בית הספר להנדסה ולמדעי המחשב ע"ש רחל וסלים בנין

4 סדנת תכנות בשפת C++-ו C סדנת תכנות

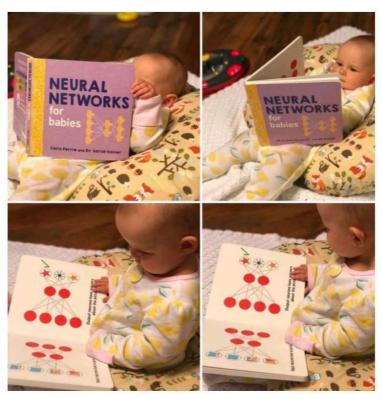
22:00 עד השעה – 2022 לאוגוסט, -31 לאוגוסט, יום רביעי, ה-13 לאוגוסט,

Introduction to C++, Classes, Operator Overloading, References, Rule of Three, נושאי התרגיל: Exceptions

אנא הקפידו לקרוא את כל התרגיל מתחילתו ועד סופו לפני שתגשו לממשו.

1 רקע

בתרגיל זה נכתוב תוכנה לזיהוי ספרות הנכתבות בכתב יד. התוכנה שלנו תקבל כקלט תמונה של ספרה בין 0ל- 9ותחזיר כפלט את הספרה אשר זוהתה. נעשה זאת על ידי בניית מודל של רשת נוירונים. הרשת שנריץ תגיע לדיוק של כ- 96 אחוזים בזיהוי ספרות.



1.1 הקדמה

רשת נוירונים היא מודל בלמידת מכונה המבוסס על מבנה המוח האנושי: נוירון מקבל גירוי חשמלי מנוירונים אחרים - אם הגירוי הזה עובר סף מסוים הוא שולח בעצמו אות אל נוירונים אחרים. המוח מורכב ממספר רב של נוירונים המקושרים זה לזה ברשת מורכבת, ויחד הם מסוגלים לבצע את הפעולות הנדרשות ממנו. רשת נוירונים מלאכותית (Artificial neural network) פועלת באופן דומה. ברשתות אלו נעשה שימוש בזיהוי ומיקום של עצמים בתמונה, הבנת שפה אנושית וניתוחה, יצירת טקסט ועוד. מוצרים רבים בחיינו משתמשים ברשתות נוירונים: עוזרים קוליים (Amazon Alexa, Apple Siri), השלמה אוטומטית לתוכן המייל ב-Gmail, זיהוי מחלות בתמונות סריקה רפואית ועוד.שימו לב: למידת מכונה בכלל, ורשתות נוירונים בפרט, הינם נושאים רחבים ומורכבים ולכן לא יכללו בתוכן תרגיל זה. לצורך מימוש התרגיל אין צורך להבין איך ולמה עובדת רשת הנוירונים. הרקע התיאורטי הנדרש יוצג בסעיף 1.2, פרטי הרשת שנבנה יובאו בסעיף 2.2, והמחלקות למימוש יובאו בסעיף 3. מומלץ לצפות בסרטון הבא המפרט על המבנה של https://www.youtube.com/ ינארית: /https://www.youtube.com/

1.2 רקע תיאורטי

Fully Connected רשת נוירונים 1.2.1

- $(1.2.2 \, \,$ רשת בנויה משכבות (סעיף -
- הקלט של כל שכבה הוא וקטור, והפלט הוא וקטור אחר.
 - הפלט של כל שכבה הוא הקלט של השכבה הבאה.
- קלט הרשת הוא וקטור המייצג את האובייקט שהרשת תעבד. ברשת שלנו, הוא מייצג תמונה של ספרה (סעיף 2.2.2).
 - פלט הרשת הוא וקטור המייצג את המסקנה של הרשת. ברשת שלנו, הוא מייצג את הספרה שהרשת זיהתה (סעיף 2.2.3).

1.2.2 שכבה ברשת

כל שכבה ברשת מקבלת וקטור קלט $x \in \mathbb{R}^m$ ומחזירה וקטור פלט $y \in \mathbb{R}^n$ באמצעות הפעולה כל שכבה ברשת ברשת $y = f\left(W \cdot x + b\right)$

- .(Weight) מטריצה שאיבריה נקראים המשקולות של של $y=f\left(W\cdot x+b\right)$
 - . של השכבה (Bias) איסט שנקרא השכבה b $\in \mathbb{R}^n$
 - $(1.2.3 \, \text{quy} \, f : \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}^n \, \bullet \, f$ פונקציית האקטיבציה של השכבה.

