

《电子线路分析与设计》

第九讲:双口网络分析

& 电分模块复习

胡薇薇

2023, 10, 16



8-1 双口网络参量定义-分析1



分析1: 同一个双口网络可以用不同参量来表示



查转换表pp251

普通双口网络参量: 4个独立分量

互易双口网络参量: 3个独立分量

对称双口网络参量: 2个独立分量

$$\begin{cases} \mathbf{I}_{1} = (\mathbf{Y}_{11})\mathbf{V}_{1} + (\mathbf{Y}_{12})\mathbf{V}_{2} \\ \mathbf{I}_{2} = (\mathbf{Y}_{21})\mathbf{V}_{1} + (\mathbf{Y}_{22})\mathbf{V}_{2} \end{cases}$$

$$\mathbf{Y}_{12} = \mathbf{Y}_{21}$$

$$\mathbf{Y}_{12} = \mathbf{Y}_{21}$$

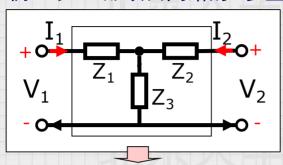
$$\mathbf{Y}_{11} = \mathbf{Y}_{22}$$

8-1 双口网络参量定义-分析3



分析3: 双口网络参量计算方法: 置零与非置零

例: 求 T 形双口网络的Z参量



$$\begin{array}{c|c}
I_1 & I_2 = 0 \\
V_1 & V_2 & V_2 \\
\hline
Z_3 & V_2 & V_2
\end{array}$$

$$V_1 = Z_1I_1 + Z_3(I_1 + I_2)$$

= $(Z_1 + Z_3)I_1 + Z_3I_2$

$$egin{aligned} egin{aligned} egin{aligned\\ egin{aligned} egi$$

Z参量:
$$Z_{11} = V_1/I_1|_{I_2=0}$$

8-1-双口网络参量定义



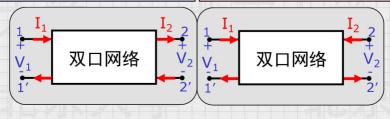
分析4:双口网络参量与双口的参考方向一一对应

Z参量

$= \begin{pmatrix} \mathbf{Z_{11}} & \mathbf{Z_{12}} \\ \mathbf{Z_{21}} & \mathbf{Z_{22}} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \mathbf{I_1} \\ \mathbf{I_2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{I_1} \\ \mathbf{I_2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{Y_{11}} & \mathbf{Y_{12}} \\ \mathbf{Y_{21}} & \mathbf{Y_{22}} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \mathbf{V_1} \\ \mathbf{V_2} \end{pmatrix}$

H参量

G参量

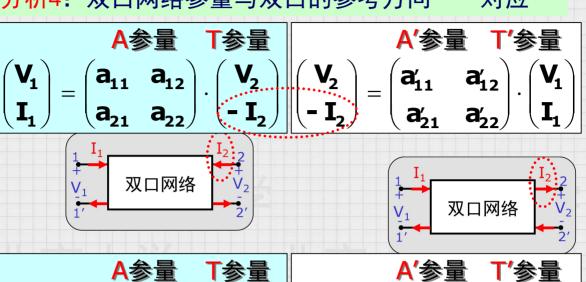


个性与习惯

8-1-双口网络参量定义



分析4: 双口网络参量与双口的参考方向



$$\begin{bmatrix} \mathbf{I}_1 \\ \mathbf{I}_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{a}_{11} & \mathbf{a}_{12} \\ \mathbf{a}_{21} & \mathbf{a}_{22} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \mathbf{I}_2 \\ \mathbf{I}_2 \end{bmatrix}$$

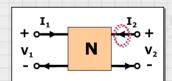
8-2 双口网络参量及其等效电路



1. Z参量: (a) 物理描述

开路阻抗参量

$$\begin{cases} V_1 = Z_{11}I_1 + Z_{12}I_2 \\ V_2 = Z_{21}I_1 + Z_{22}I_2 \end{cases}$$



$$|\mathbf{Z_{11}} = \mathbf{V_1/I_1}|_{\mathbf{I_2=0}}$$
 出口开路时入口的驱动点阻抗

$$|\mathbf{Z}_{12} = \mathbf{V}_{1}/\mathbf{I}_{2}|_{\mathbf{I}_{1}=\mathbf{0}}$$
 入口开路时反向转移阻抗

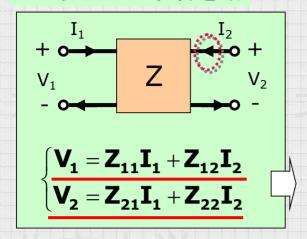
$$\left| \mathbf{Z_{21}} = \mathbf{V_2} / \mathbf{I_1} \right|_{\mathbf{I_2} = \mathbf{0}}$$
 出口开路时正向转移阻抗

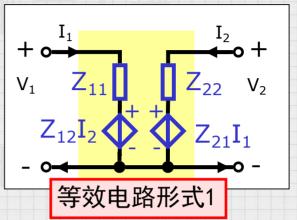
$$\mathbf{Z_{22}} = \mathbf{V_2/I_2}_{\mathbf{I_1=0}}$$
 入口开路时出口的驱动点阻抗

