



北京大学  
PEKING UNIVERSITY

# 电子线路分析与设计习题课

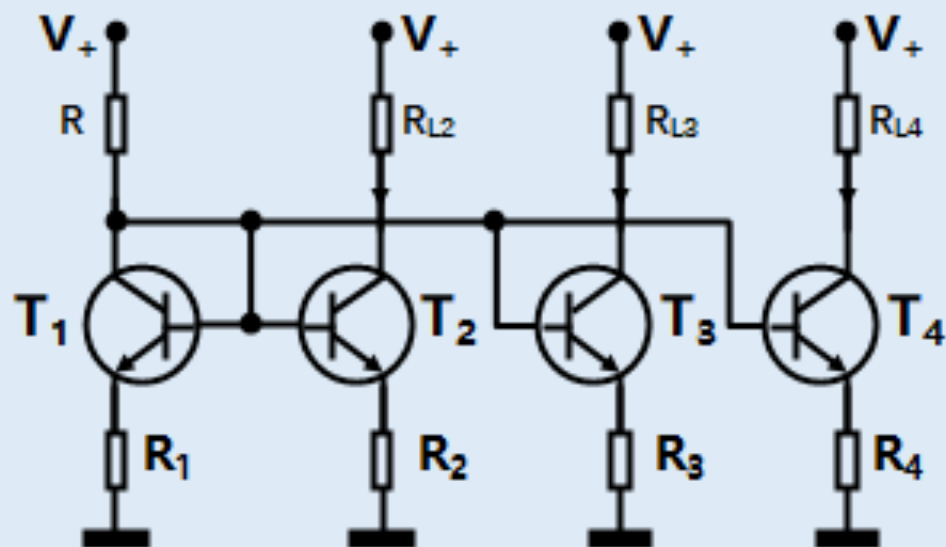
---

助教：沈翔

时间：2022.12.13

## 20.1

## 电流源



多路恒流源电路如左图。

其中:  $V_+ = 10V$ ,  $R = 8.3K\Omega$ ,  
 $R_1 = 1K\Omega$ ,  $R_2 = 2K\Omega$ ,  $R_3 = 4K\Omega$ ,  $R_4 = 8K\Omega$ 。

请说明:

- ①  $R_{L2}$ 、 $R_{L3}$ 、 $R_{L4}$  所获得的恒定电流的大小;
- ②  $R_{L2}$ 、 $R_{L3}$ 、 $R_{L4}$  能获得恒定电流的条件。

对于 $T_1$ 的偏置情况:

$$V_+ = I_C R + 0.7V + I_E R_1 \approx I_R (R + R_1) + 0.7V$$

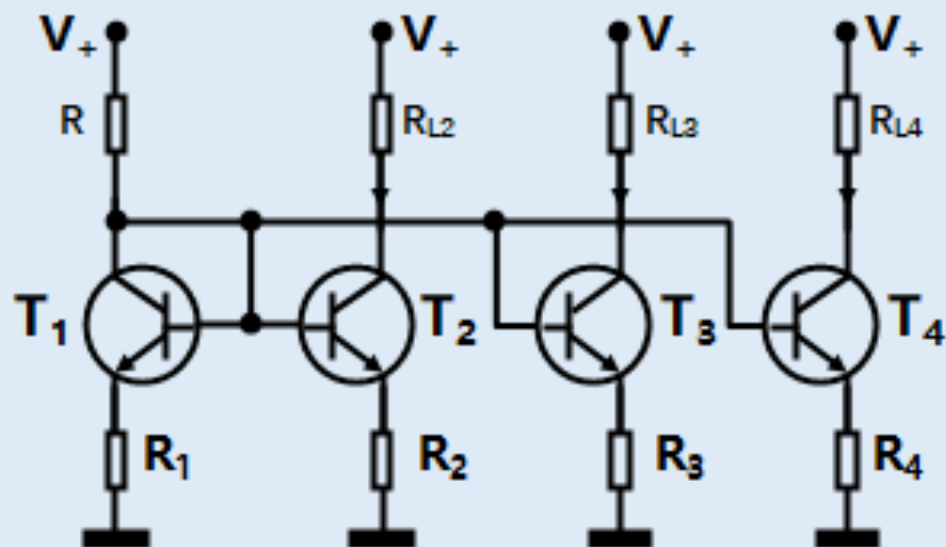
$$I_R \approx 1mA$$

对于比例电流源:  $I_R R_1 = I_{RL2} R_2 = I_{RL3} R_3 = I_{RL4} R_4$

因此,  $I_{RL2} \approx 0.5mA$ ,  $I_{RL3} \approx 0.25mA$ ,  $I_{RL4} \approx 0.125mA$

## 20.1

## 电流源



多路恒流源电路如左图。

其中:  $V_+ = 10V$ ,  $R = 8.3K\Omega$ ,

$R_1 = 1K\Omega$ ,  $R_2 = 2K\Omega$ ,  $R_3 = 4K\Omega$ ,  $R_4 = 8K\Omega$ 。

请说明:

- ①  $R_{L2}$ 、 $R_{L3}$ 、 $R_{L4}$  所获得的恒定电流的大小;
- ②  $R_{L2}$ 、 $R_{L3}$ 、 $R_{L4}$  能获得恒定电流的条件。

获得恒定电流的条件:  $T_2, T_3, T_4$  没有饱和

$$V_B = 1.7V \leq V_C = V_+ - I_{R_{L2}} R_{L2}$$

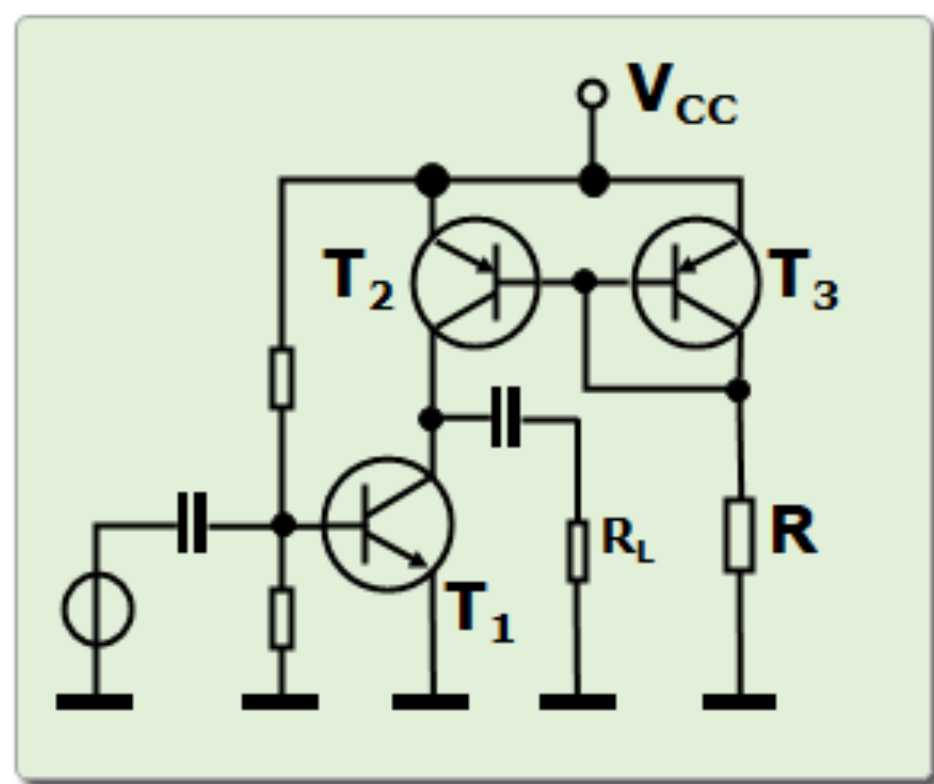
即,  $R_{L2} \leq 16.6k\Omega$

类似有:  $R_{L3} \leq 33.2k\Omega, R_{L4} \leq 33.2k\Omega$

其他获得恒定电流的要求: BJT的一致性、温度稳定性等

## 20.2

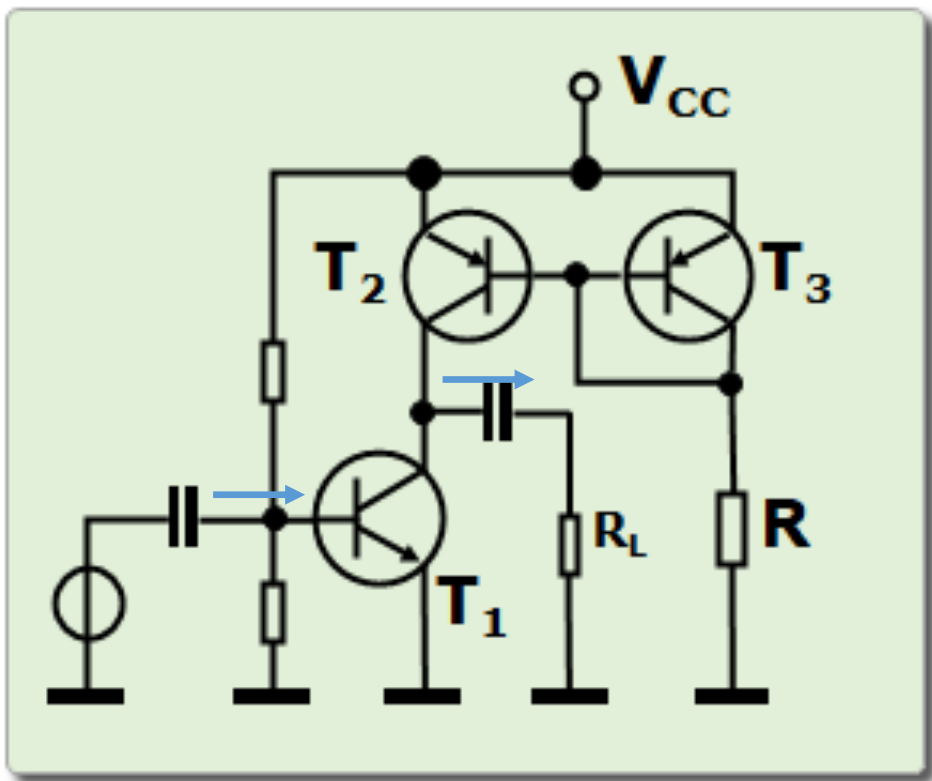
## 高增益放大



图中所有晶体管均为： $\beta=100$ ， $r_b=1\text{k}\Omega$ ， $r_c=100\text{k}\Omega$ 。电路中 $V_{CC}=10\text{V}$ ， $R=9.3\text{k}\Omega$ 。

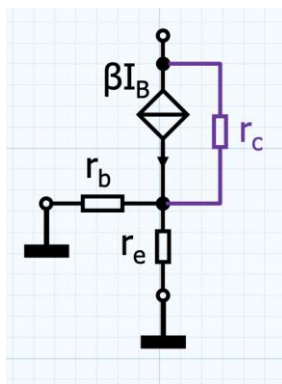
请计算（注意，极速估算法失效）：

- ① 当  $R_L = \infty$  时，电压增益  $A_{V\infty} = V_{RL} / V_S$ ？
- ② 电路的输出电阻  $R_o$  是多少？
- ③ 当  $R_L = 1\text{k}\Omega$  时，电压增益  $A_V = V_{RL} / V_S$ ？



