



兴趣 认真 执著 创新

# 《电子线路分析与设计》

## 第七讲：大网络分析基础

胡薇薇

2023. 10. 9



北京大学

### 网络拓扑分析的基本知识

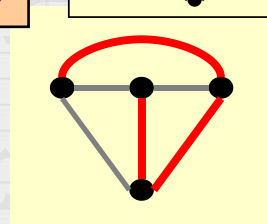
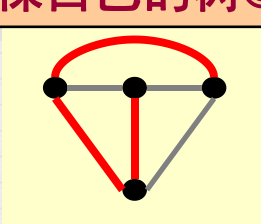
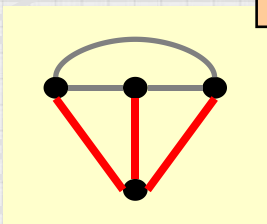
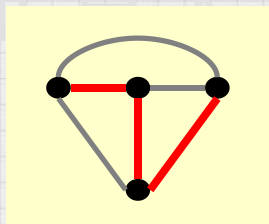
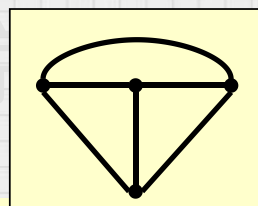
复习

□ **树**：连通图中的一个子图：满足三个条件

- (1) 连通；
- (2) 无回路；
- (3) 含全部节点

在例图中可以生成：

每个人都有一棵自己的树☺



□ **树枝**：构成树的支路(红线)

树枝数：=节点数-1,  $n_t = n - 1$

□ **连支**：非树枝的支路(灰线)

连支数：  $L = b - n_t = b - n + 1$

# 拓朴分析的基础知识—树，树支，和连支

复习

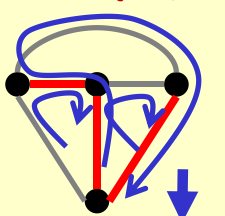
□ **树**：连通图中的一个子图：满足三个条件

(1) 连通 (2) 无回路 (3) 含全部节点

□ **树支**：连通图中构成树的支路，连支：非树支的支路

$$n_t \ll b, n_l \ll b$$

$$\text{节点数 } n = n_t + 1, \text{ 支路数 } b = n_t + n_l$$



去树根，留下  $n-1$  个独立节点

→  $n-1 = n_t$  个独立的KCL方程

→ 节点电压法

**不用找树！**

平面网络

→  $b - n + 1 = n_l$  个独立网孔

→  $n_l$  个独立的KVL方程

→ 网孔电流法

**不用找树！**

单连支+树支

→  $b - n + 1 = n_l$  个独立回路

→  $n_l$  个独立的KVL方程

→ 回路电流法

网孔法不一定是回路法。。。

证明叠加定理。。。

## 用回路电流法和节点电压法证明叠加定理

$$\begin{pmatrix} Z_1 + Z_2 + Z_4 & -Z_2 \\ -Z_4 & Z_3 + Z_5 - Z_5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} I_1 \\ I_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} V_{S1} - V_{S2} \\ 0 \end{pmatrix}$$

回路阻抗矩阵  $n_l \times n_l$

回路电流  
列向量

回路电压源  
列向量

$$\mathbf{Z} \cdot \mathbf{I} = \mathbf{V}_S \Rightarrow \mathbf{I} = \mathbf{Z}^{-1} \mathbf{V}_S \Rightarrow I_i = \sum_{k=1}^{n_l} \frac{\Delta_{ki}}{|\mathbf{Z}|} V_{Sk}$$

叠加定理

$$\mathbf{Y} \cdot \mathbf{V} = \mathbf{I}_S \Rightarrow \mathbf{V} = \mathbf{Y}^{-1} \mathbf{I}_S \Rightarrow V_i = \sum_{k=1}^{n_t} \frac{\Delta_{ki}}{|\mathbf{Y}|} I_{Sk}$$

节点导纳矩阵  
 $n_t \times n_t$

节点电压列向量

节点电流源  
列向量

证明叠加定理。。。

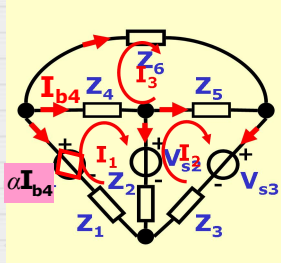




## 回路电流法—含受控电压源支路的处理

复习

(a) 先将受控源看成源，写出回路方程矩阵：



$$\begin{pmatrix} Z_1+Z_2+Z_4 & -Z_2 & -Z_4 \\ -Z_2 & Z_2+Z_3+Z_5 & -Z_5 \\ -Z_4 & -Z_5 & Z_4+Z_5+Z_6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \alpha I_{b4} - V_{s2} \\ V_{s2} - V_{s3} \\ 0 \end{pmatrix}$$

(b) 用已知和待求变量表示控制量：

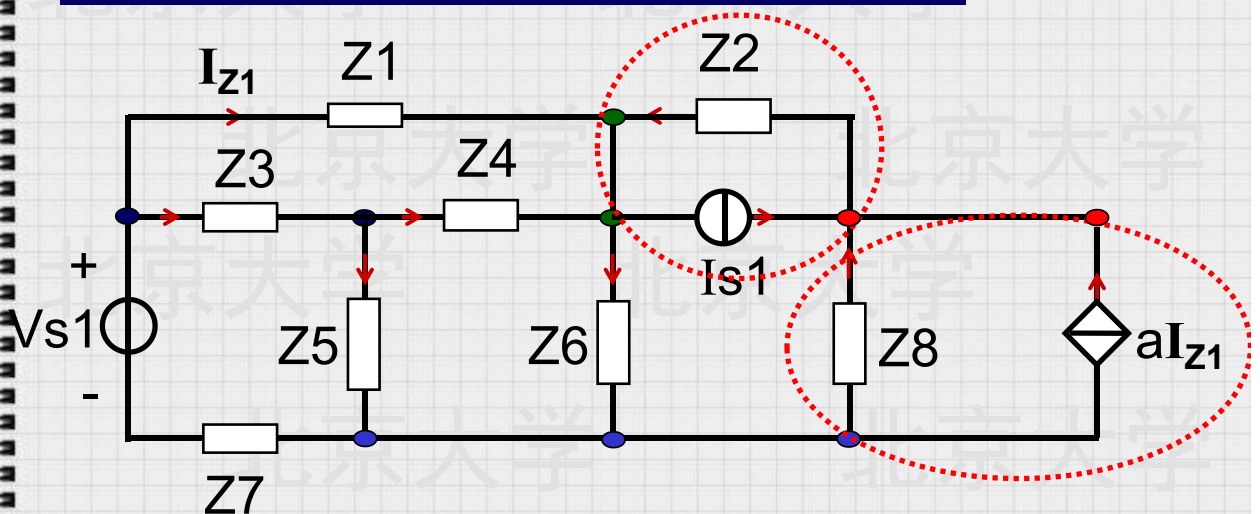
$$I_{b4} = I_1 - I_3$$

(c) 代入整理，得到非对称矩阵：

$$Z_{ji} \neq Z_{ij}$$

$$\begin{pmatrix} Z_1+Z_2+Z_4-\alpha & -Z_2 & -Z_4+\alpha \\ -Z_2 & Z_2+Z_3+Z_5 & -Z_5 \\ -Z_4 & -Z_5 & Z_4+Z_5+Z_6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -V_{s2} \\ V_{s2} - V_{s3} \\ 0 \end{pmatrix}$$