参量的求解公式 对应 参量的物理描述



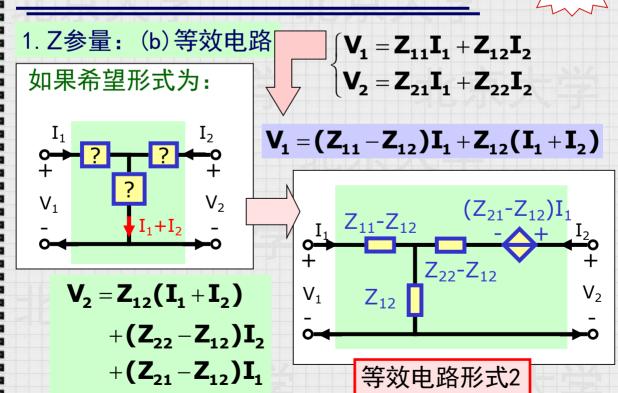
1. Z参量(b)等效电路





8-2 双口网络参量及其等效电路

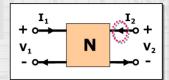






2. Y参量: (a) 物理描述 短路导纳参量

$$\begin{cases} \mathbf{I_1} = \mathbf{Y_{11}V_1} + \mathbf{Y_{12}V_2} \\ \mathbf{I_2} = \mathbf{Y_{21}V_1} + \mathbf{Y_{22}V_2} \end{cases}$$



$$\mathbf{Y}_{11} = \mathbf{I}_1 / \mathbf{V}_1 |_{\mathbf{V}_2 = \mathbf{0}}$$
 出口短路时入口的驱动点导纳

$$\mathbf{Y}_{12} = \mathbf{I}_1 / \mathbf{V}_2 |_{\mathbf{V}_1 = \mathbf{0}}$$
 入口短路时反向转移导纳

$$\mathbf{Y}_{21} = \mathbf{I}_2 / \mathbf{V}_1 \big|_{\mathbf{V}_2 = \mathbf{0}}$$
 出口短路时正向转移导纳

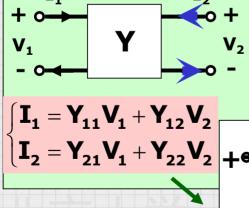
$$\mathbf{Y}_{22} = \mathbf{I}_{2}/\mathbf{V}_{2}|_{\mathbf{V}_{1}=\mathbf{0}}$$
 入口短路时出口的驱动点导纳

参量的求解公式 对应 参量的物理描述

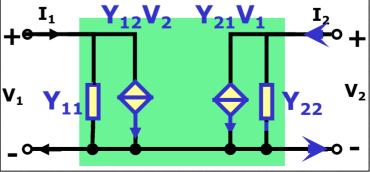
8-2 双口网络参量及其等效电路



2. Y参量: (b) 等效电路

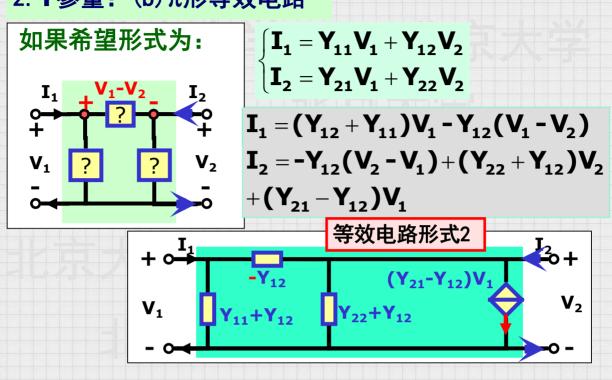


等效电路形式1





2. Y参量: (b) π形等效电路



第八章:双口网络

- §8-1 双口网络参量定义与联接
- §8-2 Z参量、Y参量、H参量、G参量、A参量
- § 8-3 有端接的双口网络

输入阻抗、输出阻抗、传递函数

- § 双口网络分析推广应用...
 - 1。运放电路分析(第10章)
 - 2。三极管电路分析(第10章)
 - 3。分布参数电路分析(传输线 第9章)

3. H参量: (a) 物理描述 混合参量

$$\begin{cases} V_1 = h_{11}I_1 + h_{12}V_2 \\ I_2 = h_{21}I_1 + h_{22}V_2 \end{cases}$$

$$\mathbf{h_{11}} = \mathbf{V_1/I_1}|_{\mathbf{V_2}=\mathbf{0}}$$
 出口短路时入口的驱动点阻抗

$$\mathbf{h_{12}} = \mathbf{V_1}/\mathbf{V_2}|_{\mathbf{I_1}=\mathbf{0}}$$
 入口开路时反向电压传递函数

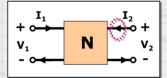
$$| \mathbf{h}_{21} = \mathbf{I}_{2} / \mathbf{I}_{1} |_{\mathbf{V}_{2}=\mathbf{0}}$$
 出口短路时正向电流传递函数

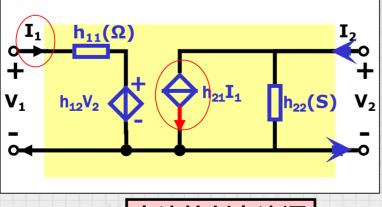
$$\mathbf{h_{22}} = \mathbf{I_2/V_2}\Big|_{\mathbf{I_1=0}}$$
 入口开路时出口的驱动点导纳