. כלומר, בהינתן וקטור קלט $x \in \mathbb{R}^m$ הוקטור $y = f(W \cdot x + b) \in \mathbb{R}^n$ הוקטור $x \in \mathbb{R}^m$ יהיה הפלט של

1.2.3 פונקציית אקטיבציה

פונקציה או הנוירונים. פונקציה את התוצאה הסופית של שכבה ברשת הנוירונים. פונקציה זו $f:\mathbb{R}^n \to \mathbb{R}^n$ אינה לינארית. בתרגיל נממש שתי פונקציות אקטיבציה שונות:

ReLU פונקציית•

$$\forall x \in \mathbb{R} \qquad ReLU(x) = \begin{cases} x & x \ge 0 \\ 0 & else \end{cases}$$

. כאשר הפונקציה פועלת על וקטור $x\in\mathbb{R}^n$ היא מבצעת את הפעולה הזו על כל קוארדינטה בנפרד

Softmax פונקציית•

$$\forall x \in \mathbb{R}^n \qquad Softmax(x) = \frac{1}{\sum_{k=1}^n e^{x_k}} \begin{bmatrix} e^{x_1} \\ e^{x_2} \\ e^{x_3} \\ \vdots \\ e^{x_n} \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^n$$

הפונקציה המעריכית לצורך החישוב ניתן להשתמש – e^t . $x \in \mathbb{R}^n$ של e^t . $x \in \mathbb{R}^n$ של e^t . $x \in \mathbb{R}^n$ המיובאת בפונקציה מקבלת וקטור $x \in \mathbb{R}^n$ וממירה אותו לוקטור בפונקציה מספרים אי-שליליים שסכומם e^t באופן שתואם את הפלט הסופי של הרשת שלנו. בתרגיל זה וקטור הוא מטריצה עם טור אחד.

שימו לב שניתן להפעיל את פונקציות האקטיבציה גם על מטריצות. במקרה זה, הפעילו את האקטיבציה על כל איברי המטריצה כמו וקטור אחד גדול.

2 מימוש הרשת

ודיוק הרשת £2.1 שימוש ב-float

איברי המטריצה שנממש יהיו מטיפוס (32-bit). מאופן המימוש של המימוש במעבד, פעולות איברי המטריצה שנממש יהיו מטיפוס (a+b) + c=a+(b+c): האריתמטיקה אינן בהכרח אסוציאטיביות, כלומר לא בהכרח יתקיים: לכן, כדי להימנע משגיאות נומריות בעת ביצוע כפל מטריצות, אנא ממשו את סדר הפעולות לפי ההגדרה המתמטית שלמדתם בלינארית c=1:

$$(A \cdot B)_{ij} = \sum_{k=1}^{n} a_{ik} b_{kj}$$

הרשת שנריץ מגיעה לכ-96 אחוזי דיוק. לכן, הרשת עלולה לטעות בחלק מהתמונות שתזינו לה – זוהי התנהגות תקינה של התוכנה. גם אם אחוזי ההצלחה של הרשת שלכם נמוכים במעט מ-96 אחוזים, ייתכן כי הדבר נובע משגיאות נומריות, ולא צפויה הורדה של נקודות במקרה זה. עם זאת, אם אחוזי ההצלחה של הרשת נמוכים משמעותית מרף זה, ייתכן שהדבר נובע מטעות במימוש.

2.2 תיאור הרשת

2.2.1 שכבות הרשת

• הרשת מורכבת מ- 4 שכבות:

| פונקציית אקטיבציה | Bias - היסט | Weights- משקולות | שכבה |
|-------------------|----------------------------|------------------------------|-----------|
| Relu | $b_1 \in \mathbb{R}^{128}$ | $W_1 \in M_{128 \times 784}$ | (כניסה) 1 |
| Relu | $b_2 \in \mathbb{R}^{64}$ | $W_2 \in M_{64 \times 128}$ | 2 |
| Relu | $b_3 \in \mathbb{R}^{20}$ | $W_3 \in M_{20 \times 64}$ | 3 |
| Softmax | $b_4 \in \mathbb{R}^{10}$ | $W_4 \in M_{10 \times 20}$ | (מוצא) 4 |

