#### CHAPTER



## 둘러보기

- 1. 순환 뉴런과 순환 층
- 2. RNN 훈련하기
- 3. 시계열 예측하기
- 4. 긴 시퀀스 다루기 (하)

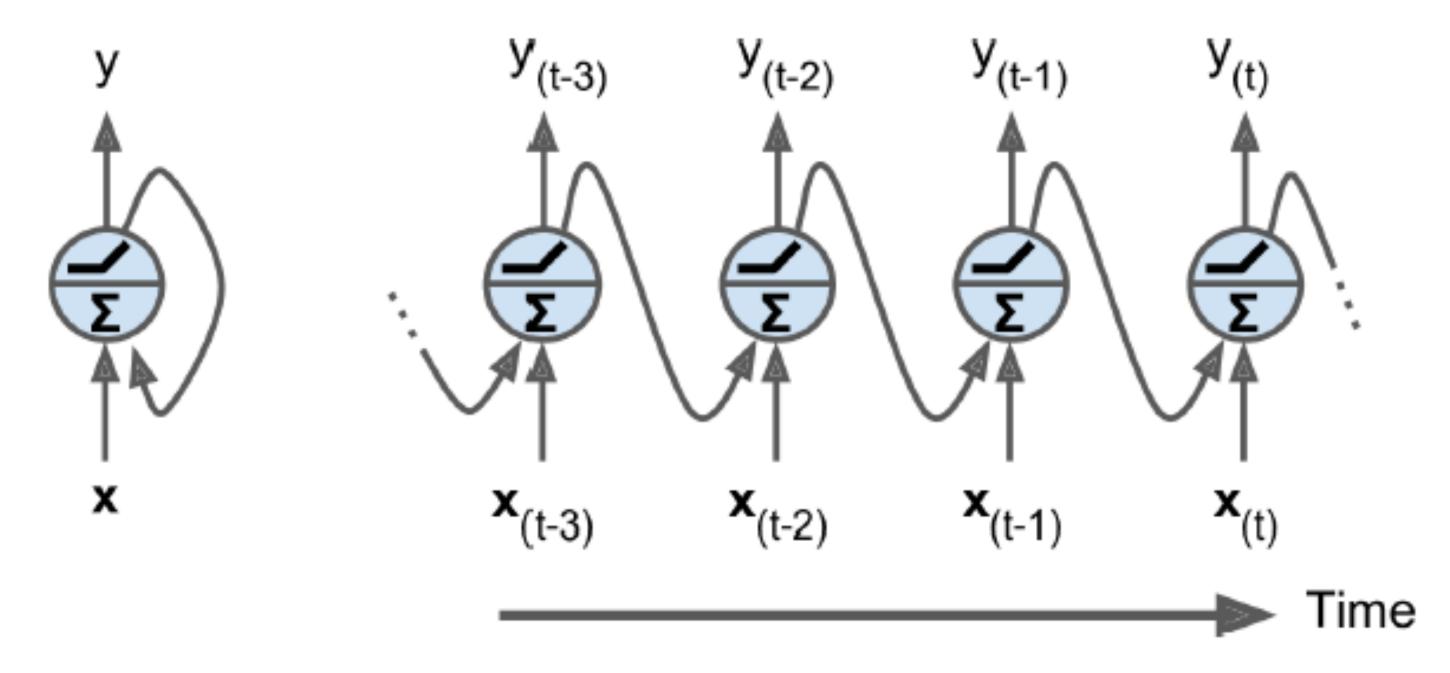
### 0. 기초용어

#### 순환 신경망(RNN, recurrent neural networks)

미래를 어느 정도 예측할 수 있는 네트워크 솔루션. 일반적으로 이 신경망은 임의 길이를 가진 시퀀스를 다룰 수 있다. 때문에 자연어 처리(NLP)에 매우 유용하다.