8-2 双口网络参量及其等效电路

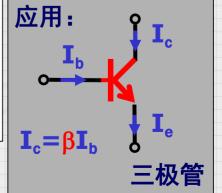
3. H参量: (b) 等效电路

$$\begin{cases} \mathbf{V_1} = \mathbf{h_{11}I_1} + \mathbf{h_{12}V_2} \\ \mathbf{I_2} = \mathbf{h_{21}I_1} + \mathbf{h_{22}V_2} \end{cases}$$

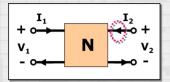




电流控制电流源



3. **H**参量: (c) 互易条件



$$\begin{cases} V_1 = h_{11}I_1 + h_{12}V_2 \\ I_2 = h_{21}I_1 + h_{22}V_2 \end{cases}$$

利用互易定理1:

$$-\mathbf{I_2/V_1}\Big|_{\mathbf{V_2}=\mathbf{0}} = -\mathbf{h_{21}/h_{11}}$$

$$-\mathbf{I_1/V_2}\Big|_{\mathbf{V_1}=\mathbf{0}}=\mathbf{h_{12}/h_{11}}$$





$$-\mathbf{I_2/V_1}\Big|_{\mathbf{V_2}=\mathbf{0}}=-\mathbf{I_1/V_2}\Big|_{\mathbf{V_1}=\mathbf{0}}$$



$$h_{12} = -h_{21}$$

8-2 双口网络参量及其等效电路

4. G参量: (a) 物理描述 混合参数

$$\begin{cases} \mathbf{I_1} = \mathbf{g_{11}V_1} + \mathbf{g_{12}I_2} \\ \mathbf{V_2} = \mathbf{g_{21}V_1} + \mathbf{g_{22}I_2} \end{cases}$$

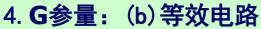
$$\mathbf{g}_{11} = \mathbf{I}_1 / \mathbf{V}_1 |_{\mathbf{I}_1 = \mathbf{0}}$$
 出口开路时入口的驱动点导纳

$$\mathbf{g}_{12} = \mathbf{I}_1/\mathbf{I}_2|_{\mathbf{V}_1=\mathbf{0}}$$
 入口短路时反向电流传递函数

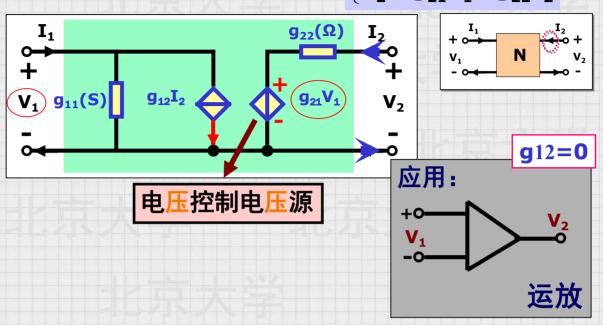
$$\mathbf{g}_{21} = \mathbf{V}_2/\mathbf{V}_1|_{\mathbf{I}_2=\mathbf{0}}$$
 出口开路时正向电压传递函数

$$\mathbf{g}_{22} = \mathbf{V}_2/\mathbf{I}_2|_{\mathbf{V}_1=\mathbf{0}}$$
 入口短路时出口的驱动点阻抗





$$\begin{cases} \mathbf{I_1} = \mathbf{g_{11}V_1} + \mathbf{g_{12}I_2} \\ \mathbf{V_2} = \mathbf{g_{21}V_1} + \mathbf{g_{22}I_2} \end{cases}$$

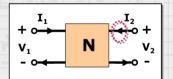


8-2 双口网络参量及其等效电路



4. **G**参量: (c) 互易条件

$$\begin{cases} \mathbf{I_1} = \mathbf{g_{11}V_1} + \mathbf{g_{12}I_2} \\ \mathbf{V_2} = \mathbf{g_{21}V_1} + \mathbf{g_{22}I_2} \end{cases}$$



$$-\mathbf{I}_{2}/\mathbf{V}_{1}\big|_{\mathbf{V}_{2}=0}=\mathbf{g}_{21}/\mathbf{g}_{22}$$
 $-\mathbf{I}_{1}/\mathbf{V}_{2}\big|_{\mathbf{V}_{1}=0}=-\mathbf{g}_{12}/\mathbf{g}_{22}$

互易定理1

 $g_{12} = -g_{21}$

第八章:双口网络

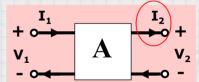
- § 8-1 双口网络参量与联接
- §8-2 Z参量、Y参量、H参量、G参量、A参量
- § 8-3 有端接的双口网络

输入阻抗,输入阻抗,传递函数

- § 8-4 双口网络分析应用:
 - 1。运放电路分析 2。三极管电路分析

8-2 双口网络参量及其等效电路

5。A参量的物理描述: (传输参量) + ○→



$$(\mathbf{I_1} = \mathbf{a_{21}V_2} + \mathbf{a_{22}I_2})$$

 $\mathbf{a_{11}} = \mathbf{V_1}/\mathbf{V_2}|_{\mathbf{I_2}=\mathbf{0}}$ 出口开路时正向电压传递函数的倒数

