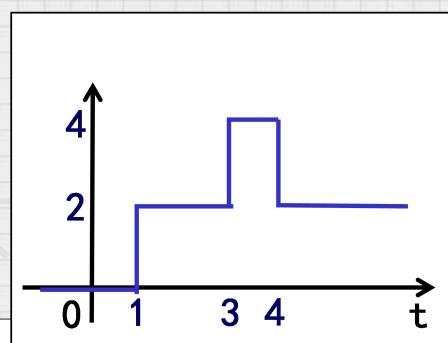
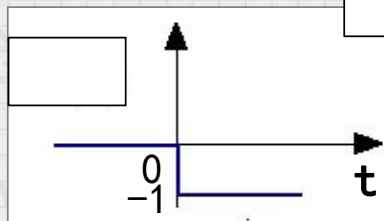
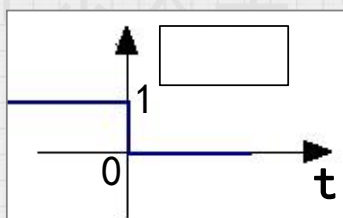
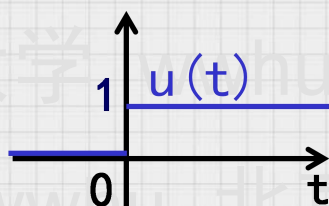
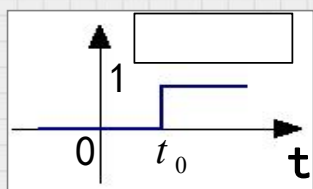
相乘



有始信号

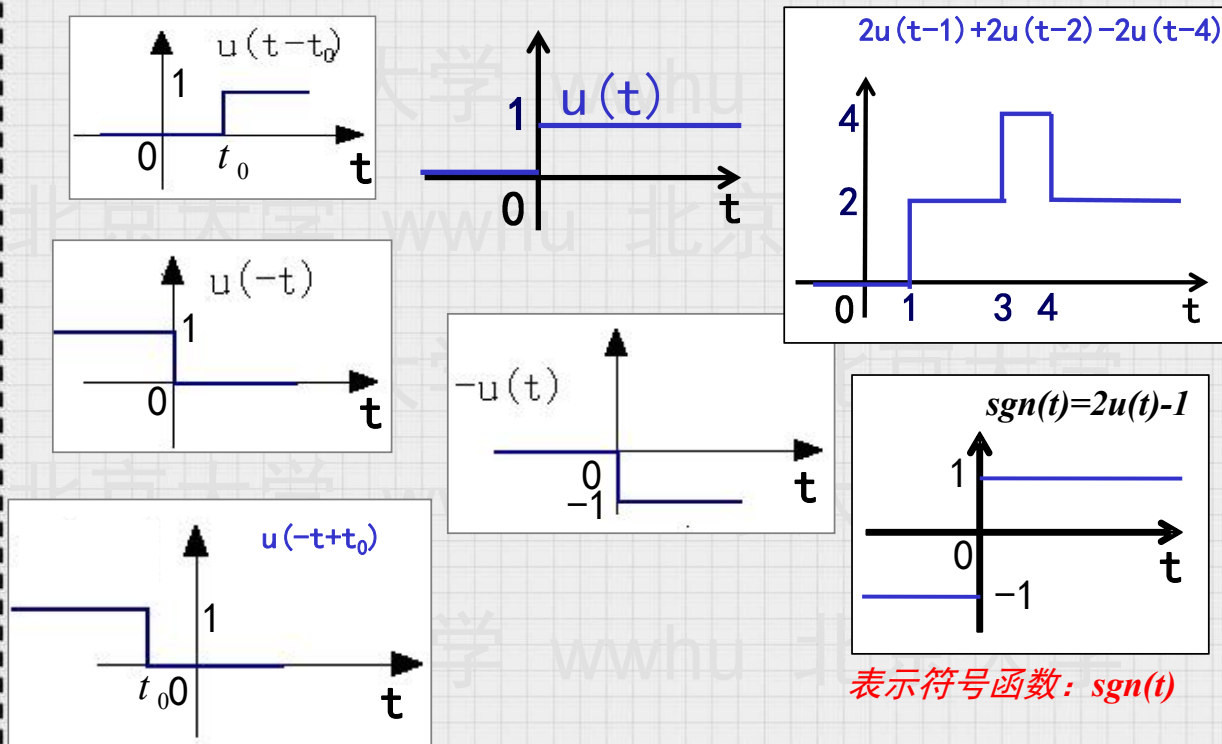


用单位阶跃信号表示...



表示符号函数: $\text{sgn}(t)$

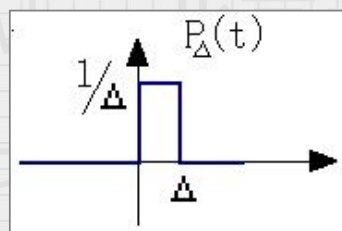
用单位阶跃信号表示… **可以课后练习。**



动态电路的时域分析

4 单位脉冲信号

$$P_{\Delta}(t) = \begin{cases} 0 & t < 0 \\ 1/\Delta & 0 < t < \Delta \\ 0 & t > \Delta \end{cases}$$



显然: $\int_{-\infty}^{\infty} P_{\Delta}(t) dt (=1)$

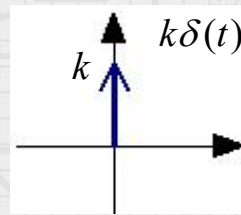
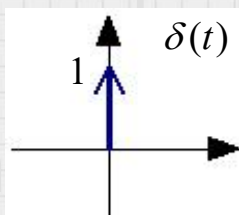
用 $u(t)$ 表示: $P_{\Delta}(t) = \frac{1}{\Delta} [u(t) - u(t - \Delta)]$

$$\lim_{\Delta \rightarrow 0} P_{\Delta}(t) = \lim_{\Delta \rightarrow 0} \frac{u(t) - u(t - \Delta)}{\Delta} = u'(t) = \delta(t)$$

动态电路的时域分析

5 单位冲激信号

$$\delta(t) = \begin{cases} 0 & t \neq 0 \\ \infty & t = 0 \end{cases}$$



性质1: $\delta(t) = \lim_{\Delta \rightarrow 0} P_{\Delta}(t) = \lim_{\Delta \rightarrow 0} \frac{u(t) - u(t - \Delta)}{\Delta} = u'(t)$

积分定义

性质2: $\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t) dt = \int_{-t_0}^{t_0} \delta(t) dt = \int_{0-}^{0+} \delta(t) dt = 1$

动态电路的时域分析

5 单位冲激信号严格定义

$$\delta(t) = \begin{cases} 0 & t \neq 0 \\ \int_{-\infty}^{\infty} \delta(t) dt = \int_{0-}^{0+} \delta(t) dt = 1 & \end{cases} \quad (\text{奇异信号2})$$