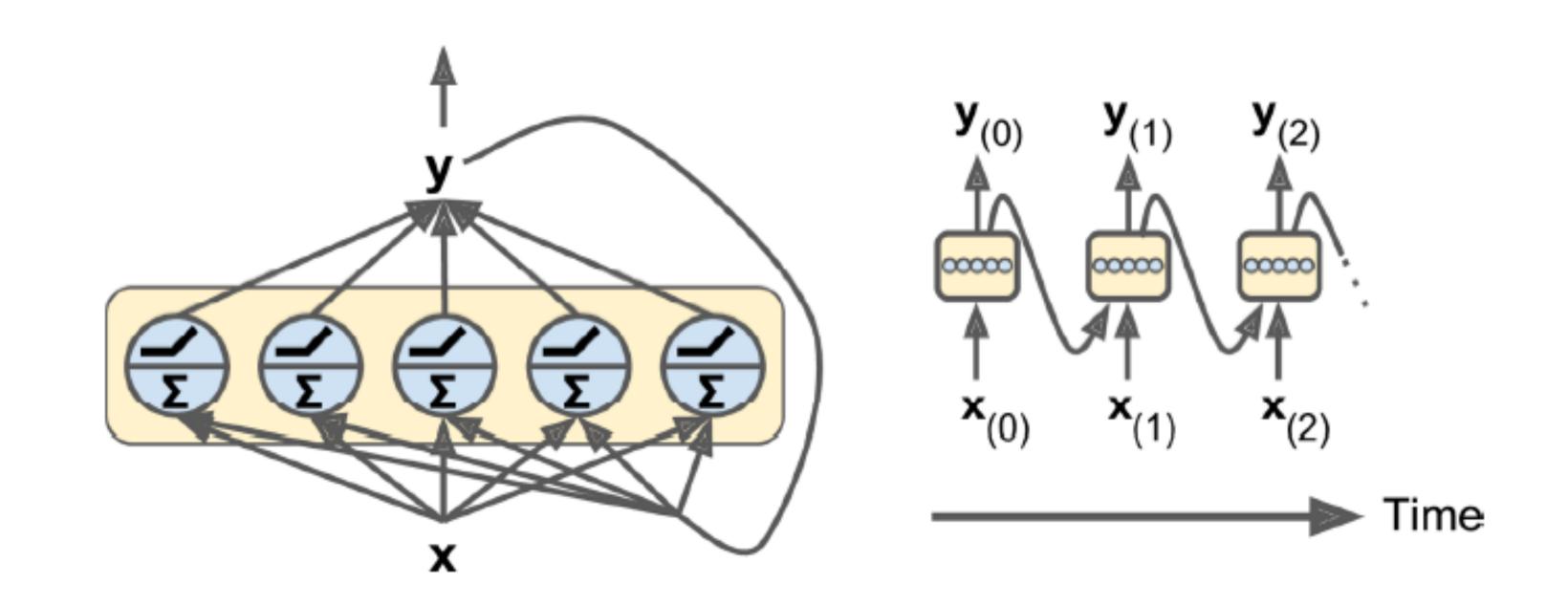


지금까지는 활성화 신호가 입력층에서 출력층 한 방향으로만 흐르는 피드포워드 신경망 위주였는데, 순환 신경망은 뒤쪽으로 순환하는 연결도 있다는 차이점이 있음.



▲ 순환 뉴런(왼쪽)과 타임 스텝으로 펼친 모습(오른쪽) 오른쪽: "시간에 따라 네트워크를 펼쳤다"

타임 스텝 t마다 모든 뉴런은 입력 벡터와 이전 타임 스텝의 출력 벡터를 받는다. 이러면 입력과 출력이 모두 벡터가 된다. (뉴런이 하나일 때는 출력이 스칼라이다)



▲ 순환 뉴런으로 된 층(왼쪽)과 타임 스텝으로 펼친 모습(오른쪽)

타임 스텝 t마다 모든 뉴런은 입력 벡터와 이전 타임 스텝의 출력 벡터를 받는다. 이러면 입력과 출력이 모두 벡터가 된다. (뉴런이 하나일 때는 출력이 스칼라이다)

$$\mathbf{y}_{(t)} = \phi \Big( \mathbf{x}_{(t)}^T \cdot \mathbf{w}_x + \mathbf{y}_{(t-1)}^T \cdot \mathbf{w}_y + b \Big)$$