• כלומר, על מנת לממש את הרשת עלינו לשרשר את רצף הפעולות הבא:

$$r_{1} = Relu(W_{1} \cdot x + b_{1})$$

$$r_{2} = Relu(W_{2} \cdot r_{1} + b_{2})$$

$$r_{3} = Relu(W_{3} \cdot r_{2} + b_{3})$$

$$r_{4} = Softmax(W_{4} \cdot r_{3} + b_{4})$$

- (2.2.2 1)וקטור הקלט לרשת (סעיף x
- .i+1הפלט של השכבה ה-i, שהוא גם הקלט לשכבה ה- $-r_i$
- $-r_4$ הפלט של השכבה הרביעית, שהוא וקטור הפלט של הרשת (סעיף $-r_4$

2.2.2 וקטור הקלט

- יכל תמונה מקודדת בתור מטריצה A בגודל בגודל אפר פיקסלים בגווני אפור (Grayscale), וכל כל תמונה מקודדת בתור מטריצה הוא ערך בין $A\in M_{28\times 28}\left(\left[0,1\right]\right)$, כלומר ל-1, כלומר
- לנוחיותכם, בקבצי העזר נמצא הקובץ plot_img.py אשר מקבל כקלט נתיב לתמונה ומציג אותה בחלון חדש.
- שורות. $\cot 28 = 748 \setminus 28$ שורות עם מודה אחת שיישלח לרשת יהיה וקטור אטריצה עם שמודה אחת שיישלח לרשת יהיה וקטור $\cot 28 = 748 \setminus 28$

2.2.3 וקטור הפלט

- וקטור הפלט מהשכבה האחרונה הוא וקטור התפלגות (וקטור שאיבריו הם מספרים אי-שליליים שסכומם 1 באורך 10).
 - 9- כל אינדקס בווקטור מייצג ספרה בין 0 ל-
 - הערך של האינדקס מייצג את הסיכוי שזוהי הספרה בתמונה, לפי הרשת.
 - התשובה שתיתן הרשת היא האינדקס עם הערך המקסימלי, כלומר הספרה הסבירה ביותר,
 וההסתברות של אותה ספרה
 - במקרה של שיויון, נחזיר את האינדקס הנמוך מבין השניים
 - :לדוגמא

| Value | | | | | | | | | | |
|-------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| Index | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |

בהינתן וקטור הפלט הזה, תשובת הרשת תהיה שהספרה בתמונה היא 7 בהסתברות 90%.

2.3 מהלך ריצת התוכנית

שימו לב: חלק זה ממומש עבורכם בקובץ main.cpp המצורף לכם עם קבצי התרגיל מלבד readFileToMatrix שעליכם לממש על מנת להשתמש.

התוכנה תקבל בשורת הפקודה נתיבים לקבצי המשקולות וההיסטים כקבצים בינאריים. נריץ את התוכנה עם המשקולות וההיסטים כך:

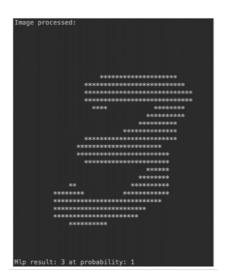
\$./mlpnetwork w1 w2 w3 w4 b1 b2 b3 b4

i- נתיב לקובץ המשקולות של השכבה ה- w1

 \mathbf{i} - נתיב לקובץ ההיסט של השכבה ה $-\mathbf{w}2$

כאשר התוכנה רצה היא ממתינה לקלט מהמשתמש. הקלט יהיה נתיב לקובץ של תמונה המכילה ספרה. התוכנה:

- 1. תפתח את הקובץ ותטען את התמונה למטריצה
 - 2. תכניס את המטריצה אל הרשת כקלט
- 3. כאשר התקבלה תוצאה, התוכנה תדפיס את התמונה, את הספרה שהרשת זיהתה ובאיזו הסתברות.לדוגמא (מתוך פתרון בית הספר):



4. התוכנה תמתין לקלט חדש באינ לתוכנה תמחין לקלט חדש – ${\bf q}$ כאשר נזין לתוכנה ${\bf q}$ – התוכנה תצא עם קוד

3 המחלקות למימוש

הינכם נדרשים לממש את המחלקות הבאות בלבד. אין להגיש מחלקות נוספות.