性质3: 筛分性 (提取性, 抽样性) $t\delta(t) = ?$

$$f(t)\delta(t) = \begin{cases} 0 & t \neq 0 \\ f(0)\delta(t) & t = 0 \end{cases} \quad f(t)\delta(t-t_0) = \begin{cases} 0 & t \neq t_0 \\ f(t_0)\delta(t-t_0) & t = t_0 \end{cases}$$

$$\int_{-\varsigma}^{\varsigma} f(t)\delta(t) dt = f(0)$$

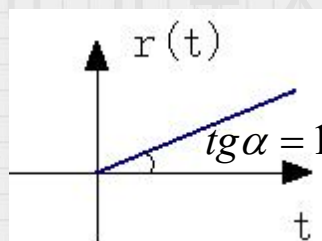
$$\int_{t_0-\varsigma}^{t_0+\varsigma} f(t)\delta(t-t_0) dt = f(t_0)$$

一位法国数学家引入广义函数。。。

动态电路的时域分析

6 单位斜坡信号

$$r(t) = tu(t) = \begin{cases} 0 & t < 0 \\ t & t \geq 0 \end{cases}$$

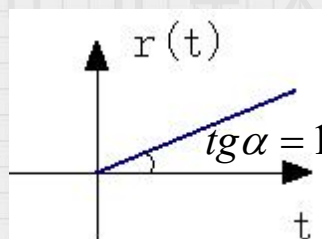


$$r'(t) = \boxed{} = u(t)$$

动态电路的时域分析

6 单位斜坡信号

$$r(t) = tu(t) = \begin{cases} 0 & t < 0 \\ t & t \geq 0 \end{cases}$$

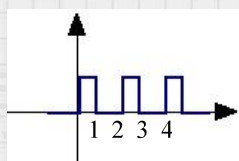


$$r'(t) = u(t) + \cancel{t\delta(t)} = u(t)$$

$$= 0$$

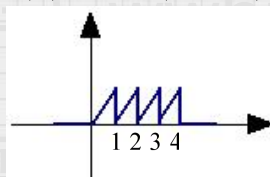
动态电路的时域分析

方波



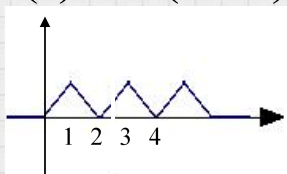
$$f(t) = u(t) - u(t-1) + u(t-2) - u(t-3) + \dots$$

锯齿波



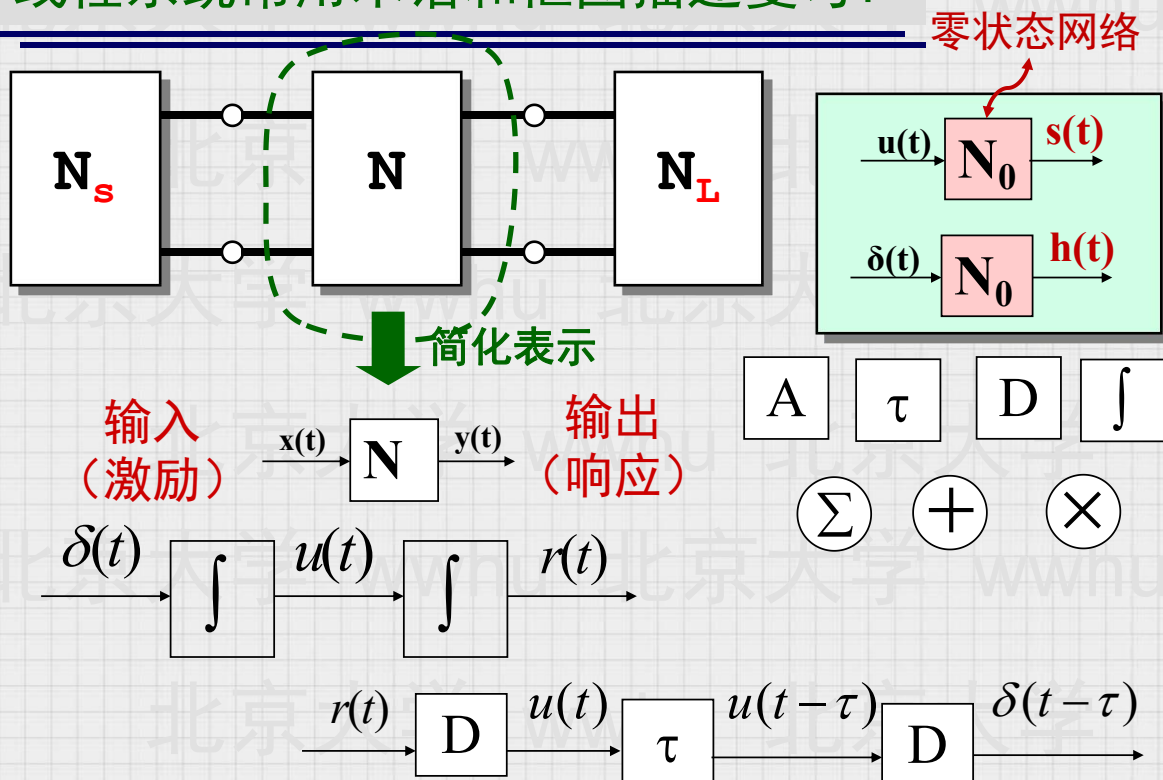
$$f(t) = r(t) - u(t-1) - u(t-2) - u(t-3) - \dots$$

三角波



$$f(t) = r(t) - 2r(t-1) + 2r(t-2) - 2r(t-3) + \dots$$

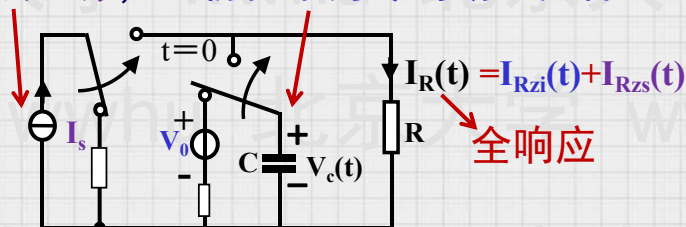
线性系统常用术语和框图描述复习:



动态电路的时域分析-激励

□ 输入（激励）有两类来源：

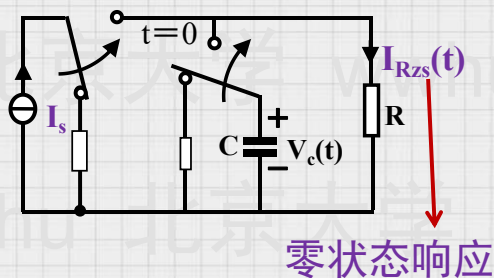
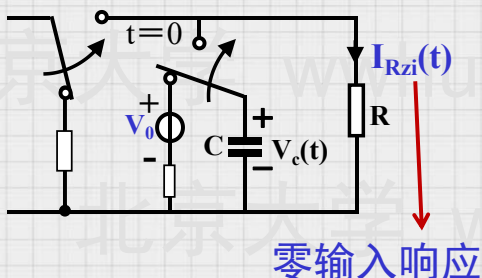
1) 独立源, 2) 初值不为零的动态元件