▲ 순환 층 전체의 출력 벡터를 계산하는 식

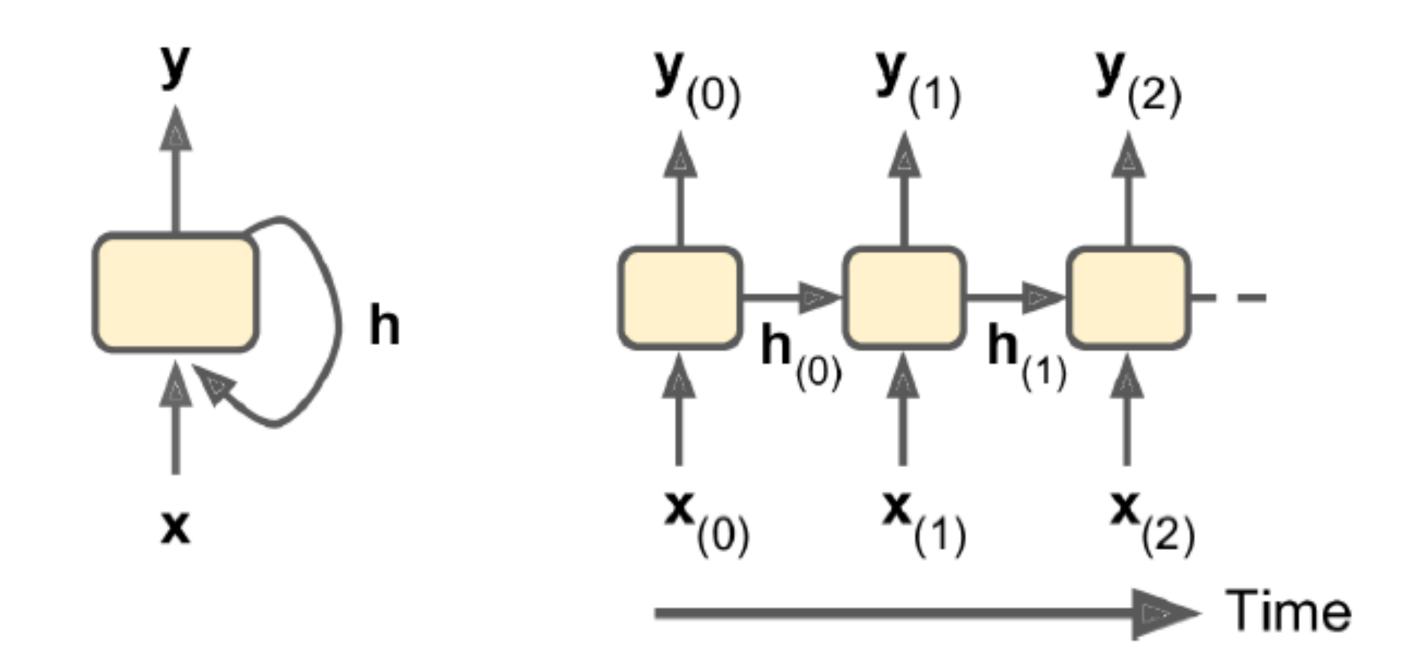
$$\mathbf{Y}_{(t)} = \phi \left( \mathbf{X}_{(t)} \cdot \mathbf{W}_{x} + \mathbf{Y}_{(t-1)} \cdot \mathbf{W}_{y} + \mathbf{b} \right)$$

$$= \phi \left( \begin{bmatrix} \mathbf{X}_{(t)} & \mathbf{Y}_{(t-1)} \end{bmatrix} \cdot \mathbf{W} + \mathbf{b} \right) \text{ with } \mathbf{W} = \begin{bmatrix} \mathbf{W}_{x} \\ \mathbf{W}_{y} \end{bmatrix}$$

▲ 미니배치에 있는 전체 샘플에 대한 순환 뉴런 층의 출력을 계산하는 식

#### 메모리 셀

타임 스텝에 걸쳐서 어떤 상태를 보존하는 신경망의 구성 요소. 하나의 순환 뉴런 또는 순환 뉴런의 층은 짧은 패턴만 학습할 수 있다.



#### 입력과 출력 시퀀스

시퀀스-투-시퀀스 네트워크: 입력 시퀀스를 받아 출력 시퀀스를 만들 수 있다.

시퀀스-투-벡터 네트워크: 입력 시퀀스를 네트워크에 주입, 마지막을 제외한 모든 출력을 무시

벡터-투-시퀀스 네트워크: 각 타임 스텝에서 하나의 입력 벡터를 반복해서 네트워크에 주입하고,

하나의 시퀀스를 출력할 수 있다.