- בטבלאות המובאות לפניכם רשומות כלל הפונקציות והאופרטורים שעליכם לממש.
- אין להרחיב את ה-API המפורט, כלומר אין להוסיף פונקציות public אין להרחיב את ה-Eprivate המפורט, כלומר אין להוסיף פונקציות ניתן להוסיף פונקציות (private).
 - חישבו היטב על החתימה של כל פונקציה: מהו ערך ההחזרה שלה? האם היא משנה את האובייקט הנוכחי? כיצד נגדיר את הטיפוס של הארגומנטים שלה?
- שימו לב: עליכם להחליט איפה יש להשתמש ב-const, איפה המשתנים וערכי ההחזרה צריכים (member function) או by value והאם לממש כל פונקציה כחלק מהמחלקה (standalone, non-member function).
- איסור על שימוש ב-STL: בתרגיל זה אין להשתמש בספריית STL של STL, ובפרט לא במבני נתונים כמו std::vector.

3.1 המחלקה Matrix

תורות ח-ו אחת ו-n שורות). מחלקה זו מייצגת אובייקט של מטריצה (גם וקטור הינו מטריצה, בעלת עמודה אחת ו-n שורות). נזכיר כי איברי המטריצה יהיו מטיפוס n

| Description | Name | Comments |
|---------------------|----------------------------|---|
| | Constru | ctors |
| Constructor | Matrix(int rows, int cols) | Constructs Matrix of size $rows \times cols$. Inits all elements to 0. |
| Default Constructor | Matrix() | Constructs Matrix of size 1×1 . Inits the single element to 0. |
| Copy Constructor | Matrix(Matrix m) | Constructs matrix from another Matrix m. |
| Destructor | ~Matrix() | |
| | Methods & I | ⁷ unctions |
| Getter | get_rows() | returns the amount of rows as int. |
| Getter | get_cols() | returns the amount of cols as int. |
| | transpose() | Transforms a matrix into its transpose matrix, i.e($A.transpose()$) _{ij} = A_{ji} . Supports function calling concatenation. e.g: Matrix a(5,4), b(4,5); a.transpose(); a.get_rows = 4 a.get_cols = 5 b.transpose().transpose(); // b is same as before |
| | vectorize() | Transforms a matrix into a column vector(section 3.1.2). Supports function calling concatenation. e.g.: Matrix m(5,4); m.vectorize(); m.get_cols() = 1 m.get_rows() = 20 |
| | plain_print() | Prints matrix elements, no return value. Prints space after each element (including last element in row). Prints newline after each row (including last row). |
| | dot(Matrix m) | Returns a matrix which is the element-wise multiplication (Hadamard product) of this matrix and another matrix m: $\forall i, j : (A . dot(B))_{ij} = A_{ij} \cdot B_{ij}$ |
| | norm() | Returns the Frobenius norm of the given matrix: $A \cdot norm() = \sqrt{\sum_{i,j} A_{ij}^2}$ |
| | Operat | ors |
| + | Matrix addition | Matrix a, b; \rightarrow a + b |
| = | Assignment | Matrix a, b; \rightarrow a = b |
| * | Matrix multiplication | Matrix a, b; \rightarrow a * b |

| Description | Name | Comments |
|-----------------|------------------------------------|--|
| * | Scalar multiplication on the right | Matrix m; float c; \rightarrow m * c |
| * | Scalar multiplication on the left | Matrix m; float c; \rightarrow c * m |
| += | Matrix addition accumulation | Matrix a, b; \rightarrow a += b |
| () | Parenthesis indexing | For i, j indices, Matrix m: m(i, j) will return the i, j element in the matrix e.g. Matrix $m(5,4)$; m(1,3) = 10; float $x = m(1,3)$; // $x = 10$ |
| [] | Brackets indexing | For i index, Matrix m: m[i] will return the i'th element (section 3.1.2) e.g: Matrix m(5,4); m[3] = 10; float x = m[3]; // x = 10 |
| << | Output stream | Pretty export of matrix as per section 3.1.1 |
| >> | Input stream | Fills matrix elements: has to read input stream fully, otherwise it's an error (don't trust the user to validate it). see section 3.1.3 for more details. |