定义：

零输入(z_i)网络：独立源=0，

零状态(z_s)网络：初值=0



两个网络黑板上画出简化版。。。

动态电路的时域分析-响应

□ 输出（响应）负载电路的响应

零输入响应(Y_{zi})

→ 零输入网络产生的响应（由初值激励）

零状态响应(Y_{zs})

→ 零状态网络产生的响应（由独立源激励）

显然, 对于线性网络, 有:

$$\text{全响应 } Y(t) = Y_{zi}(t) + Y_{zs}(t)$$

动态电路的时域分析



□ 单位阶跃响应 $s(t)$ 和单位冲激响应 $h(t)$

定义：

仅由单位阶跃信号在电路中产生的响应称为单位阶跃响应，记为 $s(t)$ 。**仅由**单位冲击信号在电路中产生的响应称为单位冲激响应，记为 $h(t)$ 。

$$\text{并且有： } h(t) = \frac{ds(t)}{dt} = s'(t)$$

单位阶跃响应和单位冲激响应都是零状态响应。

曲线救国：求冲击响应

用一般的激励与响应的N阶微分方程式证明

本讲要点

线性定常电路的时域分析

（以一阶动态电路为例）

1) 典型源信号(激励信号)

2) 动态电路的时域分析

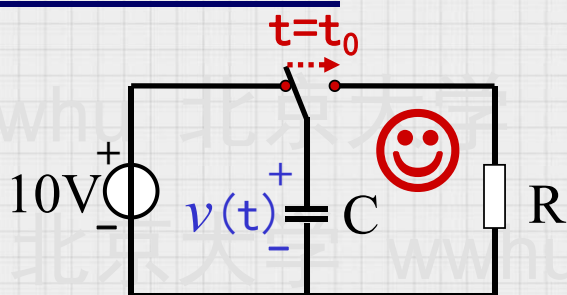
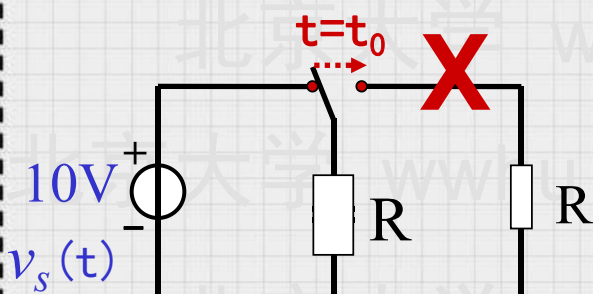
动态与稳态

初始状态（初值/初始条件）的确定

二阶、高阶电路分析

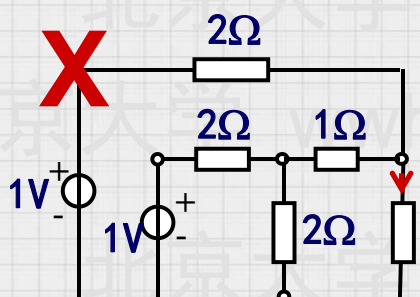
动态电路的时域分析

动态电路？

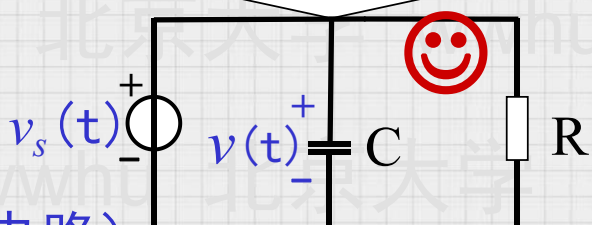


1. 有动态元件
2. 有换路动作

复杂情况

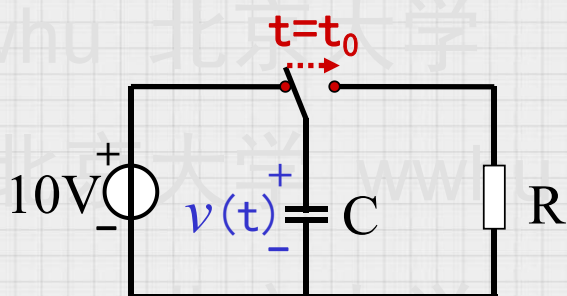
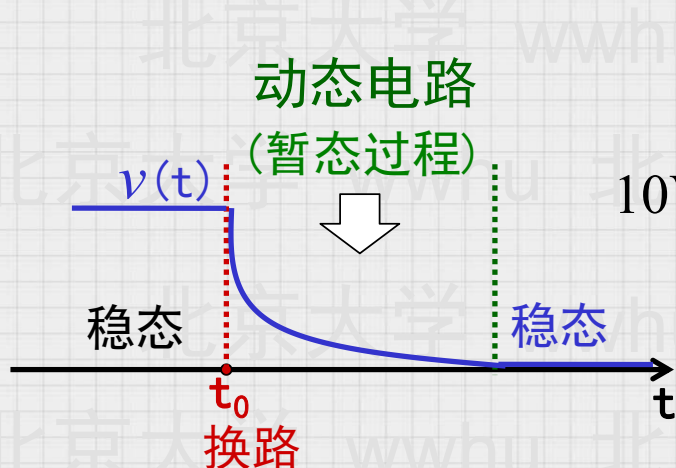