图中所有晶体管均为:  $\beta=100$ ,  $r_b=1k\Omega$ ,  $r_c=100k\Omega$ 。电路中  $V_{CC}=10V$ ,  $R=9.3K\Omega$ 。

三极管的等效



首先求解偏置情况,  $T_2, T_3$  是一对镜像电流源:

$$V_{T_2B} = V_{T_3B} = V_{T_3C} = V_{CC} - 0.7V = 9.3V$$

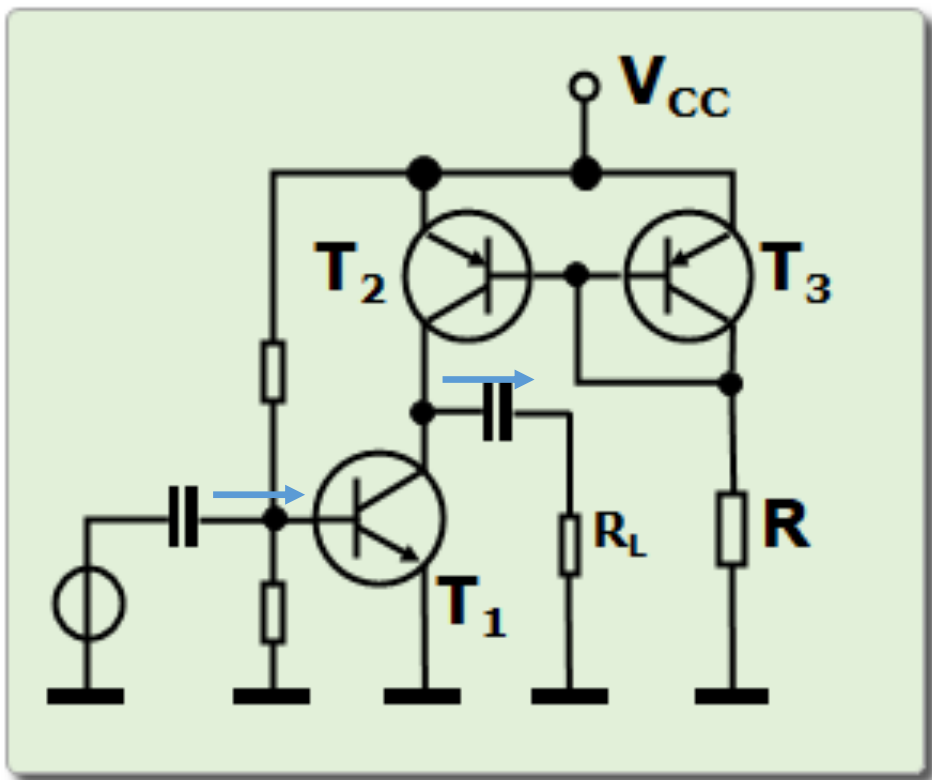
$$I_{T_3C} = \frac{V_{T_3C}}{R} = 1mA = I_{T_2C}$$

$$r_{e1} = \frac{26mV}{1mA} = 26\Omega$$

输出电阻:

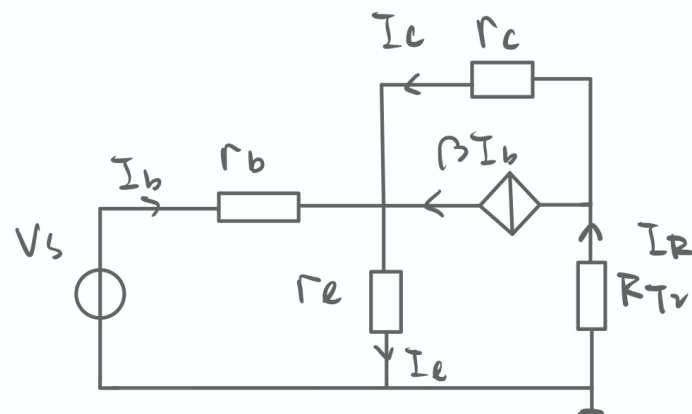
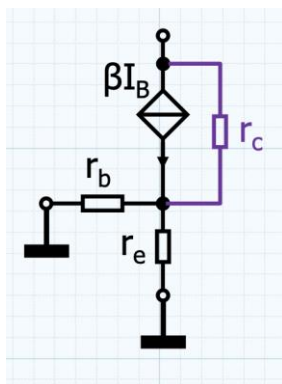
$$R_o = R_{T_1C} // R_{T_2C} = 3.5 \times 10^5 \Omega // 1.6 \times 10^5 \Omega = 108k\Omega$$

$$\left( \left( 1 + \frac{\beta r_e}{r_e + r_b} \right) r_c + r_b // r_e \right) // \left( \left( 1 + \frac{\beta r_e}{r_e + r_b + r_{be3}} \right) r_c + (r_b + r_{be3}) // r_e \right)$$



图中所有晶体管均为:  $\beta=100$ ,  $r_b=1k\Omega$ ,  $r_c=100k\Omega$ 。电路中  $V_{CC}=10V$ ,  $R=9.3K\Omega$ 。

三极管的等效



将  $T_2$  部分看作负载, 计算开路增益 (即第一问)

$$I_e = (\beta + 1)I_b + I_c \quad (*)$$

$$I_R = \beta I_b + I_c \approx I_e$$

右侧回路的KVL:

$$0 = I_e r_e + r_c I_c + R_{T2} I_R \approx r_c I_c + R_{T2} I_e$$

$$I_c = -\frac{R_{T2} r_c}{r_c} I_e = -1.6 I_e$$

$$\text{则由 } (*) \quad I_b \approx \frac{2.6 I_e}{\beta}$$

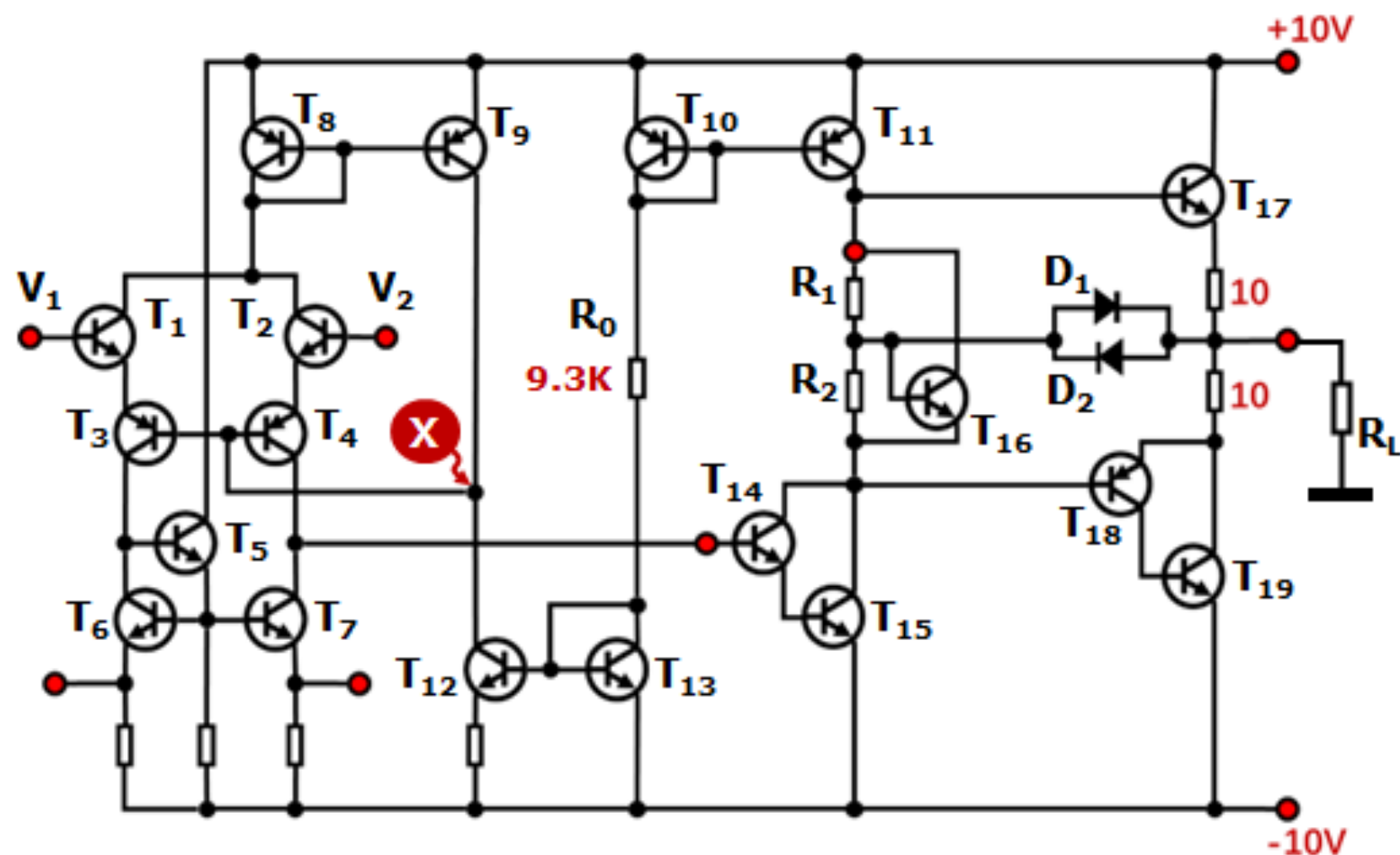
$$\text{左侧回路的KVL: } V_s = I_b r_b + I_e r_e \approx \left( \frac{2.6}{\beta} r_b + r_e \right) I_e$$

$$A_{V\infty} = \frac{V_{RL}}{V_s} = \frac{V_{R_{T2}}}{V_s} \approx \frac{-I_e R_{T2}}{\left( \frac{2.6}{\beta} r_b + r_e \right) I_e} \approx -3.1 \times 10^3$$

$$\text{第三问: } A = \frac{R_L}{R_o + R_L} A_{V\infty} \approx -28$$

## 20.3

## 运算放大器



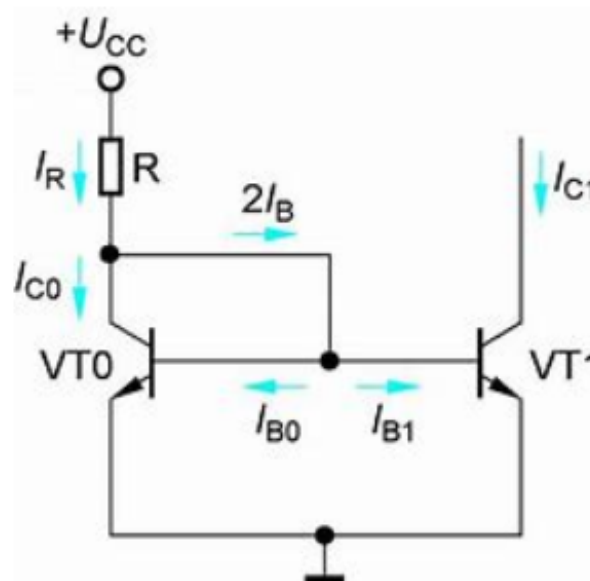
所有晶体管参数一致：  
 $\beta=100$ ,  $r_b \approx 0$ ,  $r_c \approx \infty$ 。

