《最优化:建模、算法与理论》勘误表

刘浩洋 户将 李勇锋 文再文

最后一次更新: 2021年9月28日

记号说明

- [2] 表示该错误于第 2 次印刷修复。不带该标记的条目表示当前版次还未修复。
- 表中的页码以出版社版本为准。

1 第1版 (2020年12月)

- 1. 第4页,倒数第6行结尾:"混合整合"改为"混合整数"。
- 2. [2] 第 10 页, 1.4 节第 5 行: "简单的表示" 改为"相对简单的函数"。
- 3. 第 14 页, 1.5.1 节第 2 段第 2 行: "可行领域" 改为 "可行<mark>邻域</mark>"。
- 4. [2] 第 32 页, 最后一行: "时是良定义的" 改为"时是有定义的"。
- 5. [2] 第 34 页, 定义 2.5 第 1–2 行: 交换 "对任意方向 $V \in \mathbb{R}^{m \times n}$ " 和 "存在矩阵 $G \in \mathbb{R}^{m \times n}$ " 的位置。
- 6. 第 44 页,例 2.3: "点 (x,y,z) 构成的图形"后改为"点 (x,y,z) 构成的图形<mark>的边界</mark>";图 2.9 的图注的末尾也添加"的边界"。
- 7. 第 67 页, 第 1 行: "推论 2.6" 改为 "命题 2.6"。
- 8. 第 97 页, 第 11 行 (公式): $k = 1, 2, \dots, n$ 改为 $k = 1, 2, \dots, m$ 。
- 9. [2] 第 103 页, 3.10 K-均值聚类第 3 行: 去掉"的坐标"。
- 10. [2] 第 123 页, 1. 线性最小二乘问题第五行(公式)改为:

$$\min_{x \in \mathbb{R}^n} \quad f(x) \stackrel{\text{def}}{=} \frac{1}{2} ||Ax - b||_2^2.$$

- 11. [2] 第 124 页, 第 3 行: ≤ 应改为 =。
- 12. [2] 第 127 页, 第 8 行: "且初值条件是已知的"改为"且 y₁, y₂ 的初值条件是已知的"。
- 13. [2] 第 132 页,第 8 行(公式): min 中的 min 改为 max。
- 14. [2] 第 153 页,倒数第 6 行: $x^k \to +\infty$ 改为 $\|x^k\| \to +\infty$ 。
- 15. [2] 第 154 页, 第 10 行: C₇ 后添加句点 "."。
- 16. [2] 第 173 页,第三个公式: max 改为 max。
- 17. 第 175 页,图 5.5:点x右侧的虚线改为实线,左侧的虚线删除。
- 18. 第 178 页,第 9 行: $c_i(z_k) \ge 0$ 改为 $c_i(z_k) \le 0$ 。
- 19. [2] 第 181 页,第 12 行: "或不等式约束不起作用(即 $c_i(x^*)$ 严格大于 0)"改为"或 $c_i(x^*) = 0$ (即 $i \in \mathcal{A}(x^*) \cap \mathcal{I}$)"。
- 20. [2] 第 186 页,图 5.7:集合 A 的边界应该是<mark>单调下降的</mark>。
- 21. 第 187 页, 第 2 3 行: "则存在……满足……" 改为 "则存在 e 使得 $\tilde{x} = x_S + e \in \mathcal{D}$, 且满足"。
- 22. 第 188 页, 第 8 行: "则其对应问题的最优解"改为"则其<mark>就</mark>对应 (5.6.1) 的最优解"。
- 23. 第 190 页,定理 5.14 第一句:"设 Slater 条件满足"后面添加",且 $\mathcal{X} \cap \mathbf{dom} \ f \neq \emptyset$ "。
- 24. 第 192 页, 倒数第 1 行 (公式): 等号右边第一项 $N_{\chi}(x)$ 改为 $N_{\chi}(x)$ 。
- 25. [2] 第 217 页, 第 3 行(公式) 改为:

$$f^* + \nabla f(x)^{\mathrm{T}}(x - x^*) - \frac{\alpha}{2} ||\nabla f(x)||^2$$

- 26. 第 219 页, 第 9 行 (公式): 等号左边 $||x^{k+1}-x^*||_2^2$ 改为 $||x^{k+1}-x^*||_2^2$ 。
- 27. 第 221 页, 第 3 行: "Q-超线性收敛速度" 改为 "R-线性收敛速度"。
- 28. 第 234 页, 第 5 行: "对其极小化" 改为"求其稳定点"。
- 29. 第 244 245 页, 公式 (6.5.13) 改为:

$$H^{k+1} = (I - \rho_k \mathbf{y}^k (\mathbf{s}^k)^{\mathrm{T}})^{\mathrm{T}} H^k (I - \rho_k \mathbf{y}^k (\mathbf{s}^k)^{\mathrm{T}}) + \rho_k \mathbf{s}^k (\mathbf{s}^k)^{\mathrm{T}},$$