## 节后恢复性练习。。。大矩阵不可怕

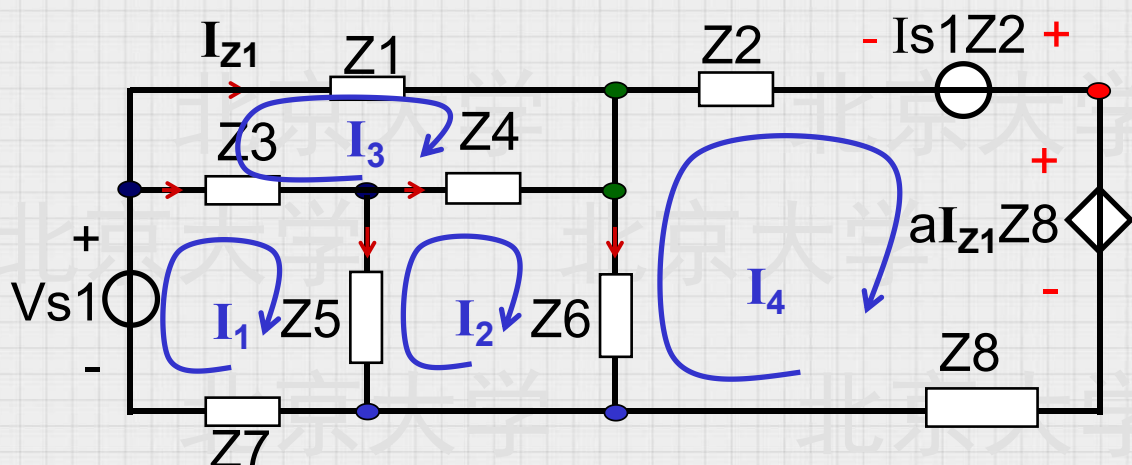


解法1：4网孔（诺顿→戴维南）

解法2：6网孔（虚回路电流法）

节点数。。。？

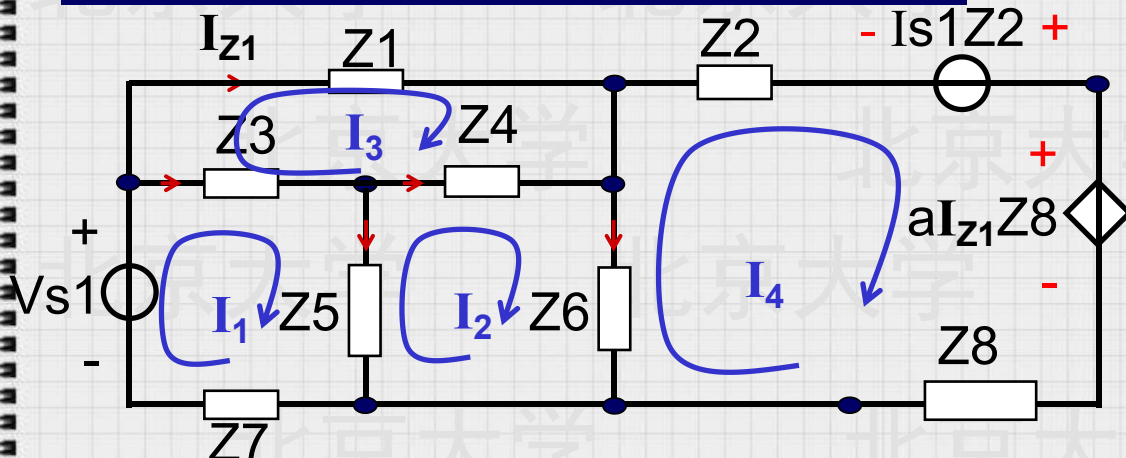
## 节后恢复性练习。。。大矩阵不可怕



解法1：4网孔（诺顿→戴维南）

## 节后恢复性练习。。。大矩阵不可怕

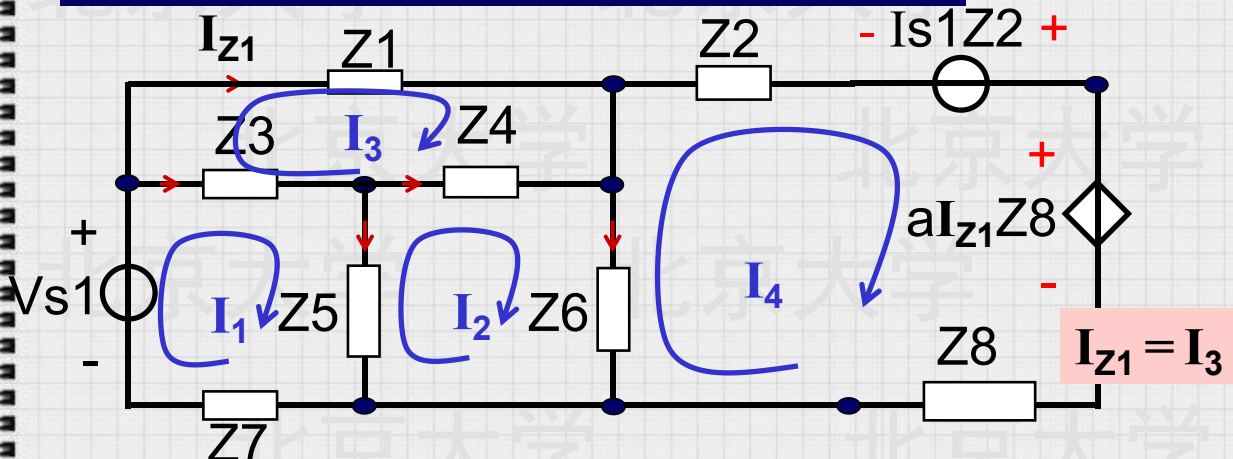
解法1：



$$\begin{pmatrix} \mathbf{Z}_3 + \mathbf{Z}_5 + \mathbf{Z}_7 & -\mathbf{Z}_5 & -\mathbf{Z}_3 & 0 \\ -\mathbf{Z}_5 & \mathbf{Z}_4 + \mathbf{Z}_5 + \mathbf{Z}_6 & -\mathbf{Z}_4 & -\mathbf{Z}_6 \\ -\mathbf{Z}_3 & -\mathbf{Z}_4 & \mathbf{Z}_1 + \mathbf{Z}_3 + \mathbf{Z}_4 & 0 \\ 0 & -\mathbf{Z}_6 & 0 & \mathbf{Z}_2 + \mathbf{Z}_6 + \mathbf{Z}_8 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \mathbf{I}_1 \\ \mathbf{I}_2 \\ \mathbf{I}_3 \\ \mathbf{I}_4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{V}_{s1} \\ 0 \\ 0 \\ \mathbf{I}_{s1}\mathbf{Z}_2 - a\mathbf{I}_{z1}\mathbf{Z}_8 \end{pmatrix}$$