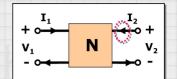
 $\mathbf{a_{12}} = \mathbf{V_1/I_2}|_{\mathbf{V_2}=\mathbf{0}}$ 出口短路时正向转移导纳的倒数

 $\mathbf{a_{21}} = \mathbf{I_1/V_2}_{\mathbf{I_1=0}}$ 出口开路时正向转移阻抗的倒数

 $\mathbf{a_{22}} = \mathbf{I_1/I_2}\Big|_{\mathbf{V_2=0}}$ 出口短路时正向电流传递函数的倒数

5。A参量的物理描述: (传输参量)

$$\left\{ egin{aligned} oldsymbol{V_1} &= oldsymbol{a_{11}} oldsymbol{V_2} + oldsymbol{a_{12}} oldsymbol{(-I_2)} \ oldsymbol{I_1} &= oldsymbol{a_{21}} oldsymbol{V_2} + oldsymbol{a_{22}} oldsymbol{(-I_2)} \end{aligned}
ight.$$



 $\mathbf{a_{11}} = \mathbf{V_1}/\mathbf{V_2}|_{\mathbf{I_3}=\mathbf{0}}$ 出口开路时正向电压传递函数的倒数

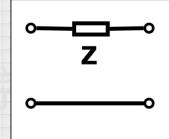
 $a_{12} = V_1 / (-I_2)_{V_2=0}$ 出口短路时正向转移导纳的倒数

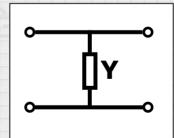
 $|\mathbf{a}_{21} = \mathbf{I}_1/\mathbf{V}_2|_{\mathbf{I}_2=0}$ 出口开路时正向转移阻抗的倒数

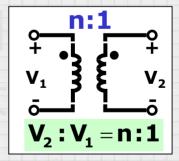
 $a_{22} = I_1/(-I_2)_{V_2=0}$ 出口短路时正向电流传递函数的倒数

8-2 双口网络参量及其等效电路

几个特殊的双口网络:







Z 无

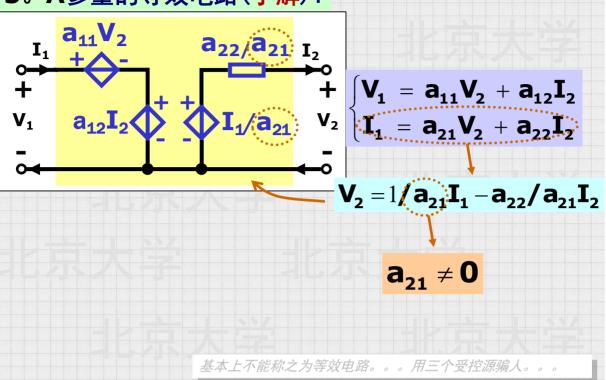
无

无

无

A

5。A参量的等效电路(了解):



8-2 双口网络参量及其等效电路

5。A参量的互易条件:

$$\begin{cases} \mathbf{V_1} = \mathbf{a_{11}V_2} + \mathbf{a_{12}I_2} \\ \mathbf{I_1} = \mathbf{a_{21}V_2} + \mathbf{a_{22}I_2} \end{cases}$$

$$V_1$$
 V_2
 V_2
 V_2

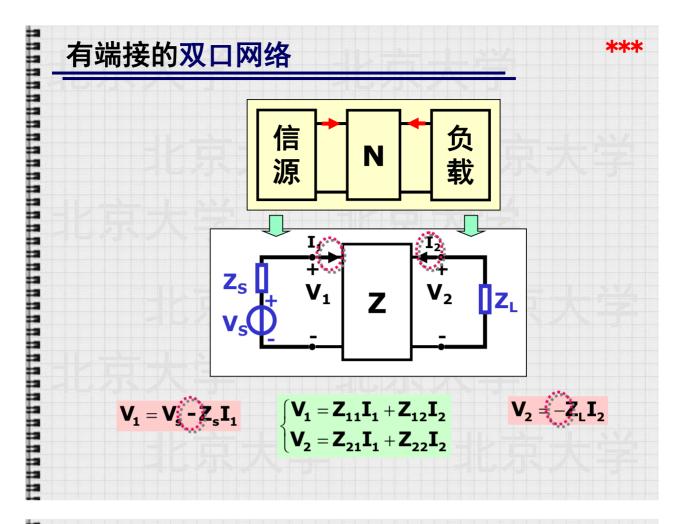
$$| I_2/V_1|_{V_2=0} = 1/a_{12}$$
 二者相等(互易定理1) $| I_1/V_2|_{V_1=0} = \frac{a_{11}a_{22}}{a_{12}} - a_{21}$ $| a_{11}a_{22} - a_{12}a_{21} = 1$

第八章:双口网络

- § 8-1 双口网络参量与联接
- §8-2 Z参量、Y参量、H参量、G参量、A参量
- § 8-3 有端接的双口网络

输入阻抗,输出阻抗,传递函数

- § 双口网络分析推广应用...
 - 1。运放电路分析
 - 2。三极管电路分析
 - 3。分布参数电路分析





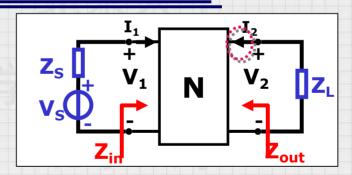
1. 常用网络函数

同一端口:

驱动点函数

不同端口:

传递函数



信号源网络看到的输入阻抗 $Z_{in}=V_1/I_1$ 负载网络看到的输出阻抗 $Z_{out}=V_2/I_2(V_s=0)$

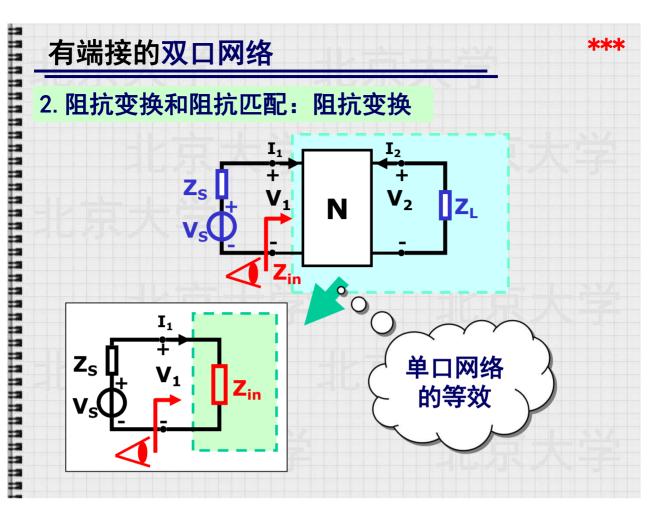
正向电压传递函数 $K_V = V_2/V_1$ 正向电流传递函数 $K_I \neq -I_2/I_1$

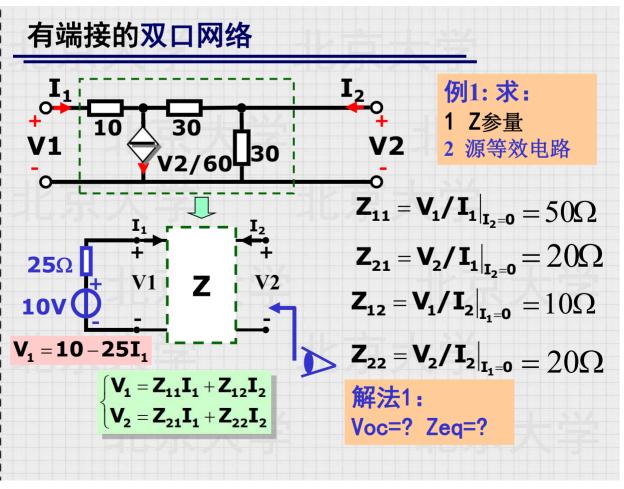
$$\begin{cases} \mathbf{V_1} = \mathbf{Z_{11}I_1} + \mathbf{Z_{12}I_2} \\ \mathbf{V_2} = \mathbf{Z_{21}I_1} + \mathbf{Z_{22}I_2} \end{cases}$$

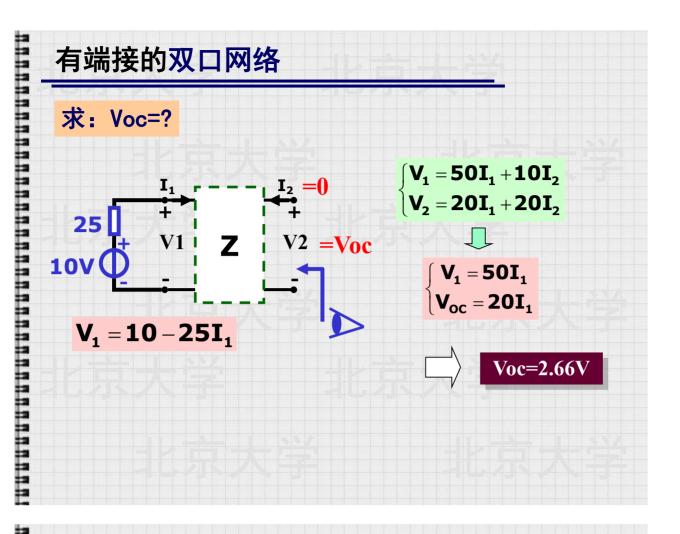
$$\boldsymbol{V_1} = \boldsymbol{V_s} \boldsymbol{-} \boldsymbol{Z_s} \boldsymbol{I_1}$$