静态电路（直流稳态电路）



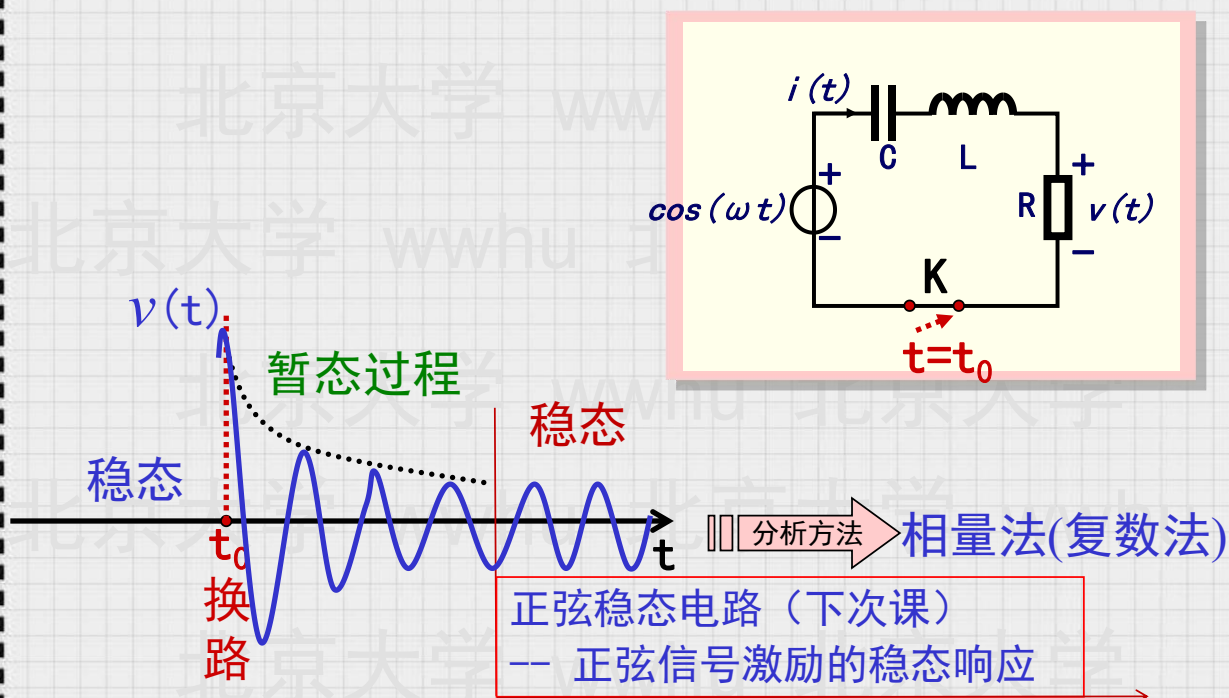
没有换路动作？有激励跃变。。。比如分段信号，画图解释

动态电路的时域分析



1. 动态元件
2. 换路

动态电路的时域分析

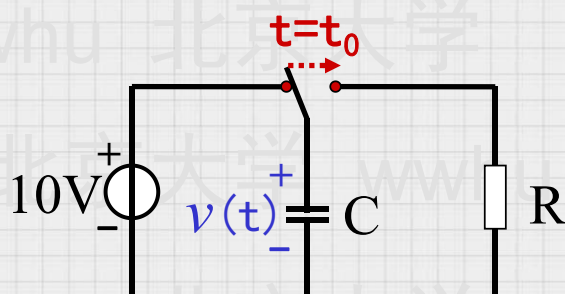
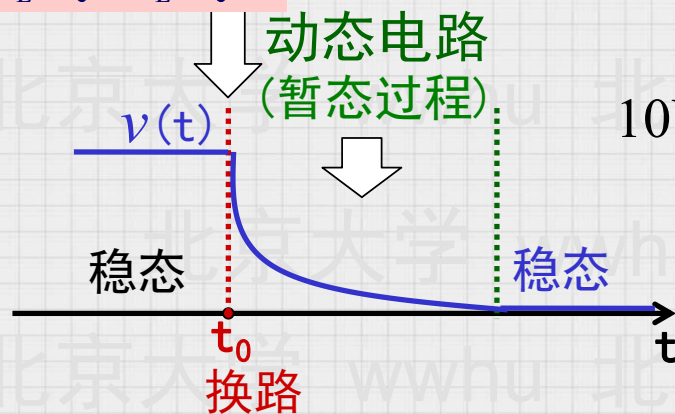


本讲会引出方法产生的源头。。。

动态电路的时域分析

$$v_c(t_{0-}) = v_c(t_{0+})$$

$$i_L(t_{0-}) = i_L(t_{0+})$$



1. 动态元件
2. 换路

本讲要点

线性定常电路的时域分析

(以一阶动态电路为例)

1) 典型源信号(激励信号)

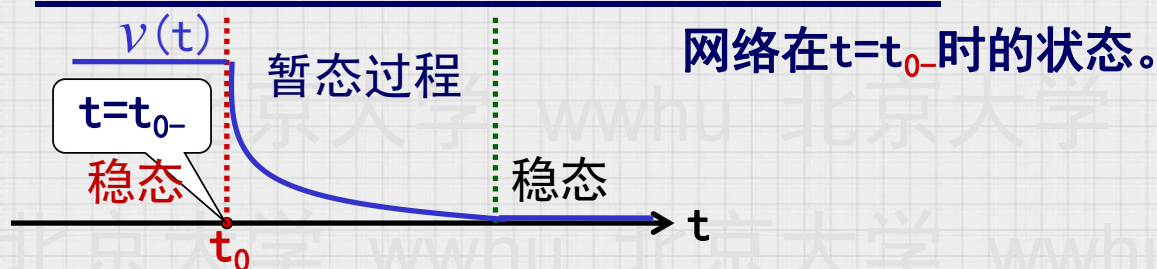
2) 动态电路的时域分析

动态与稳态

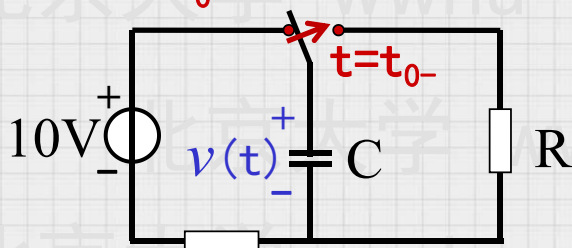
初始状态(初值/初始条件)的确定

二阶、高阶电路分析

动态电路的时域分析-初始状态的确定

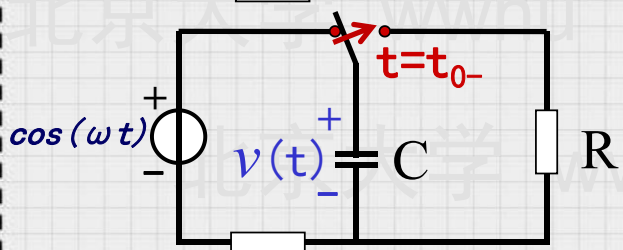


网络在 $t = t_0$ 时的状态。



电路达到直流稳态时, 无电磁能量交换。此时, 相当于电容开路、电感短路, 即:

$$v_L(t_0-) = i_C(t_0-) = 0$$



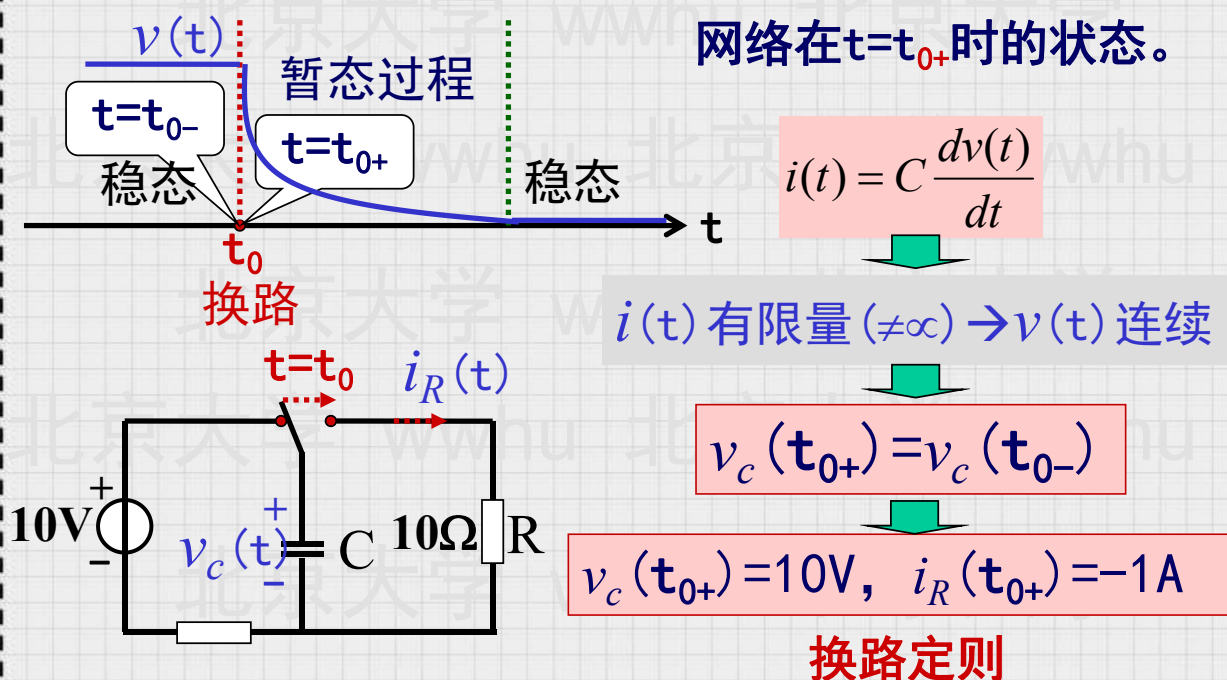
电路达到交流稳态时, 电磁能量稳定交换。此时, 没有开路短路的简化, 只有:

$$v_C(t_0-) = v_C(t_0+)$$

感谢三位女同学的提醒!

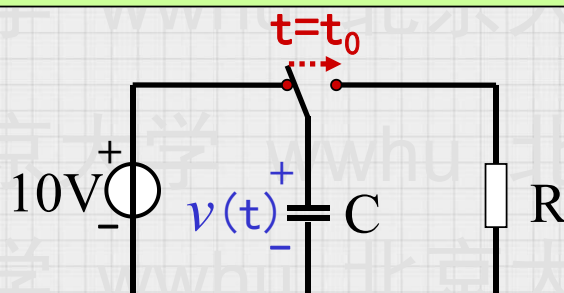
动态电路的时域分析-初始状态的确定

初始状态（初值、初始条件）：



动态电路的时域分析-初始状态的确定

换路定则： 电路在 $t=t_0$ 时刻换路，只要电容上的电流/电感上的电压为有限量，则：换路前后 $v_C(t)$ 和 $i_L(t)$ 连续。记为： $v_C(t_{0-}) = v_C(t_{0+})$ ， $i_L(t_{0-}) = i_L(t_{0+})$



初始状态的确定： 1. 依据“换路定则”，
2. 依据 KCL、KVL定律

Tea break!

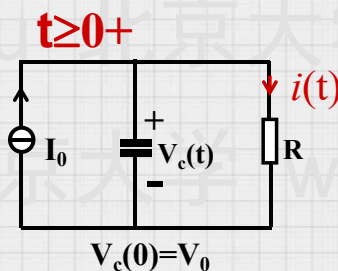
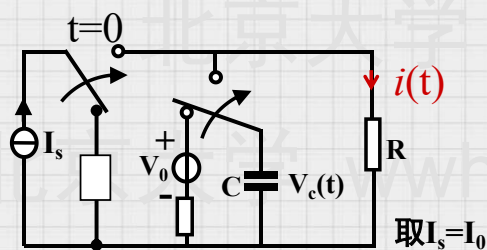


作业：搞明白课上例题+
7-12, 2-7, 13, 16



动态电路的时域分析

一阶电路的时域分析：



1. 确定初始状态：

在 $t=t_{0-}$ 时 (稳态)

→ 电容相当于开路，电感相当于短路 $v_c(0^-) = V_0$, $i(0^-) = 0$

在 $t=t_{0+}$ 时刻

→ 换路定则 $v_c(t_{0+}) = v_c(t_{0-})$, $i_L(t_{0+}) = i_L(t_{0-})$

→ KCL, KVL, VCR 定律

$$V_c(0+) = V_0 \quad i(0+) = V_0/R$$

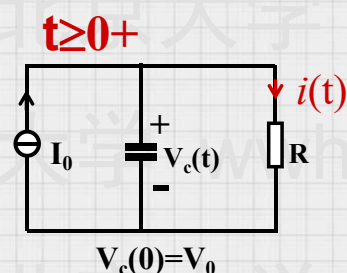
动态电路的时域分析

一阶电路的时域分析:

2. 建立方程:

$$V_c(t) = Ri(t)$$

$$I_0 = i(t) + C \frac{dV_c(t)}{dt}$$



$RC \frac{di(t)}{dt} + i(t) = I_0$ “n”阶线性常系数微分方程
 $i(0+) = V_0 / R$ 对应“n”个独立的动态元件数?

3. 求解:

数学基础:

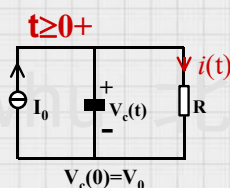
n阶线性常系数微分方程的求解
(通解 + 特解)

猜一猜方程对应的电路。。。

动态电路的时域分析

一阶电路的时域分析:

3. 求解:



$$RC \frac{di(t)}{dt} + i(t) = I_0$$

$$i(0+) = V_0 / R$$

齐次方程
求通解

特征方程: $RCs + 1 = 0$

特征值: $s = -1/RC = -1/\tau$

定义: 时间常数 $\tau = RC$

$$i(t) = Ke^{st}$$

特解

$$i(t) = I_0$$

一般解

$$i(t) = Ke^{st} + I_0$$

$$i(t) = \frac{V_0}{R} e^{-t/\tau} + I_0(1 - e^{-t/\tau})$$

($t \geq 0+$)

动态电路的时域分析

一阶电路的时域分析:

3. 求解:

$$RC \frac{di(t)}{dt} + i(t) = I_0$$

$$i(0+) = V_0 / R$$

特解

$$i(t) = I_0$$

特解: 和激励源有关, 由外加电源强制产生

一般解

$$i(t) = Ke^{st} + I_0$$

齐次方程的通解

$$\text{特征方程: } RCs + 1 = 0$$

$$\text{特征值: } s = -1/RC = -1/\tau$$

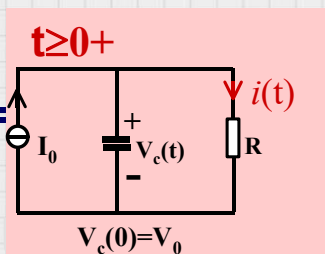
定义: 时间常数 $\tau = RC$

$$i(t) = Ke^{st}$$

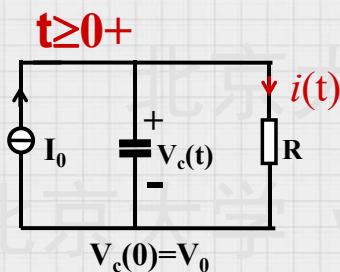
通解: 和网络结构和元件参数有关, 由网络自身固有的内在因素所决定.

$$i(t) = \frac{V_0}{R} e^{-t/\tau} + I_0(1 - e^{-t/\tau})$$

($t \geq 0+$)



动态电路的时域分析



$$i(t) = \frac{V_0}{R} e^{-t/\tau} + I_0(1 - e^{-t/\tau})$$

$$v_c(t) = V_0 e^{-t/\tau} + RI_0(1 - e^{-t/\tau})$$

$t > 0$ 等同于 $t \geq 0+$

分析1: 如何表达 $t=0$ 点的响应信息

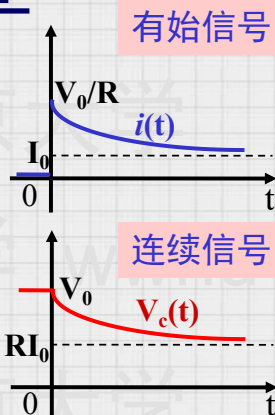
$t \geq 0-$

解的数学表达式 →

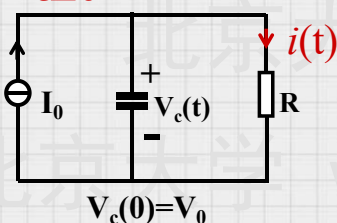
$$i(t) = \left[\frac{V_0}{R} e^{-t/\tau} + I_0(1 - e^{-t/\tau}) \right] u(t)$$

$$v_c(t) = V_0 e^{-t/\tau} + RI_0(1 - e^{-t/\tau})$$

($t \geq 0$)

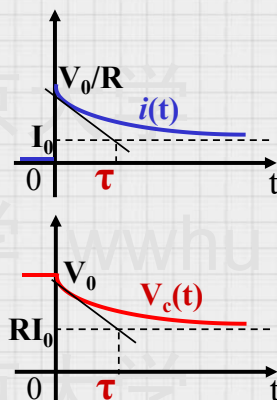


动态电路的时域分析

 $t \geq 0+$


$$i(t) = \frac{V_0}{R} e^{-t/\tau} + I_0(1 - e^{-t/\tau})$$

$$v_c(t) = V_0 e^{-t/\tau} + RI_0(1 - e^{-t/\tau})$$



分析2：关于时间常数 τ

τ 的量纲：秒

决定电路充放电过程（过渡过程）的快慢（长短）

当 $t=\tau$ 时, $V_0 e^{-t/\tau} = V_0/e = 36.8\% V_0$

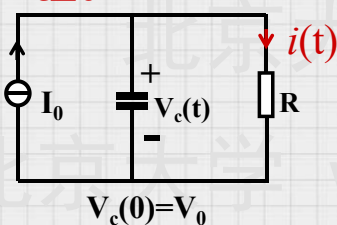
$t=4\tau$, $V_0 e^{-t/\tau} = V_0/e^4 = 1.84\% V_0$

$t=5\tau$, $V_0 e^{-t/\tau} = V_0/e^5 = 0.68\% V_0$

工程上, 认为 $t=4\tau \sim 5\tau$ 时, 过渡过程结束。

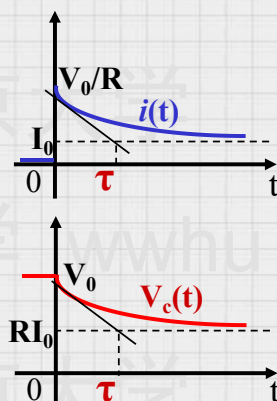
感谢吴宇轩同学的提醒!

动态电路的时域分析

 $t \geq 0+$


$$i(t) = \frac{V_0}{R} e^{-t/\tau} + I_0(1 - e^{-t/\tau})$$

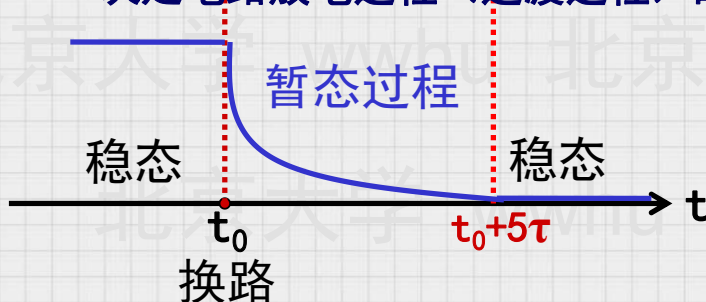
$$v_c(t) = V_0 e^{-t/\tau} + RI_0(1 - e^{-t/\tau})$$



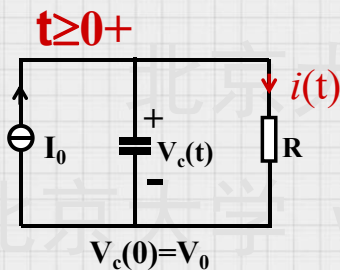
分析2：关于时间常数 τ

τ 的量纲：秒

决定电路放电过程（过渡过程）的快慢（长短）

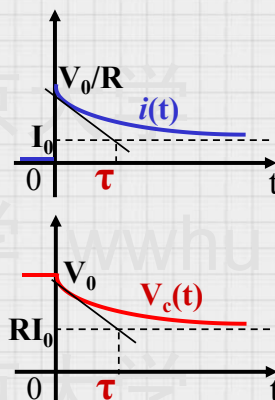


动态电路的时域分析



$$i(t) = \frac{V_0}{R} e^{-t/\tau} + I_0(1 - e^{-t/\tau})$$

$$v_c(t) = V_0 e^{-t/\tau} + RI_0(1 - e^{-t/\tau})$$



分析3：定义s为网络的固有频率

$s = -1/\tau$ 具有频率的量纲

由网络固有的结构和参数决定，故称之为网络的固有频率

$$RC \frac{di(t)}{dt} + i(t) = 0$$

求通解

特征方程： $RCs + 1 = 0$

特征值： $s = -1/RC = -1/\tau$

定义：时间常数 $\tau = RC$

网络的固有频率
决定了网络的稳定性

通解

$$i(t) = K e^{st}$$

网络的固有频率决定了网络的稳定性

含N个独立的动态元件的电路建立的微分方程：

$$(a_n \frac{d^{(n)}}{dt^n} + a_{n-1} \frac{d^{(n-1)}}{dt^{n-1}} + \dots + a_1 \frac{d}{dt} + a_0) y(t) = x(t)$$

求通解的特征方程：

$$K_i e^{s_i t}$$

$$a_n s^n + a_{n-1} s^{n-1} + \dots + a_1 s + a_0 = 0$$

$e^{-t/\tau}$

$$K_1 \cos(\omega t) + K_2 \sin(\omega t)$$

$$K_1 e^{at} \cos(\omega t) + K_2 e^{at} \sin(\omega t)$$

$$K_1 e^{s_1 t} + K_2 t e^{s_1 t}$$

通解：和网络结构和元件参数有关，由网络自身固有的内在因素所决定。

网络的固有频率决定
了网络的稳定性

又长本事啦。。。!