3.1.1 הדפסת תמונה ממטריצה

כדי להדפיס את התמונה שמיוצגת במטריצה A באמצעות אופרטור >> , נשתמש בפסאודו-קוד הבא:

```
for i = 1 to A.rows:
    for j = 1 to A.cols:
        if A(i, j) > 0.1:
            print "**" (double asterisk)
        else:
            print " " (double space)
        print newline
```

3.1.2 אינדקס יחיד לזכרון דו-מימדי

מטריצה A הינה אובייקט דו-מימדי, ולכן אנו זקוקים לשני אינדקסים על מנת לגשת לאיבר בה. פעמים רבות, נוח יותר לגשת לכל איבר במטריצה באמצעות אינדקס יחיד. נבצע את המיפוי מזוג אינדקסים לאינדקס יחיד באופן הבא:

```
A(i, j) = = A[i \cdot \text{rowsize} + j]
```

- אינדקס השורה -i
- אינדקס העמודה -j •
- (מספר העמודות rowsize \bullet

לדוגמה, תהי $A\in M_{3\times 4}$, כלומר בעלת 3 שורות ו- 4 עמודות. מתקיים: $A(2,1)\iff A[2\cdot 4+1]\iff A[9]$

וודאו שאתם מבינים מדוע מיפוי זה הינו חד-חד-ערכי ועל.

3.1.3 קריאת תמונה מקובץ בינארי למטריצה

כדי לקרוא קובץ בינארי מתוך Input stream, עליכם להשתמש בפונקציה std::istream::read, עליכם להשתמש בפונקציה בינארי מתוך שמקבלת *char ומספר בתים\תווים לקרוא. תוכלו למצוא תיעוד ומידע על הפונקציה בלינקים הבאים:

https://www.tutorialspoint.com/reading-and-writing-binary-file-in-c-cplusplus/ https://www.cplusplus.com/reference/istream/istream/read

שימו לב, במקרה הזה תוכלו לעשות casting שימו לב,

Activation קבצי 3.2

בקבצים אלה נגדיר את פעולת פונקציות האקטיבציה. בקבצי ה-Activation עליכם לממש את פונקציות האקטיבציה ו relu פונקציות השייכות ל-namespace activation. כלומר, על מנת softmax ו relu מבניעדיות במניעדיות אקטיבציה מבtivation::relu או activation::relu. על פונקציות אקטיבציה לקרוא לפונקציות צריך לרשום לעבוד על כל המטריצה, ולא רק על הטור הראשון, ומחזירה את אותם מימדים כמו המטריצה המקורית.

טיפ: שימו לב שנשתמש בתרגיל זה ב-function pointers על מנת לגשת לפונקציות אלו. מומלץ להגדיר typedef של פוינטר לפונקצית אקטיבציה ולהשתמש בו בתוכנית.

3.3 המחלקה

מחלקה זו מייצגת שכבה ברשת הנוירונים.

| Description | Name | Comments |
|-------------|--|--|
| | Const | tructors |
| Constructor | Dense(weights, bias, ActivationFunction) | Inits a new layer with given parameters. C'tor accepts 2 matrices and activation function |
| | Me | thods |
| Getter | <pre>get_weights()</pre> | Returns the weights of this layer. |
| Getter | get_bias() | Returns the bias of this layer. |
| Getter | <pre>get_activation()</pre> | Returns the activation function of this layer. |
| | Ope | erators |
| 0 | Parenthesis | Applies the layer on input and returns output matrix. Layers operate as per section 2.2.1 e.g: Dense layer(w, b, act); Matrix output = layer(input); |

3.4 המחלקה MlpNetwork

מחלקה זו תשמש אותנו לסדר את השכבות השונות למבנה רשת ותאפשר הכנסה של קלט לרשת וקבלת הפלט המתאים. מחלקה זו מממשת ספציפית את הרשת המתוארת במסמך זה)סעיף וקבלת הפלט המתאים. מדונד מדוכם בקבצים שקיבלתם.נקודה למחשבה: מה היה נדרש לממש במחלקה זו על מנת לתמוך ברשת עם מספר שכבות וגודל שכבות הניתן בזמן ריצה?

| Description | Name | Comments |
|-------------|--|--|
| | Const | ructors |
| Constructor | <pre>MlpNetwork(weights[], biases[])</pre> | Accepts 2 arrays of matrices, size 4 each. one for weights and one for biases. constructs the network described (sec. 2.2) |
| | Оре | rators |
| 0 | Parenthesis | Applies the entire network on input. returns digit struct. MlpNetwork m(); digit output = m(img); |