公式 (6.5.16) 改为:

$$B^{k+1} = (I - \rho_k s^k (\mathbf{y}^k)^{\mathrm{T}})^{\mathrm{T}} B^k (I - \rho_k s^k (\mathbf{y}^k)^{\mathrm{T}}) + \rho_k \mathbf{y}^k (\mathbf{y}^k)^{\mathrm{T}},$$

即分别交换等号右边第一项 s^k 和 y^k 的位置。

- 30. 第 250 251 页、定理 6.10、6.11: R^k 和 L^k 的表达式中 v^{i-1} 改为 v^{j-1} 。
- 31. [2] 第 256 页、定理 6.12 的证明第三行(公式)改为:

$$L(d,\lambda) = f + g^{\mathrm{T}}d + \frac{1}{2}d^{\mathrm{T}}Bd - \frac{\lambda}{2}(\Delta^{2} - \|d\|^{2}).$$

32. [2] 第 257 页, 第 5 行(公式) 改为:

$$\hat{m}(d) = f + g^{\mathrm{T}}d + \frac{1}{2}d^{\mathrm{T}}(B + \lambda I)d = m(d) + \frac{\lambda}{2}d^{\mathrm{T}}d.$$

- 33. 第 259 页, 第 8 行: α_{k+1} 的表达式中 q^k 改为 p^k 。
- 34. 第 259 页: 倒数第 12 行 $\|s^{k+1}\| > \Delta$ 改为 $\|s^{k+1}\| \ge \Delta$; 倒数第 11 行 "点 s^{k+1} 将处于信赖 域之外"后添加 "或边界上"; 倒数第 2 行 $\|s^k\| \le \Delta$ 改为 $\|s^k\| < \Delta$; 倒数第 1 行 $(0, \alpha_k)$ 改为 $(0, \alpha_k]$ 。
- 35. 第 260 页,算法 6.9: 第 8 行 $||s^{k+1}|| > \Delta$ 改为 $||s^{k+1}|| \ge \Delta$ 。
- 36. 第 261 页: 第 12 行 $||s^{t+1}|| > \Delta$ 改为 $||s^{t+1}|| > \Delta$; 第 13 行 $(0, \alpha_t)$ 改为 $(0, \alpha_t]$ 。
- 37. [2] 第 262 页, 倒数第 7 行: "它并没有利用"改为"它并没有<mark>充分</mark>利用"。
- 38. [2] 第 270 页, 第 12、20 行: (6.7.11) 改为 (6.7.10)。
- 39. [2] 第 279 页, 习题 6.4:
 - (b) 问前半句修改为 "证明 f(x) 在区域 $\{x \mid ||x|| \le R \stackrel{\text{def}}{=} 1/\sqrt{K}\}$ 上是 G-利普希茨 连续的";
 - (c) 问第 2 行:"在 k ($k \le K$) 次迭代后"前面添加"存在一种次梯度的取法,";第 三行公式改为:

$$\hat{f}^k - f^* \geqslant \frac{GR}{2(1 + \sqrt{K})}$$

最后一行开头
$$\mathcal{O}\left(\frac{1}{\sqrt{k}}\right)$$
 改为 $\mathcal{O}\left(\frac{GR}{\sqrt{K}}\right)$ 。

40. [2] 第 293 页, 倒数第四行: "随着 σ 增大" 改为 "随着 σ 减小"。

41. 第 294 页, 算法 7.4 下方第 2 行: "一个常用的对数罚函数收敛准则可以是"改为"常用的收敛准则可以包含";下方公式改为

$$\left|\sigma_k\sum_{i\in\mathcal{I}}\ln(-c_i(x^{k+1}))\right|\leq \varepsilon,$$

即等号左边添加绝对值。

- 42. [2] 第 297 页,删除倒数第 3-4 行。
- 43. [2] 第 303 页, 算法 7.6, 14 行: η_{k+1} , ε_{k+1} 的更新方式改为:

$$\eta_{k+1} = \frac{1}{\sigma_{k+1}}, \ \varepsilon_{k+1} = \frac{1}{\sigma_{k+1}^{\alpha}}.$$