$R_L = 1K\Omega$ 。请估算：

- ① 若  $V_1=V_2=0$  时，推挽电路的电流  $I_{EQ} \approx 0$ ，请估计电路的静态功耗
- ② 在电路正常放大时， $R_L$  它能获得的最大电流是多少？
- ③ 若简单假设所有 BJT 的  $r_e=10\Omega$ ，而差分输入级的  $K_{CMR}=\infty$ ，节点 X 可看作动态地，则当：  
 $V_1=4V + \sin(\omega t) \mu V$ ，  
 $V_2=4V - \sin(\omega t) \mu V$ ，  
 请估算信号负半周时：  
 $V_{RL} = ?$



### 镜像电流源



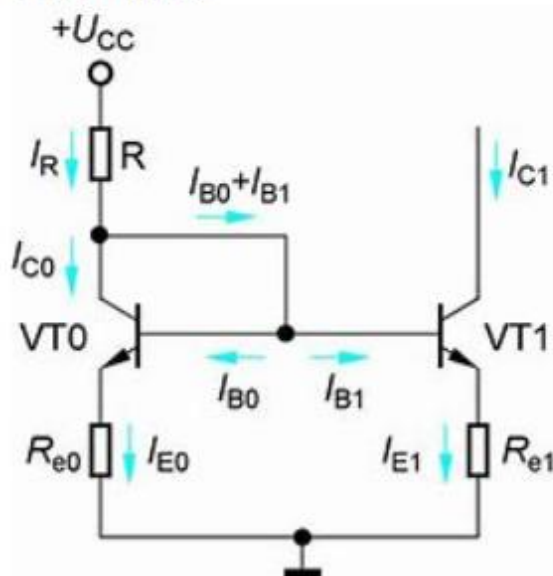
从图中可以看出， $I_R = (V_{CC} - U_{BE})/R$ ， $I_R = I_C + I_B$ ， $I_C = \beta I_B$

$I_C = \beta / (\beta + 2) * I_R$ ，当 $\beta$ 远大于2的时候， $I_C \approx I_R$ 。

所以由于电路的特殊接法，造成了 $I_C$ 与 $I_R$ 的值近似相等，通过调节 $R$ 的值的大小就可以控制不同的 $I_C$ 的输出。



## 比例电流源



可以看出来，控制 $I_R$ 的大小只需要调节 $R_{e0}$ 和 $R_{e1}$ 的阻值就可以实现，当 $I_{C1}$ 需要很大的电流的时候，不需要变化 $R$ 的大小，只需要调节射极的两个电阻。

## 推导过程

比例电流源

由图可得  $U_{BE0} + I_{E0}R_{e0} = U_{BE1} + I_{E1}R_{e1}$  (公式一)

已知二极管电流公式:  $I_E = I_S e^{\frac{U}{U_T}} \Rightarrow U_{BE} = U_T \ln \frac{I_E}{I_S} \Rightarrow U_{BE0} - U_{BE1} = U_T \ln \frac{I_{E0}}{I_{E1}}$

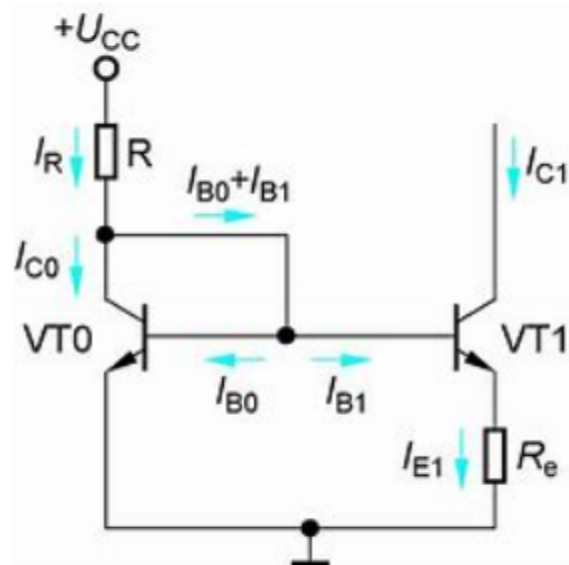
代入公式一整理可得  $I_{E1}R_{e1} \approx I_{E0}R_{e0} + U_T \ln \frac{I_{E0}}{I_{E1}}$

当 $\beta \gg 2$ 时,  $I_{C0} \approx I_{E0} \approx I_R$ ,  $I_{C1} \approx I_{E1}$ , 所以

$I_{C1} \approx \frac{R_{e0}}{R_{e1}} I_R + U_T \ln \frac{I_R}{I_{C1}}$  对数项可忽略 即  $I_{C1} \approx \frac{R_{e0}}{R_{e1}} I_R$

## 微电流源

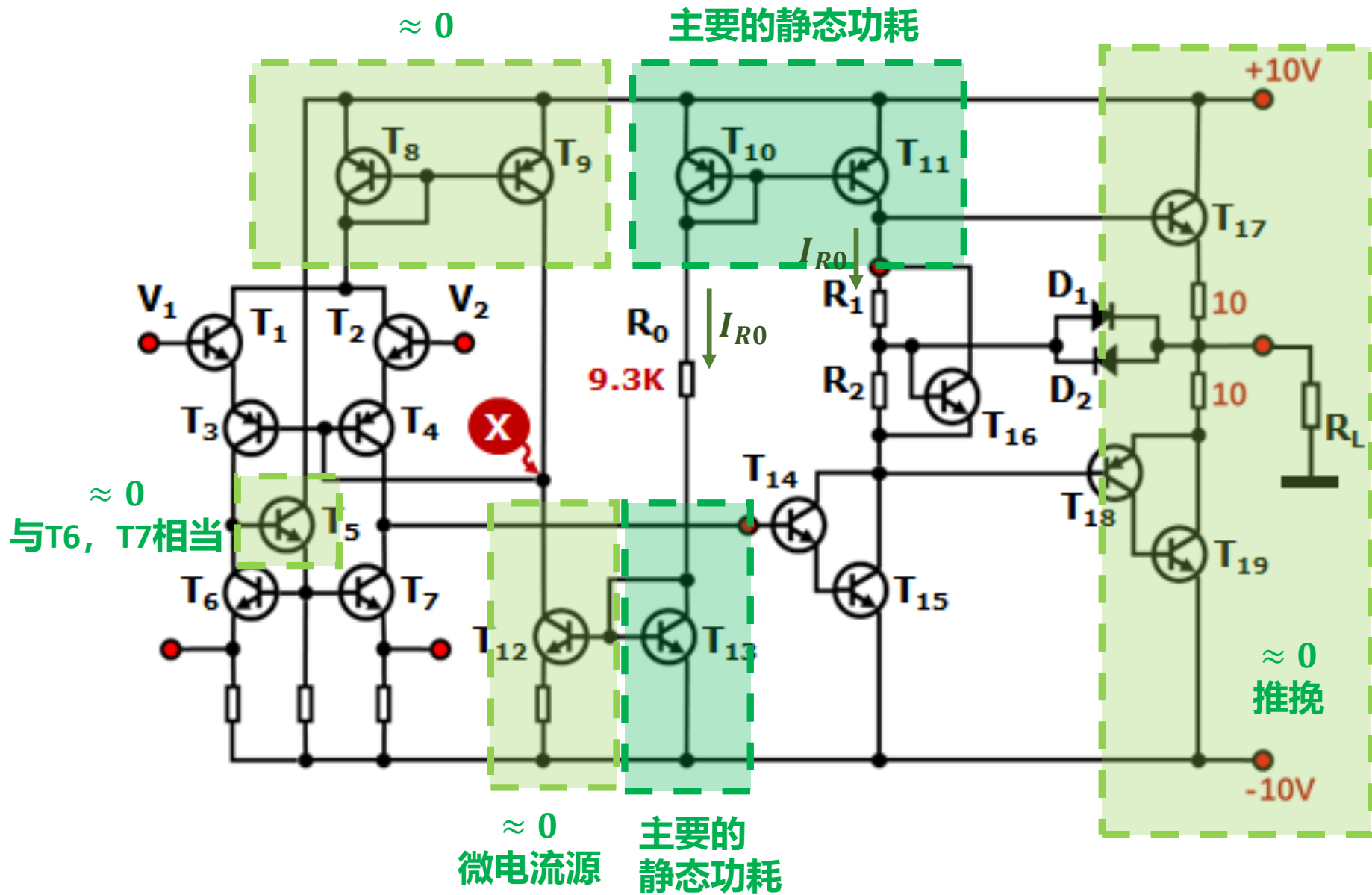
有时候在实际应用中需要用到非常小的电流，可能是uA级别的，这个时候上面的两个电流源电路就不能很好的满足这个需求，因此还有微电流源电路，其实微电流源电路从比例电流源来讲比较容易理解，抑制比例电流源中的 $I_{C1} = R_{e0}/R_{e1} \cdot I_R$ ，那当 $R_{e0}$ 趋近于0的时候 $I_{C1}$ 就会趋近于0，因此微电流源直接将比例电流源中的 $R_{e0}$ 去掉。如下图



## 推导过程

$U_{BE0} = U_{BE1} + I_{E1}R_e$ ，所以 $I_{C1} \approx I_{E1} = (U_{BE0} - U_{BE1})/R_e$ ，式中的 $U_{BE0} - U_{BE1}$ 只有几十毫伏，所以只要几千欧的 $R_e$ ，就可以得到几十微安的 $I_{C1}$ 。