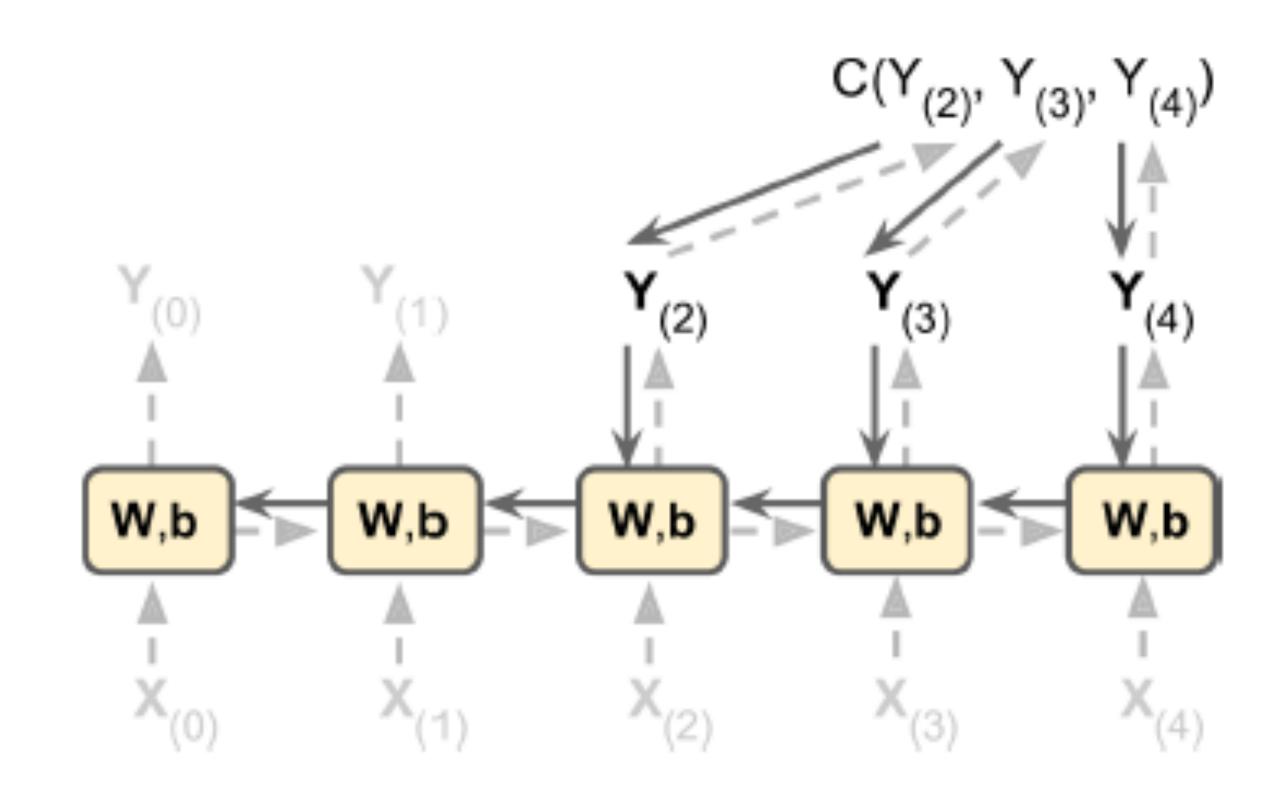
인코더-디코더: 인코더라 부르는 시퀀스-투-벡터 네트워크 뒤에 디코더라 부르는 벡터-투-시퀀스 네트워크를 연결할 수 있다.

## 2. RNN 훈련하기



### BPTT (backpropagation through time)

RNN을 훈련하기 위한 기법으로 타임 스텝으로 네트워크를 펼치고 보통의 역전파를 사용하는 것.





#### 시계열(time series)

데이터의 타임 스텝마다 하나 이상의 값을 가진 시퀀스.

#### 단변량시계열(univariate time seires)

타임 스텝마다 하나의 값을 가진 시퀀스.

#### 다변량시계열(multivariate time seires)

타임 스텝마다 여러 개의 값을 가진 시퀀스.

### 값대체(imputation)

과거 데이터에서 누락된 값을 예측.

#### 시계열 생성

요청한 만큼 n\_steps 길이의 여러 시계열을 만드는 함수.

```
def generate_time_series(batch_size, n_steps):
    freq1, freq2, offsets1, offsets2 = np.random.rand(4, batch_size, 1)
    time = np.linspace(0, 1, n_steps)
    series = 0.5 * np.sin((time - offsets1) * (freq1 * 10 + 10)) # wave 1
    series += 0.2 * np.sin((time - offsets2) * (freq2 * 20 + 20)) # + wave 2
    series += 0.1 * (np.random.rand(batch_size, n_steps) - 0.5) # + noise
    return series[..., np.newaxis].astype(np.float32)
```