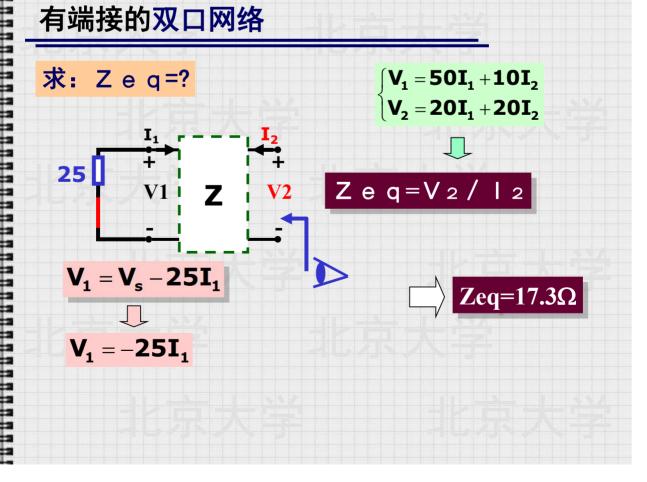
$$V_2 = -Z_LI_2$$

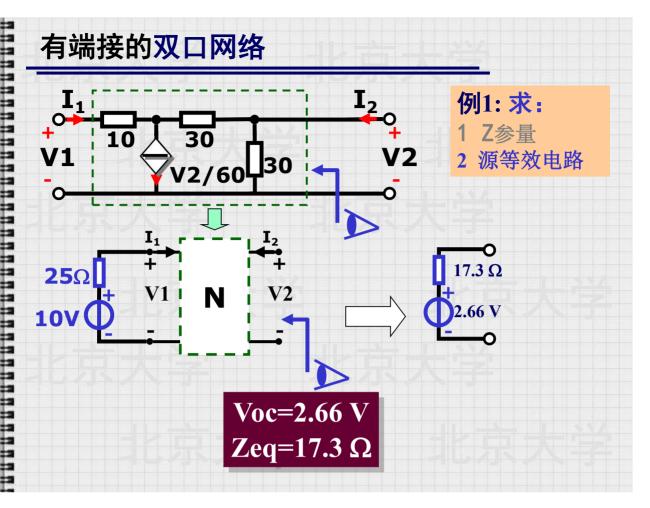
诺顿源电路、负载开路的情况。。。

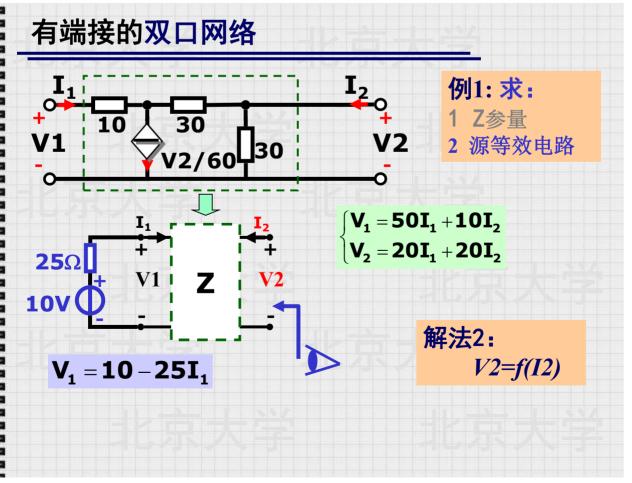


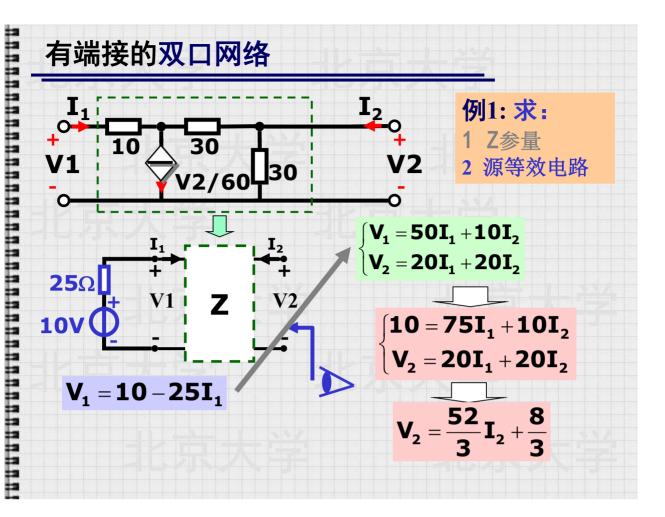


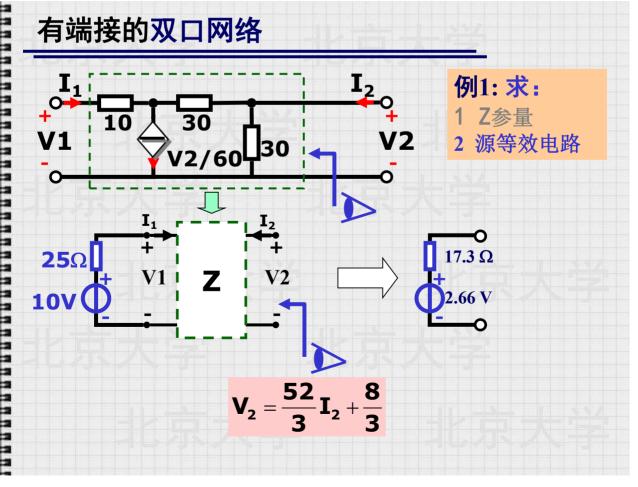


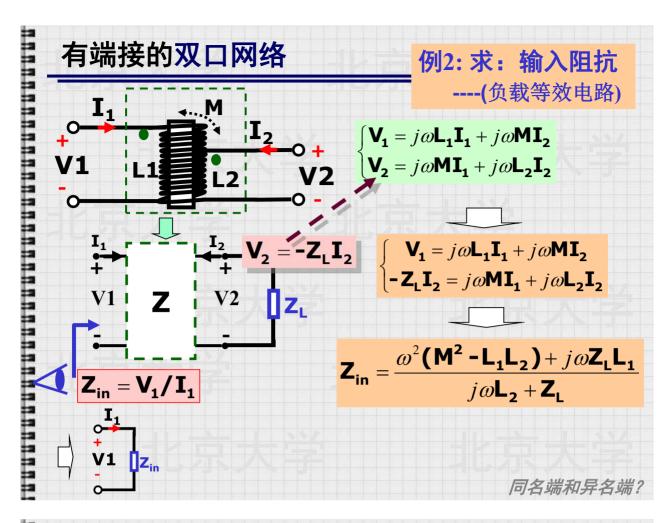


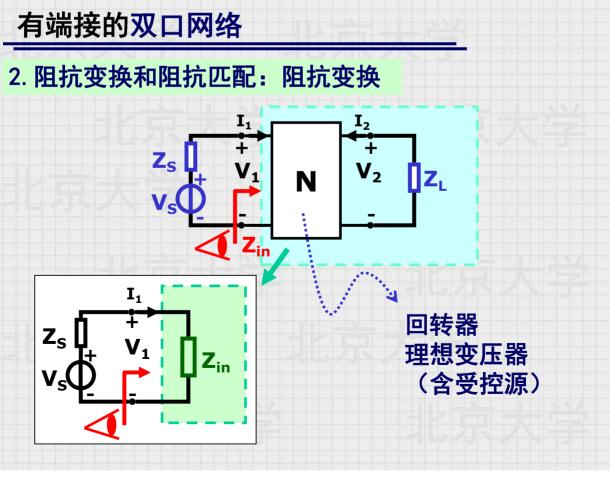




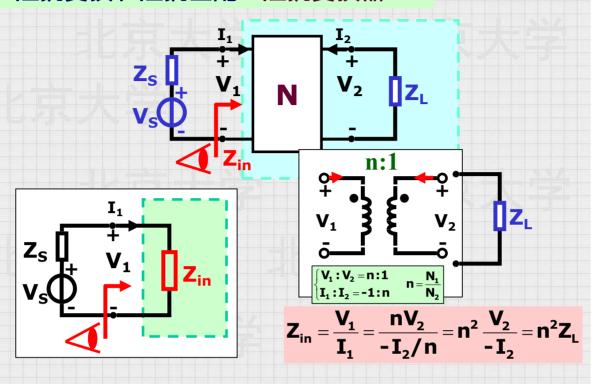