实际上在设计电路的过程中，应该先确定 $I_R$ 和 $I_{C1}$ 的数值，然后再求出 $R$ 和 $R_e$ 的数值。



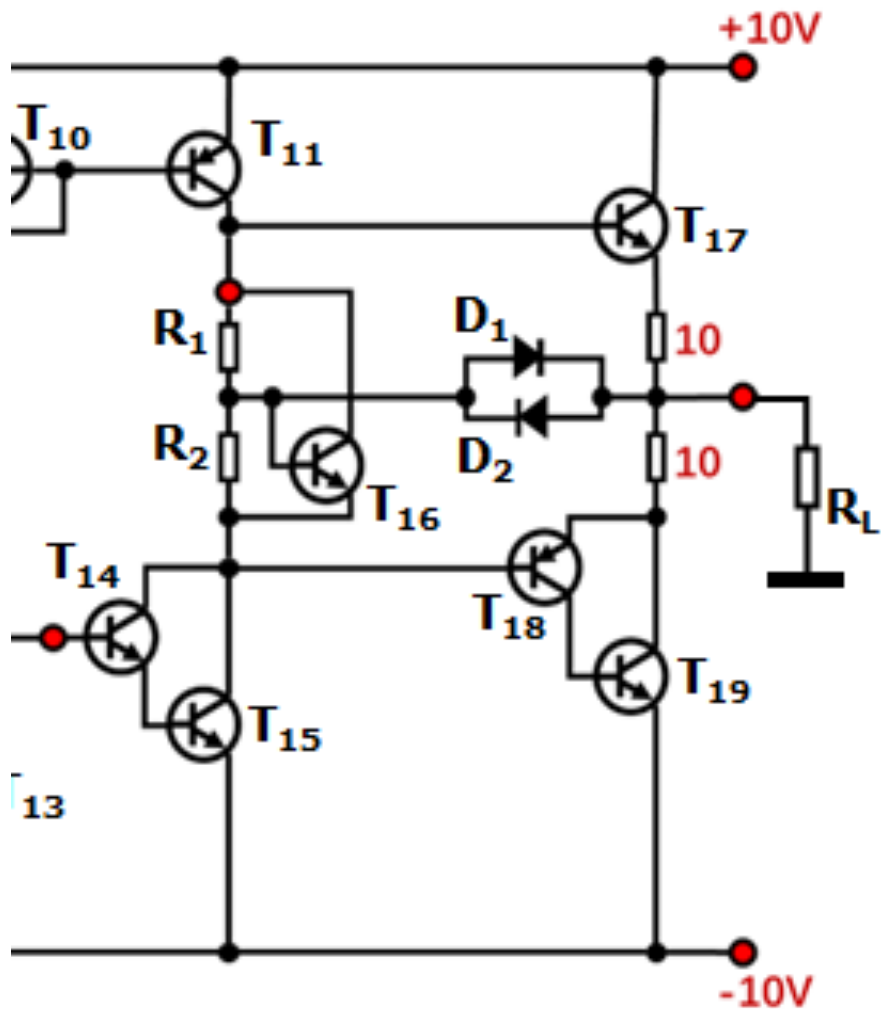
Q1: 静态功耗

$$I_{R0} R_0 + 0.7V + 0.7V = 20V$$

$$I_{R0} = 2mA$$

静态功耗:

$$2 \times 2mA \times 20V = 80mW$$



Q2:  $R_L$ 上最大电流

限制1: 保护电路

$D_1, D_2$ 导通时,  $10\Omega$ 电阻上的电压接近 $D_1, D_2$ 的导通电压 $0.7V$

$$V_{R_1} + V_{D_1} = 0.7 + 10I_{R_L}$$

$$V_{R_1} = V_{R_2} = 0.7$$

$$I_{R_L} = \frac{0.7V}{10\Omega} = 70mA$$

限制2:  $R_L$ 上电压的动态范围

最高为 $8.6V$  ( $T_{11}$ 和 $T_{17}$ 各自产生 $0.7V$ 的压降)

最低为 $-7.9V$  ( $T_{14}$ ,  $T_{15}$ 和 $T_{18}$ 各自产生 $0.7V$ 的压降)

此时,  $R_L$ 上电流的动态范围是 $-7.9mA \sim 8.6mA$

因此, 电路正常放大时,  $R_L$ 上最大电流是 $8.6mA$

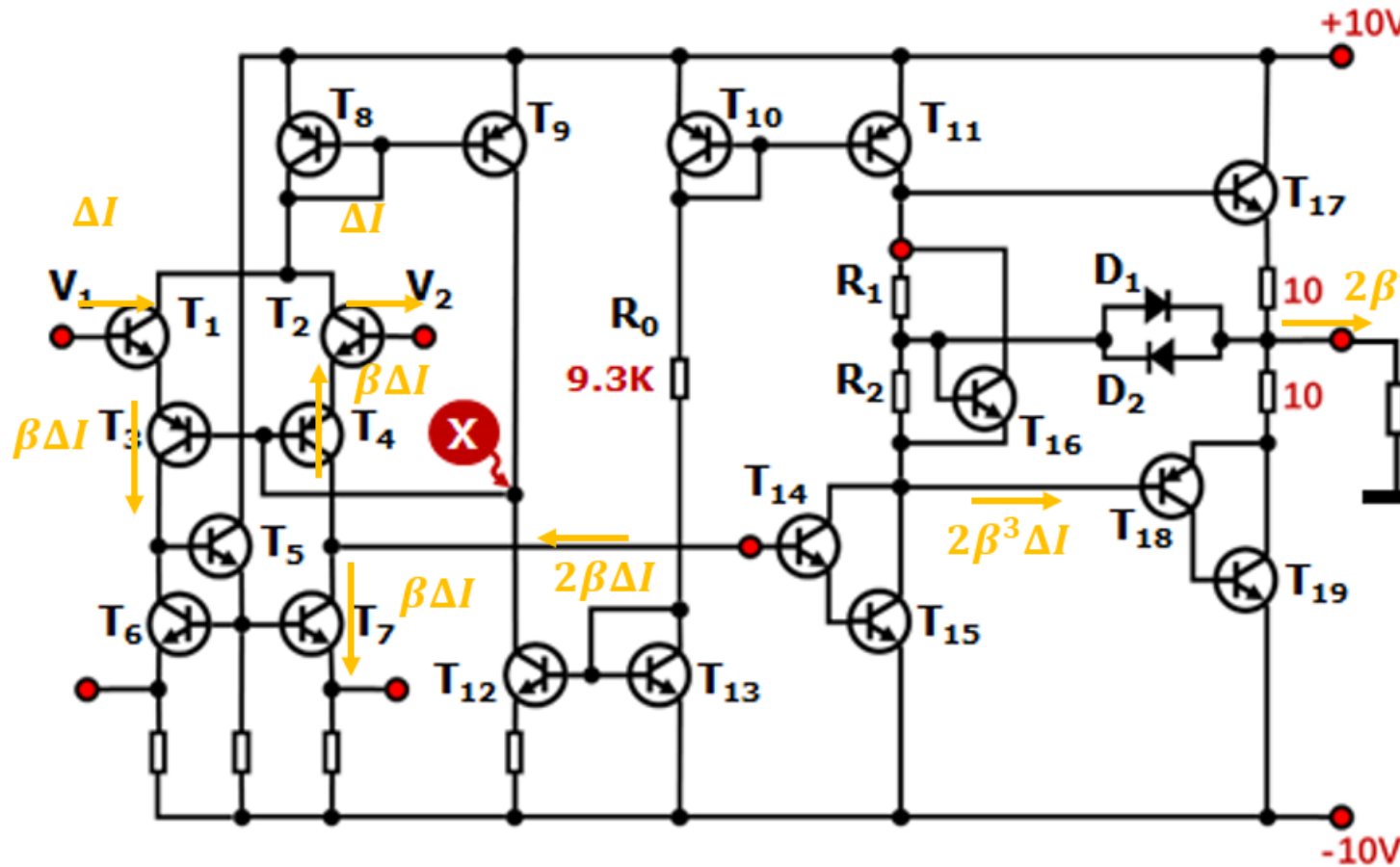
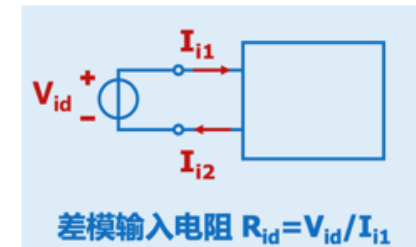
### Q3: 电压增益

共模抑制比  $\rightarrow \infty$ , 因此考虑差模部分。

差分输入的输入电阻是单侧输入电阻的串联:

$$R_{in} = 2 \left( r_b + (1 + \beta) \left( r_e + \left( r_e + \frac{r_b}{1 + \beta} \right) \right) \right) = 4k\Omega$$

$$\Delta I = \frac{V_1 - V_2}{R_{in}}$$



$$V_1 \text{ 输入信号正半周, } V_{R_L} = 2\beta^4 \Delta I R_L = \frac{2 \times 2 \sin(\omega t) \times 10^{-6} V}{4k\Omega} \times 100^4 \times 1k\Omega = 100 \sin(\omega t)$$

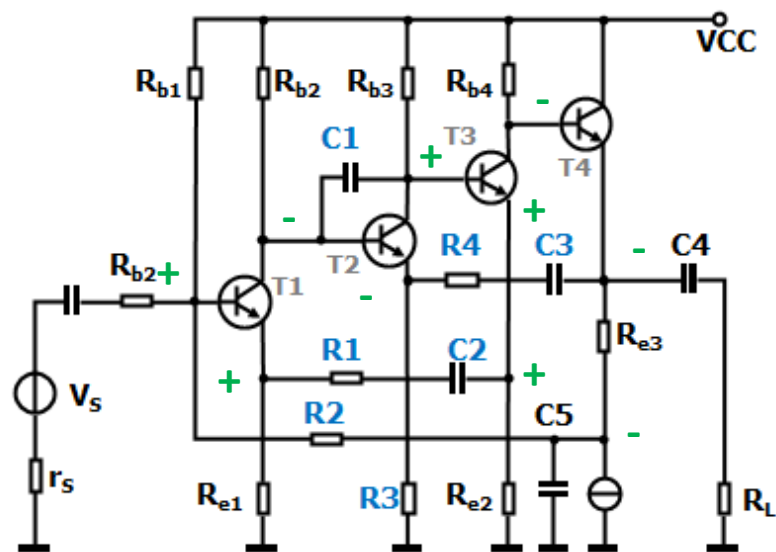
$$V_1 \text{ 输入信号负半周, } V_{R_L} = 2\beta^5 \Delta I R_L = \frac{2 \times 2 \sin(\omega t) \times 10^{-6} V}{4k\Omega} \times 100^5 \times 1k\Omega = 10000 \sin(\omega t)$$

实际情况不可能出现那么大的信号, 理论最大输出为 -7.9~-8.6V, 所以输出为严重饱和失真的近似方波。

瞬时极性法判断正、负反馈。

## 21.1

### 请判断下列电路中各反馈的类型



- a)  $C_1$  支路  
b)  $R_1, C_2$  支路  
c)  $R_2$  支路  
d)  $R_3$  支路  
e)  $R_4, C_3$  支路

正反馈	负反馈
直流反馈	交流反馈
级内反馈	级间反馈
电压反馈	电流反馈
串联反馈	并联反馈

(a)  $C_1$  支路：负反馈，交流反馈，级内反馈，

电压并联反馈

(b)  $R_1, C_2$  支路：负反馈，交流反馈，级间反馈，

电流串联反馈 ( $R_1, C_2$  接在 E 极，信号接在 C 极，相当于对 C 极信号的电流做了采样)