4 טיפול בשגיאות

.exceptions-בתרגיל זה נדרוש מכם להשתמש ב-

- חשבו בעצמכם היכן יכולות להיות שגיאות (בדיקת הקלטים של הפונקציות, בדיקת ערכי החזרה של פעולות שונות, ועוד).
 - במקרה של שגיאה' זרקו חריגה (exception) מתאימה בהתאם להוראות הבאות:
 - אם התבצעה שגיאה הנוגעת לאורכים ומימדים בעייתיים, זרקו std::length_error -
 - .std::out_of_range אם התבצעה שגיאה שקשורה לגישה למיקום לא חוקי, זרקו std::out_of_range
 - .std::runtime_error אם התבצעה שגיאה עקב קלט לא נכון מהמשתמש זרקו -
- במקרה שהקצאת זיכרון נכשלה אינכם נדרשים לזרוק חריגה (החריגה std::bad_alloc תיזרק חיזרק האינכם נדרשים לזרוק חריגה (החריגה std::bad_alloc באופן אוטומטי במקרה זה. לפירוט קראו: /https://en.cppreference.com/w/cpp/memory/new (באופן אוטומטי במקרה זה. לפירוט קראו: /bad_alloc (bad_alloc). באופן כללי, בתרגיל זה אינכם נדרשים לשחרר את הזיכרון. אין זה אומר שלא יהיה לכם דליפות זיכרון.

רמז: חישבו מתי נרצה לא לזרוק ישר אחרי הקצאה כושלת bad_alloc ונרצה לשחרר זיכרון קודם. מימוש טוב ויעיל של המחלקות ימנע בעיות כאלה.

5 קימפול והרצה

בקבצי העזר לתרגיל הניתנים לכם, מצורף קובץ Makefile על מנת לקמפל את התוכנה. על התוכנה להתקמפל באמצעות הפקודה הבאה:

make mlpnetwork

נריץ את התוכנית כמפורט בסעיף 2.3.

Presubmit 5.1

קובץ ה-presubmit מין בנתיב

~proglab/presubmit/ex4/srcs/presubmit.cpp

6 הקבצים להגשה

Matrix.h
 Activation.h
 Dense.h
 MlpNetwork.h

• Matrix.cpp • Activation.cpp • Dense.cpp • MlpNetwork.cpp

7 הערות וסיכום

7.1 הנחיות כלליות

- קראו בקפידה את הוראות תרגיל זה ואת ההנחיות להגשת תרגילים שבאתר הקורס.
- new-ב מעבר ל-C++: זכרו להשתמש בפונקציות ובספריות של ++C מעבר ל-t ++C. למשל, נשתמש ב-math.h מעבר ל-t ++C מעבר ל-std::string-ב ,free-i malloc ולא ב-math.h במקום ,*char-ב ,ted ולא ב-t +C במקום
- $^{++}$ איסור על שימוש ב-STL: נזכיר בשנית כי בתרגיל זה נאסר השימוש בספריית STL איסור על שימוש ב-std::vector ובפרט אסור להשתמש במבני נתונים כגון
 - ניהול זיכרון דינמי: היעזרו בתוכנה valgrind כדי לחפש דליפות זיכרון בתוכנית שכתבתם.
- שימוש ב-reference: הקפידו לא להעתיק by value משתנים כבדים, אלא להעבירם היכן שניתן by reference.
- שימוש ב-const: הקפידו להשתמש במילה השמורה const היכן שנדרש מכם בהגדרת הפונקציות והארגומנטים.
- סקריפט Pre-submission Script: ודאו כי התרגיל שלכם עובר את ה-Pre-submission ללא שגיאות או אזהרות.
 - כפילויות קוד: שימו לב שיש בתרגיל זה המון הזדמנויות למחזר קוד. אל תעבדו קשה, תעבדו חכם!
 - אתם יכולים להניח שקבצי הקלט לא יהיו גדולים מהגודל של המטריצה. אבל לא ניתן להניח שקבצי הקלט לא קטנים מגודל המטריצה.
 - שימו לב: הפעם אתם לא צריכים להגיש טסטים. חרף זאת, אנו מעודדים אתכם לכתוב טסטים ולבדוק את עצמכם במהלך פתירת התרגיל.