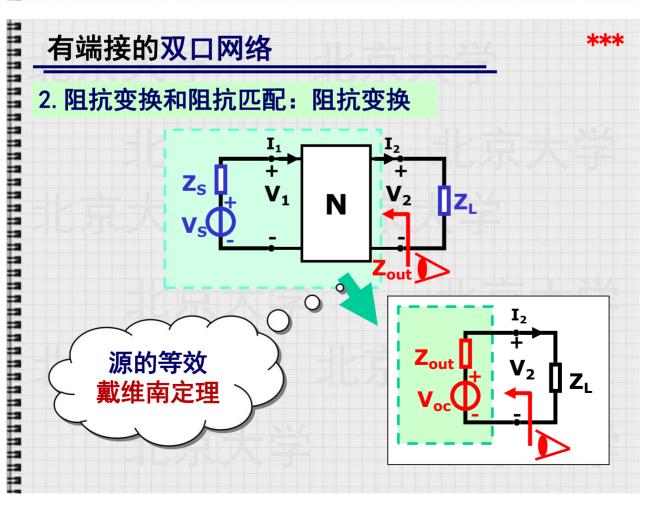






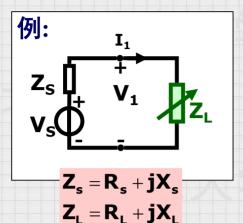
2. 阻抗变换和阻抗匹配: 阻抗变换器





负载获得的功率

2. 阻抗变换和阻抗匹配: 最大功率传递条件: $\frac{dP}{dx} = 0$



$$P = \frac{V_s^2 R_L}{(R_L + R_s)^2 + (X_L + X_s)^2}$$

$$X_L + X_s = 0$$

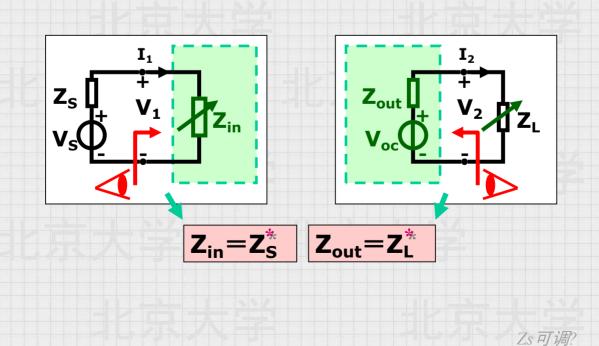
$$A = \frac{d}{dR_L} \left(\frac{(R_L + R_s)^2}{R_L} \right) = 0$$