(c)  $R_2$  支路：负反馈，直流反馈，级间反馈，

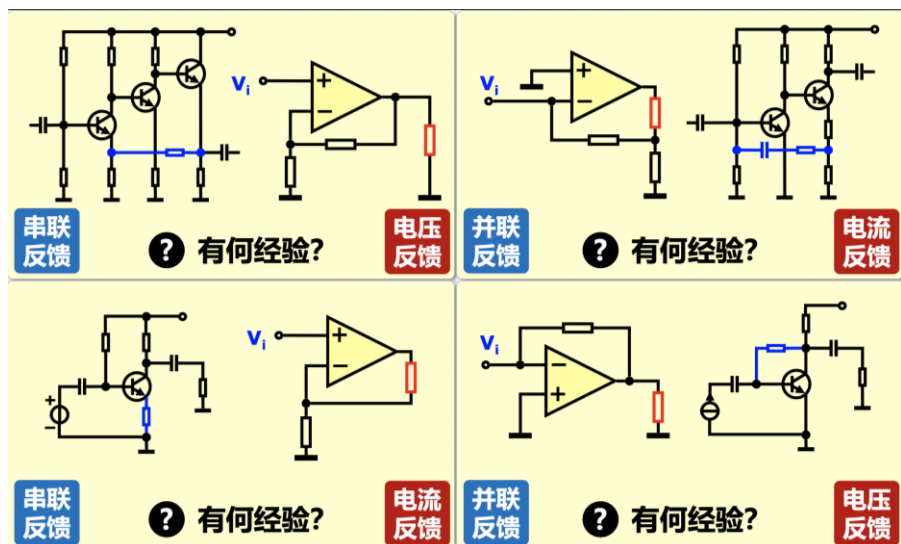
电压并联反馈 (仅直流反馈不必论反馈组态)

(d)  $R_3$  支路：负反馈，交流、直流反馈，级内反馈，

电流串联反馈

(e)  $R_4, C_3$  支路：负反馈，交流反馈，级间反馈，

电压串联反馈 ( $R_4, C_3$  和  $R_L$  都在 E 极，所以采样了电压)



反馈组态判断的小经验：

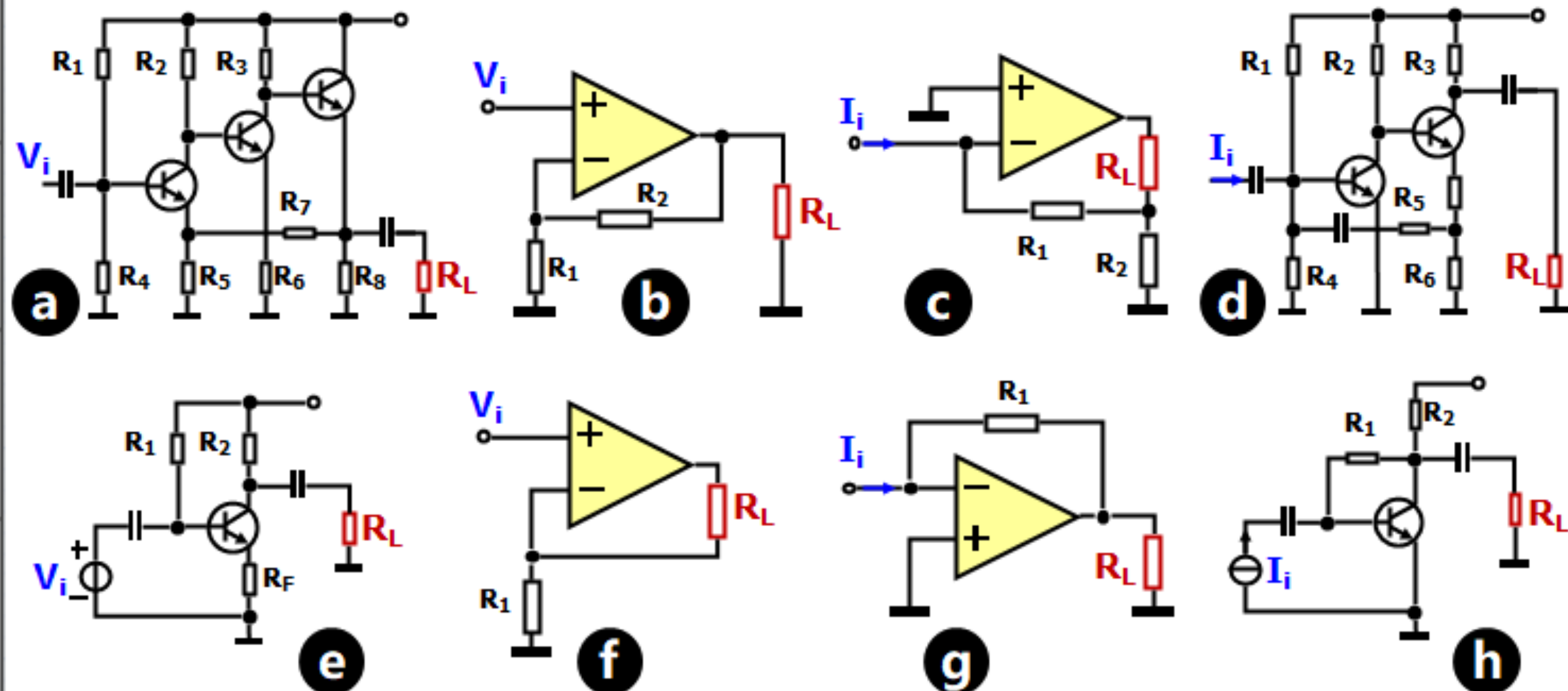
- 如果信号单端输出时经过某个节点，则从该节点开始的反馈是电压反馈；
- 如果反馈信号必须经过负载后才反馈回去，则是电流反馈；
- 从集电极输出时，从发射极取样的反馈是电流反馈。
- BJT 的真正输入信号是  $V_{BE} = V_B - V_E$ ，FET 是  $V_{GS}$ ，运放是  $V_+ - V_-$ ，都是两个端输入信号和反馈信号汇集到同一端 → 并联反馈；  
输入信号和反馈信号汇集到不同端 → 串联反馈；



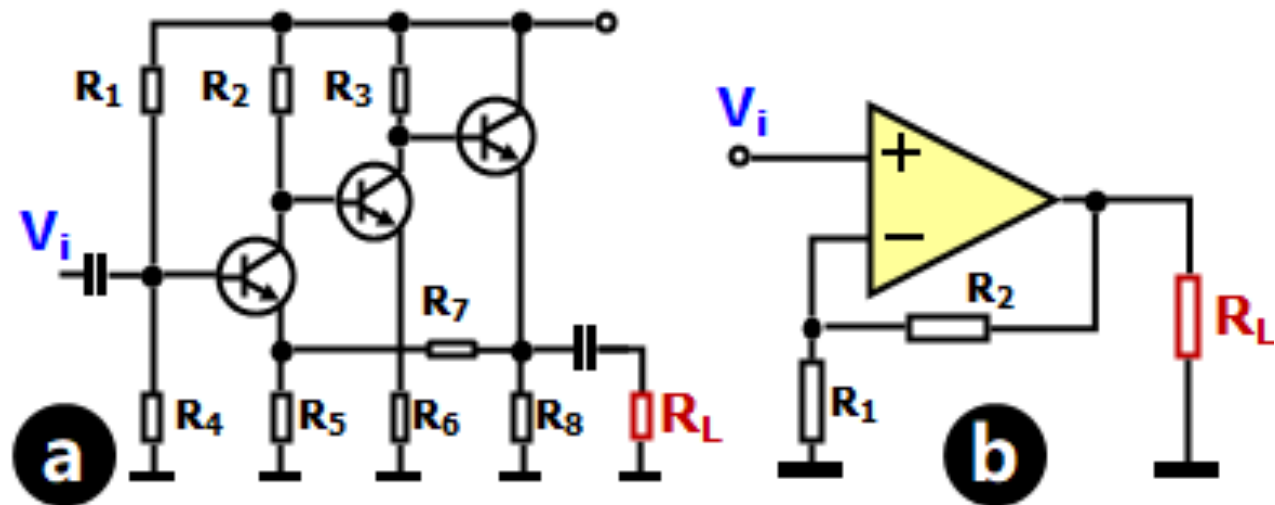
## 21.2

若深度负反馈成立，计算各电路增益及 ( $R_{iF}$ ,  $R_{oF}$ )

【若信源为  $V_i$ ，则计算  $A_{VF}$ ；若信源为  $I_i$ ，则计算  $A_{rF}$ 】





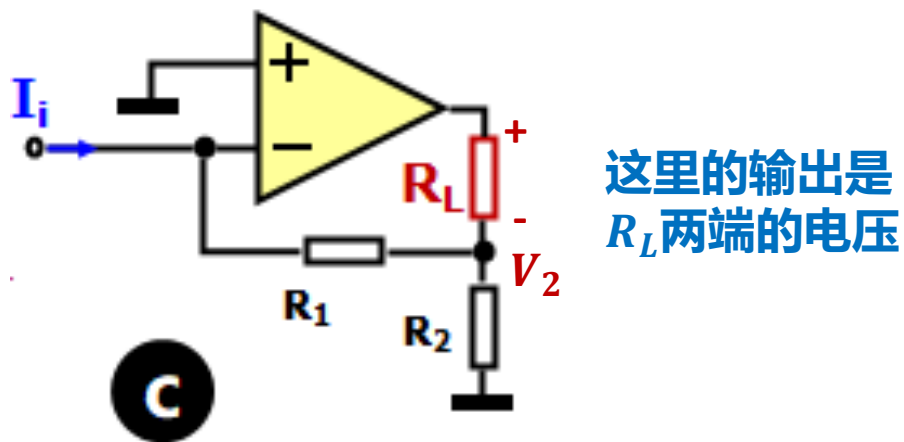


- $A_{VF} \approx \frac{R_5 + R_7}{R_5}$
- $R_{iF} \approx R_1 // R_4$
- $R_{oF} \approx 0$  (深度负反馈, 电压反馈  $R_{oF} \approx 0$ )

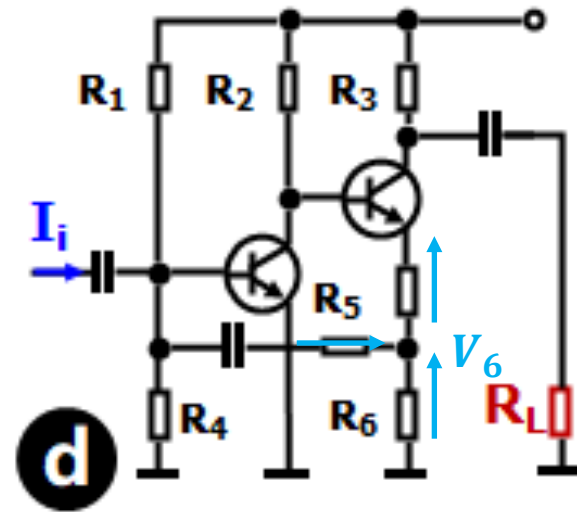
输出**电压**与  $R_L$  无关)