#### 훈련 세트, 검증 세트, 테스트 세트 만들기

X\_train은 7,000개의 시계열을 담고, X\_valid는 2,000개, X\_test는 1,000개를 담는다.

```
n_steps = 50
series = generate_time_series(10000, n_steps + 1)
X_train, y_train = series[:7000, :n_steps], series[:7000, -1]
X_valid, y_valid = series[7000:9000, :n_steps], series[7000:9000, -1]
X_test, y_test = series[9000:, :n_steps], series[9000:, -1]
```

#### 기준성능

RNN을 시작하기 전에 기준 성능을 몇 개 준비하는 것이 좋다. 가장 간단한 방법은 각 시계열의 마지막 값을 그대로 예측하는 순진한 예측방법이다. 또 다른 방법으로는 완전 연결 네트워크이다.

```
>>> y_pred = X_valid[:, -1]
>>> np.mean(keras.losses.mean_squared_error(y_valid, y_pred))
0.020211367
```

▲ 순진한 예측. 이 예측의 경우 평균 제곱 오차는 0.020 정도이다.

```
>>> model = keras.models.Sequential([
keras.layers.Flatten(input_shape=[50, 1]), keras.layers.Dense(1)])
0.004145486224442721
```

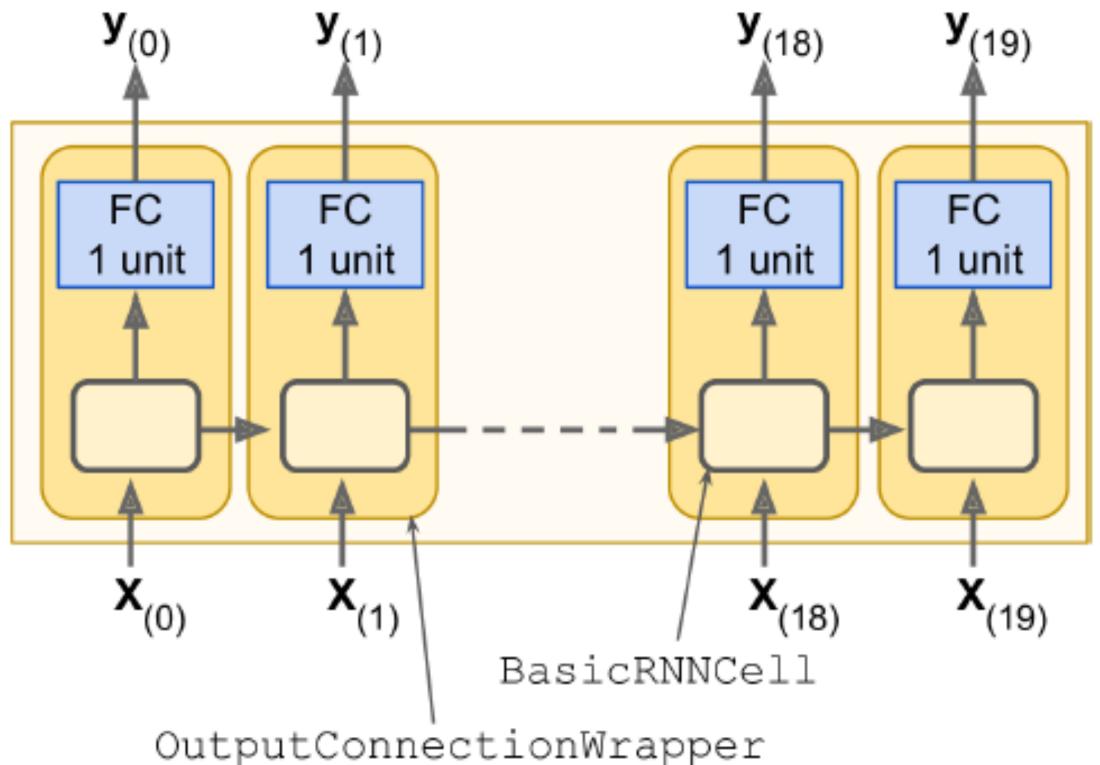
완전 연결 네트워크. 이 네트워크는 입력마다 1차원 특성 배열을 기대하기 때문에 flatten 층을 추가해야 한다. 순진한 예측보다 더 나은 결과를 보인다.

#### 간단한 RNN 구현하기

이 모델을 훈련, 평가하면 0.014에 달하는 평균 제곱 오차값을 얻는다. 이는 순진한 예측보다는 낫지만, 간단한 선형 모델을 앞지르지는 못한다.

▲ 가장 간단한 RNN 을 구현한 코드.