# 节后恢复性练习。。。大矩阵不可怕

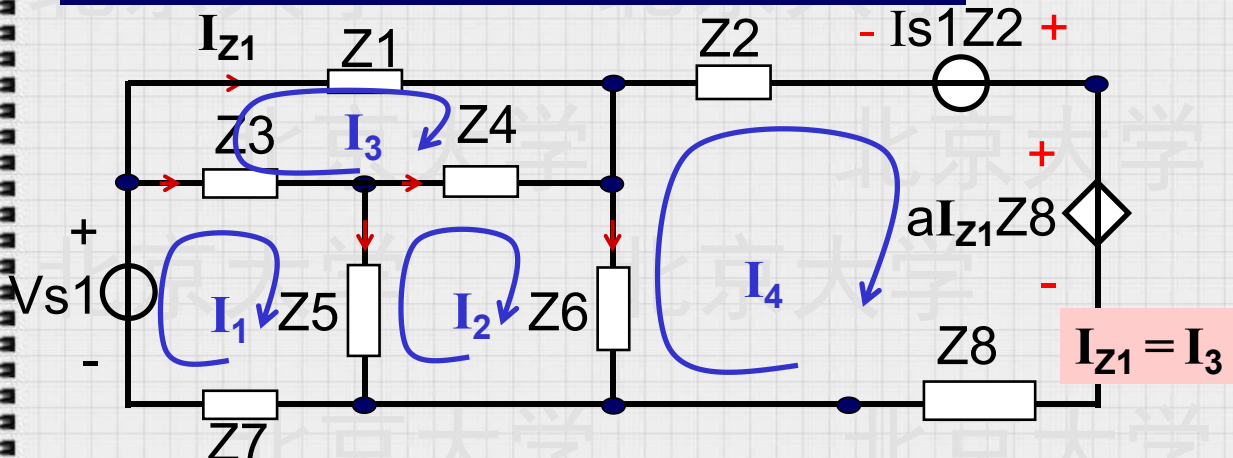
解法1:



$$\begin{pmatrix} Z_3+Z_5+Z_7 & -Z_5 & -Z_3 & 0 \\ -Z_5 & Z_4+Z_5+Z_6 & -Z_4 & -Z_6 \\ -Z_3 & -Z_4 & Z_1+Z_3+Z_4 & 0 \\ 0 & -Z_6 & 0 & Z_2+Z_6+Z_8 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \\ I_4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} V_{s1} \\ 0 \\ 0 \\ I_{s1}Z_2 - aI_3Z_8 \end{pmatrix}$$

# 节后恢复性练习。。。大矩阵不可怕

解法1:

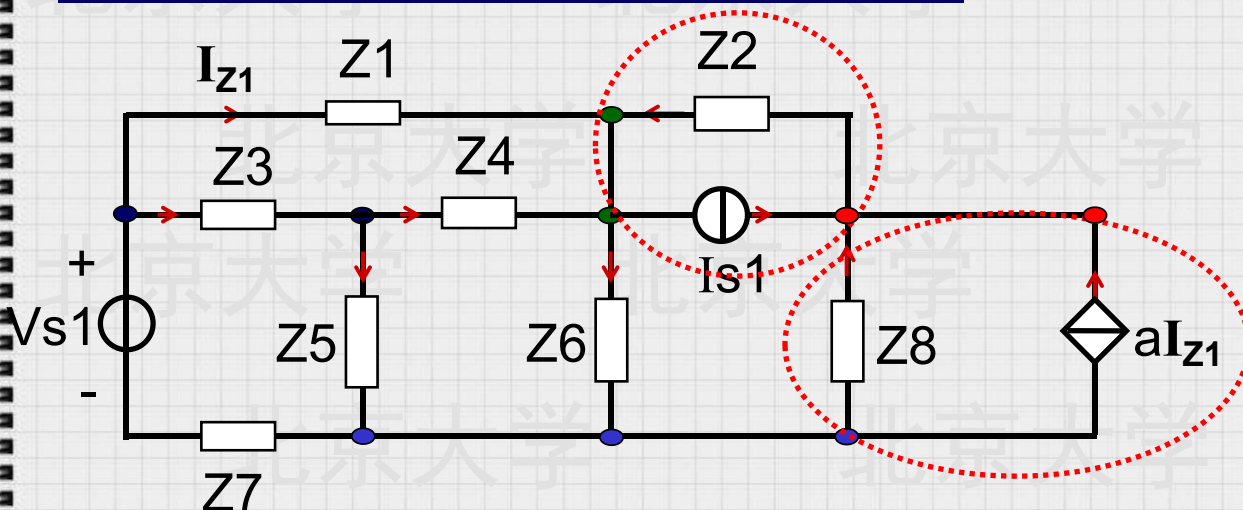


$$\begin{pmatrix} Z_3+Z_5+Z_7 & -Z_5 & -Z_3 & 0 \\ -Z_5 & Z_4+Z_5+Z_6 & -Z_4 & -Z_6 \\ -Z_3 & -Z_4 & Z_1+Z_3+Z_4 & 0 \\ 0 & -Z_6 & aZ_8 & Z_2+Z_6+Z_8 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \\ I_4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} V_{s1} \\ 0 \\ 0 \\ I_{s1}Z_2 \end{pmatrix}$$

试试能不能恢复电路。。。。



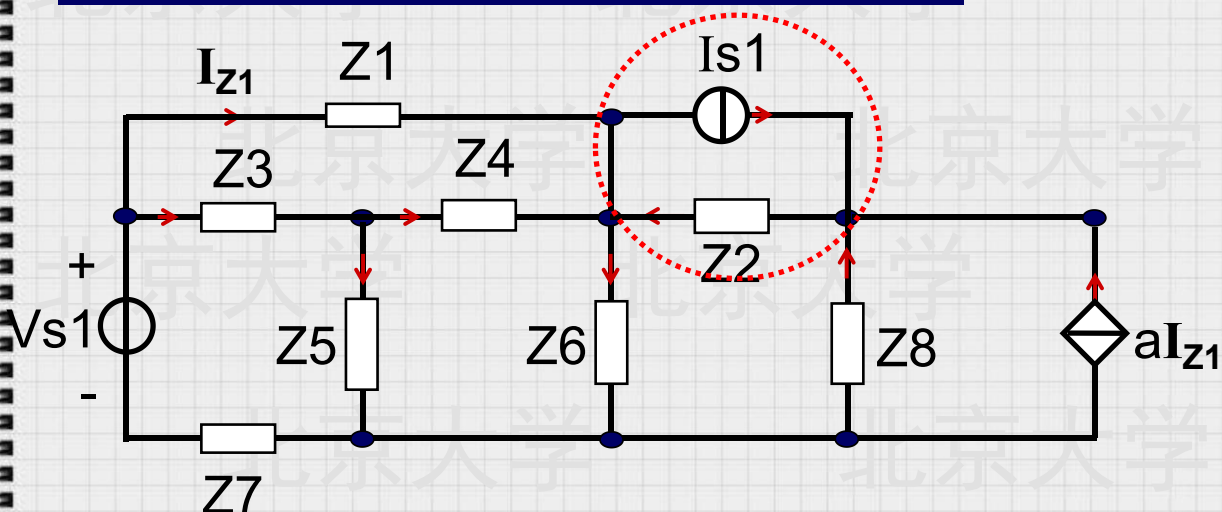
## 节后恢复性练习。。。大矩阵不可怕



解法1: 4网孔 (诺顿→戴维南)

解法2: 6网孔 (虚回路电流法)