- $A_{VF} \approx \frac{R_1 + R_2}{R_1}$
  - $R_{iF} \approx \infty$  (深度负反馈,  $I_b=0$ , 虚断)
- 对于任何  $V_i$ ,  $I_i$  都接近 0
- $R_{oF} \approx 0$  (深度负反馈, 电压反馈  $R_{oF} \approx 0$ )

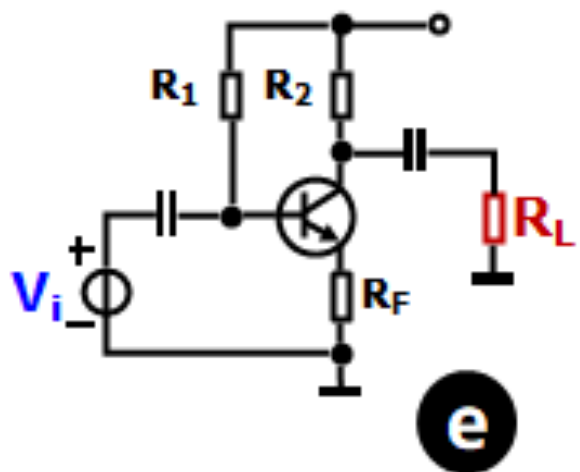
输出**电压**与  $R_L$  无关



- $V_2 = -I_i R_1$
- $I_{R_2} = \frac{0-V_2}{R_2} = I_i \frac{R_1}{R_2}$
- $I_{R_L} = -I_{R_2} - I_i = -I_i \frac{R_1}{R_2} - I_i$
- $V_{R_L} = -(I_i \frac{R_1}{R_2} + I_i) R_L$
- $A_{rF} = -\left(1 + \frac{R_1}{R_2}\right) R_L$
- $R_{iF} \approx 0$  ← 对于任何  $I_i$ ,  $V_-$  都接近 0
- (深度负反馈, 虚短)
- $R_{oF} \approx \infty$  ← 输出电流与  $R_L$  无关
- (深度负反馈, 电流反馈  $R_{oF} \approx \infty$ )



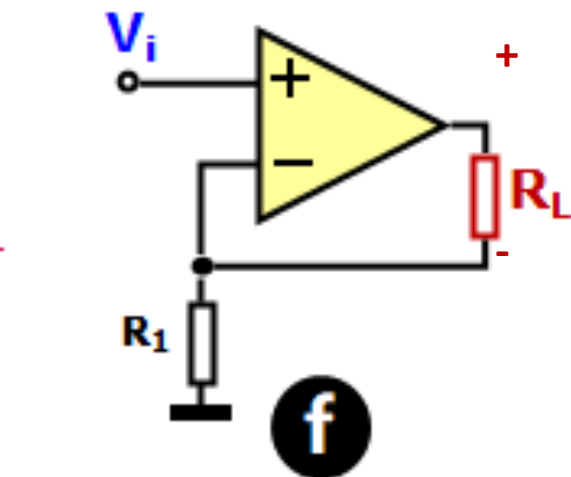
- $I_{R_5} = I_i$
- $V_6 = -I_{R_5} R_5 = -I_i R_5$
- $I_{R_6} = \frac{0-V_6}{R_6} = \frac{R_5}{R_6} I_i$
- $I_c = I_e = I_{R_5} + I_{R_6} = \left(1 + \frac{R_5}{R_6}\right) I_i$
- $V_{R_L} = \left(1 + \frac{R_5}{R_6}\right) (R_3 // R_L) I_i$
- $A_{rF} = \left(1 + \frac{R_5}{R_6}\right) (R_3 // R_L)$
- $R_{iF} \approx 0$  ← 对于任何  $I_i$ ,  $V_B$  都接近 0
- (深度负反馈, 虚短)
- $R_{oF} \approx R_3$



$$A_{VF} \approx -\frac{R_2 // R_L}{R_F}$$

$$R_{iF} \approx R_1$$

$$R_{oF} \approx R_2$$



$$A_{VF} \approx \frac{R_L}{R_1}$$

$$R_{iF} \approx \infty$$

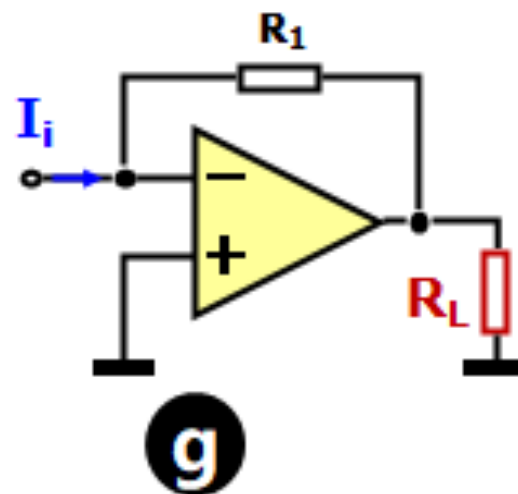
对于任何  $V_i$ ,  $I_i$  都接近 0  
(深度负反馈,  $I_b=0$ , 虚断)

$$R_{oF} \approx \infty$$

(深度负反馈,  
电流反馈  $R_{oF} \approx \infty$ )

← 输出电流与  $R_L$  无关

注意判断  $A_F$  的正负



$$A_{rF} \approx -\frac{I_i R_1}{I_i} = -R_1$$

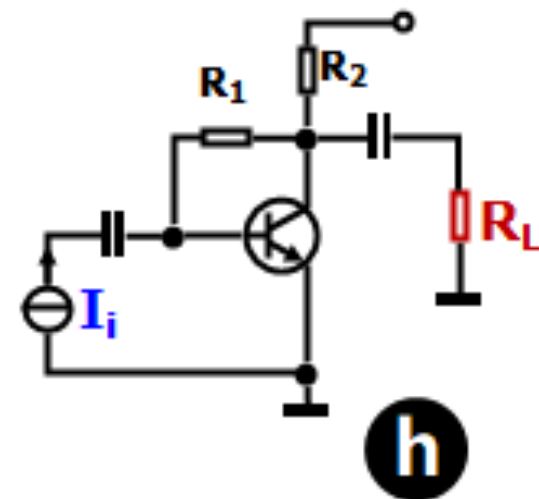
$$R_{iF} \approx 0$$

← 对于任何  $I_i$ ,  $V_i$  都接近 0  
(深度负反馈, 虚短)

$$R_{oF} \approx 0$$

(深度负反馈,  
电压反馈  $R_{oF} \approx 0$ )

输出电压与  $R_L$  无关



$$A_{rF} \approx -\frac{I_i R_1}{I_i} \approx -R_1$$

$$R_{iF} \approx 0$$

← 对于任何  $I_i$ ,  $V_i$  都接近 0  
(深度负反馈, 虚短)

$$R_{oF} \approx 0$$

(深度负反馈,  
电压反馈  $R_{oF} \approx 0$ )

输出电压与  $R_L$  无关

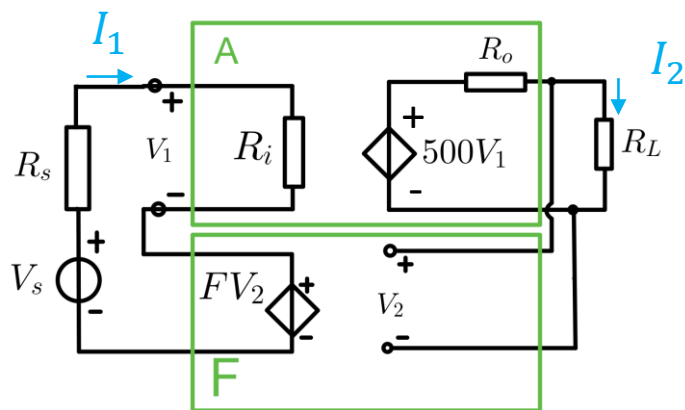
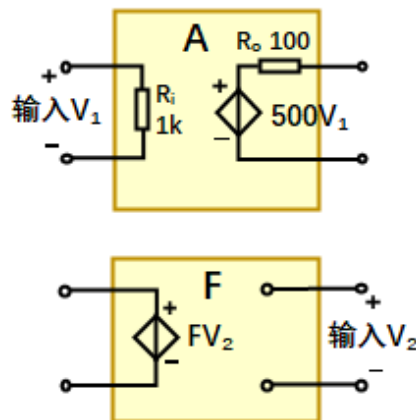
虚短并不意味着实际存在这样的通路, 不能以此计算输入电阻

## 23-1

## 反馈的定量分析

某500倍放大器等效电路如右上图。但增益  $A$  会随环境会呈现  $\pm 20\%$  的误差，且它具有带通特性 —— 一阶高通  $f_L = 50\text{Hz}$ ，一阶低通  $f_H = 100\text{kHz}$ 。请问：

- 若与右下图的  $F$  网络结合构成负反馈，且  $F=1/5$ ，则闭环增益  $A_F$  的变化范围是？
- 若反馈改成  $F=-1/10$  的正反馈，则闭环增益  $A_F$  的变化范围是？
- 在  $A=500$ ， $F=1/5$  的条件下，反馈放大器的  $R_{iF}$ 、 $R_{oF}$ 、 $f_{LF}$ 、 $f_{HF}$  各是多少？
- 在电压源内阻为  $R_s = 500$ ，负载  $R_L = 1\text{K}$  的条件下画出完整反馈放大器，并计算此时的  $R_{iF}$  和  $R_{oF}$ ，并与 c) 中结论对比。



- (a)  $A$  的范围：400 ~ 600

$$A_F = \frac{A}{1+AF} \text{ 的范围：} 4.94 \sim 4.96$$

- (b)  $1 + AF < 0$ ，正反馈发散

- (c)  $R_{iF} = R_i(1 + AF) = 101\text{k}\Omega$

$$R_{oF} = \frac{R_o}{1+AF} = 1\Omega$$

$$f_{LF} = \frac{f_L}{1+A_M F} = 0.5\text{Hz}$$

$$f_{HF} = (1 + A_M F)f_H = 10.1\text{MHz}$$

- (d)  $V_s = FV_2 + I_1 R_i + I_1 R_s$

$$= FAV_1 \frac{R_L}{R_o + R_L} + I_1 R_i + I_1 R_s$$

$$= FAI_1 R_i \frac{R_L}{R_o + R_L} + I_1 R_i + I_1 R_s$$

$$R_{iF} = \left(1 + AF \frac{R_L}{R_o + R_L}\right) R_i = 92\text{k}\Omega$$

将  $V_s$  置零：

$$V_1 = -\frac{R_i}{R_i + R_s} FV_2$$

$$V_2 = AV_1 - I_2 R_o = -\frac{R_i}{R_i + R_s} AFV_2 - I_2 R_o$$

$$R_{oF} = -\frac{V_2}{I_2} = \frac{R_o}{1 + AF \frac{R_i}{R_s + R_i}} = 1.5\Omega$$

某同相带通放大器的等效电路如右上图。  
虽然已知其频响只有两个确定的极点，但中频增益 $A_M$ 有些不确定性，故其幅频曲线 $A(f)$ 落入右下图的黑色范围内。