- 44. 第 311 页, 第 3 行: 公式中的 λ 改为 λ^k 。
- 45. 第 333 页, 算法 8.1: 第 1 行末尾添加"初始化 $k \leftarrow 1$."; 第 3 行与第 4 行之间增加 $k \leftarrow k + 1$.。
- 46. [2] 第 335 页, 3. 小波模型求解: "下面用近似点梯度算法求解小波模型"改为"下面<mark>考虑小波分解模型"</mark>;公式(8.1.7)前一行结尾: "我们有等价模型"改为"可以使用近似点梯度法求解对应的合成模型"。
- 47. [2] 第 337 页, 第 14 行末尾: "的最小值"改为"的最小值点"。
- 48. 第 347 页, 算法 8.8: 第 1 行的 x^0 和 y^0 交换位置, $k \leftarrow 0$ 改为 $k \leftarrow 1$ 。
- 49. 第 348 页,算法 8.9: 第 1 行末尾添加"初始化 $k \leftarrow 1$."; 第 5 行与第 6 行之间增加 $k \leftarrow k + 1$.。
- 50. [2] 第 348 页, 8.2.3 应用举例,第 13 行(公式)中的 y^k 改为 y^{k-1} 。类似修改还包含:第 349 页倒数第 3 行、第 350 页第 8 行。
- 51. [2] 第 349 页, 2. 小波模型求解后一行: "针对小波模型求解" 改为 "针对<mark>合成</mark>小波模型求解"。
- 52. 第 350 页, 倒数第 2 行: 删除"的凸性、"。
- 53. 第 361 页, 第 9 行 (公式): $\Gamma^2_{\lambda t_k}$ 改为 $\Gamma^2_{\lambda t_k}$ (改为斜体)。
- 54. 第 363 页最后一行公式添加编号 (8.3.14), 并去掉原 364 页 (8.3.14) 的编号; 第 364 页第 5 行 (8.3.4) 改为 (8.3.14)。

- 55. [2] 第 358 页, 第 4 行:"增广拉格朗日方法"改为"增广拉格朗日函数法"。
- 56. 第 386 页, 定理 8.11: "且假设 8.2 满足," 的后面添加 " $\{z^k\}$ 是有界序列"。
- 57. 第 389 页,总结第 (3) 条的内容改为"假设 Ψ 是一个 KL 函数且迭代序列 $\{z^k\}$ 有界,证明 $\{z^k\}$ 是一个柯西列"。
- 58. [2] 第 391 页,引理 8.5 证明的倒数第二行:"定理 6.1"改为"引理 6.1"。
- 59. [2] 第 392 页,公式 (8.5.8) 第三行:去掉 h(y) 左边的 "("。
- 60. 第 404 页, 倒数第 5 行 (公式): $h^*(\bar{z})$ 改为 $h^*(z)$ 。
- 61. [2] 第 408 页,公式 (8.6.3): $L_{\rho}(x_1^k, x_2^k, y^k)$ 改为 $L_{\rho}(x_1, x_2, y^k)$ 。
- 62. [2] 第 411 页, 8.6.2 节第 2 行: 删除"组合"。
- 63. 第 413 页, 倒数第 6 行: 删除"针"。
- 64. 第 413 页,定理 8.15: 最前面添加"如果 $w^1 = -tA_2x_2^0$,那么"。
- 65. [2] 第 414 页, 第 6 行(公式)改为:

$$x_1^k = \arg\min_{x_1} \left\{ f_1(x_1) + (x^k)^{\mathrm{T}} (A_1 x_1 - b) + \frac{t}{2} \|A_1 x_1 - b - \frac{w^k}{t}\|_2^2 \right\}.$$

- 66. 第 414 页,倒数第 8 行: $||A_1x_1 + A_2x_2^{k-1} b||$ 改为 $||A_1x_1 + A_2x_2^{k-1} b||^2$ 。
- 67. 第 414 页,倒数第 7 行: $||A_1x_1^k + A_2x_2 b||$ 改为 $||A_1x_1^k + A_2x_2 b||^2$ 。
- 68. [2] 第 415 页, 第 12、15、倒数第 1 行的公式: 所有的 x^k 改为 x^k。
- 69. [2] 第 415 页, 2. 缓存分解: $A_1^T A$ 改为 $A_1^T A_1$ 。
- 70. [2] 第 416 页, 5. 超松弛: 公式中的 $+(1-\alpha_k)$ 改为 $-(1-\alpha_k)$ 。
- 71. [2] 第 418 页,第三个公式中关于 z^{k+1} 的更新: $\|x\|_1$ 改为 $\|z\|_1$ 。
- 72. 第 442 页,图 8.12:标题改为"使用不同类型的随机梯度法求解逻辑回归问题"。
- 73. 第 447 页, 第 1 行: "定理 8.8" 改为 "引理 8.8"。
- 74. 第 453 页, 倒数第 2 行: "相对于普通梯度算法"改为"相对于普通的随机梯度算法"。
- 75. 第 457 页, 定理 8.25 第一句: "设每个 $f_i(x)$ 是可微的" 改为"设每个 $f_i(x)$ 是可微<mark>凸函数</mark>"。

76. [2] 第 462 页,习题 8.5(a): "当 $t_k = \gamma_k \lambda_k$ 时"改为"当 $t_k = \gamma_k \lambda_k$ 且 h(x) = 0 时"。

77. [2] 第 462 页, 习题 8.11: "基于格式 (8.4.3)" 改为"基于格式 (8.4.4)"。