负载获得最大功率传递(P=Pmax)条件: $R_L = R_s$

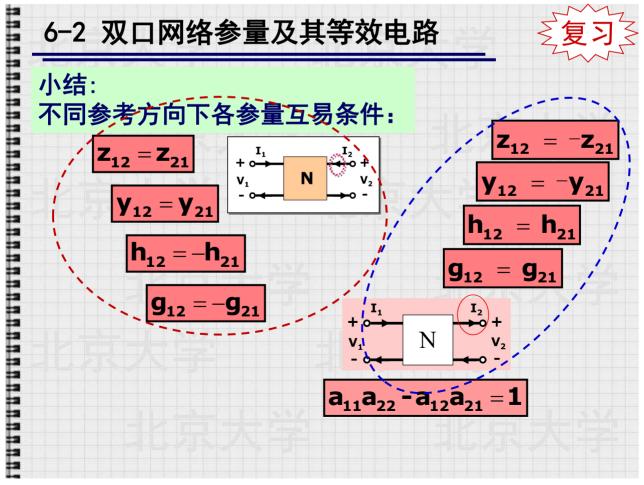
$$R_L = R_s$$
$$X_L = -X_s$$

有端接的双口网络

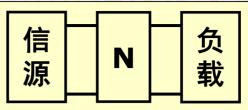
2. 阻抗变换和阻抗匹配:最大功率传递条件

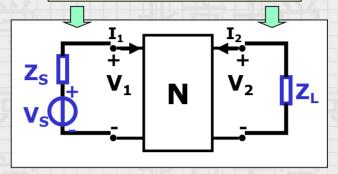












$$\boldsymbol{V_1} = \boldsymbol{V_s} \boldsymbol{-} \boldsymbol{Z_s} \boldsymbol{I_1}$$

$$\begin{cases} V_1 = Z_{11}I_1 + Z_{12}I_2 & V_2 = -Z_LI_2 \\ V_2 = Z_{21}I_1 + Z_{22}I_2 & \end{cases}$$

$$V_2 = -Z_L I_2$$

有端接的双口网络



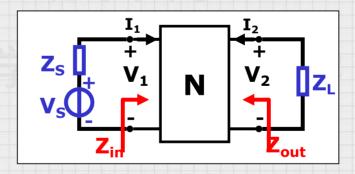
1. 常用网络函数

同一端口:

驱动点函数

不同端口:

传递函数

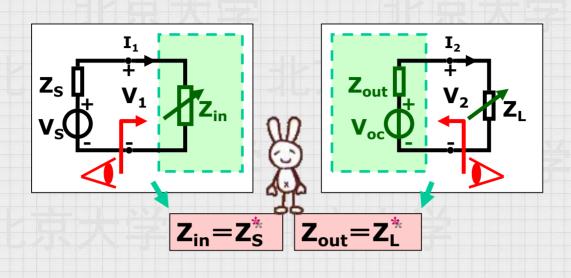


信号源网络看到的输入阻抗 $Z_{in}=V_1/I_1$ 负载网络看到的输出阻抗 $Z_{out} = V_2/I_2(V_s = 0)$

正向电压传递函数 $K_V = V_2/V_1$ 正向电流传递函数 $K_I = -I_2/I_1$



2. 阻抗变换和阻抗匹配:最大功率传递条件



总复习

- □ 必须掌握的内容(知识点)
- □ 几点提醒
- □ 关于考试





10月23日10:10—12:10期中考试(地点等通知)

A 线下答疑: 教室203(10月17日20:30—21:30)

B 线上答疑:担心大群楼层高水大的扫码加我。。。

纪律:请提前10分钟到场,遵从考场纪律,

桌上只有帮助你奋笔疾书的文具,

和一张单面A4纸(右上角写你的学号/签名)

一个月一本书--累累硕果:《电路分析原理》

第一章:线性电路分析基础

第二章: 时域电路分析

第三章:正弦稳态电路分析

第四章: 拉氏分析

第五章: 傅氏分析

第六章: 网络分析

第七章: 网络定理

第八章:双口网络分析

第九章:分布参数电路分析(传输线)

第十章: 非线性电路分析

复习总结

- 复习***
- 1. 基本内容复习一课件右上角的符号
- 2. 课堂例题和作业 必须掌握的基本概念和方法
- □ 自己总结,电分知识才是你的 别对我抱太大希望。。。

一起回忆一下,如果每一章只考一个概念,它会是。。。

必须掌握的基本概念原理和方法

基本定律(KCL、KVL、VCR)

一阶电路三要素,正弦稳态电路复数法(相量法)

激励与响应的概念: 阶跃响应与冲激响应, 零状态响应与零输入响应

输入阻抗、输出阻抗、传递函数(幅频特性,相频特性)

置换定理、叠加定理、互易定理

节点电压法、网孔电流法、回路电流法

单口网络的等效: 戴维南和诺顿定理

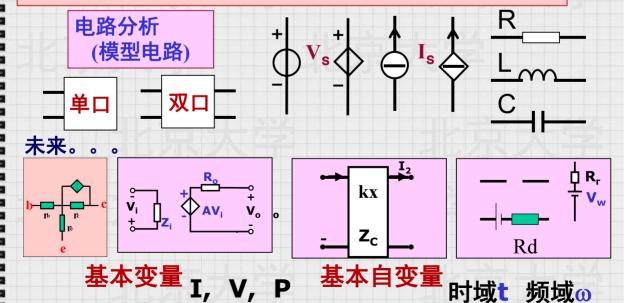
双口网络的等效: ZYGHA参量、T形和π形等效电路、互易条件

注意各种参考方向

1. 电路分析定位: 讲述电路分析方法, 为后续打基础

分析基石: 集中假设条件

一只研究元件的外部特性是电路分析方法的显著特征。



26