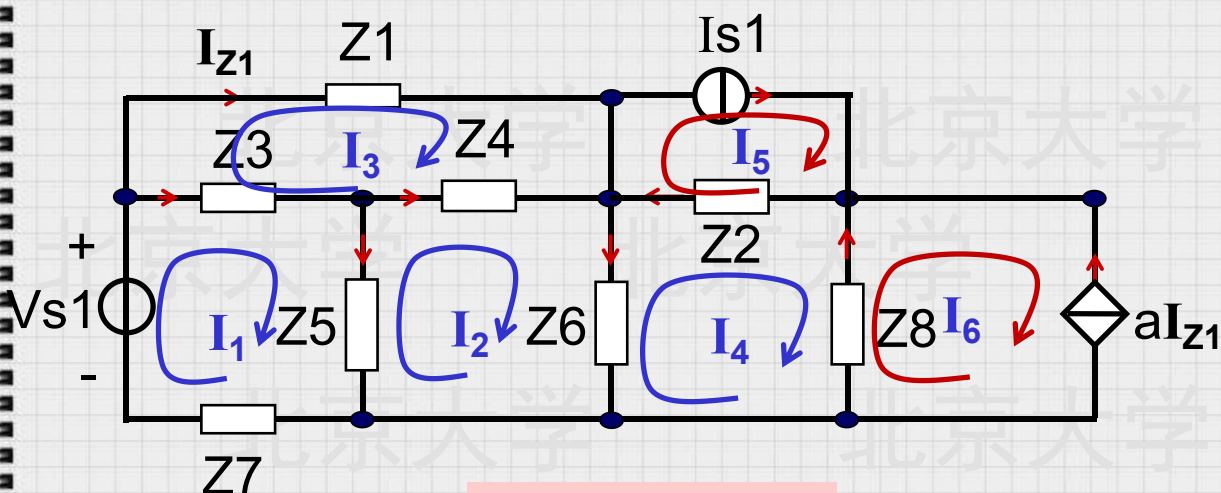
## 节后恢复性练习。。。大矩阵不可怕



解法2: 6个网孔 (虚回路电流法)

# 节后恢复性练习。。。大矩阵不可怕

解法2

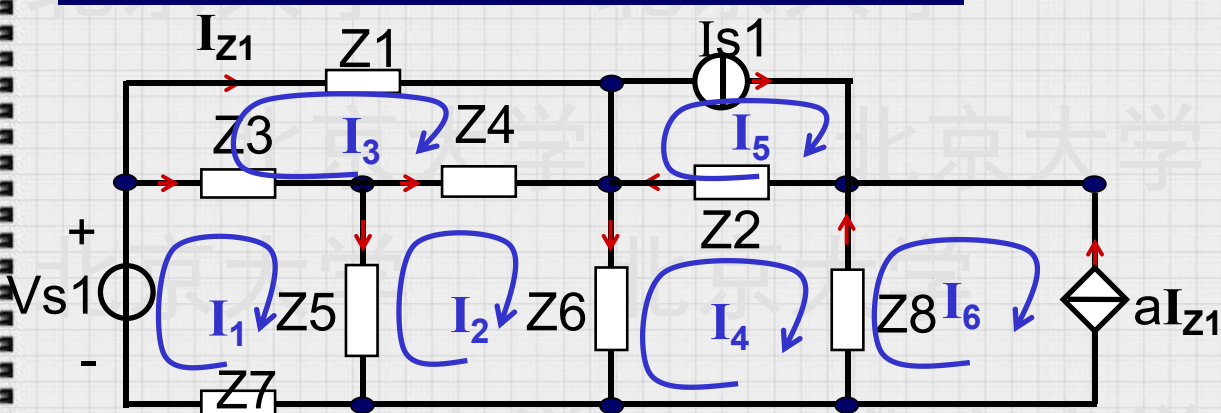


$$I_6 = -aI_{z1} = -aI_3$$

$$I_5 = I_{s1}$$

# 节后恢复性练习。。。大矩阵不可怕

解法2

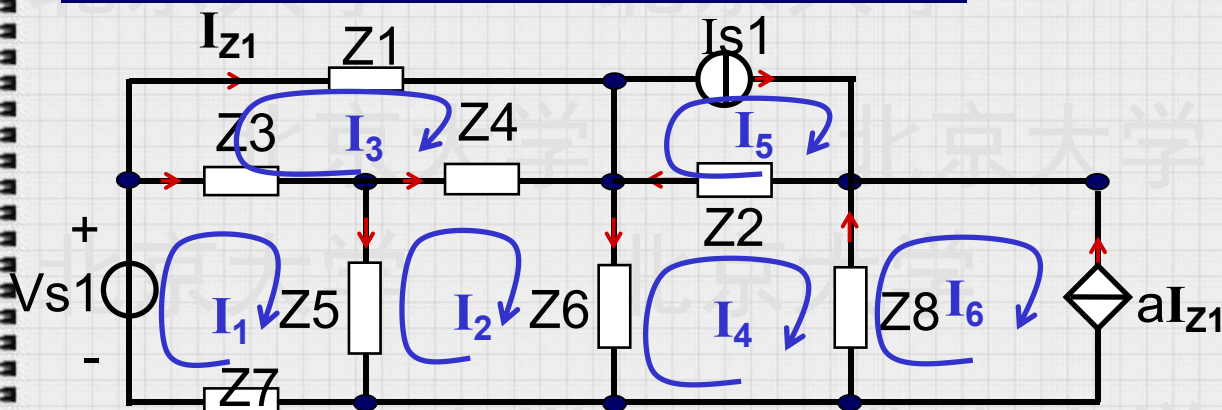


$$\begin{pmatrix} Z_3 + Z_5 + Z_7 & -Z_5 & -Z_3 & 0 & 0 & 0 \\ -Z_5 & Z_4 + Z_5 + Z_6 & -Z_4 & -Z_6 & 0 & 0 \\ -Z_3 & -Z_4 & Z_1 + Z_3 + Z_4 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -Z_6 & 0 & Z_2 + Z_6 + Z_8 & -Z_2 & -Z_8 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \\ I_4 \\ I_5 \\ I_6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} V_{s1} \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ I_{s1} \\ -aI_3 \end{pmatrix}$$



## 节后恢复性练习。。。大矩阵不可怕

解法2

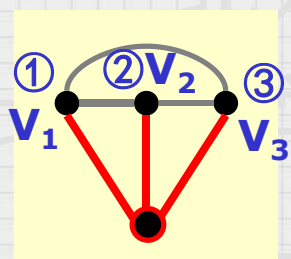


$$\begin{pmatrix} Z_3 + Z_5 + Z_7 & -Z_5 & -Z_3 & 0 & 0 & 0 \\ -Z_5 & Z_4 + Z_5 + Z_6 & -Z_4 & -Z_6 & 0 & 0 \\ -Z_3 & -Z_4 & Z_1 + Z_3 + Z_4 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -Z_6 & 0 & Z_2 + Z_6 + Z_8 & -Z_2 & -Z_8 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & a & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \\ I_4 \\ I_5 \\ I_6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} V_{s1} \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ I_{s1} \\ 0 \end{pmatrix}$$

## 节点电压法—定义

\*\*\*

□以假想的节点电压为待求变量，根据KCL定律建立约束节点电压的独立&完备的方程

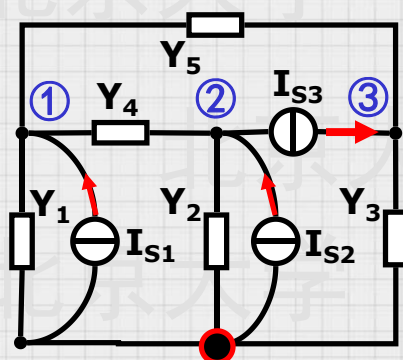


树根：  
参考节点

去树根，留下n-1个独立节点  
→ n-1个独立的KCL方程  
→ 节点电压法

节点电压一旦确定，网络中各支路的电压、电流均可用节点电压表示出来。

## 节点电压法—方法的引出与推导



参考节点

节点电压列向量:

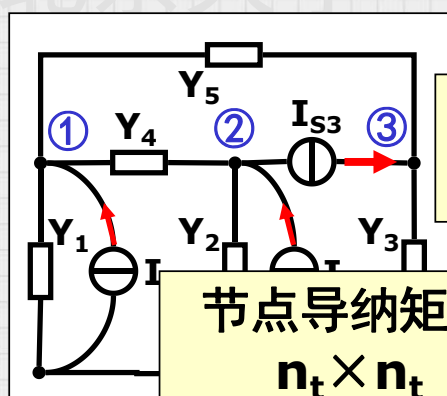
$$\mathbf{V} = \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \end{pmatrix}$$

以流出节点为正，对各节点可以建立KCL方程:

$$\begin{cases} \textcircled{1} & Y_1(V_1 - 0) + Y_4(V_1 - V_2) + Y_5(V_1 - V_3) - I_{S1} = 0 \\ \textcircled{2} & Y_4(V_2 - V_1) + Y_2(V_2 - 0) - I_{S2} + I_{S3} = 0 \\ \textcircled{3} & Y_3(V_3 - 0) + Y_5(V_3 - V_1) - I_{S3} = 0 \end{cases}$$

几个节点？几个支路？。。。

## 节点电压法—方法的引出



节点电压列向量  
 $n_t \times 1$

节点电流源  
列向量  
 $n_t \times 1$

节点导纳矩阵  
 $n_t \times n_t$

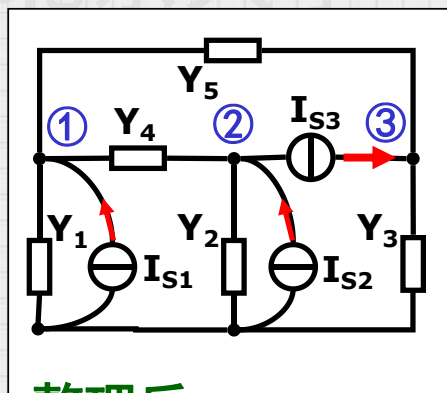
$$\mathbf{Y} \cdot \mathbf{V} = \mathbf{I}_S$$

整理后:

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \rightarrow & \begin{pmatrix} Y_1 + Y_4 + Y_5 & -Y_4 & -Y_5 \\ -Y_4 & Y_2 + Y_4 & 0 \\ -Y_5 & 0 & Y_3 + Y_5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} I_{S1} \\ I_{S2} - I_{S3} \\ I_{S3} \end{pmatrix} \\ \textcircled{2} \rightarrow & \\ \textcircled{3} \rightarrow & \end{aligned}$$

## 节点电压法—规律在哪里？

\*\*\*



$I_s$  是流入节点*i*的电流源的代数和

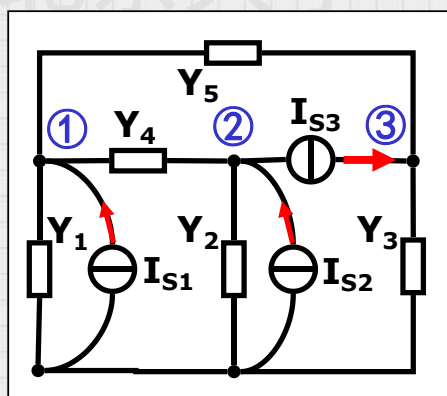
$$Y \cdot V = I_s$$

整理后：

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \rightarrow & \begin{pmatrix} Y_1 + Y_4 + Y_5 & -Y_4 & -Y_5 \\ -Y_4 & Y_2 + Y_4 & 0 \\ -Y_5 & 0 & Y_3 + Y_5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} I_{S1} \\ I_{S2} - I_{S3} \\ I_{S3} \end{pmatrix} \\ \textcircled{2} \rightarrow & \\ \textcircled{3} \rightarrow & \end{aligned}$$

## 节点电压法—规律在哪里？

复习



$Y_{ii}$  与节点*i*相连的所有支路导纳的总和(自导纳>0)

$Y_{ij}$  节点*i*和*j*之间所有支路导纳总和的负值(互导纳<0)

当网络中不含受控源时 $Y$ 是对称矩阵： $Y_{ji}=Y_{ij}$

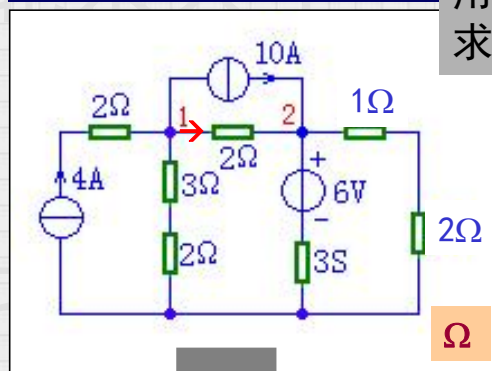
整理后：

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \rightarrow & \begin{pmatrix} Y_1 + Y_4 + Y_5 & -Y_4 & -Y_5 \\ -Y_4 & Y_2 + Y_4 & 0 \\ -Y_5 & 0 & Y_3 + Y_5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} I_{S1} \\ I_{S2} - I_{S3} \\ I_{S3} \end{pmatrix} \\ \textcircled{2} \rightarrow & \\ \textcircled{3} \rightarrow & \end{aligned}$$

所有支路导纳？挖个坑问问。。。为什么互导纳都是负的。。。



## 节点电压法—举例

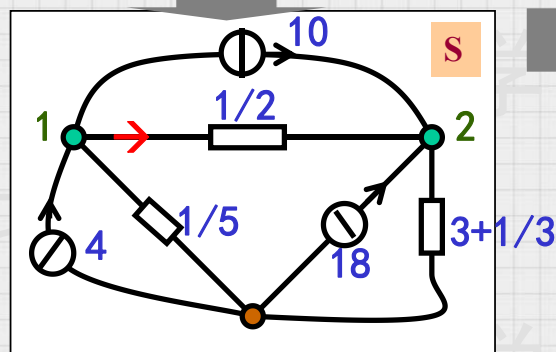


用节点电压法。。。求节点①-②之间 $2\Omega$ 电阻的 $V=?$

直观的、快速的、准确地写出矩阵:

$$\begin{pmatrix} \frac{1}{5} + \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & 3 + \frac{1}{3} + \frac{1}{2} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 - 10 \\ 10 + 18 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{V} = \mathbf{V}_1 - \mathbf{V}_2 = \dots$$