动态电路的时域分析-网络的稳定性判断

时域分析

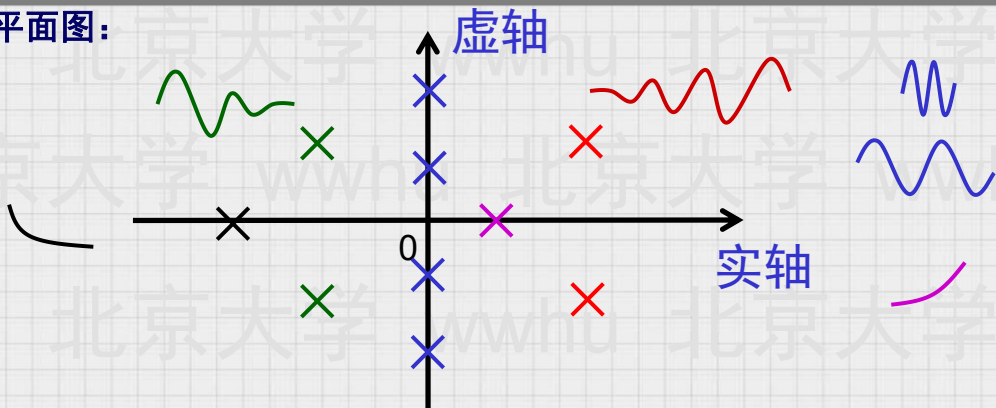
微分方程： $\left(a_n \frac{d^n}{dt^n} + a_{n-1} \frac{d^{n-1}}{dt^{n-1}} + \dots + a_0 \right) y(t) = x(t)$

特征方程： $a_n s^n + a_{n-1} s^{n-1} + \dots + a_0 = 0$

特征根： $s = s_1, s_2, \dots, s_n$ 网络的固有频率

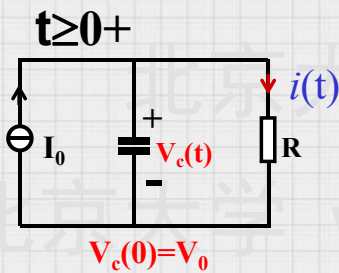
稳定条件： $\text{Re} \{s_1, \dots, s_n\} < 0$ 落在s平面的左半侧

s平面图：

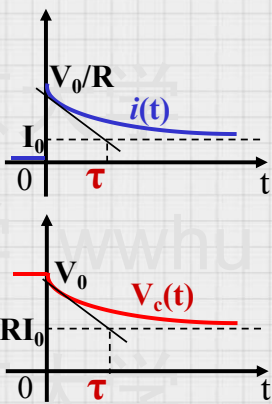


一阶响应、二阶响应是典型...

动态电路的时域分析



$$i(t) = \frac{V_0}{R} e^{-t/\tau} + I_0(1 - e^{-t/\tau})$$
$$v_c(t) = V_0 e^{-t/\tau} + RI_0(1 - e^{-t/\tau})$$



分析4：稳态和暂态响应

$$i(t) = \left(\frac{V_0}{R} - I_0 \right) e^{-t/\tau} + I_0$$
$$v_c(t) = (V_0 - RI_0) e^{-t/\tau} + RI_0$$

暂态过程的长短和固有频率有关

暂态响应

稳态响应

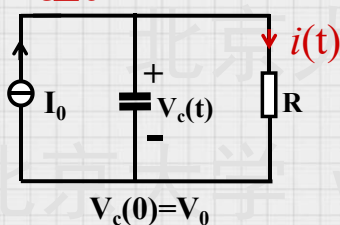
由通解决定

特解：和激励源有关，由外加电路源强制产生

如何不求解微分方程就能获得一个稳定网络的稳态响应

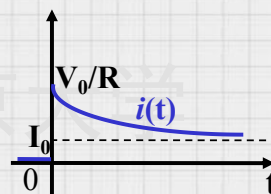
动态电路的时域分析

$t \geq 0+$



$$i(t) = \frac{V_0}{R} e^{-t/\tau} + I_0(1 - e^{-t/\tau})$$

$$V_c(t) = V_0 e^{-t/\tau} + RI_0(1 - e^{-t/\tau})$$



分析5：一阶电路的三要素法

$$i(0+) = \frac{V_0}{R}, \quad i(\infty) = I_0, \quad e^{-t/\tau}$$

$$V_c(0+) = V_0, \quad V_c(\infty) = RI_0, \quad e^{-t/\tau}$$

起点

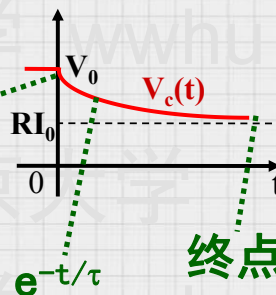
终值点

时间常数 τ

$$y(t) = [y(0+) - y(\infty)]e^{-t/\tau} + y(\infty)$$

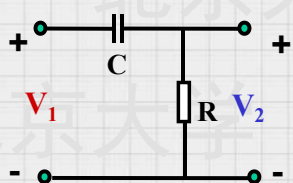
起点

终点

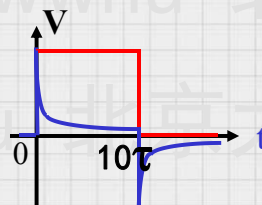


动态电路的时域分析

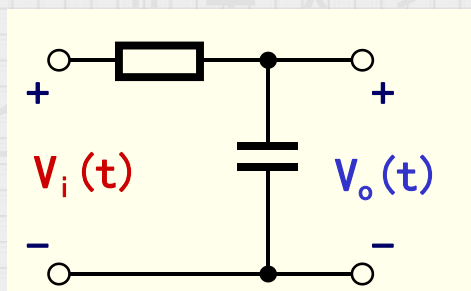
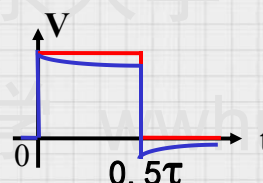
三要素法一定性快速地画出响应