在接入  $F_1 = 1/10$  或  $F_2 = -1/1000$  两种理想串联电压反馈情形下，请分析反馈放大器的：

- 输入电阻；
- 输出电阻；
- 计算并画出  $A_F(f)$  的范围草图（上下限）；
- 通频带。

40dB是100倍， 46dB是200倍

$$F_1 = \frac{1}{10}:$$

$$R_{iF} = (1 + A_M F) R_i = 11k\Omega \sim 21k\Omega$$

$$R_{oF} = \frac{R_o}{1 + A_M F} = 0.48\Omega \sim 0.9\Omega$$

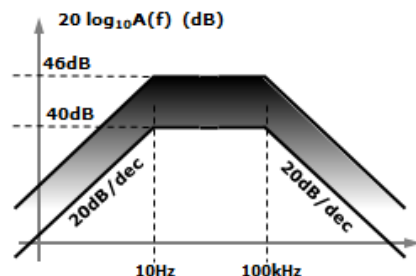
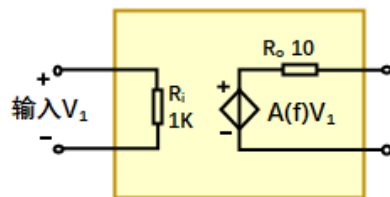
$$A_{MF} = \frac{A_M}{1 + A_M F} = 9.1 \sim 9.5 = 19.2dB \sim 19.6dB \quad (\text{中频})$$

$$f_{LF} = \frac{f_L}{1 + A_M F} = 0.5Hz \sim 0.9Hz$$

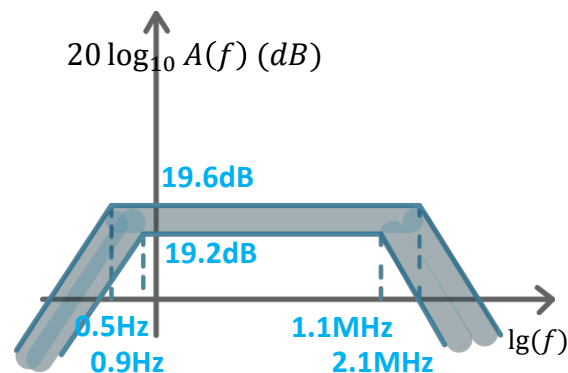
$$f_{HF} = f_H (1 + A_M F) = 1.1MHz \sim 2.1MHz$$

$$A_F(f) = A_{MF} \frac{1}{1 + jf/f_{HF}} \frac{jf/f_{LF}}{1 + jf/f_{LF}}$$

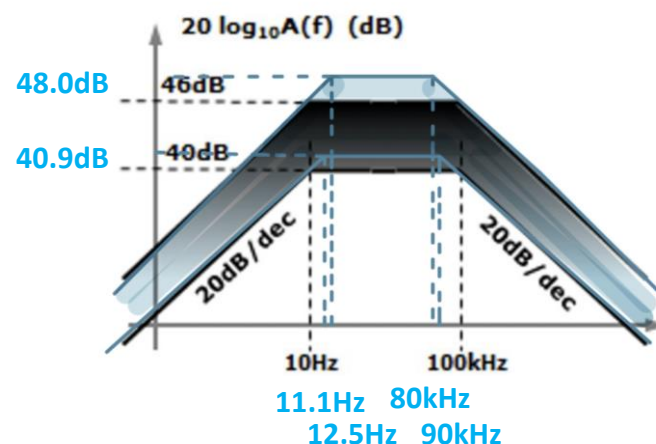
$$\text{通频带: } f_{LF} \sim f_{HF}$$



$$F_1 = \frac{1}{10}$$



$$F_2 = -\frac{1}{1000}$$



$$F_2 = -\frac{1}{1000}:$$

$$R_{iF} = (1 + A_M F) R_i = 0.8k\Omega \sim 0.9k\Omega$$

$$R_{oF} = \frac{R_o}{1 + A_M F} = 11.1\Omega \sim 12.5\Omega$$

$$A_{MF} = \frac{A_M}{1 + A_M F} = 111 \sim 250 = 40.9dB \sim 48.0dB \quad (\text{中频})$$

$$f_{LF} = \frac{f_L}{1 + A_M F} = 11.1Hz \sim 12.5Hz$$

$$f_{HF} = f_H (1 + A_M F) = 80kHz \sim 90kHz$$

$$A_F(f) = A_{MF} \frac{1}{1 + jf/f_{HF}} \frac{jf/f_{LF}}{1 + jf/f_{LF}}$$

$$\text{通频带: } f_{LF} \sim f_{HF}$$

## 24-2

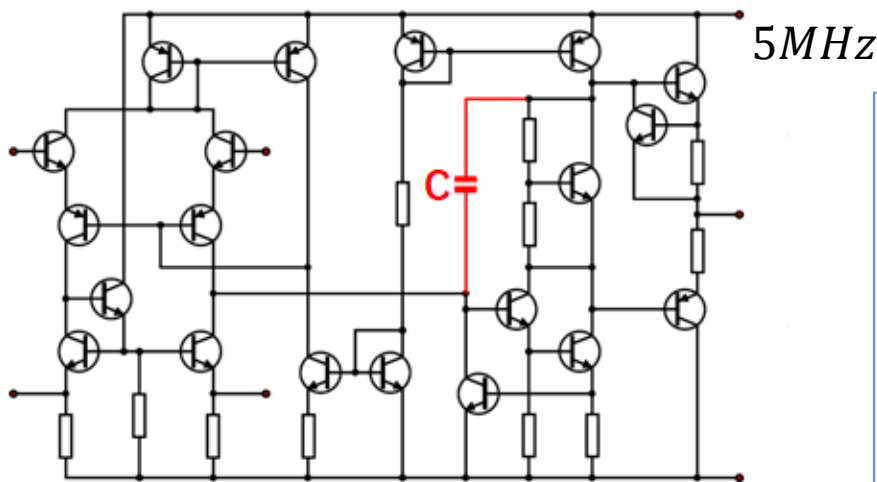
## 运放的处理

BJT构成的运放如下图。假设所有BJT的  $C_{B'E} = C_{B'C} = 10\text{pF}$ ,  $r_b$  非常小。

在引入  $C$  进行主极点补偿之前，  
整个电路的开环增益是  $10^6$ ，  
而  $f_H = 50\text{KHz}$ ，是条件稳定的。

若引入  $C$  之后，运放刚好转变为  
绝对稳定，而此时  $f_H$  变为  $5\text{Hz}$ 。

请估算图中的  $C$  的大小，以及  
原本放大器的次主极点  $f_{H2}$ 。



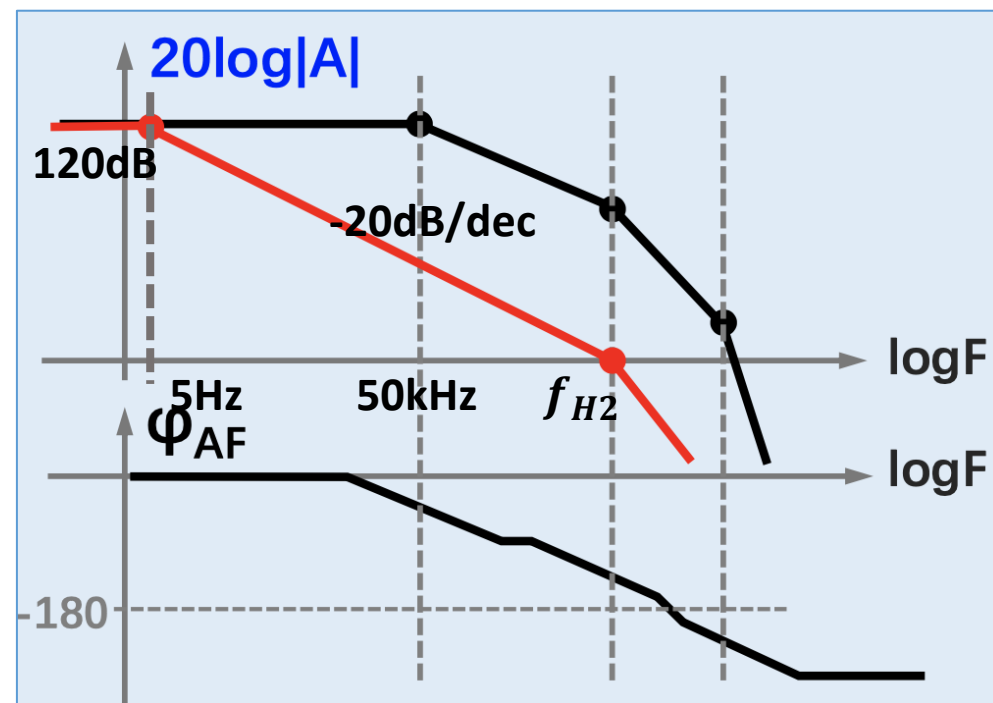
(1) 估算  $C$  的大小：

主极点变为原来的  $10^{-4}$  倍,  $f = \frac{1}{2\pi\tau} = \frac{1}{2\pi RC}$

则  $C$  大约为  $C_{B'C}$  的  $10^4$  倍

$$C = 10^4 C_{B'C} = 0.1\mu\text{F}$$

(2) 滚降速度为  $-20\text{dB/dec}$ ，从  $5\text{Hz}$  到  $50\text{kHz}$  应滚降  $80\text{dB}$ ，  
那么从  $50\text{kHz}$  到  $f_{H2}$  应滚降  $40\text{dB}$ ，那么  $f_{H2} = 50\text{k} * 10^2 =$





# 作业 25-1

已知运放的开环差模增益和共模增益:

$$A_{VD} = A_M / (1 + jf/f_H)$$

$$A_{VC} = 0$$

其中  $A_M = 10^4$ ,  $f_H = 10\text{Hz}$

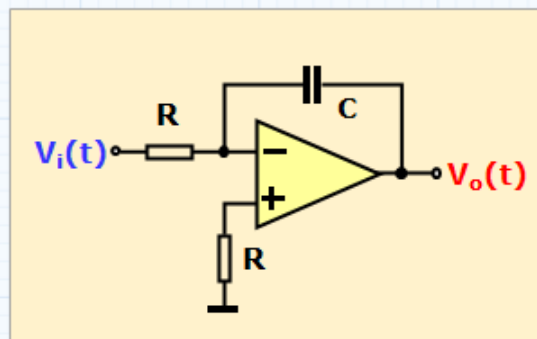
而输入输出电阻分别为:  $\infty$  和 0

将其接成右侧积分器电路后, 已知其一直工作于线性区。

请计算:

☑ 可近似取  $A_M \approx \infty$  时, 该电路的时域输出波形:  $V_o(t)$

☑ 不能取上述近似时, 该电路的频率响应:  $H(j\omega) = V_o(j\omega)/V_i(j\omega)$



25-1 (1) 当  $A_M \approx \infty$

则  $A_{VD} = \infty$

$$i = \frac{V_{ict}}{R} = -C \cdot \frac{dV_{oct}}{dt}$$

$$dV_{oct} = -\frac{V_{ict}}{RC} dt$$

$$\therefore V_{oct} = -\int_0^t \frac{V_{ict}}{RC} dt$$

(2) 设输入为  $V_{in}$

$$\frac{V_{ic}(j\omega) - V_{in}}{R} = \frac{V_{in} - V_o(j\omega)}{j\omega C} \quad ①$$

$$V_o(j\omega) = A_{VD} \cdot V_{in} \quad ②$$

$$A_{VD} = \frac{A_M}{1 + j\frac{f}{f_H}} = \frac{10^4}{1 + j\frac{\omega}{2\pi \cdot 10}} = \frac{2\pi \times 10^5}{20\pi + j\omega} \quad ③$$

由①得

$$j\omega RC \cdot (V_{in} - V_o(j\omega)) = V_{ic}(j\omega) - V_{in}$$

$$\Rightarrow (j\omega RC + 1) \cdot V_{in} - j\omega RC \cdot V_o(j\omega) = V_{ic}(j\omega)$$

代入②, ③得

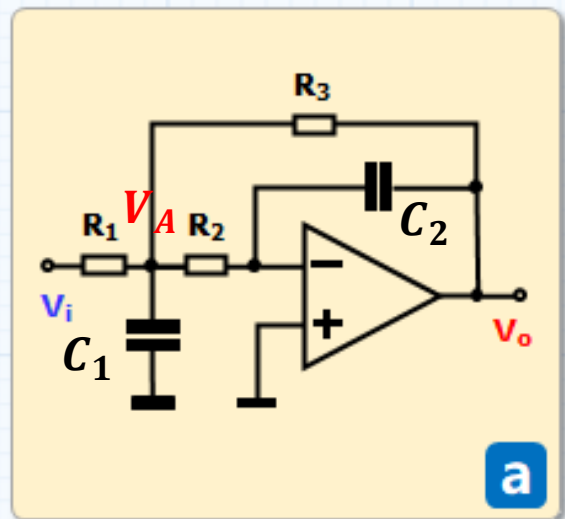
$$(j\omega RC + 1) \cdot \frac{2\pi \times 10^5}{20\pi + j\omega} V_o(j\omega) - j\omega RC \cdot V_o(j\omega) = V_{ic}(j\omega)$$

$$\therefore H(j\omega) = \frac{V_o(j\omega)}{V_{ic}(j\omega)} = \frac{1}{(j\omega RC + 1) \cdot \frac{2\pi \times 10^5}{20\pi + j\omega} - j\omega RC}$$



图 a 的频率响应

$$A(f) = V_o / V_i$$



对于A点列KCL方程:

$$\frac{V_i - V_A}{R_1} = \frac{V_A}{Z_{C_1}} + \frac{V_A}{R_2} + \frac{V_A - V_o}{R_3}$$

对于运放的一极列KCL方程:

$$\frac{V_A}{R_2} = -\frac{V_o}{Z_{C_2}}$$

化简得到:

$$\begin{aligned} \frac{V_o}{V_i} &= -\frac{R_3 Z_{C_1} Z_{C_2}}{R_1 R_2 R_3 + (R_1 R_2 + R_1 R_3 + R_2 R_3) Z_{C_1} + R_1 Z_{C_1} Z_{C_2}} \\ &= -\frac{R_3}{-4\pi^2 f^2 C_1 C_2 R_1 R_2 R_3 + j2\pi f C_2 (R_1 R_2 + R_1 R_3 + R_2 R_3) + R_1} \end{aligned}$$

$$f \rightarrow 0, A(f) \rightarrow -\frac{R_3}{R_1}$$

$$f \rightarrow \infty, A(f) \rightarrow 0$$

有源低通

## 作业 25-2 请计算推导

图 a 的频率响应

$$A(f) = V_o / V_i$$

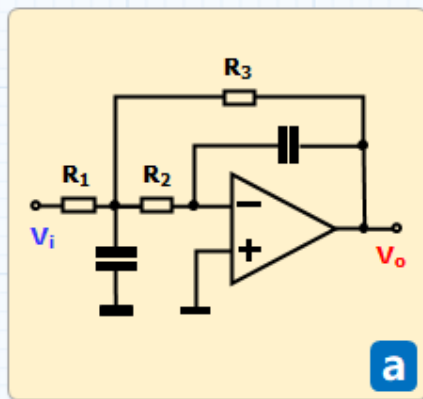


图 b 的输出电阻

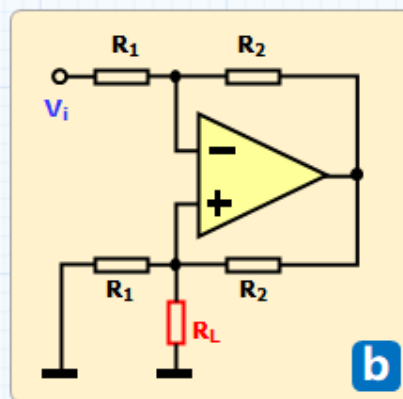
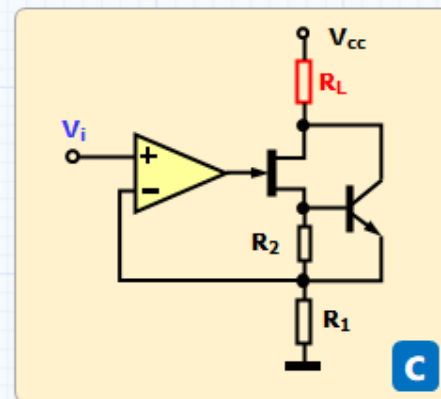
以  $R_L$  为负载

图 c 的转移特性

$$V_i \sim V_{RL}$$

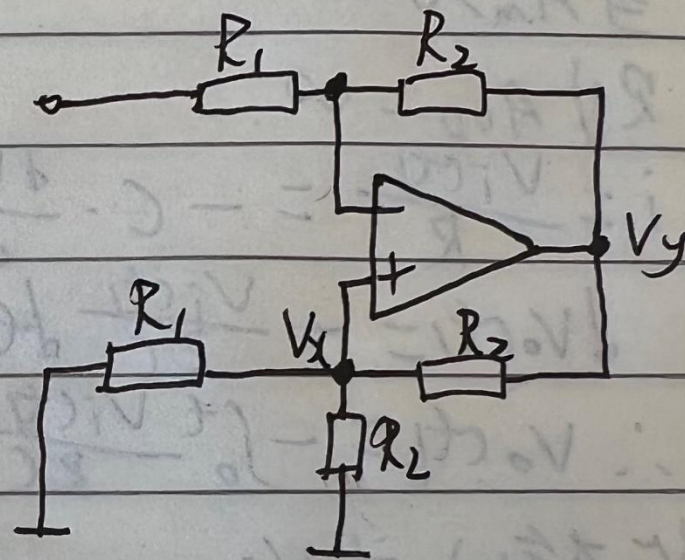


(2) 设如图结点电压为  $V_x$ ,  $V_y$ .

$$\frac{V_x}{R_1} = \frac{V_y - V_x}{R_2}$$

$$I_x = \frac{V_x}{R_1} + \frac{V_x - V_y}{R_2} = 0$$

$$\therefore R_o = \frac{V_x}{I_x} = \infty$$



## 作业 25-2 请计算推导

图 a 的频率响应

$$A(f) = V_o / V_i$$

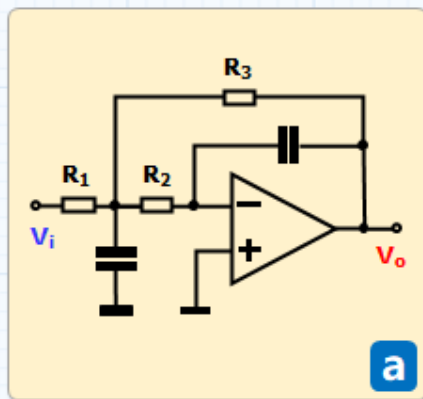


图 b 的输出电阻

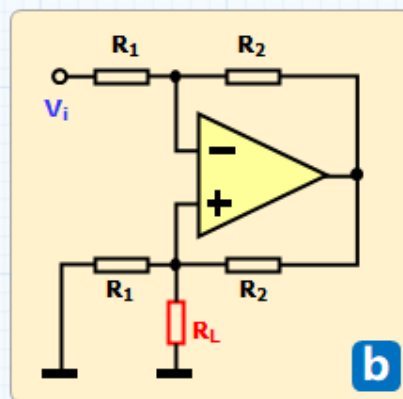
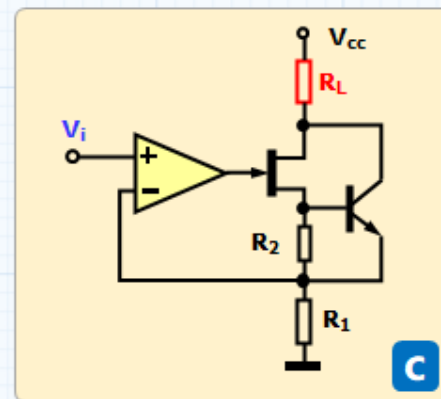
以  $R_L$  为负载

图 c 的转移特性

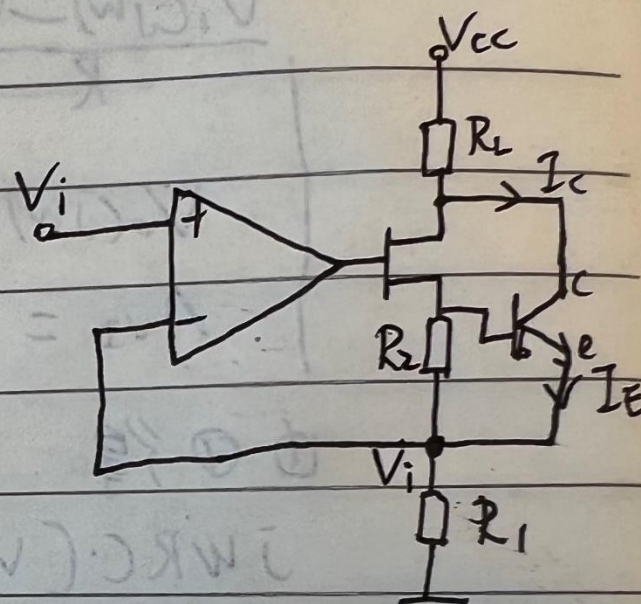
$$V_i \sim V_{RL}$$



$$(3) \frac{V_i}{R_1} = \frac{V_{be}}{R_2} + I_E = \frac{V_{be}}{R_2} + I_C$$

$$V_{RL} = (I_d + I_c) \cdot R_L = \left( \frac{V_{be}}{R_2} + \frac{V_i}{R_1} - \frac{V_{be}}{R_2} \right) \cdot R_L$$
$$= \frac{V_i}{R_1} \cdot R_L$$

$$\therefore V_{RL} = \frac{V_i}{R_1} \cdot R_L$$



# THANKS

---

助教：沈翔