*Tea break!*



作业: 掌握全部例题+ 6-1, 18, 20



## 节点电压法—含电压源支路的处理

\*\*\*

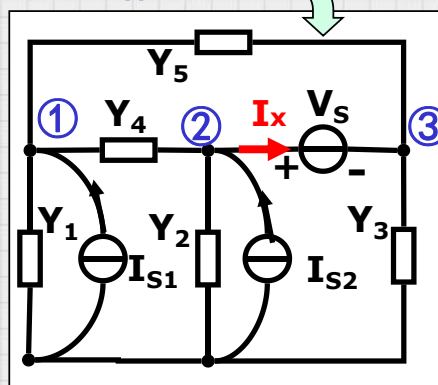
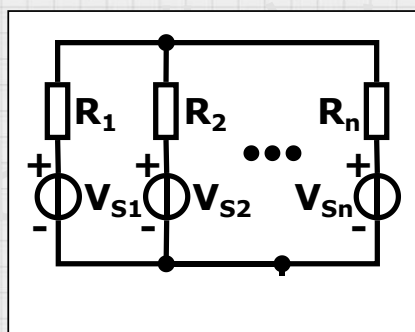
1. 等效法：戴维南源电路→诺顿源电路  
(缺点：改变了原电路结构)

2. 虚节点电压法

→当电压源和参考节点相连时

3. 假设支路电流法

→当电压源不和参考节点相连时

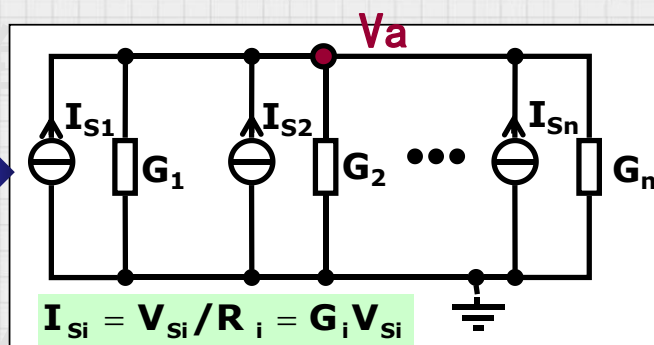
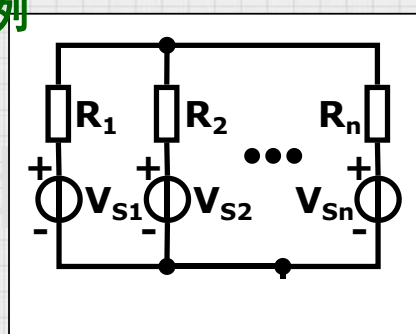


## 节点电压法—含戴维南源支路的处理

\*\*\*

□等效法：戴维南源电路→诺顿源电路

例



采用节点电压法：

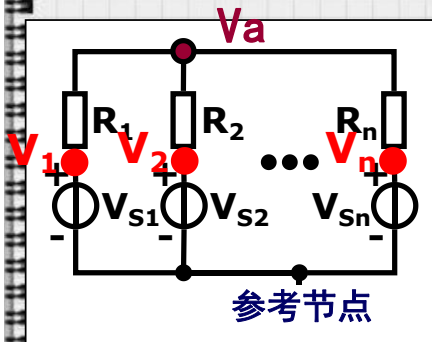
$$\left( \sum_{i=1}^n G_i \right) V_a = \sum_{i=1}^n I_{Si}$$

$$V_a = \frac{\sum_{i=1}^n G_i V_{Si}}{\sum_{i=1}^n G_i}$$

弥尔曼定理

## 节点电压法—当电压源和参考节点相连时的处理 \*\*\*

### □虚节点电压法



$$\begin{pmatrix} (\sum_{i=1}^n G_i) & -G_1 & \cdots & -G_n \\ 0 & & & \\ \vdots & & & \\ 0 & & & \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_a \\ V_1 \\ \vdots \\ V_n \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ V_{S1} \\ \vdots \\ V_{Sn} \end{pmatrix}$$

$$V_i = V_{Si}$$

$$(\sum_{i=1}^n G_i) V_a - \sum_{i=1}^n G_i V_i = 0$$

弥尔曼定理

$$V_a = \sum_{i=1}^n G_i V_{Si} / \sum_{i=1}^n G_i$$

## 节点电压法—含电压源支路的处理 \*\*\*

1. 等效法：戴维南源电路→诺顿源电路  
(缺点：改变了原电路结构)

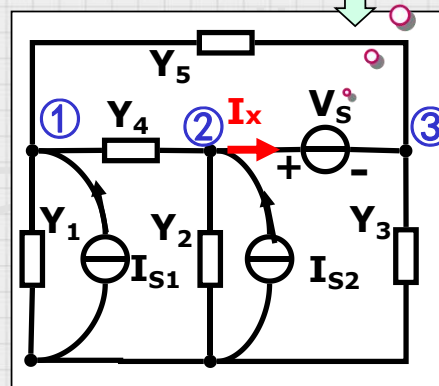
2. 虚节点电压法

→当电压源和参考节点相连时

3. 假设支路电流法

→当电压源不和参考节点相连时

置换定理





## 节点电压法—含独立电压源支路的处理

\*\*\*

### 3. 假设支路电流法—当电压源和参考节点不相连时

例：采用假设支路电流法求解

$$\begin{pmatrix} Y_1 + Y_4 + Y_5 & -Y_4 & -Y_5 \\ -Y_4 & Y_2 + Y_4 & 0 \\ -Y_5 & 0 & Y_3 + Y_5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} I_{S1} \\ I_{S2} - I_X \\ I_X \end{pmatrix}$$

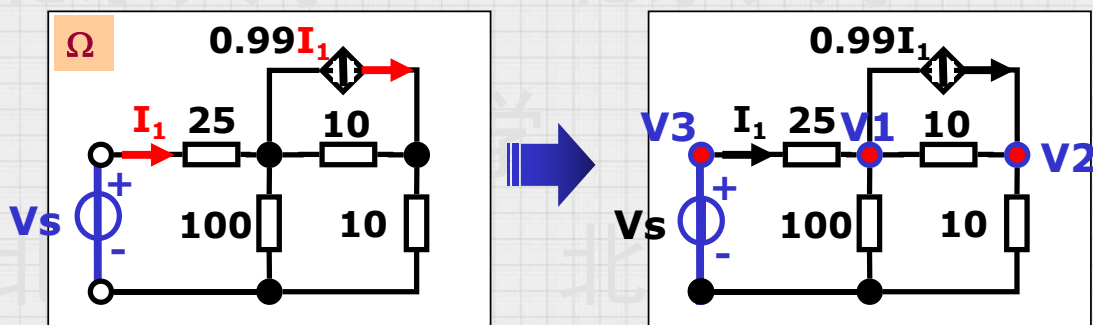
↓ 消去  $I_X$

$$\begin{pmatrix} Y_1 + Y_4 + Y_5 & -Y_4 & -Y_5 \\ -Y_4 - Y_5 & Y_2 + Y_4 & Y_3 + Y_5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} I_{S1} \\ I_{S2} \end{pmatrix}$$

补上已知的约束关系：  
 $V_2 - V_3 = V_s \Rightarrow \begin{pmatrix} Y_1 + Y_4 + Y_5 & -Y_4 & -Y_5 \\ -Y_4 - Y_5 & Y_2 + Y_4 & Y_3 + Y_5 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} I_{S1} \\ I_{S2} \\ V_s \end{pmatrix}$