### 심층 RNN



▲ 심층 RNN을 타임 스텝으로 펼친 모습

심층 RNN 모델을 컴파일, 훈련, 평가하면 0.003의 평균 제곱 오차값을 얻는다. 이를 통해 심층 RNN이 선형 모델을 확실히 앞지르는 성능임을 확인할 수 있다.

▲ tf.keras로 심층 RNN을 구현하는 코드.

▲ 성능을 더 개선한 코드. return\_sequences = True를 제거하고 마지막 코드에서 keras.layers.Dense(1) 로 바꾼다.

#### 여러 타임 스텝 앞을 예측하기

지금까지는 다음 타임 스텝의 값만 예측했지만 타깃을 적절히 바꾸면 여러 타임 스텝 앞의 값을 예측할 수 있다. 여러 타임 스텝 앞의 값을 예측하는 방법으로는 두 가지가 있다.

- 1. 이미 훈련된 모델을 사용하여 다음 값을 예측한 다음 이 값을 입력으로 추가하는 것.
- 2. RNN을 훈련해 다음 값 10개를 한 번에 예측하는 것.

### 방법 1:이미 훈련된 모델을 사용

다음 스텝에 대한 예측은 보통 더 미래의 타임 스텝에 대한 예측보다 정확하다. 미래의 타임 스텝은 오차가 누적될 수 있기 때문이다. 이 모델은 한 번에 하나의 미래 스텝을 예측하기 위해 RNN을 사용하는 것보다 낫다.

```
series = generate_time_series(1, n_steps + 10)
X_new, Y_new = series[:, :n_steps], series[:, n_steps:]
X = X_new
for step_ahead in range(10):
    y_pred_one = model.predict(X[:, step_ahead:])[:, np.newaxis, :]
    X = np.concatenate([X, y_pred_one], axis=1)

Y_pred = X[:, n_steps:]
```

#### 방법 2: RNN을 훈련하여 다음 값 10개를 한 번에 예측

시퀀스-투-벡터 모델을 사용하지만 1개가 아니라 10개를 출력해야 한다.

- 1. 타깃을 다음 10개의 값이 담긴 벡터로 바꾼다.
- 2. 10개의 유닛을 가진 출력층을 만든다.
- 3. 이 모델을 훈련하면 한 번에 다음 값 10개를 예측할 수 있다.

```
series = generate_time_series(10000, n_steps + 10)
X_train, Y_train = series[:7000, :n_steps], series[:7000, -10:, 0]
X_valid, Y_valid = series[7000:9000, :n_steps], series[7000:9000, -10:, 0]
X_test, Y_test = series[9000:, :n_steps], series[9000:, -10:, 0]
```

#### 방법 2 개선: 마지막 타임 스텝만이 아닌 모든 타임 스텝에서 예측하기

시퀀스-투-시퀀스 RNN 활용하여 모든 타임 스텝에서 다음 값 10개를 예측하도록 모델을 만들면 모든 타임 스텝에서 RNN 출력에 대한 항이 손실에 포함되므로 훈련을 안정적으로 만들고 훈련 속 도를 높일 수 있다.

```
Y = np.empty((10000, n_steps, 10))
for step_ahead in range(1, 10 + 1):
        Y[..., step_ahead - 1] = series[..., step_ahead:step_ahead + n_steps, 0]
Y_train = Y[:7000]
Y_valid = Y[7000:9000]
Y_test = Y[9000:]
```

▲ 타깃 시퀀스. 각 타깃은 입력 시퀀스와 동일한 길이의 시퀀스이다.

▼ 개선된 모델.

```
model = keras.models.Sequential([
          keras.layers.SimpleRNN(20, return_sequences=True, input_shape=[None, 1]),
          keras.layers.SimpleRNN(20, return_sequences=True),
          keras.layers.TimeDistributed(keras.layers.Dense(10))
])
```

#### MSE만을 계산하는 사용자 정의 지표 사용

훈련하는 동안 모든 출력이 필요하지만, 예측 및 평가에는 마지막 타임 스텝의 출력만 사용된다. 평가를 위해 마지막 타임 스텝의 MSE만을 계산하는 사용자 정의 지표를 사용한다. 검증 평균 제곱 오차로 0.006이 나오며 이는 이전 모델보다 25% 향상된 값이다.

```
def last_time_step_mse(Y_true, Y_pred):
    return keras.metrics.mean_squared_error(Y_true[:, -1], Y_pred[:, -1])
optimizer=keras.optimizers.Adam(lr=0.01)
model.compile(loss="mse", metrics=[last_time_step_mse])
```