输入矩形波形脉宽 10τ 、 0.5τ



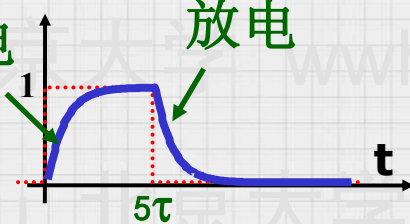
“微分电路”



输入矩形波形脉宽 5τ

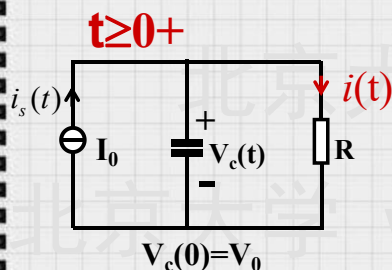
充电

放电



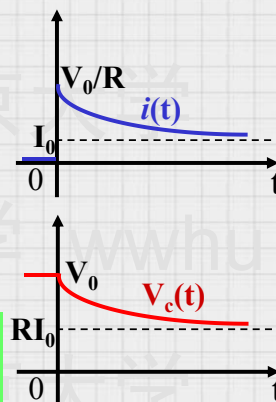
又长本事啦。。。!

动态电路的时域分析



$$i(t) = \frac{V_0}{R} e^{-t/\tau} + I_0(1 - e^{-t/\tau})$$

$$v_c(t) = V_0 e^{-t/\tau} + RI_0(1 - e^{-t/\tau})$$



分析6: 单位阶跃响应

根据定义, 上图中取:

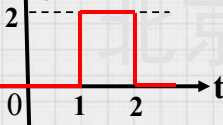
$$i_s(t) = u(t), \text{ 即: } I_0 = 1, V_0 = 0$$

$$s(t) = i(t) = (1 - e^{-t/\tau})u(t)$$

利用单位阶跃响应求解脉冲信号的响应:

$$i_s(t) = 2[u(t-1) - u(t-2)]$$

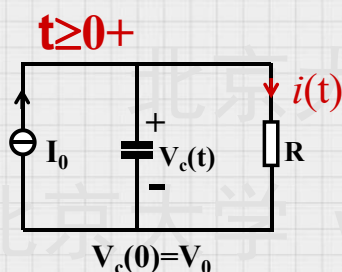
$$2[s(t-1) - s(t-2)]$$



$$i(t) = 2[(1 - e^{-(t-1)/\tau})u(t-1) - (1 - e^{-(t-2)/\tau})u(t-2)]$$

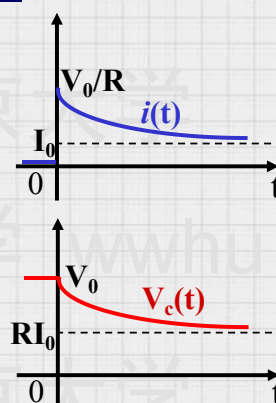
先错求I, 问大家错在哪里... 还有, 求冲击响应

动态电路的时域分析



$$i(t) = \frac{V_0}{R} e^{-t/\tau} + I_0(1 - e^{-t/\tau})$$

$$v_c(t) = V_0 e^{-t/\tau} + RI_0(1 - e^{-t/\tau})$$



分析7:

零输入响应 $Y_{zi}(t)$

零状态响应 $Y_{zs}(t)$

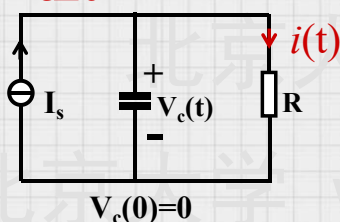
$$\text{全响应 } Y(t) = Y_{zi}(t) + Y_{zs}(t)$$

稳态响应

求特解
很简单

动态电路的时域分析

$t \geq 0+$



$$RC \frac{di(t)}{dt} + i(t) = i_s(t)$$

微分

分析8: 求 $i_s(t) = I_0 e^{j\omega t}$ 激励的稳态响应

稳态特解

$$i(t) = Ae^{j\omega t}$$

$$RC \cdot j\omega \cdot Ae^{j\omega t} + Ae^{j\omega t} = I_0 e^{j\omega t}$$

代数

$$\begin{aligned} v(t) &= L \frac{di(t)}{dt} \rightarrow j\omega L \cdot i(t) \\ i(t) &= C \frac{dv(t)}{dt} \rightarrow j\omega C \cdot v(t) \end{aligned}$$

$$A = \frac{I_0}{1 + R \cdot j\omega C}$$

利用复指数信号的稳态响应求解正弦信号的稳态响应:

求 $i_s(t) = I_0 \cos(\omega t) = \text{Re}(I_0 e^{j\omega t})$ 激励的稳态响应

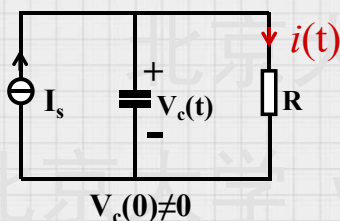
$$i(t) = Ae^{j\omega t} = \dots \rightarrow i(t) = \text{Re}(Ae^{j\omega t})$$

☺ 又又发现一个偷懒的办法 ☺

欧拉公式: $e^{j\theta} = \cos\theta + j\sin\theta$

动态电路的时域分析

$t \geq 0+$

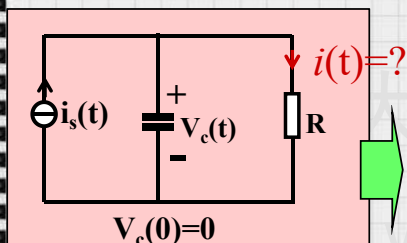


$I(j\omega)$

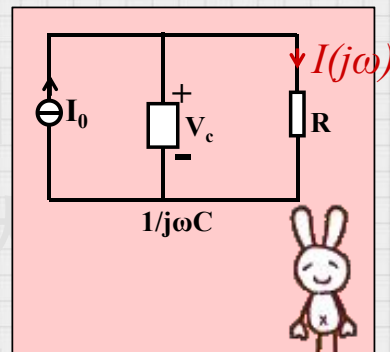
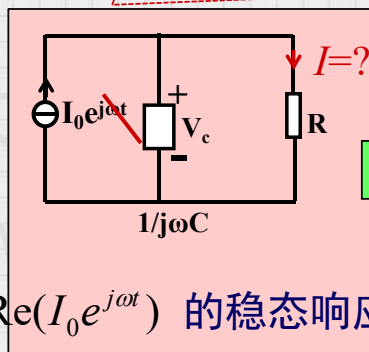
$$I = \frac{I_0 e^{j\omega t}}{1 + j\omega CR}$$

$$i(t) = \text{Re}[I(j\omega)e^{j\omega t}] = \dots$$

$$I(j\omega) = \frac{I_0}{1 + j\omega CR}$$



求 $i_s(t) = I_0 \cos(\omega t) = \text{Re}(I_0 e^{j\omega t})$ 的稳态响应



正弦稳态电路分析方法
(相量法 or 复数法) 的数学依据