用超节点直接写。。。

## 节点电压法—含受控源的处理（同回路电流法）



$$I_1 = (V_3 - V_1)/25$$

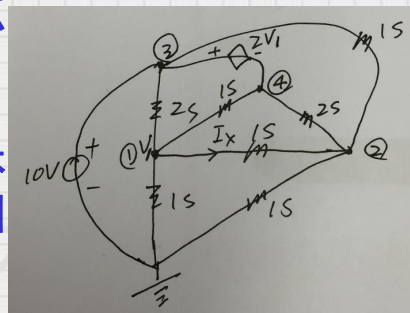
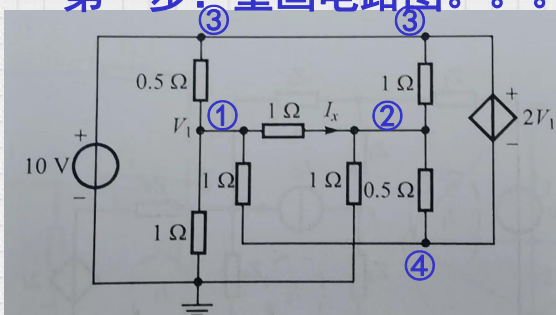
$$\begin{pmatrix} \frac{1}{100} + \frac{1}{25} + \frac{1}{10} & -0.1 & -0.04 \\ -0.1 & 0.2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -0.99I_1 \\ 0.99I_1 \\ V_s \end{pmatrix}$$

$Y_{ji} \neq Y_{ij}$

## 节点电压法 (6-14) — “\*\*\*” 题 不可怕

第一步：重画电路图。。。合并假节点

统一单位、  
填平挖坑、  
识别假立体  
编号有向图

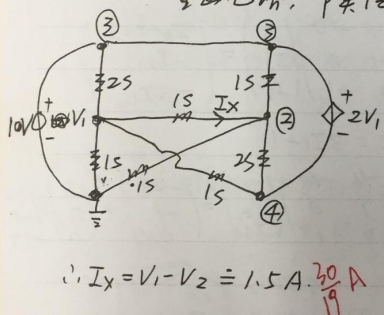


第二步：选择方法。。。题 (Fig)

节点电压法？回路电流法？  
网孔电流法？

6-14 \*\*\*

重画电路，节点法更为有效，用导纳表示。



$$\begin{pmatrix} 5 & -1 & -2 & -1 \\ -1 & 5 & -1 & -2 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \\ V_4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 10 \\ 10 - 2V_1 \end{pmatrix}$$

$V_3, V_4$  是虚节点，易解：

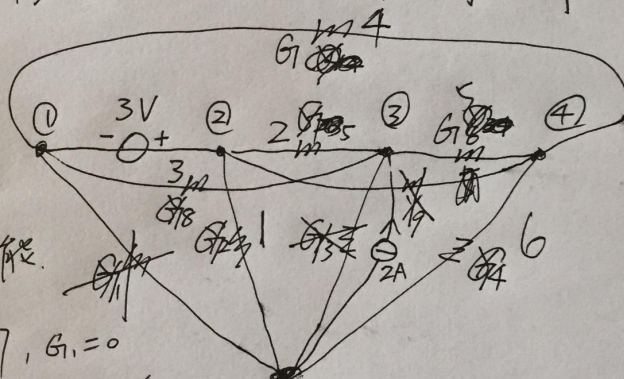
$$V_1 = 90/19 \text{ V}, \quad V_2 = 60/19 \text{ V}$$

$$\therefore I_x = V_1 - V_2 = 1.5 \text{ A} \quad \frac{30}{19} \text{ A}$$

## 节点电压法 (6-20) — 玩恢复

1条自导      2条自导

$$\begin{matrix} (1+2) \rightarrow \\ ① \rightarrow \\ 3条正 \rightarrow \\ 4条常 \rightarrow \end{matrix} \begin{pmatrix} 7S & 3S & -5S & -4S \\ -1 & 1 & 0 & 0 \\ -3S & -2S & 10S & -5S \\ -4S & 0 & -5S & 15S \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \\ V_4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 3V \\ 2A \\ 0 \end{pmatrix}$$



先画图。  
连出所有可能。

$$\begin{aligned} 4 + 3 + G_1 &= 7, \quad G_1 = 0 \\ 2 + G_2 &= 3, \quad G_2 = 1S \end{aligned}$$



## 网络的拓扑分析方法：大网络分析

### 大网络分析方法：

你向计算机 → 输入网络的支路信息（元件）

→ 输入网络的结构信息（节点，支路）

（输入内容是可以针对任何复杂or一般网络的）

→ 编程（把数据转为网络方程并求解）

计算机向你 → 输出结果 😊

你的方法要可以分析任何复杂网络

## 网络的拓扑分析方法：节点分析

### □ 节点分析

任选一个节点作为参考节点，以其余 $n_t$ 个节点电压为求解对象。（节点分析共需列写并解出 $n_t$ 个节点方程）

1. 支路特性方程（标准支路）→ 输入网络元件信息
2. 关联矩阵（节点-支路）→ 输入网络结构信息
3. 支路电压 $V_b$ 和节点电压 $E_n$ 的关系
4. 节点分析矩阵
5. 解方程获得 $E_n$ 、 $V_b$  → 计算机向你输出结果😊

建立  
方程



## 网络的拓扑分析方法：节点分析

### □ 节点分析

任选一个节点作为参考节点, 以其余 $n_t$ 个节点电压为求解对象. (节点分析共需列写并解出 $n_t$ 个节点方程)

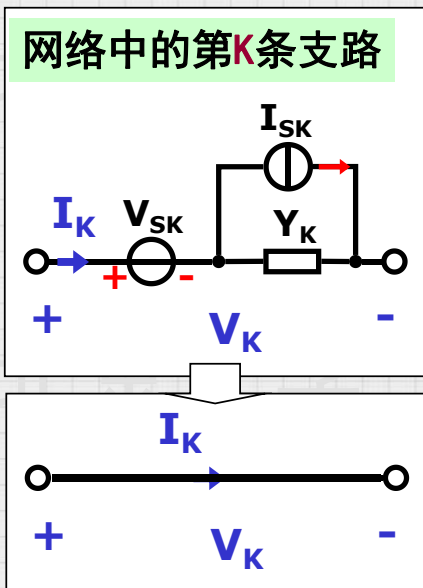
1. 支路特性方程(标准支路) → 输入网络元件信息
2. 关联矩阵(节点-支路) →
3. 支路电压 $V_b$ 和节点电压 $E_n$ 的关系
4. 节点分析矩阵

### 节点分析： 1. 支路特性方程

将网络中的每一条支路都用一条有向线段来表示。

#### 1. 支路特性方程(标准支路) → VCR

网络中的第 $K$ 条支路



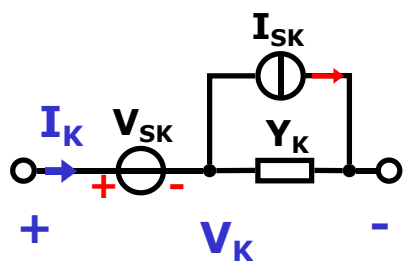
$$(I_K - I_{SK}) = Y_K (V_K - V_{SK})$$



$$I_K = Y_K (V_K - V_{SK}) + I_{SK}$$

## 节点分析： 1. 支路特性方程

网络中的第**K**条支路



$$I_K = Y_K (V_K - V_{SK}) + I_{SK}$$

网络中共有**b**条支路：

支路电压  
源列向量

支路电流  
源列向量

$$I_b = Y_b (V_b - V_{Sb}) + I_{Sb} \dots \textcircled{1}$$

支路电流  
列向量

支路导纳矩  
阵(**b**×**b**)

支路电压  
列向量

$$Y_b = \begin{pmatrix} y_1 & & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & & y_b \end{pmatrix} = \mathbf{diag}(y_1 \cdots y_b)$$

对角矩阵

## 网络的拓扑分析方法：节点分析

### □ 节点分析

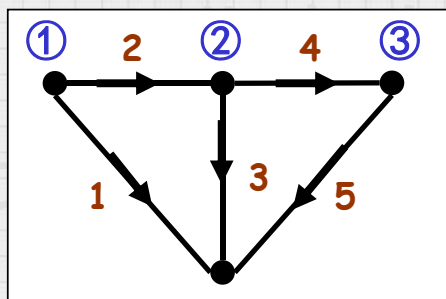
任选一个节点作为参考节点, 以其余 $n_t$ 个节点电压为求解对象. (节点分析共需列写并解出 $n_t$ 个节点方程)

1. 支路特性方程(标准支路) → 输入网络元件信息
2. 关联矩阵(节点-支路) → 输入网络结构信息
3. 支路电压 $V_b$ 和节点电压 $E_n$ 的关系
4. 节点分析矩阵

## 节点分析： 2. 关联矩阵

### 2. 节点一支路的关联矩阵(由KCL方程导出)

出+入-



节点①:  $I_1 + I_2 = 0$

节点②:  $-I_2 + I_3 + I_4 = 0$

节点③:  $-I_4 + I_5 = 0$

支路

节点

关联矩阵  
 $n_t \times b$

$$\begin{matrix} & \begin{matrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{matrix} \\ \begin{matrix} \textcircled{1} \\ \textcircled{2} \\ \textcircled{3} \end{matrix} & \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 & 1 \end{pmatrix} \end{matrix} \begin{pmatrix} I_1 \\ \vdots \\ I_5 \end{pmatrix} = 0$$

$$A \cdot I_b = 0$$

...②

支路电流列向量

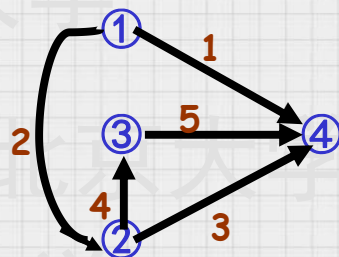
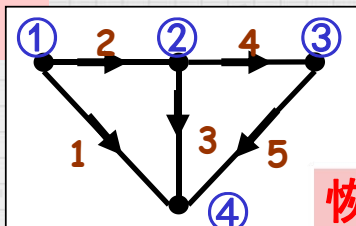
## 节点分析： 由关联矩阵恢复网络结构

\*\*\*

### 关联矩阵的元素

$a_{ij} = 1 \rightarrow$  节点*i*与支路*j*关联, 且支路*j*的方向背离节点*i*.  
 $-1 \rightarrow$  节点*i*与支路*j*关联, 且支路*j*的方向指向节点*i*.  
 $0 \rightarrow$  节点*i*与支路*j*不关联.

$$\begin{matrix} & \begin{matrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{matrix} \\ \begin{matrix} \textcircled{1} \\ \textcircled{2} \\ \textcircled{3} \\ \textcircled{4} \end{matrix} & \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 & 1 \\ -1 & 0 & -1 & 0 & -1 \end{pmatrix} \end{matrix} \begin{pmatrix} I_1 \\ \vdots \\ I_5 \end{pmatrix} = 0$$



出+入-

恢复是唯一的!



## 网络的拓扑分析方法：节点分析

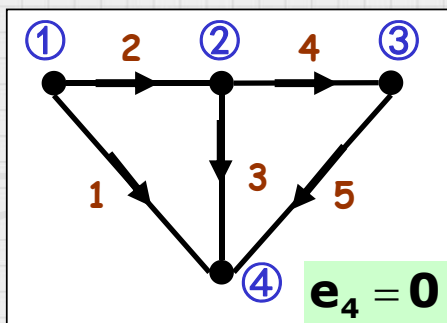
### 节点分析

任选一个节点作为参考节点, 以其余 $n_t$ 个节点电压为求解对象. (节点分析共需列写并解出 $n_t$ 个节点方程)

1. 支路特性方程(标准支路) → 输入网络元件信息
  2. 关联矩阵(节点-支路) → 输入网络结构信息
  3. 支路电压 $V_b$ 和节点电压 $E_n$ 的关系
  4. 节点分析矩阵
- 建立方程

### 节点分析：3. 支路电压 $V_b$ 和节点电压 $E_n$ 的关系

#### 3. 支路电压 $V_b$ 和节点电压 $E_n$ 的关系



$$V_1 = e_1 - e_4 = e_1$$

$$V_2 = e_1 - e_2$$

$$V_3 = e_2 - e_4 = e_2$$

$$V_4 = e_2 - e_3$$

$$V_5 = e_3 - e_4 = e_3$$

节点: ① ② ③  
支路: ① ② ③ ④ ⑤

$$V_b = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} e_1 \\ e_2 \\ e_3 \end{pmatrix}$$

$$V_b = A^T \cdot E_n \dots \textcircled{3}$$

支路电压  
列向量

节点电压列向量

## 节点分析： 4. 节点分析矩阵

$$\mathbf{I}_b = \mathbf{Y}_b (\mathbf{V}_b - \mathbf{V}_{Sb}) + \mathbf{I}_{Sb} \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{I}_b = \mathbf{0} \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\mathbf{V}_b = \mathbf{A}^T \cdot \mathbf{E}_n \quad \dots \textcircled{3}$$

把③式代入①式得：

$$\mathbf{I}_b = \mathbf{Y}_b (\mathbf{A}^T \mathbf{E}_n - \mathbf{V}_{Sb}) + \mathbf{I}_{Sb} \quad \dots \textcircled{4}$$

把④式代入②式得：

$$\mathbf{A} \mathbf{Y}_b \mathbf{A}^T \mathbf{E}_n = \mathbf{A} \mathbf{Y}_b \mathbf{V}_{Sb} - \mathbf{A} \mathbf{I}_{Sb}$$

## 节点分析： 4. 节点分析矩阵

$$\mathbf{A} \mathbf{Y}_b \mathbf{A}^T \mathbf{E}_n = \mathbf{A} \mathbf{Y}_b \mathbf{V}_{Sb} - \mathbf{A} \mathbf{I}_{Sb} \quad \text{简写} \rightarrow \mathbf{Y}_n \mathbf{E}_n = \mathbf{I}_S$$

$$\text{取: } \mathbf{Y}_n = \mathbf{A} \mathbf{Y}_b \mathbf{A}^T \quad \rightarrow \quad \text{节点导纳矩阵}$$

$$\mathbf{I}_S = \mathbf{A} \mathbf{Y}_b \mathbf{V}_{Sb} - \mathbf{A} \mathbf{I}_{Sb} \quad \rightarrow \quad \text{节点电流源列向量}$$

网络的元件参数  $\rightarrow \mathbf{Y}_b, \mathbf{I}_{Sb}, \mathbf{V}_{Sb}$  } 已知  $\rightarrow$  求出  $\mathbf{E}_n$   
网络的~~结构~~参数  $\rightarrow \mathbf{A}$

$$\Rightarrow \begin{cases} \mathbf{V}_b = \mathbf{A}^T \cdot \mathbf{E}_n \\ \mathbf{I}_b = \mathbf{Y}_b (\mathbf{V}_b - \mathbf{V}_{Sb}) + \mathbf{I}_{Sb} \end{cases}$$